

1. 다음 보기 중 소수를 모두 찾아 기호로 써라.

보기

㉠ 5

㉡ 9

㉢ 11

㉣ 15

㉤ 49

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 정답 : ㉠

▶ 정답 : ㉢

해설

주어진 수에서 5, 11 은 소수이고 나머지는 모두 합성수이다.

2. 수직선의 원점에서 왼쪽으로 4 칸 움직이고, 다시 왼쪽으로 1 칸 움직였더니 x 에 도착하였다. x 의 값과 덧셈식으로 옳은 것은?

- ① $x = 3, (+4) + (-1)$ ② $x = -5, (-4) - (-1)$
- ③ $x = -5, (-4) + (-1)$ ④ $x = -3, (-4) - (-1)$
- ⑤ $x = -5, (-4) + (+1)$

해설

왼쪽으로 4 칸: -4 , 왼쪽으로 1 칸: -1

$$\therefore (-4) + (-1) = -5$$

3. $(-10) - (-3) + (-5)$ 를 바르게 계산하여라.

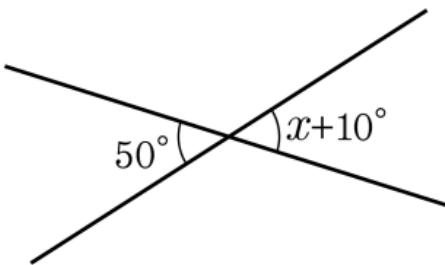
▶ 답:

▷ 정답: -12

해설

$$\begin{aligned}(-10) - (-3) + (-5) &= (-10) + (+3) + (-5) \\&= (-10) + (-5) + (+3) \\&= (-15) + (+3) \\&= -12\end{aligned}$$

4. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 : $\underline{\hspace{1cm}}$ °

▶ 정답 : 40°

해설

맞꼭지각의 크기는 서로 같으므로

$$50^{\circ} = x + 10^{\circ}$$

$$\therefore \angle x = 40^{\circ}$$

5. 두 자연수 $2^2 \times 3^2 \times 5$, $2 \times 3^3 \times 7$ 의 공약수의 개수는?

- ① 4 개
- ② 5 개
- ③ 6 개
- ④ 7 개
- ⑤ 8 개

해설

공약수는 최대공약수의 약수이므로

두 수의 최대공약수는 2×3^2

\therefore 약수의 개수는 $(1 + 1) \times (2 + 1) = 6$ (개)

6. 두 유리수 -2.8 와 $+\frac{11}{3}$ 사이에 있는 정수 중 가장 작은 수를 a , 가장 큰 수를 b 라 할 때, $a + b$ 의 값은?

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

해설

$$\frac{11}{3} = 3\frac{2}{3} \text{ 이므로,}$$

-2.8 와 $3\frac{2}{3}$ 사이에 있는 정수는 $-2, -1, 0, 1, 2, 3$ 이다.

따라서 $a = -2, b = 3$ 이므로, $a + b = -2 + 3 = 1$ 이다.

7. 다음 문장을 문자식으로 알맞게 나타내면?

2시간 동안 y km를 갔을 때의 속력

- ① $\frac{y}{120}$ (km/h)
- ② $\frac{120}{y}$ (km/h)
- ③ $\frac{2}{y}$ (km/h)
- ④ $2y$ (km/h)
- ⑤ $\frac{y}{2}$ (km/h)

해설

$$(속력) = \frac{(거리)}{(시간)} = \frac{y}{2}(\text{km/h})$$

8. 다항식 $4x^2 - x - 7$ 에 대한 다음 보기의 설명 중 옳은 것을 모두 고르면?

보기

- ㉠ 항의 개수는 2 개이다. ㉡ 상수항은 -7 이다.
㉢ x 의 계수는 1 이다. ㉣ 차수는 2 이다.

- ① ㉠, ㉡ ② ㉠, ㉢ ③ ㉡, ㉢ ④ ㉡, ㉣ ⑤ ㉢, ㉣

해설

- ㉠ $4x^2 - x - 7$ 의 항의 개수는 3 개이다.
㉡ 상수항은 -7
㉢ x 의 계수는 -1
㉣ 차수는 $4x^2$ 이므로 이차이다.
따라서 옳은 것은 ㉡, ㉣이다.

9. $\frac{2x-1}{3} - \frac{-3x+2}{6}$ 을 간단히 하면 $ax+b$ 일 때, $a+b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $\frac{1}{2}$

해설

분모를 6으로 통분하면

$$\begin{aligned}\frac{2(2x-1) - (-3x+2)}{6} &= \frac{4x-2+3x-2}{6} \\&= \frac{7x-4}{6} \\&= \frac{7x}{6} - \frac{4}{6}\end{aligned}$$

따라서 x 의 계수 $a = \frac{7}{6}$, 상수항 $b = -\frac{2}{3}$ 이므로

$$a + b = \frac{7}{6} + \left(-\frac{2}{3}\right) = \frac{3}{6} = \frac{1}{2}$$

10. 다음 두 방정식 ㉠, ㉡의 해를 각각 a , b 라 할 때, $\frac{1}{a} + \frac{1}{b}$ 의 값을 구하여라.

$$\textcircled{1} \quad \frac{3}{2}(3 - 2x) + \frac{3}{4} = \frac{3}{4}x \quad \textcircled{2} \quad 3.1y + 4 = 2.9y + 3.7$$

▶ 답 :

▷ 정답 : $\frac{1}{21}$

해설

$$\textcircled{1} \quad \frac{3}{2}(3 - 2x) + \frac{3}{4} = \frac{3}{4}x$$

$$6(3 - 2x) + 3 = 3x$$

$$18 - 12x + 3 = 3x$$

$$-15x = -21, \quad x = \frac{7}{5}$$

$$\therefore a = \frac{7}{5}$$

$$\textcircled{2} \quad 3.1y + 4 = 2.9y + 3.7$$

$$31y + 40 = 29y + 37$$

$$2y = -3, \quad y = -\frac{3}{2}$$

$$\therefore b = -\frac{3}{2}$$

$$\therefore \frac{1}{a} + \frac{1}{b} = \frac{5}{7} - \frac{2}{3} = \frac{1}{21}$$

11. A 상품의 원가에 15 %이익을 취하면 A 상품의 정가는 6900 원이 된다. A 상품의 원가는 얼마인지 구하여라.

▶ 답 : 원

▶ 정답 : 6000 원

해설

원가를 x 라 놓으면 원가에 15 %이익을 취한 정가는
 $x \left(1 + \frac{15}{100}\right)$ 원이다.

$$x \left(1 + \frac{15}{100}\right) = 6900$$

$$\therefore x = 6000$$

12. 자연이는 매달 25000 원을 저금한다. x 개월 동안 저금한 금액을 y 원이라고 할 때, x 와 y 사이의 관계식은?(단, 이자는 없다.)

① $y = \frac{25000}{x}$

② $y = \frac{1}{25000}x$

③ $y = 2500x$

④ $y = 25000x$

⑤ $y = \frac{x}{2500}$

해설

(저금한 금액) = (매달 저금하는 금액) \times (개월 수)

따라서 $y = 25000x$

13. 정비례 관계 $y = ax$ 의 그래프가 $(2, -3)$ 을 지날 때, 상수 a 의 값은?

- ① -2 ② $-\frac{2}{3}$ ③ $-\frac{3}{2}$ ④ 3 ⑤ 2

해설

관계식에 $x = 2, y = -3$ 을 대입하면

$$-3 = 2a$$

$$\therefore a = -\frac{3}{2}$$

14. 500원짜리 사과 4개를 살 수 있는 돈이 있다. 이 돈으로 사과를 살 때, 사과 한 개의 값을 x 원, 살 수 있는 사과의 개수를 y 라 할 때, x 와 y 의 관계식을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : $y = \frac{2000}{x}$

해설

$$y = \frac{2000}{x}$$

15. y 는 x 에 반비례하고 $x = 8$ 일 때 $y = 3$ 이다. $x = 4$ 일 때 y 의 값을 구하여라.

- ① 8 ② 2 ③ 10 ④ 6 ⑤ 12

해설

반비례 관계식은 $y = \frac{a}{x}$ 이므로

$$3 = \frac{a}{8}, a = 24$$

$$\therefore y = \frac{24}{x}$$

따라서 $x = 4$ 일 때 $y = 6$

16. 70과 $2 \times 3^5 \times 7^4$ 의 모든 공약수의 합을 구하여라.

▶ 답:

▶ 정답: 24

해설

$70 = 2 \times 5 \times 7$, $2 \times 3^5 \times 7^4$ 의 최대공약수는 2×7

두 수의 공약수는 1, 2, 7, 14이므로 $1 + 2 + 7 + 14 = 24$ 이다.

17. 300 이하의 자연수 중에서 2^3 , 2×3^2 , 24 의 공배수가 아닌 것은?

- ① 72
- ② 144
- ③ 180
- ④ 216
- ⑤ 288

해설

2^3 , 2×3^2 , 24 의 최소공배수는 72 이므로 보기 중에서 300 이하의 72 의 배수가 아닌 것은 180 이다.

18. 어떤 상점의 네온사인 A는 10 초 동안 켜져 있다가 2 초 동안 꺼지고, B는 12 초 동안 켜져 있다가 3 초 동안 꺼지며, C는 14 초 동안 켜져 있다가 4 초 동안 꺼진다. 이 세 네온사인을 동시에 켰을 때, 처음으로 다시 동시에 켜지는 데는 몇 초가 걸리겠는가?

- ① 90 초 ② 180 초 ③ 210 초
④ 360 초 ⑤ 420 초

해설

$$A : 12 = 2^2 \times 3, B : 15 = 3 \times 5, C : 18 = 2 \times 3^2$$

12 와 15, 18 의 최소공배수는 $2^2 \times 3^2 \times 5 = 180$ 이다.

$\therefore 180$ 초 후에 네온사인 A, B, C 가 다시 동시에 켜진다.

19. 다음 중 계산 결과가 다른 것은?

① $(-150) \div (+75)$

② $(+96) \div (-48)$

③ $(-124) \div (+62)$

④ $(+126) \div (-63)$

⑤ $(-144) \div (+12)$

해설

① $(-150) \div (+75) = -2$

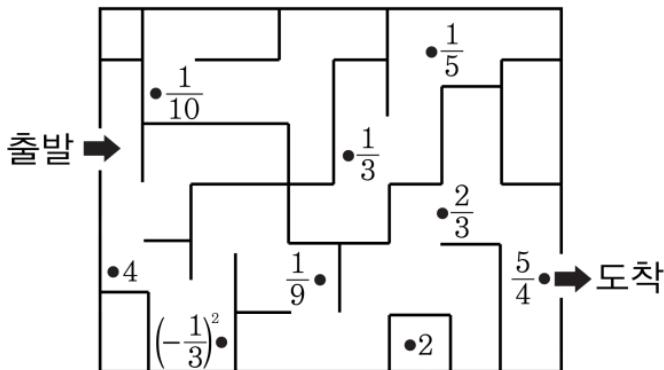
② $(+96) \div (-48) = -2$

③ $(-124) \div (+62) = -2$

④ $(+126) \div (-63) = -2$

⑤ $(-144) \div (+12) = -12$

20. 다음과 같은 미로를 출발 지점에서 도착 지점까지 가려고 한다. 미로를 지나면서 만나게 되는 숫자를 $+, -, \times, \div$ -순으로 계산하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : $\frac{41}{12}$

해설

출발지에서 도착지 까지 지나가는 수를 나열하면

$+4, \left(-\frac{1}{3}\right)^2, \frac{1}{9}, \frac{2}{3}, \frac{5}{4}$ 이다.

$$\begin{aligned}
 & (+4) + \left(-\frac{1}{3}\right)^2 \div \frac{1}{9} \times \left(\frac{2}{3}\right) - \left(+\frac{5}{4}\right) \\
 & = (+4) + \left(\frac{1}{9}\right) \times \frac{9}{1} \times \left(\frac{2}{3}\right) - \frac{5}{4} \\
 & = (+4) + \frac{2}{3} - \frac{5}{4} = \frac{48 + 8 - 15}{12} = \frac{41}{12}
 \end{aligned}$$

21. $-1\frac{1}{3}$ 의 역수를 x , 8 의 역수를 y 라 할 때 $x^2 + 2xy$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

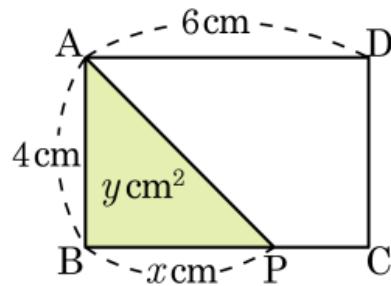
▶ 정답 : $\frac{3}{8}$

해설

$$-1\frac{1}{3} = -\frac{4}{3} \text{ 이므로 } x = -\frac{3}{4}, y = \frac{1}{8}$$

$$\begin{aligned}x^2 + 2xy &= \left(-\frac{3}{4}\right)^2 + 2 \times \left(-\frac{3}{4}\right) \times \frac{1}{8} \\&= \frac{9}{16} - \frac{3}{16} = \frac{6}{16} = \frac{3}{8}\end{aligned}$$

22. 다음 그림의 직사각형 ABCD에서 점 P가 점 B를 출발해서 점 C까지 변 BC 위를 움직인다. $\overline{PB} = x \text{ cm}$, $\triangle ABP$ 의 넓이를 $y \text{ cm}^2$ 이라고 할 때, x , y 사이의 관계식을 구하면?



$$\textcircled{1} \quad y = \frac{x}{4}$$

$$\textcircled{2} \quad y = \frac{x}{2}$$

$$\textcircled{3} \quad y = x$$

$$\textcircled{4} \quad y = 2x$$

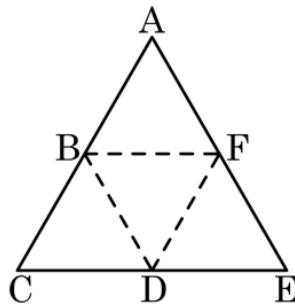
$$\textcircled{5} \quad y = 4x$$

해설

$$y = \frac{1}{2} \times x \times 4$$

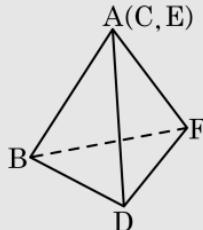
$$\therefore y = 2x$$

23. 다음 그림과 같은 전개도로 만든 삼각뿔에서 \overline{AB} 와 꼬인 위치에 있는 모서리는 몇 개인가?



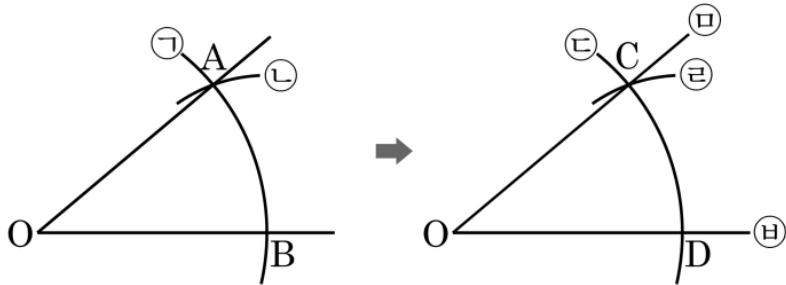
- ① 0 개 ② 1 개 ③ 2 개 ④ 3 개 ⑤ 4 개

해설



\overline{AB} 와 꼬인 위치에 있는 모서리는 \overline{DF} 인 1 개이다.

24. 다음 그림은 $\angle AOB$ 와 크기가 같은 각을 작도하는 과정이다. 다음 설명 중 옳지 않은 것은?

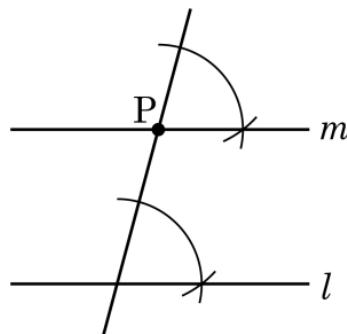


- ① 작도 순서는 ④-⑦-⑨-⑧-⑤-⑥-⑩이다.
- ② $\overline{AB} = \overline{CD}$ 이다.
- ③ $\overline{OA} = \overline{OB}$ 이다.
- ④ $\overline{OB} = \overline{OC}$ 이다.
- ⑤ $\angle AOB = \angle COD$ 이다.

해설

- ① 작도순서는
④-⑦-⑨-⑧-⑤-⑥-⑩이다.

25. 다음 그림은 직선 l 위에 있지 않은 한 점 P 를 지나면서 직선 l 과 평행한 직선 m 을 작도한 것이다. 이 때, 이용된 성질을 다음 보기에서 모두 고른 것은?



보기

- Ⓐ 크기가 같은 각의 작도
- Ⓑ 각의 이등분선의 작도
- Ⓒ 각의 수직 이등분선의 작도
- Ⓓ 동위각의 크기가 같으면 두 직선은 평행하다.
- Ⓔ 엇각의 크기가 같으면 두 직선은 평행하다.

① Ⓐ, Ⓑ

② Ⓐ, Ⓒ

③ Ⓑ, Ⓓ, Ⓕ

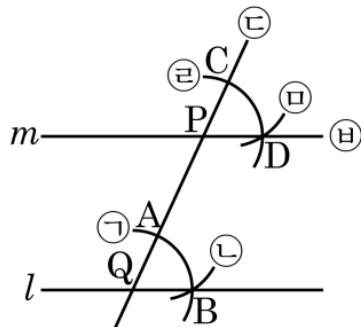
④ Ⓑ, Ⓕ, Ⓗ

⑤ Ⓐ, Ⓑ, Ⓓ, Ⓕ, Ⓗ

해설

동위각의 크기가 같으면 두 직선은 서로 평행하다는 평행선의 성질을 이용하여 작도한 것이다.

26. 다음의 작도에 이용된 평행선의 성질은?

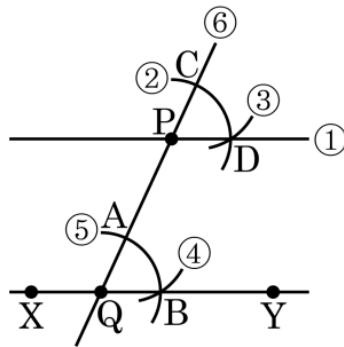


- ① 평행선과 다른 한 직선이 만날 때, 동위각의 크기는 같다.
- ② 두 직선에 다른 한 직선이 만날 때, 동위각의 크기가 같으면 그 두 직선은 평행이다.
- ③ 평행선과 다른 한 직선이 만날 때, 엇각의 크기는 같다.
- ④ 두 직선에 다른 한 직선이 만날 때, 엇각의 크기가 같으면 그 두 직선은 평행이다.
- ⑤ 맞꼭지각의 크기는 서로 같다.

해설

- ② 두 직선에 다른 한 직선이 만날 때, 동위각의 크기가 같으면 그 두 직선은 평행하다.

27. 다음 그림은 점 P 를 지나고 \overleftrightarrow{XY} 에 평행한 직선을 작도한 것이다.
보기에서 옳은 것만을 고른 것은?



보기

- ㉠ 동위각이 같으면 평행하다는 성질을 이용한다.
- ㉡ 각의 이등분선의 작도가 사용된다.
- ㉢ 작도 순서는 ⑥-⑤-②-④-③-①이다.

① ㉠

② ㉠, ㉡

③ ㉠, ㉢

④ ㉡, ㉢

⑤ ㉠, ㉡, ㉢

해설

- ㉡ 크기가 같은 각의 작도 방법이 사용된다.

28. 방정식 $0.3(x - 4) = 0.4x - 1$ 과 $ax + 3 = 2x - 7$ 의 해가 같을 때, a 의 값은?

① -14

② -7

③ -2

④ 7

⑤ 14

해설

$$0.3x - 1.2 = 0.4x - 1$$

$$-0.1x = 0.2$$

$$\therefore x = -2$$

$ax + 3 = 2x - 7$ 에 $x = -2$ 를 대입하면

$$-2a + 3 = -11$$

$$-2a = -14$$

$$\therefore a = 7$$

29. 3km 떨어진 거리를 처음에는 분속 40m의 속력으로 걷다가 중간에 어느 지점부터는 분속 100m의 속력으로 뛰었더니 총 45분이 걸렸다. 이때, 뛰어간 시간을 구하면?

- ① 10 분 ② 20 분 ③ 30 분 ④ 40 분 ⑤ 60 분

해설

뛰어간 시간을 x 분이라 하면 걸어간 시간은 $(45 - x)$ 분이다.
걸어간 거리와 뛰어간 거리의 합은 3km 이므로 식을 세워서
풀면,

$$40(45 - x) + 100x = 3000$$

$$1800 - 40x + 100x = 3000$$

$$60x = 1200$$

$$\therefore x = 20$$

따라서, 뛰어간 시간은 20분이다.

30. 점 A($a - 2$, $b + 3$) 이 x 축 위에 있고, 점 B($a + 5$, $-4b$) 가 y 축 위에 있을 때, 점 A, B 의 좌표를 각각 구하면?

- ① A(-7, 0), B(0, -12)
- ② A(-7, 0), B(0, 12) (Red circle)
- ③ A(-2, 0), B(0, -3)
- ④ A(0, -5), B(-4, 0)
- ⑤ A(0, -7), B(-1, 0)

해설

점 A($a - 2$, $b + 3$) 이 x 축 위에 있으므로

$$b + 3 = 0, b = -3$$

점 B($a + 5$, $-4b$) 가 y 축 위에 있으므로

$$a + 5 = 0, a = -5$$

$$\therefore A(-7, 0), B(0, 12)$$