

1. 다음 중 면의 모양이 정삼각형인 것을 모두 고르면?

① 정사면체

② 정육면체

③ 정팔면체

④ 정십이면체

⑤ 정이십면체

해설

정다면체 중 면의 모양이 정삼각형인 것: 정사면체, 정팔면체, 정이십면체

2. 다음 보기 중에서 회전체는 모두 몇 개인가?

보기

구

원기둥

삼각뿔

사각기둥

원뿔

사각뿔

원뿔대

정사면체

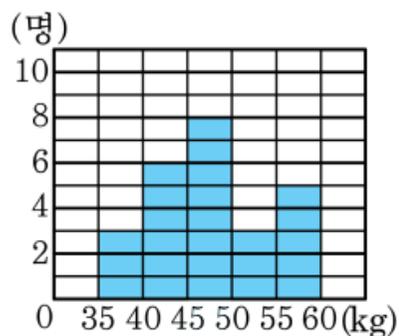
▶ 답: 개

▶ 정답: 4 개

해설

회전체 : 구, 원기둥, 원뿔, 원뿔대

3. 다음 그림은 어느 반 학생들의 몸무게를 조사하여 그린 그래프이다. 이와 같은 그래프를 무엇이라고 하는가?



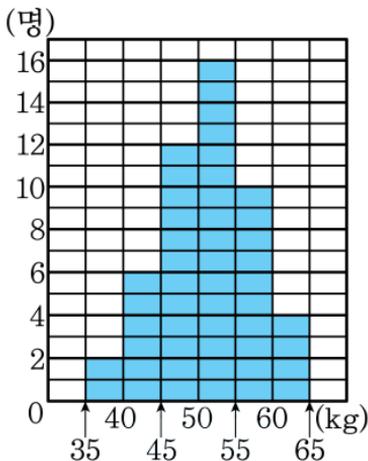
▶ 답 :

▷ 정답 : 히스토그램

해설

히스토그램은 도수분포표에서 각 계급의 크기를 가로로, 도수를 세로로 하는 직사각형을 그린 그래프이다.

4. 다음 그래프는 어느 학급 학생들의 몸무게를 나타낸 것이다. 이 학급의 총 학생 수를 구하면?



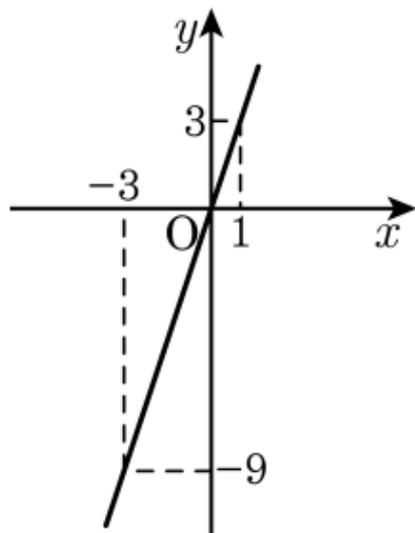
- ① 16 명 ② 20 명 ③ 30 명 ④ 40 명 ⑤ 50 명

해설

각 계급에 속하는 도수의 총합이 총 학생 수이므로 $2 + 6 + 12 + 16 + 10 + 4 = 50$ (명)

5. 다음은 $y = ax$ 의 그래프이다. a 의 값은?

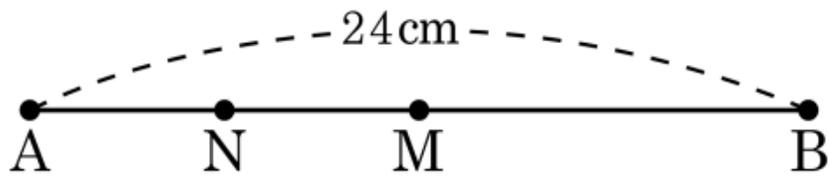
- ① 2 ② 3 ③ 4 ④ 5 ⑤ 6



해설

$y = ax$ 가 두 점 $(1, 3), (-3, -9)$ 를 지나므로 $(1, 3)$ 을 대입하면
 $a = 3$

6. 점 M 은 \overline{AB} 의 중점이고 N 은 \overline{AM} 의 중점이다. $\overline{AB} = 24\text{cm}$ 일 때, \overline{MN} 의 길이를 구하면?



① 3cm

② 4cm

③ 6cm

④ 8cm

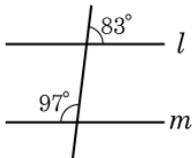
⑤ 12cm

해설

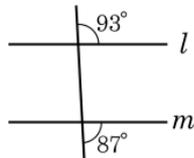
$$\overline{MN} = \frac{1}{2}\overline{AM} = \frac{1}{2} \times \frac{1}{2}\overline{AB} = \frac{1}{4} \times 24 = 6(\text{cm})$$

8. 다음 중 두 직선 l , m 이 평행한 것을 모두 고르면?

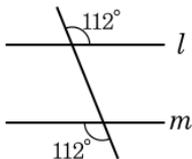
①



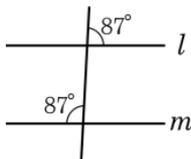
②



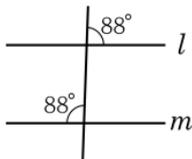
③



④



⑤



해설

- ① 동위각이 83° 로 같으므로 평행하다.
- ② 동위각이 93° 로 같으므로 평행하다.
- ③ 동위각이 112° 로 같으므로 평행하다.

9. 공간에 있는 두 직선의 위치가 다음과 같을 때, 서로 평행한 것은?

- ① 한 평면 위에 있는 두 직선
- ② 한 평면에 평행한 두 직선
- ③ 꼬인 위치에 있는 두 직선
- ④ 한 직선에 수직인 두 직선
- ⑤ 한 평면에 수직인 두 직선

해설

나머지는 공간에서 평행하지 않은 위치로도 존재할 수 있다.

10. 공간에서 두 평면의 위치 관계가 될 수 없는 것은?

① 일치한다.

② 수직이다.

③ 만난다.

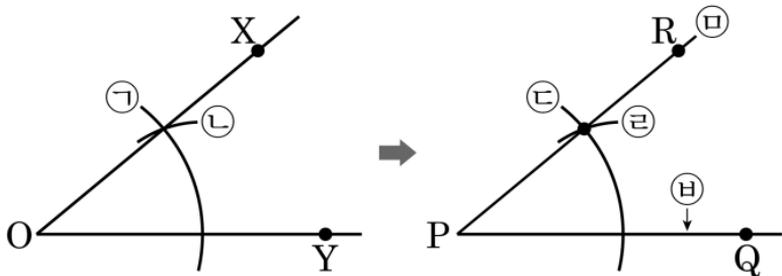
④ 평행이다.

⑤ 꼬인 위치에 있다.

해설

⑤ 꼬인 위치는 공간에서 두 평면의 위치관계에서 말할 수 없다.

11. $\angle XOY$ 와 크기가 같은 $\angle RPQ$ 를 작도하는 그림이다. 작도의 순서에서 안에 들어갈 기호를 써넣어라.



주어진 그림에서 작도 순서는
 $\text{H}-\text{L}-\text{C}-\text{R}-\text{Q}$ 이다.

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : C

▷ 정답 : C

해설

주어진 그림에서의 작도 순서는
 $\text{H}-\text{L}-\text{C}-\text{R}-\text{Q}$ 이다.

12. \overline{AB} 의 길이와 $\angle A$ 의 크기가 주어졌을 때, 한 가지 조건을 더 추가하여 $\triangle ABC$ 를 작도하려고 한다. 이 때 추가해야 할 조건 2 개를 고르면?

① $\angle B$

② $\angle C$

③ \overline{AC}

④ \overline{BC}

⑤ \overline{AC} 와 \overline{BC}

해설

두 변의 길이와 그 끼인각의 크기가 주어질 때와 한 변의 길이와 그 양 끝각의 크기가 주어질 때 삼각형을 하나로 작도할 수 있다. 따라서 $\angle B$ 와 \overline{AC} 이다.

13. 삼각형 ABC 에서 $\angle B$ 의 크기와 \overline{BC} 의 길이가 주어질 때, 다음 중 어느 것이 더 주어지면 삼각형이 SAS 조건에 의해 하나로 결정되는가?

① \overline{AC} 의 길이

② \overline{AB} 의 길이

③ $\angle A$ 의 크기

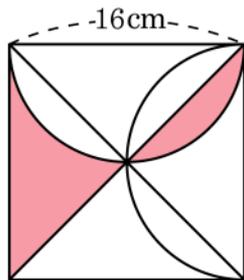
④ $\angle C$ 의 크기

⑤ 더 주어지지 않아도 된다.

해설

$\angle B$ 의 크기와 \overline{BC} 가 주어졌으므로 $\angle B$ 가 끼인각이 되기 위해서 \overline{AB} 의 길이가 주어져야 한다.

14. 다음 정사각형에서 색칠된 부분의 넓이를 구하여라.



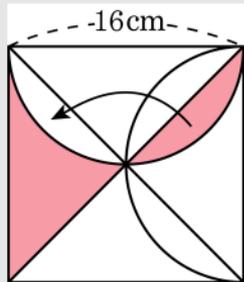
▶ 답: cm^2

▷ 정답: 64cm^2

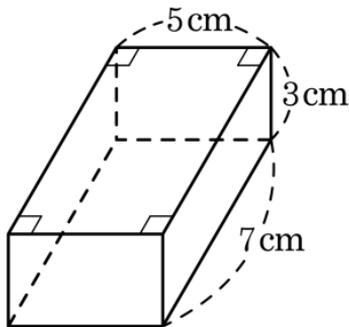
해설

그림과 같이 색칠된 부분을 옮기면 정사각형의 넓이의 $\frac{1}{4}$ 이다.

따라서 구하고자 하는 넓이는 $16^2 \times \frac{1}{4} = 64(\text{cm}^2)$ 이다.



15. 다음과 같은 직육면체에서 밑넓이와 부피를 각각 순서대로 짝지은 것은?



- ① 30cm^2 , 105cm^3 ② 30cm^2 , 100cm^3
③ 35cm^2 , 100cm^3 ④ 35cm^2 , 110cm^3
⑤ 35cm^2 , 105cm^3

해설

$$(\text{밑넓이}) = 7 \times 5 = 35(\text{cm}^2)$$

$$(\text{부피}) = 35 \times 3 = 105(\text{cm}^3)$$

16. x 가 $-3, 0, 3, 6$ 이고 y 는 정수인 정비례 관계 $y = \frac{1}{3}x$ 의 그래프에 대하여 다음 중 옳은 것은?

① y 가 x 에 반비례한다.

② x 의 값이 2배, 3배 되면, y 값은 $\frac{1}{2}$ 배, $\frac{1}{3}$ 배가 된다.

③ $x = -3$ 일 때, $y = 1$ 이다.

④ $x = 0$ 일 때, $y = 0$ 이다.

⑤ y 의 값은 $0, 1, 2, 3$ 이다.

해설

① 정비례한다.

② y 값도 2배, 3배 된다.

③ $x = -3$ 일 때, $y = -1$ 이다.

⑤ y 의 값은 $-1, 0, 1, 2$ 이다.

17. 다음 중 반비례 관계인 것은?

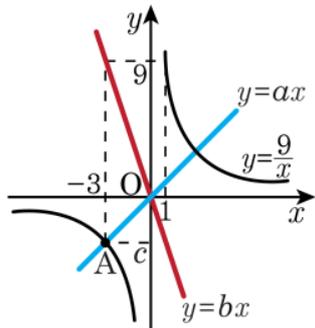
- ① 한 장에 x 원 하는 종이 30 장의 값은 y 원
- ② 시속 x km 로 y 시간 동안 달린 거리 4 km
- ③ 정사각형의 한 변의 길이 x cm 와 그 둘레의 길이 y cm
- ④ 1L 에 1320 원 하는 휘발유 x L 의 값 y 원
- ⑤ 자연수 x 에 가장 가까운 자연수 y

해설

반비례 관계식은 $y = \frac{a}{x}$ 이다.

- ① $y = 30x$ (정비례)
- ② $y = \frac{4}{x}$ (반비례)
- ③ $y = 4x$ (정비례)
- ④ $y = 1320x$ (정비례)
- ⑤ 정비례도 반비례도 아니다.

18. $y = \frac{9}{x}$, $y = ax$, $y = bx$ 가 다음과 같을 때, 점 $A(-3, c)$ 를 구해서 $a + b + c$ 의 값을 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: -5

해설

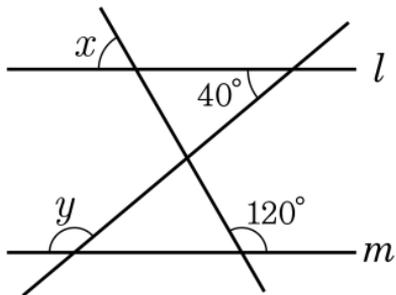
$y = bx$ 가 점 $(-3, 9)$ 를 지나므로 $9 = -3b, b = -3$

점 $A(-3, c)$ 가 $y = \frac{9}{x}$ 를 지나므로 $\frac{9}{-3} = -3 = c$

점 $(-3, -3)$ 이 $y = ax$ 를 지나므로 $a = 1$

따라서 $a + b + c = 1 + (-3) + (-3) = -5$

19. 다음 그림의 두 직선 l , m 이 평행할 때, $\angle x$, $\angle y$ 의 값을 구하면?



① $\angle x = 60^\circ$, $\angle y = 130^\circ$

② $\angle x = 60^\circ$, $\angle y = 140^\circ$

③ $\angle x = 60^\circ$, $\angle y = 150^\circ$

④ $\angle x = 70^\circ$, $\angle y = 130^\circ$

⑤ $\angle x = 70^\circ$, $\angle y = 140^\circ$

해설

$$\angle x = 180^\circ - 120^\circ = 60^\circ$$

$$\angle y = 180^\circ - 40^\circ = 140^\circ$$

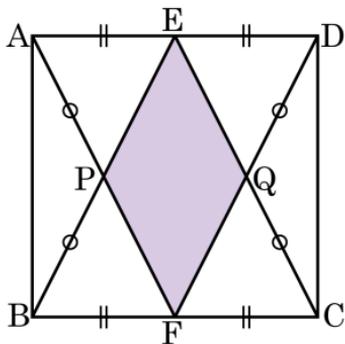
20. 다음 중 항상 옳은 것은?

- ① 한 직선에 수직인 두 직선은 평행하다.
- ② 한 평면에 수직인 두 평면은 평행하다.
- ③ 한 평면에 평행한 두 평면은 평행하다.
- ④ 한 평면에 평행한 두 직선은 평행하다.
- ⑤ 한 직선에 평행한 두 평면은 평행하다.

해설

- ① 한 직선에 수직인 두 직선은 평행하거나 수직이거나 꼬인 위치이다.
- ② 한 평면에 수직인 두 평면은 한가지로 결정되지 않는다.
- ④ 한 평면에 평행한 두 직선은 한가지로 결정되지 않는다.
- ⑤ 한 직선에 평행한 두 평면은 한가지로 결정되지 않는다.

21. 다음 그림의 정사각형 ABCD 에서 \overline{AD} 와 \overline{BC} 의 중점에 각각 점 E 와 F 를 찍었다. 색칠한 부분의 도형의 이름은 무엇인지 써라.



▶ 답 :

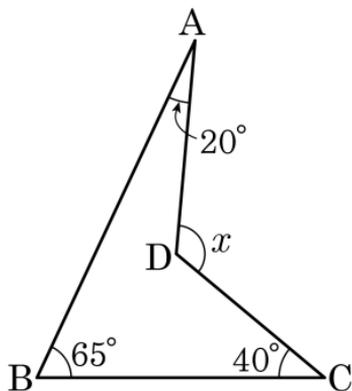
▷ 정답 : 마름모

해설

$\triangle ABF \equiv \triangle BAE \equiv \triangle DCF \equiv \triangle CDE$ (SAS합동) 이므로
 $\overline{EP} = \overline{FP} = \overline{EQ} = \overline{FQ}$ 이다.

따라서 색칠한 부분의 도형은 네 변의 길이가 같은 사각형이므로
 마름모이다.

22. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 :

◡

▷ 정답 : 125°

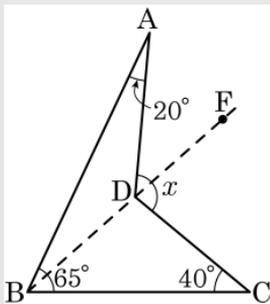
해설

점 B 와 D 를 연결하면 $\angle ADE = \angle A + \angle ABD$

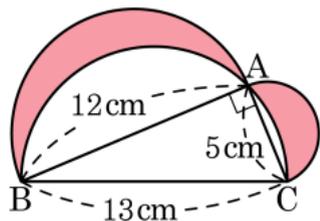
$\angle CDE = \angle C + \angle CBD$

$\therefore \angle x = \angle ADE + \angle CDE$

따라서 $\angle A + \angle B + \angle C = 20^\circ + 65^\circ + 40^\circ = 125^\circ$ 이다.



23. 다음 그림은 직각삼각형 ABC의 세 변을 지름으로 하는 반원을 그린 것이다. 색칠한 부분의 넓이를 구하여라.



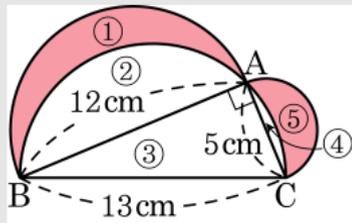
▶ 답:

▷ 정답: 30 cm^2

해설

$$\begin{aligned}
 & ((1)+(2)) + ((4)+(5)) + (3) - ((2)+(3)+(4)) \\
 &= \frac{1}{2}\pi \times 6^2 + \frac{1}{2}\pi \times \left(\frac{5}{2}\right)^2 + \frac{1}{2} \times 12 \times 5 \\
 & - \frac{1}{2}\pi \times \left(\frac{13}{2}\right)^2
 \end{aligned}$$

$$= 18\pi + \frac{25}{8}\pi + 30 - \frac{169}{8}\pi = 30(\text{cm}^2)$$



24. 다음 보기는 구에 대한 설명이다. 옳지 않은 것을 모두 골라라.

- ㉠ 구의 회전축은 무수히 많다.
- ㉡ 구의 전개도는 그릴 수 있다.
- ㉢ 회전축에 수직인 평면으로 자른 단면은 항상 직사각형이다.
- ㉣ 반원의 지름을 축으로 하여 회전시키면 구가 된다.
- ㉤ 공간에서 한 점으로부터 일정한 거리에 있는 점들이 모인 것이다.

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : ㉡

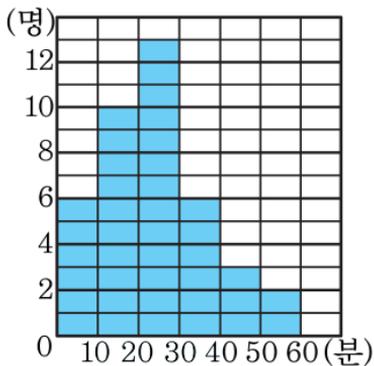
▷ 정답 : ㉢

해설

㉡ 구의 전개도는 그릴 수 없다.

㉢ 회전축에 수직인 평면으로 자른 단면은 항상 원이다.

25. 다음은 어느 학급 학생들의 통학 시간을 히스토그램으로 나타낸 것이다. 계급값이 15 분인 직사각형의 넓이는 계급값이 55 분인 직사각형의 넓이의 몇 배인가?



▶ 답 : 배

▷ 정답 : 5 배

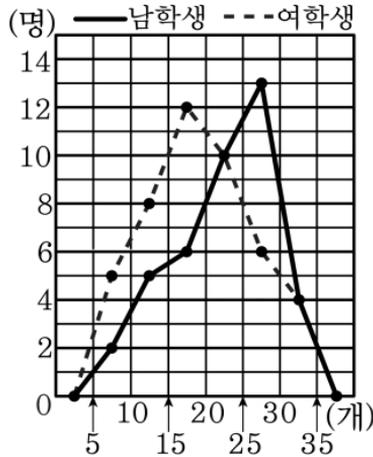
해설

계급의 크기가 10 이므로 직사각형의 가로는 10 이다.

계급값이 15 분인 계급의 도수는 10 , 계급값이 55 분인 계급의 도수는 2 이다.

계급의 크기는 같으므로, $\frac{10}{2} = 5(\text{배})$ 이다.

26. 다음은 어느 반 학생들의 30 초 동안에 윗몸 일으키기 기록에 대한 분포를 나타낸 그래프이다. 옳은 것은?

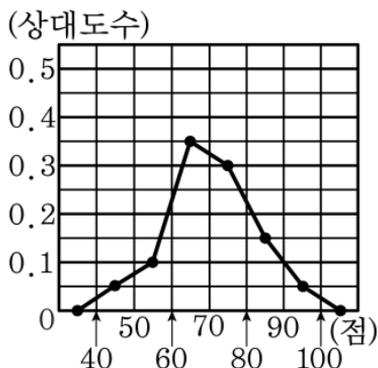


- ① 여학생의 수와 남학생의 수가 같다.
 ② 여학생이 남학생보다 기록이 더 좋다.
 ③ 남학생의 수가 가장 많은 구간의 계급값은 25.5 이다.
 ④ 30 개 이상인 남학생은 전체의 10% 이다.
 ⑤ 20 개 이상 25 개 미만인 남학생은 전체의 20% 이다.

해설

- ① 여학생은 $5 + 8 + 12 + 10 + 6 + 4 = 45$ (명) 이고, 남학생은 $2 + 5 + 6 + 10 + 13 + 4 = 40$ (명) 이다.
 ② 여학생이 남학생보다 그래프가 앞쪽에 있으므로 기록이 나쁘다.
 ③ 남학생의 수가 가장 많은 구간의 계급값은 27.5 이다.
 ⑤ 20 개 이상 25 개 미만인 남학생은 전체의 $\frac{10}{40} \times 100 = 25$ (%) 이다.

27. 다음은 1학년 4반 40 명의 학생들의 수학 성적을 상대도수의 그래프로 나타낸 것이다. 수학 성적 석차가 각각 3 등, 12 등, 21 등인 학생의 계급값의 평균을 구하여라.



▶ 답 : 점

▷ 정답 : 75 점

해설

계급	상대도수	도수
90 ^{이상} ~ 100 ^{미만}	0.05	2
80 ^{이상} ~ 90 ^{미만}	0.1	4
70 ^{이상} ~ 80 ^{미만}	0.35	14
60 ^{이상} ~ 70 ^{미만}	0.3	12
50 ^{이상} ~ 60 ^{미만}	0.15	6
40 ^{이상} ~ 50 ^{미만}	0.05	2

3 등인 학생이 속하는 계급의 계급값은 85 점,
12 등인 학생이 속하는 계급의 계급값은 75 점,
21 등인 학생이 속하는 계급의 계급값은 65 점 이므로

평균을 구하면 $\frac{85 + 75 + 65}{3} = 75$ (점) 이다.

28. 다음과 같은 점들이 있다. 다음 점으로 점 2개를 연결해 만들 수 있는 직선의 수를 a , 점 3개를 연결해 만들 수 있는 삼각형의 수를 b 라 하면 $a+b$ 의 값은?(단, 점 1, 2, 3는 동일 직선상에 있고, 점 2, 4, 5도 역시 동일 직선상에 있다.)

• 1

• 2

• 4

• 5

• 3

① 10

② 11

③ 12

④ 13

⑤ 14

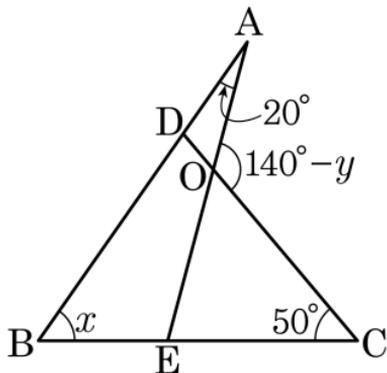
해설

5개의 점 중 점 2개를 연결해 직선을 만들면 10개가 나온다. 하지만 그 중 중복되는 것은 제외해야 한다. 1번 점과 2번 점을 연결한 직선과 1번 점과 3번 점을 연결한 직선 2번 점과 3번 점을 연결한 직선은 모두 동일하다. 2, 4, 5번 점의 경우도 동일하다.

그러므로 중복되는 직선이 총 4개이므로 $10 - 4 = 6$ 이다.

5개의 점 중 점 3개를 연결해 삼각형을 만들려면, 3개의 점이 같은 직선상에 있지 않으면 된다. 5개의 점 중 3개의 점을 연결하는 방법은 10개가 나온다. 그 중 3개의 점이 일직선상에 있는 경우는 제외한다. 1-2-3, 2-4-5를 연결한 경우를 제외하면 $10 - 2 = 8$ 이 된다. 삼각형이 만들어지는 경우 1-2-4, 1-2-5, 1-3-4, 1-3-5, 2-3-4, 2-3-5, 1-4-5, 3-4-5의 총 8가지 경우이다. 그러므로 $a + b = 14$ 이다.

29. 다음 그림에서 $\angle x + \angle y$ 의 크기는?



① 60°

② 65°

③ 70°

④ 75°

⑤ 80°

해설

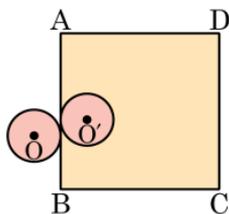
$$\angle ADO = \angle x + 50^\circ$$

$$\angle ADO + 20^\circ = 140^\circ - \angle y \text{ 이므로}$$

$$\angle x + 50^\circ + 20^\circ = 140^\circ - \angle y$$

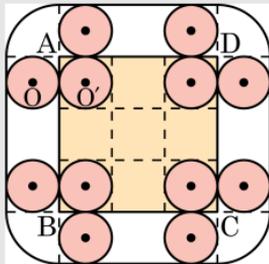
$$\therefore \angle x + \angle y = 70^\circ$$

30. 다음 그림과 같이 한 변의 길이가 8 cm 인 정사각형 ABCD 의 외부와 내부에 반지름이 1 cm 인 원 O, O' 이 정사각형의 변에 접하면서 구를 때, 두 원 O, O' 이 움직인 넓이의 차를 구하면?



- ① $(\pi + 12) \text{ cm}^2$ ② $(2\pi + 12) \text{ cm}^2$
 ③ $(3\pi + 12) \text{ cm}^2$ ④ $(2\pi + 20) \text{ cm}^2$
 ⑤ $(3\pi + 20) \text{ cm}^2$

해설



$$(\text{원 } O \text{ 이 움직인 넓이}) = 4 \times (8 \times 2) + \pi \times 2^2 = 4\pi + 64 \text{ (cm}^2\text{)}$$

$$(\text{원 } O' \text{ 이 움직인 넓이}) = 4 \times (4 \times 2) + \pi \times 1^2 + \left(4 \times \frac{3}{4}\right) \times 4$$

$$= \pi + 44 \text{ (cm}^2\text{)}$$

$$\text{따라서 (두 넓이의 차)} = (4\pi + 64) - (\pi + 44) = 3\pi + 20 \text{ (cm}^2\text{)}$$