1. x 가 y 에 정비례하고, x = 6 일 때, $y = \frac{3}{2}$ 이다. x, y 사이의 관계식

①
$$y = \frac{4}{x}$$
 ② $y = \frac{1}{4}x$ ③ $y = \frac{1}{9}x$ ④ $y = 9x$

4)
$$y = \frac{1}{9}$$
 (5) $y = 9x$

$$y = ax$$
 에 $x = 6$, $y = \frac{3}{2}$ 을 대입하면

기술
$$y = ax$$
 에 $x = 6$, $y = \frac{3}{2}$ 을 대입하면 $\frac{3}{2} = a \times 6$ $a = \frac{3}{2} \times \frac{1}{6} = \frac{1}{4}$ 따라서 $y = \frac{1}{4}x$

$$y = \frac{1}{4}x$$

- **2.** y 가 x 에 정비례하고 x = 4 일 때 y = 12이다. x 와 y 사이의 관계식 은?
 - ① y = 48x ② y = 4x

해설

- 3 y = 12x

y = ax 에 x = 4 일 때 y = 12 를 대입하면,

 $12 = a \times 4$, a = 3

따라서 y = 3x

- **3.** y 가 x 에 정비례하고 x = 6 일 때, y = 3이다. x 와 y 사이의 관계식 ① y = 2x ② $y = \frac{1}{2x}$ ③ $y = \frac{1}{2}x + 1$ ② $y = \frac{1}{2}x$

y = ax 에 x = 6, y = 3 을 대입해 보면 3 = a × 6

 $a = \frac{1}{2}$

해설

따라서 $y = \frac{1}{2}x$

4. 다음 표를 보고 x, y의 관계를 식으로 바르게 나타낸 것은?

\boldsymbol{x}		2	3
у	3	6	9

- ① $y = \frac{2}{x}$ ② y = 2x③ y = 3x③ y = 4x

 $a = \frac{y}{x} = \frac{3}{1} = \frac{6}{2} = \dots = 3$ 으로 일정하므로 정비례 관계이다. a = 3 이므로 관계식은 y = 3x

- x 의 값이 2 배, 3 배, \cdots 변함에 따라 y 의 값이 2 배, 3 배, \cdots 로 **5.** 변하고 x = 4 일 때, y = 28이다. x, y 사이의 관계식을 구하면?
 - ① y = 3x
- ② y = 5x
- 3y = 7x
- ⑤ y = 11x

x 의 값이 2 배, 3 배, \cdots 변함에 따라 y 의 값이 2 배, 3 배, \cdots

해설

로 변하면 정비례 관계이다. 정비례 관계식 : y = ax

x = 4 일때, y = 28 이므로

 $28 = a \times 4, \ a = 7$

따라서 관계식은 y = 7x

6. y 가 x 가 정비례하고, x = 3 일 때 $y = \frac{1}{2}$ 이다. x 와 y 의 관계식을 고르면?

①
$$y = 3x$$
 ② $y = \frac{1}{3}x$ ③ $y = \frac{1}{6}x$ ④ $y = \frac{5}{6}x$

정비례 관계식 y = ax 에 $x = 3, y = \frac{1}{2}$ 을 대입하면, $a \times 3 = \frac{1}{2}$ $a = \frac{1}{6}$ 따라서 $y = \frac{1}{6}x$

$$a \times 3 = \frac{1}{a - \frac{1}{a}}$$

$$a \times 3 = \frac{1}{2}$$

$$\frac{44}{6}$$

7. y = ax 에서 x = 3 일 때, y = 2이다. x = 9 일 때, y 의 값은?

① $\frac{2}{3}$ ② 4 4 8

해설
$$2 = a \times 3, \quad a = \frac{2}{3}$$
$$y = \frac{2}{3} \times x$$
$$x = 9 를 대입하면$$
$$y = \frac{2}{3} \times 9 = 6$$

$$y = \frac{2}{3} \times x$$

8. y = ax 에서 x = 4 일 때, y = 2이다. x = 6 일 때 y 의 값은?

①3 24 35 46 5

해설 $2 = a \times 4$ $a = \frac{1}{2}$ $y = \frac{1}{2}x$ $x = 6 를 대입하면 <math>y = \frac{1}{2} \times 6 = 3$

- 9. y 가 x 에 정비례하고, x = 3 일 때 y = 1 이다. x = 2 에 대응하는 y의 값은?
 - ① 1 ② 2 ③ $\frac{2}{3}$ ④ $\frac{1}{2}$ ⑤ $\frac{3}{2}$

정비례 관계식 : y = axx = 3, y = 1을 대입해보면, $1 = a \times 3$

 $a = \frac{1}{3}$

따라서 $y = \frac{1}{3}x$

x = 2를 대입하면, $y = \frac{1}{3} \times 2 = \frac{2}{3}$

10. y 가 x 에 정비례하고, x=2 일 때 y=1 이다. x=3 일 때, y 의 값은?

① 2

 $\bigcirc \frac{3}{2}$ 3 $\frac{2}{3}$ 4 1 5 $\frac{1}{2}$

정비례 관계식은 y = ax 이므로,

x = 2, y = 1 을 대입하면, $1 = a \times 2 ,$

 $a = \frac{1}{2}$

파라서 $y = \frac{1}{2}x$ $y = \frac{1}{2}x \text{ 에 } x = 3 \oplus \text{ 대입하면,}$ $y = \frac{1}{2} \times 3 = \frac{3}{2}$

11. y 가 x 에 정비례할 때, x=4 일 때, y=2이다. y=10 일 때, x 의 값은?

① 10

②20 ③ 30 ④ 40

⑤ 15

y = ax 에 x = 4, y = 2 을 대입하면, $2 = a \times 4, a = \frac{1}{2}$

따라서 관계식은
$$y = \frac{1}{2}x$$

$$y = 10$$
 을 대입하면, $10 = \frac{1}{2}x$
따라서 $x = 20$

12. y 가 x 에 정비례하고, x=4 일 때, y=1이다. y=2 일 때, x 의 값은?

정비례 관계식은 y = axx 값과 y 값을 대입하면 $1 = a \times 4$ $a = \frac{1}{4}$ 따라서 $y = \frac{1}{4}x$ $2 = \frac{1}{4} \times x$ 이므로 x = 8

$$a = \frac{1}{2}$$

13. y 가 x 에 정비례하고 x = 3 일 때 y = 5 이다. x = 5 일 때 y 의 값은?

①
$$\frac{3}{25}$$
 ② $\frac{3}{5}$ ③ 3 ④ $\frac{5}{3}$

$$x = 3, y = 5 =$$
 대입[†]

$$a =$$

$$a =$$

$$y = \frac{3}{3}x$$

$$y = ax$$
에 $x = 3$, $y = 5$ 를 대입하면 $5 = a \times 3$ $a = \frac{5}{3}$ $y = \frac{5}{3}x$ 에 $x = 5$ 를 대입하면 $y = \frac{25}{3}$

14. y 가 x 에 정비례하고 x=2 일 때, y=10이다. x=4 일 때, y 의 값은?

1 20

- ② 21 ③ 8 ④ 10
- ⑤ 11

정비례 관계식 : y = ax

 $a \times 2 = 10, \ a = 5, \ y = 5x$ $y = 5 \times 4 = 20$

15. y 가 x 에 정비례하고 x = 2 이면 y = 8이다. x = 3 일 때, y 값은?

 $\bigcirc \frac{7}{3}$ $\bigcirc \frac{3}{4}$ $\bigcirc \frac{8}{3}$ ① 11

⑤12

 $y = ax \,$

x = 2, y = 8 을 대입하면,

 $8 = a \times 2$, a = 4

따라서 y = 4x

y = 4x 에

x = 3을 대입하면 $y = 4 \times 3 = 12$

16. y 가 x 에 정비례하고 x=2 일 때, y=10 이다. x=5 일 때, y 의 값은?

① 20

② 10 ③ 8

4)25

⑤ 9

해설 y = ax

x=2 , y=10 을 대입하면 $10=a\times 2$ a = 5

y = 5x

따라서 $y = 5 \times 5 = 25$

17. 다음 보기 중 y = 2x 에 대한 설명으로 옳은 것을 모두 고른 것은? 보기 모르

- ⑦ y는 x에 정비례한다.
- ① x의 값이 2배가 되면 y의 값이 $\frac{1}{2}$ 배가 된다.
- © x의 값이 3일 때, y의 값은 6이다.

의 값도 2 배가 된다. © y = 2x 에서 x = 3 일 때, $y = 2 \times 3 = 6$

① y = 2x 에서 y 는 x 에 정비례하므로 x 의 값이 2 배가 되면 y

① ① ② ② ③ ⑤ ④ ①, ⑤ ⑤ ①, ⑥

보기 중 옳은 것은 ⑦, ⓒ이다.

- **18.** y 가 x 에 정비례하고 x=2 일 때, y=6이다. 다음 중 옳지 <u>않은</u> 것은?
 - ① x = 4 일 때 y = 12③ x = 3 일 때 y = 9
- ②y = 4 일 때 x = 3
- ⑤ y = 18 일 때 x = 6
- ④ x = 1 일 때 y = 3

y = ax

x=2 , y=6 을 대입하면

해설

 $6 = a \times 2, \quad a = 3$

y = 3x

② y = 4 일 때 $x = \frac{4}{3}$

19. y 가 x 에 정비례할 때, x=4 일 때, y=2이다. y=5 일 때, x 의 값은?

10

② 20 ③ 9 ④ 21

⑤ 15

정비례 관계식: y = axx = 4일 때, y = 2이므로 $2 = a \times 4, \quad a = \frac{1}{2}$ $y = \frac{1}{2}x$ $y = 5 \ \text{el} \ \text{III}, \ 5 = \frac{1}{2} \times x, \ x = 10$

20. y 가 x 에 정비례하고, x = 20 일 때, y = 4 이다. x = 0.8 일 때, y의 값은?

① 4 ② 0.16 ③ 0.4 ④ 1.6 ⑤ 0.1

x = 20 와 y = 4 를 대입한다. y = ax $a = \frac{1}{5}$ $y = \frac{1}{5}x$ x = 0.8 일 때 y = 0.16

- **21.** 다음 중 그래프가 y축에 가장 가까운 것은?

 - ① y = -4x ② $y = \frac{5}{2}x$ ③ y = x ④ $y = -\frac{7}{2}x$

해설 $y = ax(a \neq 0)$ 의 그래프는 a의 절댓값이 클수록 y축에 가깝다.

따라서 y = -4x이다.

- **22.** 정비례 관계 y = ax의 그래프에 대한 설명 중 옳은 것은?
 - a > 0 이면 오른쪽 아래로 향하는 직선이다.
 a < 0 이면 제 3,4사분면을 지난다.
 - ③ a > 0이면 제 x가 증가할 대, y는 감소한다.

 - ④ 원점을 지나는 직선이다.
 - ⑤ a가 클수록 그래프는 y축에 가까워진다.

① a > 0이면 오른쪽 위로 향하는 직선이다.

해설

- ② a < 0 이면 제 2,4사분면을 지난다.
- ③ *a* > 0이면 *x*가 증가할 때, *y*는 증가한다. ⑤ *a* 의 절댓값이 클수록 그래프는 *y*축에 가까워 진다.

23. 다음 중 그래프를 그렸을 때 가장 x축에 가까운 것은?

- ① $y = \frac{2}{3}x$ ② y = 2x ③ y = -4x② $y = \frac{1}{2}x$

a의 절댓값이 클수록 y축에 가깝다. 즉, a의 절댓값이 작을수록 x축에 가깝다. ① a의 절댓값 : $\frac{2}{3}$

- ② a의 절댓값: 2 ③ a의 절댓값: 4
- ④ a의 절댓값 : $\frac{1}{2}$ ⑤ a의 절댓값 : $\frac{5}{4}$

- **24.** 다음 중 정비례 관계 y = ax (단, $a \neq 0$ 이고 x는 수 전체)의 그래프에 대한 설명으로 옳은 것은?
 - ① a > 0이면 제 3,4사분면을 지난다.
 - ② a > 0이면 x가 증가할 때, y는 감소한다.
 - ③ a < 0이면 왼쪽 아래로 향하는 직선이다.
 - ④ 원점을 지나는 직선이다.⑤ a가 클수록 그래프는 y축에 가까워진다.

① a > 0이면 제 1,3사분면을 지난다.

해설

- ② *a* > 0 이면 *x*가 증가할 때, *y*도 증가한다. ③ *a* < 0 이면 왼쪽 위로 향하는 직선이다.
- \bigcirc a의 절댓값이 클수록 그래프는 y축에 가까워진다.

보기

- \bigcirc a 의 값에 관계없이 항상 원점을 지나는 직선이다.
- (L) a < 0 이면 제 1, 3 사분면을 지난다.
- © a 의 절댓값이 커질수록 x 축에 가까워진다.
- ② a > 0 이면 x 의 값이 증가할 때, y 의 값도 증가한다.

④, ⊜

① ⑦, ⓒ

해설

(5) (7), (L), (E)

② ¬, ₪, ₴

③ □, □, 킅

_____ ⓒ a < 0 이면 제 2, 4 사분면을 지난다.

© a 의 절댓값이 커질수록 y 축에 가까워진다.

- **26.** 정비례 관계 $y = -\frac{5}{4}x$ 의 그래프에 대한 설명으로 옳은 것은?
 - ① 제 1, 3 사분면을 지난다.
 - ② x의 값이 증가하면 y의 값도 증가한다. ③ 점 (4, 5) 를 지난다.
 - ④ 원점을 지난다.

 - ⑤ $y = \frac{5}{4}x$ 의 그래프와 원점에 대하여 대칭이다.

① 제 2, 4 사분면을 지난다.

- ② x 값이 증가하면 y 값은 감소한다. ③ 점 (4, −5) 를 지난다.
- ⑤ $y = \frac{5}{4}x$ 의 그래프와 y 축에 대하여 대칭이다.

- **27.** 정비례 관계 $y = \frac{1}{3}x$ 의 그래프에 대한 다음 설명 중 옳은 것을 모두 고른 것은?
 - - © 점 (1, 3)을 지난다.
 - ⓒ 제 2, 4 사분면을 지난다. ② x 값이 커지면 y 의 값도 커진다.

⊙ 원점을 지나는 직선이다.

① ¬, © ②¬, © 3 ©, © $\textcircled{4} \ \textcircled{7}, \textcircled{0}, \textcircled{2} \qquad \qquad \textcircled{5} \ \textcircled{7}, \textcircled{0}, \textcircled{2}, \textcircled{2}$

해설

© (3, 1)을 지난다.

ⓒ 제 1, 3 사분면을 지난다.

- **28.** 정비례 관계 $y = -\frac{5}{6}x$ 의 그래프에 대한 다음 설명 중 옳지 <u>않은</u> 것은?
 - ① 점 (-6, 5) 를 지난다.
 - ② 제 2 사분면과 제 4 사분면을 지난다.
 - ③ x 의 값이 증가하면 y 의 값도 증가한다.④ y 는 x 에 정비례한다.
 - ⑤ 원점을 지나는 직선이다.

③ x 의 값이 증가하면 y 의 값은 감소한다.

- **29.** 다음 중 정비례 관계 $y = \frac{5}{4}x$ 의 그래프에 대한 설명 중 옳지 <u>않은</u> 것은?
 - ① 제 1,3사분면을 지난다.
 - ② x값이 증가할 때, y값도 증가한다.③ 점 (5,4)를 지난다.
 - ④ 원점을 지나는 직선이다.
 - ③ $y = -\frac{5}{4}x$ 와 원점에서 만난다.
 - 4 . _ _ . . _ _ .

③ 점 $\left(5, \frac{25}{4}\right)$ 를 지난다.

30. 다음 중 정비례 관계 $y = -\frac{3}{2}x$ 의 그래프에 대한 설명 중 옳지 <u>않은</u> 것은?

- ③ 곡선으로 그려진다. ② 원점을 지난다.
- ③ 오른쪽 아래로 향한다.
- ④ 점 (4,-6)을 지난다.
- ⑤ x의 값이 증가하면 y값은 감소한다.

①직선으로 그려진다.

- **31.** 다음 중 $y = ax(a \neq 0)$ 의 그래프가 점 (4, -3)을 지날 때, 이 그래프에 대한 설명으로 옳지 <u>않은</u> 것은?
 - ① 원점을 지나는 직선이다.
 - ② 제 2사분면과 제 4사분면을 지난다.
 - ③ 점 (-4,3)을 지난다.
 - \bigcirc 점 $\left(\frac{3}{4},1\right)$ 을 지난다. ⑤ 오른쪽 아래로 향하는 직선이다.

$$x = 4$$
, $y = -3$ 을 $y = ax$ 에 대입하면 $-3 = 4a$, $a = -\frac{3}{4}$ ④ $y = -\frac{3}{4}x$ 에서 $x = \frac{3}{4}$ 일 때, $y = -\frac{9}{16}$ 이므로 점 $\left(\frac{3}{4}, 1\right)$ 을 지나지 않는다.

점
$$\left(\frac{3}{4},1\right)$$
을 지나지 않

- **32.** 정비례 관계 y = ax 의 그래프가 두 점 (-3, 9), (b, -6) 을 지날 때, ab의 값을 구하면?
 - ① -5 ② 5 ③ 18 ④ 6
- **⑤**−6

해설 y = ax 에 x = -3 , y = 9 을 대입하면 a = -3

y = -3x이다.

또한, 이 그래프가 점 (b, -6) 을 지나므로 -3b = -6, b = 2이다.

따라서 $ab = (-3) \times 2 = -6$ 이다.

- **33.** 정비례 관계 y = ax의 그래프가 점 $\left(-1, \frac{1}{2}\right)$ 을 지날 때, 다음 중 이 그래프 위에 있는 점은?
- ① (2,4) ② (-2,1) ③ (4,1)
- 4 (-4,-2) 5 (2,1)

해설 $(-1) \times a = \frac{1}{2}$ $\therefore a = -\frac{1}{2}$ $y = -\frac{1}{2}x$ 의 그래프 위에 있는 점은 ②이다.

- **34.** 정비례 관계 y = ax의 그래프가 (-3,4)를 지날 때, 다음 중에서 이 그래프 위에 있는 점은?
- ① (2,-4) ② (6,-8) ③ (1,-12)
- 4 (4,-3) 5 (-2,-4)

y = ax에 (-3,4)를 대입하면 $4 = -3a, a = -\frac{4}{3}$ $\therefore y = -\frac{4}{3}x$

$$\therefore y = -\frac{4}{2}x$$

- **35.** 정비례 관계 y = ax의 그래프가 점 (-2,1)를 지날 때, 다음 중 그래프 위의 점은?

 - ① (2,-1) ② $(3,\frac{3}{2})$ ③ (4,2) ④ $(-5,-\frac{5}{4})$ ⑤ (-4,1)

$$x = -2, y = 1$$
을 $y = ax$ 에 대입하면 $1 = -2a, a = -\frac{1}{2}$ 따라서 관계식은 $y = -\frac{1}{2}x$ 이다.

$$1 = -2a, \ a = -$$

이 그래프 위에 있는 점은 ①이다.

- **36.** 정비례 관계 y = ax의 그래프가 점 (-3,6)을 지날 때, 다음 중 이 그래프 위에 있는 점은?
 - $\bigcirc \left(-\frac{1}{2}, 1\right)$ ② $\left(1, \frac{1}{2}\right)$ ③ (-4, 7)4 (7,-4) 5 (1,2)

해설

y = ax가 점 (-3, 6)을 지나므로 x = -3, y = 6을 대입하면 6 = -3a

- $\therefore a = -2$
- $\therefore y = -2x$
- ② (1,-2)를 지난다.
- ③ (-4,8)을 지난다.
- ④ (7,-14)을 지난다.
- ⑤ (1,-2)를 지난다.

37. 정비례 관계 y = ax의 그래프가 두 점 (2,-6),(4,k)를 지날 때, k의 값은?

- ① 8 ② -8 ③ 10 ④ 12
- **⑤**−12

 $-6 = 2a, \ a = -3$ y = -3x에 (4, k)를 대입한다.

해설

 $\therefore k = -12$

38. 다음 조건을 만족하는 관계식을 구하면?

 \bigcirc y 는 x에 정비례한다. \bigcirc 점 (-4,2) 를 지난다.

- ① $y = \frac{1}{2}x$ ② $y = -\frac{1}{2}x$ ③ y = 2x ④ y = -2x

y 는 x 의 정비례하므로 y = ax 이고 점 (-4,2) 를 지나기 때문에 $2 = -4a, a = -\frac{1}{2}$ 이다. 따라서 관계식은 $y = -\frac{1}{2}x$ 이다.

- **39.** 정비례 관계 y = -ax의 그래프가 점 (-3,4)를 지날 때, 다음 중 이 그래프의 특징이 <u>아닌</u> 것은?
 - ◐️제 2사분면과 제 4사분면을 지나는 쌍곡선이다. ② 원점을 지난다.

 - ③ 점 (6,-8)을 지난다.
 - ④ 정비례 그래프이다.
 - ⑤ x의 값이 증가할 때, y값은 감소한다.

y = -ax에 x = -3, y = 4를 대입하면

해설

$$4 = 3a, \ a = \frac{4}{3}$$

관계식은 $y = -\frac{4}{3}x$ 이므로 쌍곡선이 아니라 직선이다.

- **40.** 다음 중 정비례 관계 $y = ax(a \neq 0)$ 의 그래프에 대한 설명으로 옳지 않은 것은?
 - ① 원점을 지나는 직선이다.
 - ② a > 0이면 x가 증가시 y는 감소한다.③ a < 0이면 제 2,4사분면을 지난다.
 - ④ a > 0이고, x가 자연수 전체이면 그래프가 제 1사분면에만

 - 2

② 정비례 관계에서 a > 0일 때, x가 증가하면 y도 증가한다.

- **41.** y 가 x 에 반비례하고, x = 4 일 때, y = 3이다. y 를 x 의 식으로 옳게 나타낸 것은?

- ① y = 3x② y = 4x④ xy = 4③ $y = \frac{3}{4}x$

반비례 관계식 : $y = \frac{a}{x}$

$$x = 4, y = 3 를 대입하면$$

$$a = 4 \times 3 = 12$$

$$y = \frac{12}{x}$$

$$y = \frac{12}{}$$

$$y =$$

- 42. 물 24L 를 x 명에게 yL 씩 똑같이 나누어 줄 때, x,y 사이의 관계식

- ① y = 3x ② y = 8x ③ $y = \frac{3}{x}$ ② $y = \frac{8}{x}$

 $y = \frac{24}{x}$

해설

- ${f 43.}$ 정사각형 타일 ${f 12}$ 개를 맞추어 직사각형을 만들려고 한다. 가로, 세 로에 놓인 타일 개수를 각각 x , y 라 할 때, x와 y의 관계를 식으로 바르게 나타낸 것은?

 - ① $y = \frac{12}{x}$ ② $y = \frac{x}{12}$ ③ y = 12x

44. y 는 x 에 반비례한다. 다음 표의 A, B 를 차례대로 나타낸 것은?

\boldsymbol{x}	1	2	3
у	A	6	В

① 5, 7 ② 12, 4 ③ 0, 6 ④ 4, 12 ⑤ 1, 3

해설 반비례 관계식은 $y = \frac{a}{x}$ 이므로 $6 = \frac{a}{2}, a = 12$ $\therefore y = \frac{12}{x}$ $A = \frac{12}{1} = 12$, $B = \frac{12}{3} = 4$

$$0 = \frac{1}{2}, u = \frac{1}{2}$$

$$y = -\frac{1}{2}$$

$$A = \frac{12}{1} = 1$$

45. "일정 온도에서 압력은 부피에 반비례한다."라는 『보일의 법칙』이 있다. 압력을 x, 부피를 y 라고 할 때, 다음 표의 빈 칸에 들어갈 숫자를 차례로 쓴 것은?

X	1	2	3	4
у	12		4	

① 3,6 ②6,3 ③ 9,2 ④ 24,2 ⑤ 2,24

반비례 관계식은 $y = \frac{a}{x}$ 이므로 $12 = \frac{a}{1}, \ a = 12$ $\therefore y = \frac{12}{x}$ x = 2 일 때 $y = \frac{12}{2} = 6$ x = 4 일 때 $y = \frac{12}{4} = 3$ 6, 3

46. 다음 표에서 y 는 x 에 반비례한다. x 와 y 사이의 관계식과 \Im 의 값을 차례대로 구한 것은?

$\boldsymbol{\mathcal{X}}$	1	2	3	6
у	6			7

- ① $y = \frac{2}{x}$, 1 ② $y = \frac{4}{x}$, 2 ③ $y = \frac{6}{x}$, 1
 ② $y = \frac{10}{x}$, 5

반비례 관계식은 $y = \frac{a}{x}$ 이므로 $6 = \frac{a}{1}, \ a = 6$

$$\begin{bmatrix} 0 - 1, & 0 \end{bmatrix}$$

$$\therefore y = \frac{6}{x}$$

$$x = 2$$
 일 때, $y = \frac{6}{2} = 3$
 $x = 3$ 일 때, $y = \frac{6}{3} = 2$

$$x = 6$$
일때, $y = \frac{6}{6} = 1 = ②$

47. 다음 표는 변수 x 와 y 사이의 관계를 나타낸 것이다. y 가 x 에 반비 례할 때, a+b 의 값을 구하여라. x 2 3 a

	_	_	
у	b	8	6

① 4 ② 2 ③ 8 ④ 12 ⑤ 16

반비례 관계식은 $y = \frac{a}{x}$ 이므로 $8 = \frac{a}{3}, \ a = 24$

a + b = 4 + 12 = 16

48. 다음 표에서 y가 x에 반비례할 때, 2a + b 의 값은?

$\boldsymbol{\mathcal{X}}$	1	a	2	3
У	12	24	6	b

① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4

반비례 관계식은 $y = \frac{k}{x}$ 이므로 $12 = \frac{k}{1}, \ k = 12$ $\therefore y = \frac{12}{x}$

$$\therefore y = -$$

$$y = 24$$
일 때, $24 = \frac{12}{x}$ 이므로 $x = \frac{1}{2}$
 $x = 3$ 일 때, $y = \frac{12}{3}$ 이므로 $y = 4$

$$2a + b = 2 \times \frac{1}{2} + 4 = 5$$

49. 다음 그래프 중 제3 사분면을 지나지 <u>않는</u> 것은 몇 개인가?

 \bigcirc 모든 x 값에 대한 y 값이 항상 -1 이다.

① 1개

②2개 33개 44개 55개

 $y = ax(a \neq 0)$ 와 $y = \frac{a}{x}(a \neq 0)$ 에서 a < 0 일 때, 제 2 ,4 사분면을 지나므로 $y = -\frac{4}{x}$ 와 y = -2x는 제3 사분면을 지나지 않는다.

- $\mathbf{50}$. 다음 그래프 중에서 x 의 값이 증가하면 y 의 값도 증가하는 것을 모두 고르면? (정답 2개)

 - ① $y = -\frac{1}{3}x$ ② $y = -\frac{8}{x}$ ③ $y = \frac{4}{x}$ ② $y = \frac{1}{5x}$

x 의 값이 증가하면 y 의 값도 증가하는 것은 a > 0 일 때는 y = ax

이고 a < 0 일때는 $y = \frac{a}{x}$ 이다.

51. 다음 중에서 그래프가 제 1사분면을 지나는 것의 개수는?

① 1개 ② 2개 ③ 3개 <mark>④</mark> 4개 ⑤ 5개

a > 0 일 때, 제1, 3사분면을 지나고, a < 0 일 때, 제2, 4사분면 지난다. ∴ ¬, ②, ②, ④ 으로 4개이다. 52. 다음 중 제2사분면을 지나는 것을 <u>모두</u> 고르면? (정답 2개)

$$y = \frac{1}{2}$$

(2)
$$y = \frac{1}{2}$$

(5) $y = 3$

①
$$y = \frac{1}{x}$$
 ② $y = \frac{1}{2x}$ ③ $y = -\frac{7}{x}$
② $y = 3x$

$$(5) y = 3x$$

해설

정비례 (y=ax), 반비례 $\left(y=\frac{a}{x}\right)$ 그래프 모두 a 의 값에 따라 지나는 사분면이 결정된다,

a > 0 일 때 제 1, 3 사분면 지남 a < 0일 때 제 2, 4 사분면 지남

① $y = \frac{1}{x}$: 제 1, 3사분면 지남 ② $y = \frac{1}{2x}$: 제 1, 3사분면 지남

③ $y = -\frac{7}{x}$: 제 2, 4사분면 지남 ④ $y = -\frac{2}{3x}$: 제 2, 4사분면 지남

⑤ y = 3x: 제 1, 3 사분면 지남

53. $y = \frac{a}{x}$ (단, $x \neq 0$)에 대하여 x = -2일 때 y = 2이다. 이때 그래프가 지나는 사분면끼리 모아놓은 것은?

 ○ 제 1 사분면
 ○ 제 2 사분면

 ⓒ 제 3 사분면
 ② 제 4 사분면

 $y = \frac{a}{x}$ 가 (-2, 2)를 지나므로 $2 = \frac{a}{-2}$, a = -4이다. $y = -\frac{4}{x}$ 이므로 제 2, 4사분면을 지난다.

54. 다음 그래프 중에서 x가 증가할 때, y가 감소하는 것은 모두 몇 개인 가?(단, x > 0이다.)

① 1개 ② 2개 ③ 3개 <mark>④</mark> 4개 ⑤ 5개

▶
$$x$$
가 증가할 때, y 가 감소하는 것
(1) $y = ax(a \neq 0)$ (정비례) 식 : $a < 0$
(2) $y = \frac{a}{x}(a \neq 0, x \neq 0)$ (반비례) 식 : $a > 0$

$$\therefore y = -4x, y = -\frac{2}{3}x, y = \frac{3}{x}, y = \frac{1}{2x}$$

55. 다음 그래프에서 x(x > 0)가 감소할 때, y도 감소하는 것끼리 모아 놓은 것은?

따라서 ①, ②, ㅂ이다.

∅, ७, ७, ७

 $y = \frac{a}{x}$ 에서 a < 0일 때, x의 값이 감소할 때, y의 값도 감소한다.

해설 y = ax에서 a > 0일 때, x의 값이 감소할 때, y의 값도 감소한다.

56. 다음 중 $y = \frac{3}{x}$ 의 그래프에 대한 설명 중 옳은 것은?

- ① 제2,4 사분면을 지난다.
- ② x의 값이 증가할 때, y의 값도 증가한다.
- ③ 점 (6, 2) 를 지난다.
- ④ 원점을 지나는 직선이다.
- ⑤ 제1 ,3 사분면을 지나는 쌍곡선이다.

 $y = \frac{3}{x}$ (반비례) 그래프

- ① a > 0 이므로 제1,3 사분면을 지난다. ② a > 0 이므로 x 값이 증가할 때 y 값은 감소한다.
- ③ 점 $\left(6, \frac{1}{2}\right)$ 을 지난다.
- ④ 원점을 지나지 않는다.

57. 다음 중 $y = \frac{-18}{x}$ 의 그래프 위의 점이 <u>아닌</u> 것은?

- ① (6, -3) ② (-2, 9) ③ (-18, 1) ④ (1, -9) ⑤ (-6, 3)

 $(4)(1, -9) \Rightarrow (1, -18)$

58. $y = -\frac{16}{x}$ 의 그래프가 점 (a, -8), (-4, b) 를 지날 때, a, b의 값은?

① 4,4 ② 2,4 ③ 2,8 ④ 4,8 ⑤ 4,10

 $y = -\frac{16}{x}$ 이 점 (a, -8) 을 지나므로 $-\frac{16}{a} = -8$, a = 2 이다. 점 (-4, b) 를 지나므로 $-\frac{16}{(-4)} = b$, b = 4 이다.

- **59.** $y = \frac{6}{x}$ 의 그래프 위에 있는 점이 <u>아닌</u> 것은?
 - (-3, -2) ② (-1, -6) ③ (1, 6) ④ (2, -3) ⑤ $\left(5, \frac{6}{5}\right)$

(2,-3)을 대입하면 $-3 \neq \frac{6}{2} = 3$ 이므로 성립하지 않는다.

- **60.** 점 P(a,-1)은 y = -3x 위의 점이고, 점 Q(-2,b)는 $y = \frac{2}{x}$ 위의 점이 다. ab의 값은?
 - ① $\frac{1}{3}$ ② $-\frac{1}{3}$ ③ 1 ④ 3 ⑤ -3

해설 $(a,-1) \stackrel{\triangle}{=} y = -3x \text{에 대입하면}$ -1 = -3a $\therefore a = \frac{1}{3}$ $(-2,b) \stackrel{=}{=} y = \frac{2}{x} \text{에 대입하면}$ $b = \frac{2}{-2} = -1$ $\therefore ab = -\frac{1}{3}$

61. y 가 x 에 반비례한다. 그래프가 두 점 (2, 6), (-4, -3) 을 지날 때, 식을 $y = \frac{a}{x}$ 라고 하면 a 의 값은?

① 6 ② 10 ③ 12 ④ 14 ⑤ 16

 $y = \frac{a}{x}$ 에서 x = 2를대입하면 $\frac{a}{2} = 6$ $\therefore a = 12$

62. $y = \frac{a}{x}(a \neq 0)$ 의 그래프가 점 (3,1), (-2,b)를 지날 때, a+b의 값은?

- ① $-\frac{3}{2}$ ② -3 ③ $\frac{9}{2}$ ④ 3

$$\bigcirc$$

해설
$$x = 3, y = 1 \stackrel{\triangle}{=} y = \frac{a}{x} (a \neq 0) \text{에 대입하면}$$

$$1 = \frac{a}{3}$$

$$a = 3$$

$$y = \frac{3}{x} \text{에 } (-2, b) \stackrel{\triangle}{=} \text{대입하면}$$

$$b = \frac{3}{-2} = -\frac{3}{2}$$

$$\therefore a + b = 3 - \frac{3}{2} = \frac{3}{2}$$

$$\begin{vmatrix} 1 = \\ a = \end{vmatrix}$$

$$\begin{vmatrix} 1 = \\ a = \end{vmatrix}$$

$$y = \frac{3}{x}$$
에 $(-2, b)$ 를 대입하

$$a =$$

$$b = \frac{3}{2} = -\frac{3}{2}$$

$$\therefore a + b = 3$$

- **63.** $y = \frac{a}{x}$ 의 그래프가 점 (1, -3)과 점 (b, 5)를 지날 때, b의 값을 구하면?
 - ① -1 ② $-\frac{3}{5}$ ③ $-\frac{1}{5}$ ④ -2 ⑤ -3

$$v = \frac{-3}{2}$$

해설
$$(1,-3) 을 대입하면 $-3 = \frac{a}{1}$
$$\therefore a = -3$$
$$y = \frac{-3}{x} \uparrow (b,5) 를 지나므로$$
$$5 = \frac{-3}{b}$$
$$\therefore b = -\frac{3}{5}$$$$

64. $y = -\frac{a}{x}$ 의 그래프가 두 점 A(-2,1), B(b,4) 를 지날 때, ab의 값은?

① -2 ② -1 ③ 0 ④ 1 ⑤ 2

해설
$$y = -\frac{a}{x} \text{ 에 } x = -2, y = 1 을 대입하면$$

$$1 = \frac{-a}{-2}$$

$$\therefore a = 2 \text{ 이므로 } y = \frac{-2}{x} \cdots \text{ ①}$$
또, ①에 $x = b, y = 4$ 를 대입하면 $4 = -\frac{2}{b}$

$$\therefore b = -\frac{1}{2}$$

$$\therefore a = 20 | \exists \exists y = \frac{1}{x} \cdots ($$

_ 또, ①에
$$x = b, y = 4$$
 글 내입어
- 1

$$\therefore ab = 2 \times \left(-\frac{1}{2}\right) = -1$$

65. $y = \frac{a}{x}$ 의 그래프가 점 (-2,3), (b,2)를 지날 때, b의 값은?

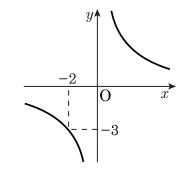
① -7 ② -6 ③ -5 ④ -4 ⑤ -3

(-2,3)을 식에 대입하면
$$3 = \frac{a}{-2}, a = -6$$

따라서 식은 $y = -\frac{6}{x}$
 $(b,2)$ 를 대입하면 $2 = \frac{-6}{b}$
 $\therefore b = -3$

$$..v = -$$

66. 다음 그래프에 대한 설명 중 옳은 것은?



- ① y = ax의 그래프이다. ② x축과 만나는 그래프이다.
 - ③ y축에 대칭인 그래프이다. ④ 점 (-4,2)를 지난다.
- ⑤점 (−1,−6)을 지난다.

 $y = \frac{a}{x}(a \neq 0, x \neq 0)$ 인 반비례 그래프이다. 점 (-2, -3)을 지나는 그래프이므로 대입하면

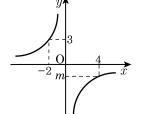
 $-3 = \frac{a}{-2}$ $\therefore a = 6$ $\therefore y = \frac{6}{x}$ ① $y = \frac{a}{x} (a \neq 0, x \neq 0)$ 의 그래프이다.

$$-3 =$$

$$\therefore a =$$

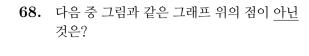
- ④ 점 $\left(-4, -\frac{3}{2}\right)$ 을 지난다.

- **67.** 다음 그림은 y 가 x 에 반비례하는 그래프이 며, A(-2, 3), B(4, m) 일 때, m 의 값은?

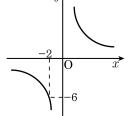


 $y = \frac{a}{x}$ 에서 A(-2, 3) 을 지나므로 $3 = \frac{a}{-2}$ 에서 a = -6 이다. $m = -\frac{6}{4}$ $\therefore m = -\frac{3}{2}$

$$m = -$$



- ① (2,6) ② (-3,-4) ③ (4,3) ④ (-4,3)
- \bigcirc (-6, -2)



해결
$$y = \frac{a}{x}(a \neq 0) \ \, \text{형태의 식이며,}$$

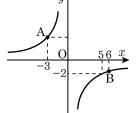
$$x = -2 \ \, \text{일 때 } y = -6 \ \, \text{이므로} -6 = \frac{a}{-2} \ \, \text{이며 } a = 12 \ \, \text{이다.}$$
 따라서 그래프가 나타내는 식은 $y = \frac{12}{x}$ 이고
$$4 \ \, 3 \neq \frac{12}{-4} \ \, \text{이므로} \left(-4,3\right) \leftarrow y = \frac{12}{x} \ \, \text{의 그래프 위의 점이 아니다.}$$

$$\frac{12}{x} = \frac{12}{x} = \frac{12}{x}$$

69. y = ^a/_x가 다음과 같을 때, 두 점 A, B의 y 좌표의 합을 구하면?
 ① ⁹/₅
 ② ⁹/₇
 ③ ⁵/₇
 ⑤ ³/₇



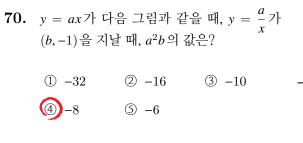
$$\frac{3}{7}$$



$$y = \frac{a}{x}$$
가 점 $(5, -2)$ 를 지나므로 $-2 = \frac{a}{5}$, $a = -10$ 이다.
점 A 의 x 의 좌표가 -3 이므로 y 의 좌표는 $\frac{-10}{-3} = \frac{10}{3}$ 이고, 점
B의 x 의 좌표가 6 이므로 y 의 좌표는 $-\frac{10}{6}$ 이다.
따라서 합을 구하면 $\frac{10}{3} + \left(-\frac{10}{6}\right) = \frac{10}{6} = \frac{5}{3}$ 이다.

B의
$$x$$
의 좌표가 6 이므로 y 의 좌표는 $-\frac{10}{c}$ 이다.

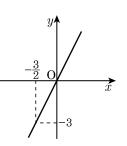
때대지 합을 부하던
$$\frac{1}{3} + \left(-\frac{1}{6}\right) = \frac{1}{6} = \frac{1}{3}$$

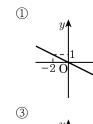


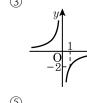
y=ax가 점 (2,4)를 지나므로 4=2a, a=2이고 $y=\frac{2}{x}$ 가 점 (b,-1)을 지나므로 $\frac{2}{b}=-1, b=-2$ 이다. 따라서 $a^2b=(2)^2\times(-2)=-8$ 이다.

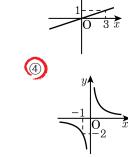
따라서
$$a^2b = (2)^2 \times (-2) = -8$$
이다.

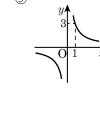
71. y = ax의 그래프가 다음 그림과 같을 때, 다음 중 $y = \frac{a}{x}$ 의 그래프는?

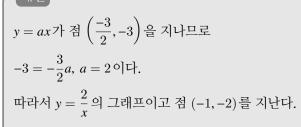






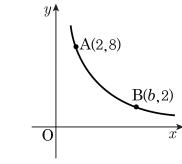






$$-3 = -\frac{1}{2}a, \ a = 2$$

72. 다음 그래프는 점 A(2,8), B(b,2)를 지나는 $y = \frac{a}{x}(x > 0)$ 의 그래프이 다. 이 때, *b*의 값은?



- ① 5 ② 6 ③ 7 ④8
 - ⑤ 9

해설
$$y = \frac{a}{x} \text{에 } x = 2, y = 8 \text{ 을 대입하면 } 8 = \frac{a}{2}$$

$$a = 16$$

$$\therefore y = \frac{16}{x}$$
 여기에 $x = b, y = 2$ 를 대입하면
$$2 = \frac{16}{b}$$

$$\therefore b = 8$$

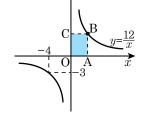
- ① A(-6, -4), B(3, 8)
- \bigcirc A(-6,4), B(3,-8)
- 3 A(-6,-4), B(-3,-8)
- 4 A(-6,-4), B(-3,-8)
- \bigcirc A(6,4), B(3,-8)

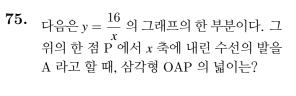


 $y=rac{a}{x}$ 가 점 (-2,12) 를 지나므로 $rac{a}{-2}=12,\ a=-24$ 이다. 따라서 $y=-rac{24}{x}$ 이고

점 A 의 x 의 좌표가 -6 이므로 y 좌표는 $-\frac{24}{(-6)} = 4$ 이다. 점 B 의 x 의 좌표가 3 이므로 y 좌표는 $-\frac{24}{3} = -8$ 이다. 따라서 점 A(-6,4), B(3,-8) 이다.

- **74.** 다음 그림은 $y = \frac{12}{x}$ 의 그래프이다. 직사각 형 ABCO 의 넓이는?
 - ① 4 ② 6
 - **4** 18
- **3**12 ⑤ 24





① 2 ② 4 3 6 **4**8 **5** 16

해설 $\frac{1}{2}xy = \frac{1}{2} \times 16 = 8$

76. 다음 그림은 $y = \frac{8}{x}$ 와 y = ax의 그래프를 그려 놓은 것이다. a + b의 값은?

① 6 ② 12 ③ 18

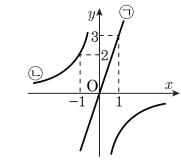
② 24⑤ 30

해설 $y = \frac{8}{x} 와 y = ax 의 교점이 (2, b) 이므로$ $b = \frac{8}{2} = 4$ 4 = 2a, a = 2 $\therefore a + b = 6$

$$\begin{vmatrix} b - 2 \\ 4 = 2a, a \end{vmatrix}$$

$$\therefore a + b = 6$$

77. 다음 그림에서 $\bigcirc y = ax, \bigcirc y = \frac{b}{x}$ 라 했을 때, ab의 값은?

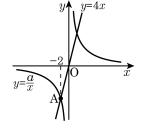


- ① -6 ② $-\frac{3}{2}$ ③ $-\frac{2}{3}$ ④ $\frac{3}{2}$ ⑤ 6

- (1,3)을 y = ax에 대입하면 a = 3이다. (-1,2)를 $y = \frac{b}{x}$ 에 대입하면 b = -2이다. $\therefore ab = -6$

- 78. 다음 그림은 $y = 4x, y = \frac{a}{x}$ 의 그래프이다. 두 그래프의 제 3사분면 위의 교점 A의 x 좌표가 2일 때, a의 값은? ① -16 ② -8 ③ 0

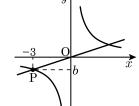
- 4 8 316



x가 -2일 때, y = 4x을 지나므로 이 때의 y는 -8이다. $y = \frac{a}{x}$ 가 (-2, -8)을 지나므로 $\frac{a}{-2} = -8$ $\therefore a = 16$

$$\begin{bmatrix} y - x \\ x \end{bmatrix}$$
 $\begin{bmatrix} 2x \\ 0 \end{bmatrix}$ $\begin{bmatrix} 3x \\ 16 \end{bmatrix}$

- 79. 다음 그림의 $y = \frac{1}{3}x$ 와 $y = \frac{a}{x}$ 의 그래프에서 교점 P의 좌표가 (-3, b)일 때, a+b의 값을 구하면?
 - ① 1 ②2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

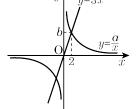


 $\frac{1}{3} \times (-3) = b \quad \therefore \quad b = -1$ $\frac{a}{-3} = -1 \quad \therefore \quad a = 3$ $\therefore a + b = 3 + (-1) = 2$

$$\frac{-3}{-3} = -1$$
 ... $u = 3$

80. 다음 그림은 $y = \frac{a}{x}$ 와 y = 3x의 그래프를 그려 놓은 것이다. a + b의 값은?

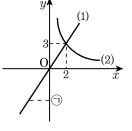
① 6 ② 12 ④ 24 ⑤ 36



y = 3x에 (2, b)를 대입하면 b = 6

- 따라서 교점의 좌표는 (2, 6)이다. $y = \frac{a}{x}$ 에 (2, 6)을 대입하면 $6 = \frac{a}{2}, a = 12$ $\therefore a + b = 18$

- ① (2)의 그래프는 (2, 3)를 지난다.
- ② (1)의 식은 $y = \frac{2}{3}x$ 이다. ③ $y = \frac{3}{2}x$ 의 그래프는 ①의 부분을 지난다. ④ (2)의 식은 $y = \frac{6}{x}$ 이다.
- ③ (1)은 (−4, −6)을 지나는 정비례 관계이다.



②
$$y = ax$$
에 $(2, 3)$ 을 대입해 보면 $3 = 2a$
 $a = \frac{3}{2}$ 이므로 식은 $y = \frac{3}{2}x$

$$u = \frac{1}{2} \text{ in } x + \frac{1}{2} \text{ in } y = \frac{1}{2}$$

82. 다음 그래프의 설명 중 옳은 것은?



- ⊙ ㄱ은 점 (0, 2) 를 지난다.

- 지난다. ◎ 두 그래프는 점 (6, 2) 에서
- 만난다.

© 느의 식은 y = 3x이다. ⓒ ㄱ은 점 (-3, -1) 을 지나는 정비례 관계이다. ⓐ ㄴ의 그래프는 점 (6, 2) 를

(4) ©, ⊜, □

 $\textcircled{1} \ \textcircled{3}, \textcircled{c}, \textcircled{c}$

② ¬, ₪, ≥ (5) (L), (D)

③ ⊙, ©, ⊚

 $\neg \stackrel{\diamond}{\leftarrow} y = \frac{1}{3}x, \ \bot \stackrel{\diamond}{\leftarrow} y = \frac{12}{x}$ 이므로 옳은 것은 ©, @, @ 이다.

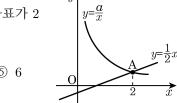
- **83.** 다음 그림은 y = 2x 와 $y = \frac{a}{x}$ 의 그래프를 좌표평면 상에 그린 것이다. a, b 의 값을 바르게 짝지은 것은?

 - ① a = 2, b = 2 ② a = 4, b = 2 ③ a = 8, b = 2 ④ a = 4, b = 4
 - ⑤ a = 8, b = 4



 $y = \frac{a}{x}$ 와 y = 2x 의 교점이 (b, 4) 이므로 $4 = 2 \times b, b = 2$ $4 = \frac{a}{2}$ $\therefore a = 8$

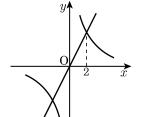
- 84. 다음 그림은 $y = \frac{1}{2}x$, $y = \frac{a}{x}(x > 0)$ 의 그래 프이다. 두 그래프의 교점 A의 x좌표가 2일때, a의 값은?
 - ①2 23 34 45 56



- 두 그래프 $y = \frac{1}{2}x$ 와 $y = \frac{a}{x}(x > 0)$ 의 교점의 x좌표가 2이므로 (1) $y = \frac{1}{2}x$ 에 x = 2를 대입하면 $y = \frac{1}{2} \times 2$
- ∴ y = 1 ∴교점의 좌표 rmA(2, 1)

- (2) $y = \frac{a}{x}(x > 0)$ 에 x = 2, y = 1을 대입하면 $1 = \frac{a}{2}$ ∴ a = 2

- **85.** 다음은 y = 2x, $y = \frac{a}{x}$ 의 그래프일 때, 두 그 래프의 교점의 x좌표값이 2이다. a의 값을 구하면?
 - ① 4 ② 6 ④ ① ④ 10 ⑤ 12



y = 2x에 x = 2를 대입하면 y = 4

(2, 4)가 두 그래프의 교점이므로 $y = \frac{a}{x}$ 에 대입하면 $4 = \frac{a}{2}$ 이고

a=8이다.