1. 직선 x + y = 2 위에 있고, 두 점 A(2,3), B(3,2)에 이르는 거리가 같은 점 P의 좌표는?

①
$$(0,2)$$
 ② $(1,1)$ ③ $(2,0)$ ④ $(3,-1)$ ⑤ $(4,-2)$

해설
점 P의 좌표를 P
$$(a, 2-a)$$
 로 놓으면 $\overline{PA} = \sqrt{(a-2)^2 + (2-a-3)^2}$
 $= \sqrt{2a^2 - 2a + 5}$
 $\overline{PB} = \sqrt{(a-3)^2 + (2-a-2)^2}$
 $= \sqrt{2a^2 - 6a + 9}$

 $2a^2 - 2a + 5 = 2a^2 - 6a + 9$

4a = 4 에서 a = 1∴ P(1, 1)

그런데 $\overline{PA} = \overline{PB}$ 이므로 $\overline{PA}^2 = \overline{PB}^2$ 에서

2. 점 (2,4) 를 직선 x=3 에 대하여 대칭이동한 다음 x 축의 방향으로 2 만큼 평행이동한 점의 좌표를 구하면?

(3) (4, 3)

(2, 0)

① (1,-1)

점 (2, 4) 를 직선 x = 3 에 대하여 대칭이동한 점의 좌표는 $(2 \cdot 3 - 2, 4)$ 즉, (4, 4)점 (4, 4) 를 다시 x 축의 방향으로 2 만큼 평행이동한 점의 좌표는(4 + 2, 4)즉, (6, 4)

3. 연립방정식
$$\begin{cases} x^2 - 3xy + 2y^2 = 0 \\ x^2 + 2y^2 = 12 \end{cases}$$
 을 만족하는 x , y 에 대하여 $x + y$

값이 될 수 <u>없는</u> 것은?

①
$$3\sqrt{2}$$
 ② 4 ③ $-3\sqrt{2}$ ④ -4

$$x^{2} - 3xy + 2y^{2} = 0 에서$$

$$(x - y)(x - 2y) = 0 \therefore x = y 또는 x = 2y$$
i) $x = y$ 일 때
$$x^{2} + 2y^{2} = 3x^{2} = 12$$

$$x = \pm 2, y = \pm 2$$
ii) $x = 2y$ 일 때
$$x^{2} + 2y^{2} = 6y^{2} = 12$$

 $y = \pm \sqrt{2}, \quad x = \pm 2\sqrt{2}$ $\therefore x + y = 4, -4, 3\sqrt{2}, -3\sqrt{2}$ 4. 다음 연립부등식이 해를 가질 때, 상수 a 의 값의 범위는?

$$\begin{cases} x - 10 > a \\ 4x - 5 \le 3 \end{cases}$$

①
$$a \ge -8$$

②
$$a > -8$$

3)
$$a < -8$$

$$4 a > -12$$

⑤
$$a < -12$$

$$\begin{cases} x > a + 10 \end{cases}$$

해가 존재하기 위해서는 a + 10 < 2 이어야 한다.

$$\therefore a < -8$$

평행사변형 ABCD의 나머지 꼭짓점 D의 좌표를 (x, v)라 할 때 x+v의 값을 구하여라 답:

좌표평면 위의 점 A(3,-2), B(4,5), C(-1,3)을 세 꼭짓점으로 하는

5.

해석

대각선 AC의 중점과 대각선 BD의 중점이 일치한다.

점 D의 좌표를 (x, y)라고 하면

$$\left(\frac{3+(-1)}{2}, \frac{-2+3}{2}\right) = \left(\frac{4+x}{2}, \frac{5+y}{2}\right)$$

$$\therefore x = -2, y = -4$$

따라서 점 D의 좌표는 (-2,-4)

3. $x^3 + x^2 + 2$ 를 다항식 $x^2 + 2x - 1$ 로 나누었을 때의 몫을 Q(x) 나머지를 R(x)라 할 때, Q(x) + R(x)의 값은?

(3) 3x + 2

 \bigcirc 2x

$$\textcircled{3} 4x + 1$$

(1) 2x - 3

$$x^3 + x^2 + 2 를 x^2 + 2x - 1$$
로 직접 나누면 $Q(x) = x - 1$, $R(x) = 3x + 1$
∴ $Q(x) + R(x) = 4x$

7. x 에 대한 다항식 $x^3 + ax^2 + bx + 2 를 x^2 - x + 1$ 로 나는 나머지가 x+3 이 되도록 a, b 의 값을 정할 때, ab 값을 구하여라.

 $x^3 + ax^2 + (b-1)x - 1 = (x^2 - x + 1)(x - 1)$: p = -1

> 정답:
$$ab = -6$$

$$x^{3} + ax^{2} + bx + 2 = (x^{2} - x + 1) \cdot A + (x + 3)$$

A = (x + p)

검산식을 사용

$$x^{3} + ax^{2} + bx + 2 - (x+3) = (x^{2} - x + 1)(x+p)$$

우변을 정리하면

$$\therefore a = -2, b = 3$$

 $\therefore ab = -6$

- 8. 방정식 $x^4 ax^2 + 8 a = 0$ 이 서로 다른 네 개의 실근을 가질 때, 정수 a의 값들의 합은?
 - ① 30 ② 25 ③ 23 ④ 18 ⑤ 13

해설
$$x^4 - ax^2 + 8 - a = 0 \text{ 이 서로 다른 네 개의 실근을 가지려면 } x^2 = y$$
라고 치환하여 $y^2 - ay + 8 - a = 0 \text{ 이 서로 다른 두 양의 실근을 가져야 한다.}$ i) $D = a^2 - 4(8 - a) = a^2 + 4a - 32 = (a + 8)(a - 4) > 0$ ∴ $a < -8$ 또는 $a > 4$

iii) 8-a>0 ⇒ a<8 ∴4<a<8 이므로 a=5, 6, 7

ii) a > 0

. 사차방정식 $x^4 - 5x^2 + 4 = 0$ 의 서로 다른 실근은 모두 몇 개인가?

$$x^{4} - 5x^{2} + 4 = 0 \implies (x^{2} - 4)(x^{2} - 1) = 0 \implies (x + 2)(x - 2)(x + 1)(x - 1) = 0$$

$$\therefore x = 2 \, \text{\mathref{E}} \, \tilde{x} = -2 \, \text{\mathref{E}} \, \tilde{x} = 1 \, \text{\mathref{E}} \, \tilde{x} = -1$$

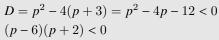
10. 모든 실수 x에 대하여 $x^2 + px + p$ 가 -3보다 항상 크기 위한 정수 p의 최댓값을 구하면?

▷ 정답: 5

 $x^2 + px + p > -3$ $x^2 + px + (p+3) > 0$



(p-6)(p+2) < 0



-2· 최대정수: 5