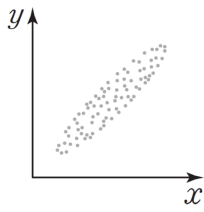
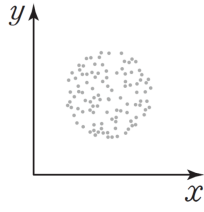


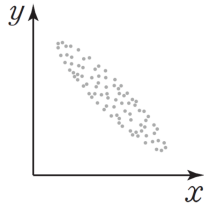
1. 어느 도로의 자동차 수를 x 대, 자동차의 평균 주행 속력을 시속 y km라 할 때, 다음 중 x, y 사이의 상관관계를 나타낸 산점도로 알맞은 것을 고르시오. (ㄱ)



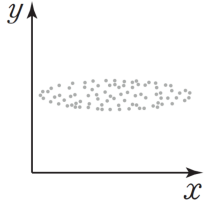
(ㄴ)



(ㄷ)



(ㄹ)



▶ 답 :

▷ 정답 : ㄷ

해설

도로의 자동차 수가 많아질수록 자동차의 평균 주행 속력은 대체로 감소하므로 음의 상관관계가 있다.

2. 다음 중 옳지 않은 것은?

① $\sin 0^\circ = 0$, $\sin 90^\circ = 1$

② $\sin 60^\circ = \cos 30^\circ = \frac{1}{2}$

③ $\cos 0^\circ = 1$, $\cos 90^\circ = 0$

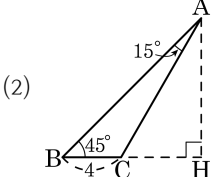
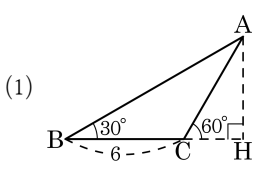
④ $\tan 0^\circ = 0$, $\tan 45^\circ = 1$

⑤ $\tan 60^\circ = 2 \sin 60^\circ$

해설

② $\sin 30^\circ = \cos 60^\circ = \frac{1}{2}$, $\sin 60^\circ = \cos 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}$

3. 다음 그림에서 $\overline{AH}$ 의 길이를 구하여라.



▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : (1) $3\sqrt{3}$

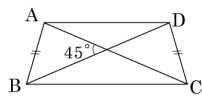
▷ 정답 : (2) $2(3 + \sqrt{3})$

해설

(1) $\overline{AH} = x$ 라 하면
 $\triangle ABH$ 에서 $\angle BAH = 60^\circ$ 이므로
 $\overline{BH} = x \tan 60^\circ = \sqrt{3}x$
 $\triangle ACH$ 에서 $\angle CAH = 30^\circ$ 이므로
 $\overline{CH} = x \tan 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{3}x$
 $\overline{BC} = \overline{BH} - \overline{CH}$ 이므로
 $6 = \sqrt{3}x - \frac{\sqrt{3}}{3}x, 6 = \frac{2\sqrt{3}}{3}x$
 $\therefore x = 6 \times \frac{3}{2\sqrt{3}} = 3\sqrt{3}$

(2) $\overline{AH} = x$ 라 하면
 $\triangle ABH$ 에서 $\angle BAH = 45^\circ$ 이므로
 $\overline{BH} = x \tan 45^\circ = x$
 $\triangle ACH$ 에서 $\angle CAH = 30^\circ$ 이므로
 $\overline{CH} = x \tan 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{3}x$
 $\overline{BC} = \overline{BH} - \overline{CH}$ 이므로
 $4 = x - \frac{\sqrt{3}}{3}x, 4 = \left(1 - \frac{\sqrt{3}}{3}\right)x$
 $\therefore x = 4 \times \frac{3}{3 - \sqrt{3}} = 2(3 + \sqrt{3})$

4. 다음 그림과 같이 두 대각선이 이루는 각의 크기가 45° 인 등변사다리꼴 ABCD 의 넓이가 $18\sqrt{2}\text{cm}^2$ 일 때, AC 의 길이를 구하여라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : $6\sqrt{2}$ cm

해설

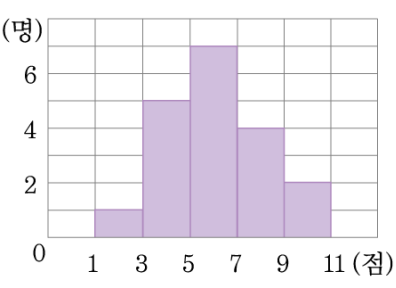
대각선 $\overline{AC} = \overline{BD} = x$ 라면

$$x \times x \times \frac{1}{2} \times \sin 45^\circ = 18\sqrt{2}$$

$$x^2 \times \frac{1}{2} \times \frac{\sqrt{2}}{2} = 18\sqrt{2}$$

$$x^2 = 72 \quad \therefore x = 6\sqrt{2} \text{ (cm)}$$

5. 다음은 희정이네 학급 19 명의 영어 단어 시험 점수를 조사하여 나타낸 그래프이다. 학생들의 점수의 중앙값과 최빈값을 차례대로 구하여라.



▶ 답 :

▶ 답 :

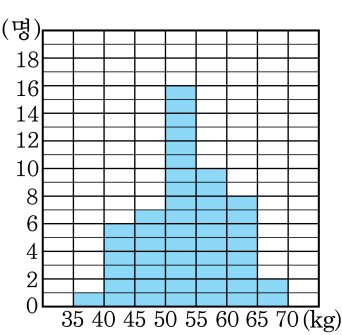
▷ 정답 : 중앙값 : 6

▷ 정답 : 최빈값 : 6

해설

최빈값은 학생 수가 7 명으로 가장 많을 때인 6 이고, 점수를 순서대로 나열하면 2, 4, 4, 4, 4, 4, 6, 6, 6, 6, 6, 6, 6, 8, 8, 8, 8, 10, 10 이므로 중앙값은 6 이다.

6. 다음 그림은 지현이네 반의 학생들의 몸무게에 대한 조사 결과를 나타낸 히스토그램이다. 지현이네 반의 학생들의 몸무게의 평균을 구하여라. (단, 소수 첫째 자리에서 반올림하여 나타낸다.)



▶ 답 : kg

▷ 정답 : 54 kg

해설

$$\frac{37.5 \times 1 + 42.5 \times 6 + 47.5 \times 7 + 52.5 \times 16}{50} + \frac{57.5 \times 10 + 62.5 \times 8 + 67.5 \times 2}{50} = 53.5 \text{ (kg)}$$

따라서 소수 첫째자리에서 반올림하면 54 kg 이다.

7. 세 수 a, b, c 의 평균과 분산이 각각 2, 4이다. 세 수 $3a+1, 3b+1, 3c+1$ 의 평균과 분산을 각각 구하면?

① 평균 : 5, 분산 : 10

② 평균 : 6, 분산 : 20

③ 평균 : 7, 분산 : 25

④ 평균 : 7, 분산 : 36

⑤ 평균 : 8, 분산 : 36

해설

a, b, c 의 평균이 2, 분산이 4일 때, $3a+1, 3b+1, 3c+1$ 의 평균은 $3 \cdot 2 + 1 = 7$ 이고, 분산은 $3^2 \cdot 4 = 36$ 이다.

8. 영웅이의 4 회에 걸친 수학 쪽지 시험의 성적이 평균이 45 점이었다. 5 회 시험 성적이 떨어져 5 회까지의 평균이 4 회까지의 평균보다 5 점 내렸다면 5 회 성적은 몇 점인가?

① 14 점 ② 16 점 ③ 18 점 ④ 20 점 ⑤ 22 점

해설

4 회까지의 평균이 45 이므로 4 회 시험까지의 총점은

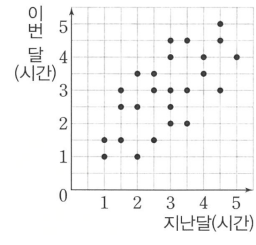
$$45 \times 4 = 180(\text{ 점})$$

5 회까지의 평균은 45 점에서 5 점이 내린 40 점이므로 5 회째의

성적을 x 점이라고 하면

$$\frac{180 + x}{5} = 40, \quad 180 + x = 200 \quad \therefore x = 20(\text{ 점})$$

9. 수정이네 반 학생 25명의 지난달과 이번 달의 봉사 활동 시간을 조사하여 나타낸 산점도이다. 지난달과 이번 달 중에서 적어도 한 달은 봉사 활동을 3시간 30분 이상 한 학생은 몇 명인가?

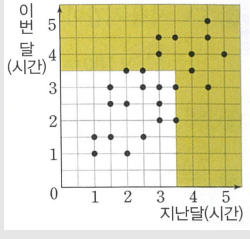


▶ 답 :

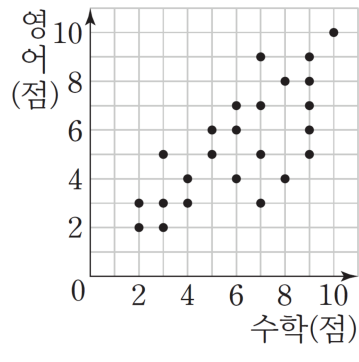
▶ 정답 : 13명

해설

지난달과 이번 달 중에서 적어도 한 달은 봉사 활동을 3시간 30분 이상 한 학생 수는 산점도에서 색칠한 부분에 속하는 점의 개수와 그 경계선 위의 점의 개수의 합과 같으므로 13명이다.



10. 그림은 현수네 반 학생 명의 수학과 영어 수행 평가 점수를 조사하여 나타낸 산점도이다. 두 과목의 점수 차가 2점 이상인 학생 수를 구하시오.

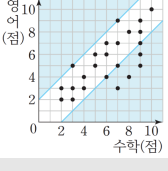


▶ 답 :

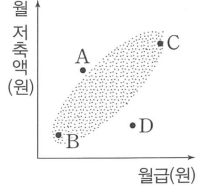
▷ 정답 : 9명

해설

산점도에서 경계선을 포함한 색칠한 부분에 속하는 점의 개수와 같으므로 9명이다.



11. 어느 회사 직원들의 월급과 월 저축액을 조사하여 나타낸 산점도이다. 옳은 것은 모두 몇 가지인가?



- (ㄱ) 월급이 많은 직원이 대체로 월 저축액도 많은 편이다.
- (ㄴ) A, B, C, D 네 직원 중 월 저축액이 가장 많은 직원은 C이다.
- (ㄷ) A, B, C, D 네 직원 중 월급에 비하여 월 저축액이 가장 적은 직원은 B이다.

▶ 답 :

▷ 정답 : 2가지

해설

(ㄷ) A, B, C, D 네 직원 중 월급에 비하여 월 저축액이 가장 적은 직원은 D이다.

12. 세 실수 a, b, c 가 $a^2 + b^2 + c^2 = 24$, $a + b, b + c, c + a$ 의 평균이 4 일 때, ab, bc, ca 의 평균을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 2

해설

$a + b, b + c, c + a$ 의 평균이 4 이므로

$$\frac{2(a + b + c)}{3} = 4, \quad a + b + c = 6$$

$(a + b + c)^2 = a^2 + b^2 + c^2 + 2(ab + bc + ca)$ 에서

$$a^2 + b^2 + c^2 = (a + b + c)^2 - 2(ab + bc + ca)$$

$$24 = 6^2 - 2(ab + bc + ca)$$

$\therefore ab + bc + ca = 6$ 따라서 ab, bc, ca 의 평균은

$$\frac{ab + bc + ca}{3} = \frac{6}{3} = 2 \text{ 이다.}$$