

1. 다음 포물선을 폭이 넓은 것부터 차례로 쓴 것으로 옳은 것은?

- (가)  $y = -x^2$   
(나)  $y = \frac{1}{2}x^2 + 4$   
(다)  $y = 2(x - 1)^2$   
(라)  $y = -\frac{3}{4}x^2$   
(마)  $y = 3(x + 2)^2 - 1$

- ① (라)-(나)-(가)-(다)-(마)      ② (나)-(라)-(다)-(마)-(가)  
③ (마)-(다)-(가)-(라)-(나)      ④ (라)-(나)-(마)-(다)-(가)  
**⑤ (나)-(라)-(가)-(다)-(마)**

해설

$y = kx^2 + c$  ( $c$ 는 상수)에서 포물선의 폭은  $k$ 의 절댓값의 크기가 클수록 좁아진다.

2.  $y = 5x^2$  의 그래프를  $y$  축의 방향으로 4만큼 평행이동시킨 함수의 식은?

- ①  $y = 5x^2$       ②  $y = -5x^2$       ③  $y = 5x^2 - 5$   
④  $y = -5x^2 + 4$       ⑤  $y = 5x^2 + 4$

해설

$$y = 5x^2 + 4$$

3. 이차함수  $y = ax^2$  의 그래프를  $x$  축의 방향으로 2 만큼  $y$  축의 방향으로  $c$  만큼 평행이동하였더니  $y = 3x^2 + bx + 1$  이 되었다.  $a + b + c$  의 값을 구하면?

① -16      ② -17      ③ -18      ④ -19      ⑤ -20

해설

$$\begin{aligned}y &= a(x - 2)^2 + c \\&= ax^2 - 4ax + 4a + c \\&= 3x^2 + bx + 1\end{aligned}$$

$$a = 3, b = -12, c = -11$$

$$\therefore a + b + c = -20$$

4.  $y = \frac{1}{3}(x+2)^2$ 의 그래프에서 축의 방정식과 꼭짓점의 좌표를 차례대로 구하면?

- ①  $x = 2, (2, 0)$       ②  $x = 2, (-2, 0)$   
③  $x = -2, (2, 0)$       ④  $x = -2, (-2, 0)$   
⑤  $x = -2, (0, -2)$

해설

$y = \frac{1}{3}(x+2)^2$ 의 축의 방정식은  $x = -2$ 이고 꼭짓점의 좌표는  $(-2, 0)$

5. 다음 중 이차함수는?

- ①  $y = 2x^2 - 2(x + 1)^2$       ②  $y = 2(x - 1) + 25$   
③  $y = x^2 - (2x + x^2)$       ④  $y = x^3 - (x + 1)^2$   
⑤  $y = 3x^2 - (2x + 1)^2$

해설

- ①  $y = 2x^2 - 2(x + 1)^2 = -4x - 2$  (일차함수)  
②  $y = 2(x - 1) + 25 = 2x + 23$  (일차함수)  
③  $y = x^2 - (2x + x^2) = -2x$  (일차함수)  
④  $y = x^3 - (x + 1)^2 = x^3 - x^2 - 2x - 1$  (삼차함수)  
⑤  $y = 3x^2 - (2x + 1)^2 = -x^2 - 4x - 1$  (이차함수)

6. 이차함수  $f(x) = 2x^2 - ax + 3$  의 그래프가 점 (3, 6) 을 지날 때, 상수  $a$  의 값을 구하여라.

① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

해설

$$f(3) = 2 \times 3^2 - 3a + 3 = 6, 21 - 3a = 6$$

$$\therefore a = 5$$

7. 이차함수  $y = x^2$  의 그래프를  $x$  축의 방향으로 2만큼 평행이동시키면 점  $(4, m)$  을 지난다.  $m$  的 값을 구하면?

① 4

② 8

③ 6

④ 1

⑤ 2

해설

$y = x^2$  의 그래프를  $x$  축의 방향으로 2만큼 평행이동시키면

$$y = (x - 2)^2$$

점  $(4, m)$  을 지난므로

$$m = (4 - 2)^2$$

$$\therefore m = 4$$

8. 이차함수  $y = -\frac{1}{2}x^2$  의 그래프와  $x$  축에 대하여 대칭인 이차함수는?

- ①  $y = -2x^2$       ②  $y = -\frac{1}{2}x^2$       ③  $y = 2x^2$   
④  $y = \frac{1}{2}x^2$       ⑤  $y = \frac{1}{3}x^2$

해설

$y = -\frac{1}{2}x^2$  의  $y$  대신에  $-y$  를 대입하면  
 $y = \frac{1}{2}x^2$  였다.

9. 이차함수  $y = -3x^2 + 6x + 1$  의 꼭짓점의 좌표는?

- ①  $(-1, 4)$       ②  $(-1, -4)$       ③  $(1, -4)$   
④  $(4, -1)$       ⑤  $(1, 4)$

해설

$$\begin{aligned}y &= -3x^2 + 6x + 1 \\&= -3(x^2 - 2x + 1 - 1) + 1 \\&= -3(x - 1)^2 + 4\end{aligned}$$

이므로 꼭짓점의 좌표는  $(1, 4)$ 이다.

10.  $y = -3x^2 + 6x - 2$  의 그래프에 대한 설명 중 옳지 않은 것은?

- ①  $y = -3x^2$  의 그래프와 모양이 같다.
- ② 제2 사분면을 지나지 않는다.
- ③ 꼭짓점의 좌표는  $(-1, 1)$  이다.
- ④  $y$  축과의 교점은  $(0, -2)$  이다.
- ⑤ 축의 방정식은  $x = 1$  이다.

해설

$$\begin{aligned}y &= -3x^2 + 6x - 2 \\&= -3(x^2 - 2x + 1 - 1) - 2 \\&= -3(x - 1)^2 + 1\end{aligned}$$

③ 위로 볼록한 모양의 포물선이고 꼭짓점의 좌표가  $(1, 1)$  이다.

11. 이차함수  $y = x^2 - 6x + 2$  의 그래프를  $x$  축의 방향으로  $-3$  만큼  
평행이동하면 점(3,  $m$ ) 을 지난다.  $m$  的 값을 구하면?

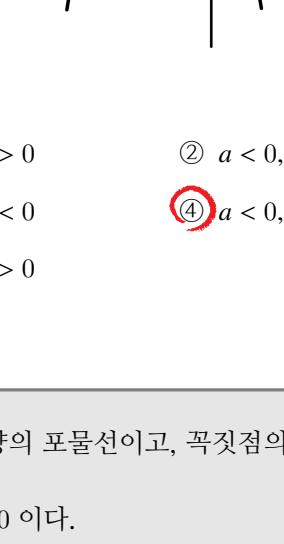
- ① -1      ② 0      ③ 1      ④ 2      ⑤ 3

해설

$y = x^2 - 6x + 2 = (x - 3)^2 - 7$  을  $x$  축의 방향으로  $-3$  만큼  
평행이동하면,  $y = x^2 - 7$

(3,  $m$ ) 을 대입하면  $m = 2$  이다.

12. 이차함수  $y = a(x - p)^2 + q$  의 그래프가 다음과 같을 때,  $a, p, q$  의 부호는?



- ①  $a > 0, p > 0, q > 0$   
②  $a < 0, p < 0, q < 0$   
③  $a > 0, p < 0, q < 0$   
④  $\textcircled{④} a < 0, p < 0, q > 0$   
⑤  $a < 0, p > 0, q > 0$

해설

위로 불록한 모양의 포물선이고, 꼭짓점의 좌표는 제 2 사분면 위에 있으므로  
 $a < 0, p < 0, q > 0$  이다.

13. 다음 중  $y$  가  $x$  에 관한 이차함수인 것으로 짝지워진 것은?

- Ⓐ  $y = x(x - 1) - x^2$   
Ⓑ 분속  $x$  m 로 200m 달릴 때 걸린 시간  $y$  분  
Ⓒ 한 변의 길이가 각각  $x$  cm,  $(5 - x)$  cm 인 두 정사각형의 넓이의 합은  $ycm^2$   
Ⓓ 넓이가  $ycm^2$  인 삼각형의 밑변의 길이  $x$  cm, 높이  $4x$  cm  
Ⓔ 반지름의 길이가  $x$  cm 이고 중심각의 크기가  $30^\circ$  인 부채꼴의 넓이  $ycm^2$

Ⓐ Ⓛ, Ⓜ, Ⓝ

Ⓑ Ⓛ, Ⓜ, Ⓞ

Ⓒ Ⓛ, Ⓜ, Ⓟ

Ⓓ Ⓛ, Ⓜ, Ⓞ

Ⓔ Ⓛ, Ⓜ, Ⓞ

해설

식으로 나타내면 다음과 같다.

Ⓐ  $y = -x$  (일차함수)

Ⓑ (시간)  $= \frac{\text{(거리)}}{\text{(속력)}} \therefore y = \frac{200}{x}$  (분수함수)

Ⓒ  $y = x^2 + (5 - x)^2 = 2x^2 - 10x + 25$  ( $\diamond$  이차함수)

Ⓓ  $y = \frac{1}{2} \times x \times 4x = 2x^2$  ( $\diamond$  이차함수)

Ⓔ  $y = \pi \times x^2 \times \frac{30}{360} = \frac{\pi}{12}x^2$  ( $\diamond$  이차함수)

14. 함수  $f : R \rightarrow R$ 에서  $f(x) = x^2 - x - 2$  이다.  $f(a) = 4$  일 때, 양수  $a$ 의 값은?(단,  $R$ 은 실수)

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

해설

$$f(a) = 4 \text{ 이므로 } a^2 - a - 2 = 4, \quad a^2 - a - 6 = 0, \quad (a - 3)(a + 2) = 0$$

$$\therefore a = 3 \text{ 또는 } a = -2$$

한편,  $a > 0$  이므로  $a = 3$  이다.

15. 이차함수  $y = x^2$ 에 대한 설명 중 옳지 않은 것은?

- ① 그래프는 원점을 지나고 아래로 볼록한 포물선이다.
- ②  $x$  가 어떤 값을 갖더라도  $y$  의 값은 양수 또는 0 이다.
- ③  $x$  축에 대하여 대칭이다.
- ④  $x > 0$  일 때,  $x$  값이 증가하면,  $y$  값도 증가한다.
- ⑤  $x < 0$  일 때,  $x$  값이 증가하면,  $y$  값은 감소한다.

해설

③  $y$  축에 대하여 대칭이다.

16. 이차함수  $y = ax^2$ 의 그래프에 대한 설명 중 틀린 것은?

- ① 원점이 꼭짓점이고  $y$ 축을 축으로 하는 포물선이다.
- ②  $a > 0$  일 때는 아래로 볼록이다.
- ③  $a < 0$  일 때는 위로 볼록이다.
- ④  $a$ 의 절댓값이 클수록 그래프의 폭이 넓어진다.
- ⑤  $y = ax^2$  과  $y = -ax^2$ 의 그래프는  $x$ 축에 대하여 대칭이다.

해설

④  $a$ 의 절댓값이 클수록 그래프의 폭이 좁아진다.

17. 다음 중 이차함수  $y = -\frac{3}{4}x^2$ 의 그래프에 대한 설명으로 옳지 않은 것을 모두 고르면?(정답 2개)

- ①  $(2, -3)$ 을 지난다.
- ② 축의 방정식은  $y = 0$ 이다.
- ③  $y$ 의 값의 범위는  $y \leq 0$ 이다.
- ④ 제 3,4 사분면을 지난다.
- ⑤  $x$ 의 값이 증가할 때,  $y$ 값도 증가한다.

해설

- ①  $(2, -3)$ 을 대입하면 식을 만족하므로 지난다.
- ② 축은  $x = 0$ 이므로 옳지 않다.
- ③ 위로 볼록하고 꼭짓점이 원점이므로  $y \leq 0$
- ④ 위로 볼록, 꼭짓점이 원점인 그래프를 그리면 제 3,4 분면을 지난다.
- ⑤  $a > 0$ 이면  $x$ 값이 증가하면  $y$ 값도 증가하고,  $a < 0$ 이면  $x$ 값이 증가하면  $y$ 값은 감소한다.

18. 이차함수  $y = 5(x-3)^2 - 2$ 의 그래프를  $x$ 축,  $y$ 축의 방향으로 각각  $-2, 4$  만큼 평행이동한 그래프가 점  $(a, 7)$ 을 지날 때, 양수  $a$ 의 값은?

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

해설

$y = 5(x-3)^2 - 2$ 의 그래프를  $x$ 축,  $y$ 축의 방향으로 각각  $-2, 4$  만큼 평행이동하면

$y = 5(x-3+2)^2 - 2 + 4, y = 5(x-1)^2 + 2$ 이고

점  $(a, 7)$ 을 지나므로 대입하면

$7 = 5(a-1)^2 + 2, 1 = (a-1)^2, a-1 = \pm 1$ 이다.  $a > 0$ 이므로

$a = 2$ 이다.

19. 이차함수  $y = \frac{1}{2}(x+2)^2 - 1$  의 그래프에서  $x$ 의 값이 증가할 때,  $y$ 의 값은 감소하는  $x$ 의 값의 범위는?

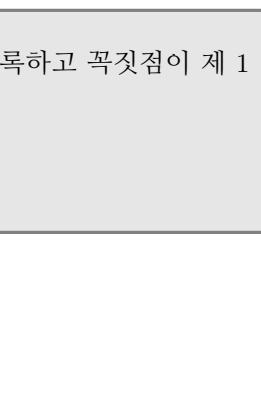
- ①  $x > -1$       ②  $x < -2$       ③  $x > 2$   
④  $x < 1$       ⑤  $x < \frac{1}{2}$

해설

주어진 이차함수는 아래로 불록이고, 축의 방정식이  $x = -2$  이므로 조건을 만족하는 부분은  $x < -2$

20. 이차함수  $y = a(x-p)^2 - q$  의 그래프가 다음 그림과 같을 때, 다음 중 항상 옳은 것은?

- ①  $ap + q > 0$       ②  $aq - q < 0$   
③  $p^2 + q < 0$       ④  $a + pq < 0$   
⑤  $a(p+q) > 0$



해설

$y = a(x-p)^2 - q$  의 그래프가 위로 볼록하고 꼭짓점이 제 1 사분면에 있으므로  
 $a < 0, p > 0, q < 0$  이다.  
따라서  $a + pq < 0$  이다.

21. 이차함수  $y = 2(x - 3)^2$  의 그래프에 대한 설명 중 옳지 않은 것은?

- ① 아래로 볼록한 그래프이다.
- ② 꼭짓점은  $(3, 0)$  이다.
- ③  $y$ 의 값의 범위는  $y \geq 3$  이다.
- ④  $y$  축과  $(0, 18)$ 에서 만난다.
- ⑤ 축의 방정식은  $x = 3$  이다.

해설

③  $y$ 의 값의 범위는  $y \geq 0$  이다.

22. 다음 보기의 이차함수의 그래프 중  $y = -2x^2$  의 그래프를 평행이동하여 완전히 포갤 수 있는 것을 모두 고르면?

보기

- Ⓐ  $y = -2x^2 + 2$
- Ⓑ  $y = 2x^2 - 3$
- Ⓒ  $y = -2(x + 1)^2$
- Ⓓ  $y = x^2 + 3x + 3 - 3(x - 1)(x + 1)$
- Ⓔ  $y = \frac{6x^2 - 2}{3}$

① Ⓐ,Ⓑ,Ⓒ

② Ⓐ,Ⓑ,Ⓓ

③ Ⓐ,Ⓒ,Ⓓ

④ Ⓐ,Ⓒ,Ⓔ

⑤ Ⓐ,Ⓓ,Ⓔ

해설

$y = ax^2 + bx + c$  의 그래프에서  $a$ 의 값이 같으면 평행 이동하여 두 이차 함수의 그래프를 완전히 포갤 수 있다.

따라서  $a = -2$  인 것은 Ⓐ,Ⓒ,Ⓓ이다.

23. 이차함수  $y = 4x^2 + kx + 2$ 의 그래프의 꼭짓점이  $y = x - 1$ 의 그래프 위에 있고  $x > a$ 이면  $y$ 의 값이 증가하고,  $x < a$ 이면  $y$ 의 값은 감소한다. 이 때 꼭짓점의 좌표를 구하여라. (단,  $a < 0$ )

- ①  $(-1, -1)$       ②  $(-1, -2)$       ③  $(1, 1)$   
④  $(1, 2)$       ⑤  $(1, 3)$

해설

축의 방정식이  $x = a$  이므로 꼭짓점의  $x$  좌표가  $a$ 이다.  
따라서  $(a, a-1)$ 을 지나므로  $y = 4(x-a)^2 + a-1 = 4x^2 - 8ax + 4a^2 + a - 1$ 이고  $4a^2 + a - 1 = 2$ 이다.  
따라서  $(4a-3)(a+1) = 0$ 이므로  $a = -1(a < 0)$ 이므로 꼭짓점은  $(-1, -2)$ 이다.

24. 이차함수  $y = \frac{1}{2}x^2 - 3x + 1$ 의 그래프에서  $x$ 의 값이 증가할 때,  $y$ 의 값도 증가하는  $x$  값의 범위를 구하면?

- ①  $x > 1$     ②  $x > 2$     ③  $x > 3$     ④  $x < 2$     ⑤  $x < 1$

해설

$$\begin{aligned}y &= \frac{1}{2}x^2 - 3x + 1 = \frac{1}{2}(x^2 - 6x) + 1 \\&= \frac{1}{2}(x-3)^2 - \frac{9}{2} + 1 \\&= \frac{1}{2}(x-3)^2 - \frac{7}{2}\end{aligned}$$

축이  $x = 3$  이므로  $x$ 의 값이 증가할 때,  $y$ 의 값도 증가하는 범위는  $x > 3$ 이다.

25. 다음 이차함수의 그래프가  $x$  축과 한 점에서 만나는 것은?

- ①  $y = x^2 + 1$       ②  $y = x^2 + 2x + 1$   
③  $y = x^2 - 3x - 2$       ④  $y = 2x^2 + 4x + 4$   
⑤  $y = 3x^2 + 7x - 1$

해설

한 점에서 만나려면 중근을 가지므로  $D = 0$ 일 때이다.

26. 다음 함수의 그래프 중에서 제 1 사분면을 지나지 않는 것은?

- ①  $y = 3x^2$       ②  $y = -2x^2 + 3$   
③  $y = (x - 2)^2$       ④  $y = (x + 1)^2 + 3$   
⑤  $y = -(x + 1)^2 - 3$

해설

⑤  $y = -(x + 1)^2 - 3 = -x^2 - 2x - 4$  는 위로 볼록한 모양의 포물선이다. 꼭짓점의 좌표  $(-1, -3)$ 는 제 3 사분면 위에 있고,  $y$  절편이  $(0, -4)$  이므로 제 1, 2 사분면을 지나지 않는다.

27. 이차함수  $y = 2x^2 - 4x + 3$  의 그래프에 대한 다음 설명 중 옳은 것은?

- ① 꼭짓점의 좌표는  $(2, 1)$ 이다.
- ② 모든  $x$ 의 값에 대하여  $y$ 의 값의 범위는  $y \leq 1$ 이다.
- ③  $y$  축에 대칭인 그래프의 식은  $y = -x^2 - 4x + 5$ 이다.
- ④  $x$  가 증가할 때  $y$  가 감소하는  $x$ 의 범위는  $x < 1$ 이다.
- ⑤ 함수의 그래프는 제1, 2, 3 사분면을 지난다.

해설

$$y = 2x^2 - 4x + 3 = 2(x^2 - 2x + 1 - 1) + 3 = 2(x - 1)^2 + 1$$

- ① 꼭짓점은  $(1, 1)$ 이다.
- ② 모든  $x$ 의 값에 대하여  $y$ 의 값의 범위는  $y \geq 1$ 이다.
- ③  $y$  축에 대칭인 그래프의 식은  $x$  대신  $-x$ 를 대입하므로  $y = 2x^2 + 4x + 3$ 이다.
- ④ 아래로 볼록이고 축의 식이  $x = 1$  이므로  $x < 1$  일 때,  $x$  가 증가할 때  $y$  는 감소한다.
- ⑤ 아래로 볼록, 꼭짓점이  $(1, 1)$ ,  $y$  절편이 3 인 그래프를 그리면 제1, 2 사분면을 지난다.

28. 이차함수  $y = -x^2 + 6x - 8$  의 그래프에 대한 다음 설명 중 옳은 것은?

- ① 직선  $x = -3$  을 축으로 한다.
- ② 모든  $x$ 의 값에 대하여  $y$ 의 값의 범위는  $y \geq 1$  이다.
- ③ 꼭짓점의 좌표는  $(-3, 1)$  이다.
- ④  $x > 3$  일 때,  $x$ 의 값이 증가하면  $y$ 의 값은 감소한다.
- ⑤  $y = -x^2$  의 그래프를  $x$  축의 방향으로  $-3$  만큼,  $y$  축의 방향으로  $1$  만큼 평행이동한 것이다.

해설

$$y = -(x - 3)^2 + 1$$

- ① 축의 방정식  $x = 3$
- ②  $y \leq 1$
- ③ 꼭짓점  $(3, 1)$
- ⑤  $x$  축의 방향으로  $3$  만큼 평행이동

29.

삼차방정식  $36x^3 - 36x^2 + 4x + k = 0$ 이 세 개의 실근

$\alpha, \beta, \gamma$ 를 갖고  $\alpha < \beta < \gamma$ ,  $\beta = \frac{\alpha + \gamma}{2}$ 를 만족할 때, 상수  $k$ 의 값은?

- ①  $\frac{1}{3}$       ②  $\frac{2}{3}$       ③ 1      ④  $\frac{4}{3}$       ⑤  $\frac{5}{3}$



30. 이차함수  $y = ax^2$  의 그래프가 두 점  $(4, 8)$ ,  $\left(b, \frac{9}{2}\right)$  를 지난다. 이 함수와  $x$  축 대칭인 이차함수가  $(b, c)$  를 지난 때,  $c$  의 값은?(단,  $b < 0$ )

①  $-2$       ②  $-\frac{5}{2}$       ③  $3$       ④  $\frac{7}{2}$       ⑤  $-\frac{9}{2}$

해설

$$y = ax^2 \text{ 에 } (4, 8), \left(b, \frac{9}{2}\right) \text{ 을 대입하면}$$

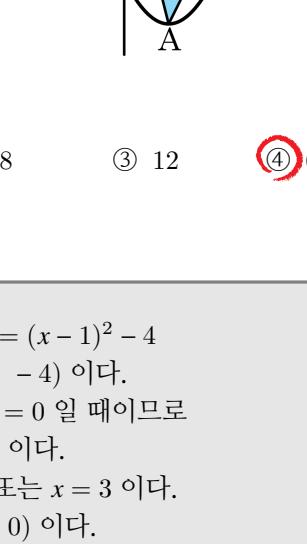
$$a = \frac{1}{2}, b = -3 \text{ 이다.}$$

이 이차함수와  $x$  축 대칭인 이차함수는

$$y = -\frac{1}{2}x^2 \text{ 이고 } (-3, c) \text{ 를 지나므로}$$

$$\therefore c = -\frac{9}{2}$$

31. 다음 포물선  $y = x^2 - 2x - 3$  의 꼭짓점을 A 라 하고,  $x$  축과의 교점을 B, C 라 할 때,  $\triangle ABO$ 의 넓이는?



- ① 16      ② 8      ③ 12      ④ 6      ⑤ 10

해설

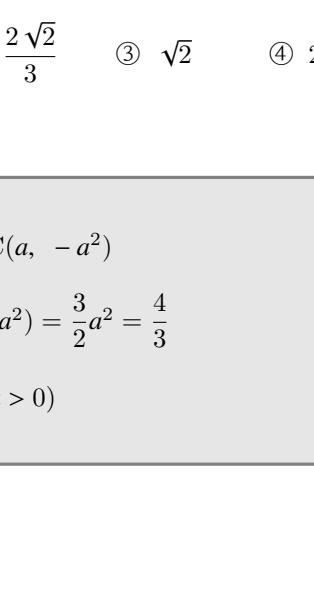
$y = x^2 - 2x - 3 = (x - 1)^2 - 4$   
A의 좌표는  $(1, -4)$  이다.  
 $x$  축과 교점은  $y = 0$  일 때이므로

$0 = (x - 1)^2 - 4$  이다.  
따라서  $x = -1$  또는  $x = 3$  이다.  
B의 좌표는  $(3, 0)$  이다.

$$\therefore (\triangle ABO\text{의 넓이}) = \frac{1}{2} \times 3 \times 4 = 6$$

32. 그림과 같이 2 개의 포물선  $y = \frac{1}{2}x^2$  ⋯ ⊕,  $y = -x^2$  ⋯ ⊖ 이 있다.

점  $A(a, 0)$  을 지나며,  $x$  축에 수직인 직선이 포물선 ⊕ 과 만나는 점을  $B$ , 포물선 ⊖ 과 만나는 점을  $C$  라 한다.  $\overline{BC} = \frac{4}{3}$  일 때,  $a$  의 값을 구하면?



①  $\frac{\sqrt{2}}{3}$       ②  $\frac{2\sqrt{2}}{3}$       ③  $\sqrt{2}$       ④  $2\sqrt{2}$       ⑤  $\frac{\sqrt{3}}{3}$

해설

$$B\left(a, \frac{1}{2}a^2\right), C(a, -a^2)$$

$$\overline{BC} = \frac{1}{2}a^2 - (-a^2) = \frac{3}{2}a^2 = \frac{4}{3}$$

$$\therefore a = \frac{2\sqrt{2}}{3} (\because a > 0)$$

33. 이차함수  $y = -x^2 - 2x + p$ 의 그래프에서  $x$ 축과의 두 교점을  $A, B$ 라 하자.  $\overline{AB} = 4$  일 때, 꼭짓점의  $x$  좌표는?

① -1      ② -2      ③ -3      ④ -4      ⑤ -5

해설

$$y = -x^2 - 2x + p = -(x+1)^2 + p+1$$

축의 방정식이  $x = -1$  이고  $\overline{AB} = 4$  이므로

$$\therefore A(-3, 0), B(1, 0)$$

$$B(1, 0) \text{을 } y = -x^2 - 2x + p \text{에 대입하면 } -1^2 - 2 + p = 0, \therefore p = 3$$

$$\therefore y = -(x+1)^2 + 4$$

따라서 꼭짓점의 좌표는  $(-1, 4)$  이므로 꼭짓점의  $x$  좌표는 -1이다.