1. $1^2 - 3^2 + 5^2 - 7^2 + 9^2 - 11^2$ 의 값을 구하여라.

답:

해설

▷ 정답: -72

(1-3)(1+3) + (5-7)(5+7) + (9-11)(9+11)= -2(1+3+5+7+9+11)

 $= -2 \times 36$

= -72

2. 다음 설명 중 <u>옳은</u> 것은?

- ① 유리수는 조밀하여 수직선을 빈틈없이 메운다.
- ② 서로 다른 두 유리수 사이에는 무리수가 없다.③ 서로 다른 두 무리수 사이에는 유리수가 없다.
- ④ 수직선은 유리수와 무리수로 완전히 메워진다.
- ⑤ 수직선은 무리수로 완전히 채울 수 있다.

①, ② 서로 다른 유리수와 유리수 사이에는 무한히 많은 유리수

해설

- 와 무리수가 있다. ③ 서로 다른 무리수와 무리수 사이에는 무수히 많은 유리수와
- 무리수가 있다. ⑤ 수직선은 유리수와 무리수로 완전히 메워진다.

3. $\sqrt{15} \times \sqrt{20} = a\sqrt{3}$ 일 때, a 의 값은?

① 8 ② 10 ③ 12 ④ 15 ⑤ 18

 $\sqrt{15} \times \sqrt{20} = \sqrt{3 \times 5} \times \sqrt{2^2 \times 5}$ $= \sqrt{2^2 \times 3 \times 5^2}$ $= 10\sqrt{3}$ $\therefore a = 10$

- 4. 다음 수를 작은 것부터 순서대로 나열할 때, 두 번째로 작은 수를 고르면?

 - ① $\sqrt{2}$ ② -0.5
- $31 \sqrt{2}$
- $\textcircled{4} \ 2 + \sqrt{2}$ $\textcircled{5} \ 1 + \sqrt{2}$

① $\sqrt{2} = 1.4 \times \times \cdots$

해설

- $\bigcirc -0.5$
- - $31 \sqrt{2} = 1 1.4 \times \times \cdots = -0.4 \times \times \cdots$ $4 2 + \sqrt{2} = 3.4 \times \times \cdots$
- $\therefore 2 < 3 < 1 < 5 < 4$

5. $(3x+b)^2 = ax^2 + 6x + 1$ 일 때, 상수 a, b 의 합 a+b 의 값은?

① 10 ② 12 ③ 14 ④ 16 ⑤ 18

 $(3x+b)^2 = 9x^2 + 6bx + b^2 = ax^2 + 6x + 1$ a = 9, b = 1 a = a + b = a + b = 1

- $(x-4)(x-6) = x^2 + Ax + B$ 일 때, 상수 A, B 의 합 A + B의 값은? **6.**
 - ① -24
 - ② -10 ③ 4
- **4** 10
- **⑤**14

 $(x-4)(x-6) = x^2 - (4+6)x + 4 \times 6 = x^2 + Ax + B,$ 따라서 A = -10, B = 24이고, A + B = (-10) + 24 = 14이다.

7. $\frac{\sqrt{15}}{\sqrt{8}} \div \frac{\sqrt{5}}{2\sqrt{2}} \times (-\sqrt{30}) = a\sqrt{10} \text{ 이코 } \sqrt{2}(2\sqrt{3}-6) - \frac{2-4\sqrt{3}}{\sqrt{2}} = b\sqrt{2} + c\sqrt{6}$ 일 때, a+b+c의 의 값을 구하여라. (단, a,b,c는 유리수)

답:▷ 정답: -6

_

 $\frac{\sqrt{15}}{\sqrt{8}} \div \frac{\sqrt{5}}{2\sqrt{2}} \times (-\sqrt{30})$ $= \frac{\sqrt{15}}{\sqrt{8}} \times \frac{2\sqrt{2}}{\sqrt{5}} \times (-\sqrt{30})$ $= \sqrt{3} \times (-\sqrt{30}) = -\sqrt{90} = -3\sqrt{10}$ $\therefore a = -3$ $\sqrt{2}(2\sqrt{3} - 6) - \frac{2 - 4\sqrt{3}}{\sqrt{2}}$ $= 2\sqrt{6} - 6\sqrt{2} - \frac{2\sqrt{2} - 4\sqrt{6}}{2}$ $= 2\sqrt{6} - 6\sqrt{2} - \sqrt{2} + 2\sqrt{6}$ $= -7\sqrt{2} + 4\sqrt{6}$ $\therefore b = -7, c = 4$ $\therefore a + b + c = -6$

8. 제곱근표에서 $\sqrt{2}=1.414$, $\sqrt{3}=1.732$ 일 때, $\frac{1}{\sqrt{2}}+\sqrt{3}$ 의 제곱근의 값을 구하여라.

답:

▷ 정답: 2.439

해설 $\frac{1}{\sqrt{2}} + \sqrt{3} = \frac{\sqrt{2}}{2} + \sqrt{3}$ $= \frac{1.414}{2} + 1.732$ = 0.707 + 1.732 = 2.439

9. x가 $x-5 \le -2(x-2)$ 인 자연수일 때, 이차방정식 $x^2-4x+3=0$ 의 해를 구하여라.

답:

▶ 답:

> 정답: *x* = 1

▷ 정답: *x* = 3

 $x - 5 \le -2(x - 2) \qquad \therefore \quad x \le 3$

해설

x는 1, 2, 3이다. $x = 1 일 때, 1^2 - 4 \cdot 1 + 3 = 0$

x = 2 일 때, $2^2 - 4 \cdot 2 + 3 \neq 0$ x = 3 일 때, $3^2 - 4 \cdot 3 + 3 = 0$

따라서 구하는 해는 x = 1 또는 x = 3이다.

10. 이차방정식 $x^2 - 7x + 1 = 0$ 의 한 근을 a 라고 할 때, $a + \frac{1}{a}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 7

주어진 식에 x 대신 a 를 대입하면 $a^2 - 7a + 1 = 0$ $a - 7 + \frac{1}{a} = 0$ $a + \frac{1}{a} = 7$

11. 이차방정식 $(x-4)^2 = 2x-5$ 의 두 근을 a,b 라고 할 때, $(2a-b)^2$ — $(a+b)^2$ 의 값을 구하여라. (단, a > b)

▶ 답: ▷ 정답: 21

해설

 $(x-4)^2 = 2x - 5$

 $x^2 - 8x + 16 - 2x + 5 = 0$ $x^2 - 10x + 21 = 0$

(x-7)(x-3) = 0에서 두 근은 x=7 또는 x=3이고, a>b 이므로 $a=7,\ b=3$

이다. $\therefore (2a-b)^2 - (a+b)^2$

= (2a - b + a + b)(2a - b - a - b) = 3a(a - 2b) $= 3 \times 7 \times (7 - 6) = 21$

- **12.** 두 이차방정식 $2x^2 7x 4 = 0$, $2x^2 5x 12 = 0$ 을 동시에 만족하는 x 의 값을 구하여라.
 - ▶ 답:

▷ 정답: x = 4

 $2x^2 - 7x - 4 = 0$ (2x+1)(x-4) = 0

 $\therefore x = -\frac{1}{2} \, \text{\Pi} \pm x = 4$ $2x^2 - 5x - 12 = 0$ (2x+3)(x-4) = 0 $\therefore x = -\frac{3}{2} \, \text{\Pi} \pm x = 4$

13. 다음 이차방정식 중 중근을 갖지 <u>않는</u> 것을 모두 고르면?

$$(3)2(x+4)^2 = 1$$

①
$$x^2 - 1 = 0$$
 ② $x^2 = 12x - 36$
③ $2(x+4)^2 = 8$ ④ $x^2 = 6(x - \frac{3}{2})$
⑤ $1 - \frac{1}{3}x^2 = 2(x+2)$

①
$$x^2 - 1 = 0$$
 에서 $(x - 1)(x + 1) = 0$

∴
$$x = 1$$
 또 $= 1$

14. 이차방정식 $4x^2 - 12x + a = 0$ 이 중근을 가질 때, 그 중근을 구하여라.

▶ 답:

ightharpoonup 정답: $rac{3}{2}$

 $4x^{2} - 12x + a = 0$ $(2x)^{2} - 2 \times 2 \times 3x + (-3)^{2} = 0$ $\therefore a = 9$ $(2x - 3)^{2} = 0$ $\therefore x = \frac{3}{2} (\frac{2}{5} \frac{1}{2})$

- **15.** 실수 a, b 에 대하여 a < 0, ab < 0 일 때, $\sqrt{(2a-b)^2} + \sqrt{a^2} \sqrt{(b-a)^2}$ 을 간단히 하면?
- ② -2a-2b
- $\bigcirc 3 -2a + 2b$
- (4)
- \bigcirc 4a-2b

 $\sqrt{(2a-b)^2} + \sqrt{a^2} - \sqrt{(b-a)^2}$ =| 2a - b | + | a | - | b - a |
= -2a + b - a - b + a = -2a

해설 a < 0, b > 0 이므로 2a - b < 0, b - a > 0 **16.** 자연수 a, b 에 대하여 $\sqrt{\frac{216a}{7}} = b$ 일 때, a + b 의 최솟값은?

① 33 ② 36 ③ 42 ④ 44

해설
$$\sqrt{\frac{216a}{7}} = \sqrt{\frac{2^3 \times 3^3 \times a}{7}} = b$$

$$a = 7 \times 2 \times 3 = 42 \%$$
 때 최소
$$b = \sqrt{\frac{2^3 \times 3^3 \times 7 \times 2 \times 3}{7}} = 2^2 \times 3^2 = 36$$

$$\therefore a + b = 42 + 36 = 78$$

17. 0 < a < 1 일 때, 다음 중 가장 큰 값은?

①
$$a^2$$
 ② $\sqrt{\left(\frac{1}{a}\right)^2}$ ③ \sqrt{a} ④ $\sqrt{(-a)^2}$ ⑤ $\frac{1}{\sqrt{a}}$

$$(4) \quad \sqrt{(-a)}$$

$$\frac{1}{\sqrt{a}}$$

$$0 < a < 1 일 때 a = \frac{1}{4} 라 하면$$

$$① a^2 = \left(\frac{1}{4}\right)^2 = \frac{1}{16}$$

①
$$a^2 = \left(\frac{1}{4}\right)^2 = \frac{1}{16}$$
② $\sqrt{\left(\frac{1}{a}\right)^2} = \sqrt{\frac{1}{\left(\frac{1}{4}\right)^2}} = \sqrt{16} = 4$

$$\sqrt{\frac{1}{4}}$$
 $\sqrt{\frac{1}{4}}$ $\frac{1}{2}$

18. (3x-2y+4z)(2x+2y-4z)를 전개하였을 때, xy, yz, zx 각각의 계수의 합은?

14 ② 16 ③ 18 ④ 20 ⑤ 22

해설 (3x - 2y + 4z)(2x + 2y - 4z)

 $= \{3x - (2y - 4z)\}\{2x + (2y - 4z)\}\$

2y - 4z = A로 치환하면

(3x - A)(2x + A) $=6x^2 + Ax - A^2$

A = 2y - 4z를 대입하면

 $6x^2 + (2y - 4z)x - (2y - 4z)^2$ $= 6x^2 + 2xy - 4xz - 4y^2 + 16yz - 16z^2$

 $\therefore xy$, yz , zx 각각의 계수의 합 : 2+16+(-4)=14

19.
$$a = \frac{4 - \sqrt{2}}{3}$$
 , $b = \frac{4 + 2\sqrt{2}}{3}$ 일 때, $4a^2 + 4ab + b^2$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 16

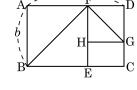
$$4a^{2} + 4ab + b^{2} = (2a + b)^{2}$$

$$= \left(\frac{8 - 2\sqrt{2}}{3} + \frac{4 + 2\sqrt{2}}{3}\right)$$

$$= 4^{2}$$

$$= 16$$

20. 다음 그림에서 □ABEF 와 □FHGD 가 정사 각형일 때, 사각형 HECG 의 넓이를 a, b 에 관한 식으로 나타낸 후 인수분해하면 (a – b)(ta + sb) 이다. t + s 의 값을 구하시오.



사각형 ABFE, EGHD 는 정사각형이므로

해설

 $\overline{\text{HE}} = b - (a - b) = 2b - a, \overline{\text{EC}} = a - b$ 남은 사각형의 넓이는 (2b - a)(a - b) 이다. 따라서 $t = -1, \ s = 2$ 이므로 t + s = 1 이다.