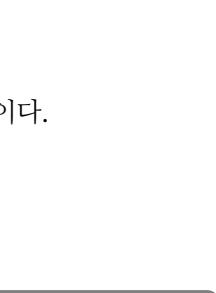


1. 다음 그림은 정오각형이다. 그림에 대한 설명으로 옳지 않은 것은?



- ① 정오각형에서 변의 수와 꼭짓점의 수는 같다.
- ② 모든 변의 길이가 같다.
- ③ 모든 내각의 크기가 같다.
- ④ 한 꼭짓점에서 그을 수 있는 대각선은 3 개이다.
- ⑤ 대각선의 총 개수는 5 개이다.

해설

④ n 각형의 한 꼭짓점에서 그을 수 있는 대각선의 수는 $(n-3)$ 이므로, 정오각형의 한 꼭짓점에서 그을 수 있는 대각선은 $(5-3) = 2$ (개)다.

2. 한 꼭짓점에서 11 개의 대각선을 그을 수 있는 다각형의 내각의 총합을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 2160°

해설

$$n - 3 = 11,$$

$$\therefore n = 14, \text{ 십사각형}$$

$$\text{십사각형 내각의 크기의 총합} : 180^{\circ} \times (14 - 2) = 2160^{\circ}$$

3. 정십이각형의 내각의 합, 외각의 합을 각각 구하면?

- ① $900^\circ, 360^\circ$ ② $1800^\circ, 360^\circ$ ③ $900^\circ, 540^\circ$
④ $1800^\circ, 540^\circ$ ⑤ $3600^\circ, 540^\circ$

해설

$$(\text{내각의 합}) = 180^\circ \times (12 - 2) = 1800^\circ$$

4. 다음 그림은 한 원에 대한 설명이다. 다음 중 옳지 않은 것은?

- ① 같은 크기의 중심각에 대한 호의 길이는 같다.
- ② 호의 길이는 그 호에 대한 중심각의 크기에 정비례한다.
- ③ 같은 크기의 중심각에 대한 현의 길이는 같다.
- ④ 현의 길이는 그에 대한 중심각의 크기에 정비례한다.
- ⑤ 같은 크기의 중심각에 대한 부채꼴의 넓이는 같다.

해설

- ④ 현의 길이는 그에 대한 중심각의 크기에 정비례하지 않는다.

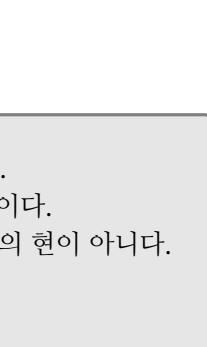
5. 다음 그림에 대한 설명으로 틀린 것은?

- ① 부채꼴 BOD의 중심각은 $\angle BOD$ 이다.
- ② 중심각 $\angle DOE$ 에 대한 호는 $5.0\text{pt}\widehat{DE}$ 이다.

③ \overline{AC} 와 \overline{DO} 는 원 O의 현이다.

- ④ 원 O의 반지름은 \overline{OE} 이다.

- ⑤ 원 O의 지름은 \overline{BE} 이다.



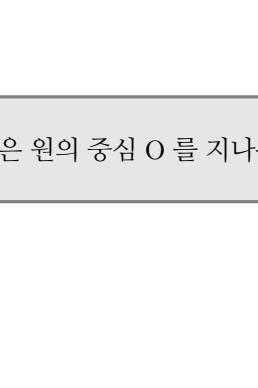
해설

- ① ○ : 부채꼴 BOD의 중심각은 $\angle BOD$ 이다.
- ② ○ : 중심각 $\angle DOE$ 에 대한 호는 $5.0\text{pt}\widehat{DE}$ 이다.
- ③ ✗ : \overline{AC} 는 원 O의 현이지만 \overline{DO} 는 원 O의 현이 아니다.

- ④ ○ : 원 O의 반지름은 \overline{OE} , \overline{OD} , \overline{OB} 이다.

- ⑤ ○ : 원 O의 지름은 \overline{BE} 이다.

6. 다음 그림의 원 O에서 길이가 가장 긴 현은?

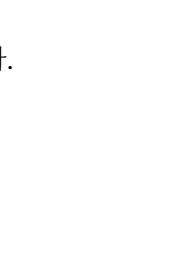


- ① ① ② ② ③ ③ ④ ④ ⑤ ⑤

해설

길이가 가장 긴 현은 원의 중심 O를 지나는 선분으로 지름이다.

7. 다음 중 그림의 원 O에 대한 설명으로 옳지 않은 것은?



① \widehat{AB} 와 반지름 OA 와 OB로 둘러싸인 도형은 부채꼴이다.

② 가장 긴 현은 반지름이다.

③ \widehat{AB} 와 \overline{AB} 로 둘러싸인 도형은 활꼴이다.

④ $\angle AOB$ 는 \widehat{AB} 에 대한 중심각이다.

⑤ \widehat{AB} 를 호라고 한다.

해설

① ○ : \widehat{AB} 와 반지름 OA와 OB로 둘러싸인 도형은 부채꼴이다.

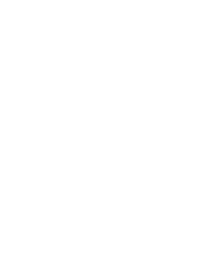
② × : 가장 긴 현은 지름이다.

③ ○ : \widehat{AB} 와 \overline{AB} 로 둘러싸인 도형은 활꼴이다.

④ ○ : $\angle AOB$ 는 \widehat{AB} 에 대한 중심각이다.

⑤ ○ : \widehat{AB} 를 호라고 한다.

8. 다음 $\angle AOB$ 를 3 배 증가 시켰다고 할 때 옳지 않은 것을 모두 고르면?



① 삼각형 AOB 의 넓이는 3배로 증가한다.

② $5.0\text{pt}\widehat{AB}$ 는 3배 증가한다.

③ \overline{OA} 는 3배 증가한다.

④ $\overline{OA} = \overline{OB}$ 이다.

⑤ 전체 원의 넓이는 그대로이다.

해설

① \times : 부채꼴의 넓이와 중심각의 크기가 비례한다.

② \circ : 호의 길이와 중심각의 크기는 비례한다.

③ \times : \overline{OA} 는 변하지 않는다.

④ \circ : $\angle AOB$ 를 변화시켜도 반지름의 길이는 변하지 않는다.

⑤ \circ : 전체 원의 넓이는 변하지 않는다.

9. 다각형에 대한 설명 중 옳지 않은 것은?

- ① 세 개 이상의 선분으로 둘러싸인 평면도형을 다각형이라고 한다.
- ② 다각형에서 이웃하지 않는 두 꼭짓점을 이은 선분을 대각선이라고 한다.
- ③ 다각형의 각 꼭짓점에서 한 변과 그 변에 이웃하는 변의 연장선이 이루는 각을 내각이라고 한다.
- ④ 모든 변의 길이와 모든 내각의 크기가 각각 같은 다각형을 정다각형이라고 한다.
- ⑤ 한 꼭짓점에서 내각과 외각의 크기의 합은 180° 이다.

해설

다각형의 각 꼭짓점에서 한 변과 그 변에 이웃하는 변의 연장선이 이루는 각은 외각이다.

10. 다음 중 한 꼭짓점에서 그을 수 있는 대각선의 개수가 7 개인 다각형은?

- ① 육각형 ② 칠각형 ③ 팔각형
④ 구각형 ⑤ **십각형**

해설

구하는 다각형을 n 각형이라 하면

$$n - 3 = 7 \quad \therefore n = 10$$

따라서 구하는 다각형은 십각형이다.

11. 구각형의 대각선의 총수를 구하여라.

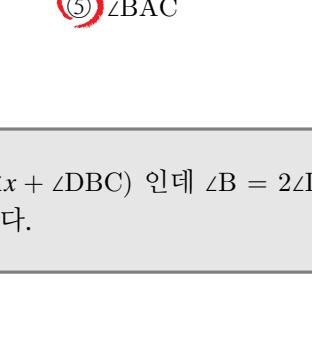
▶ 답: 개

▷ 정답: 27개

해설

$$\frac{9(9 - 3)}{2} = 27(\text{개})$$

12. 다음 그림에서 $2\angle x$ 의 크기와 같은 것은?

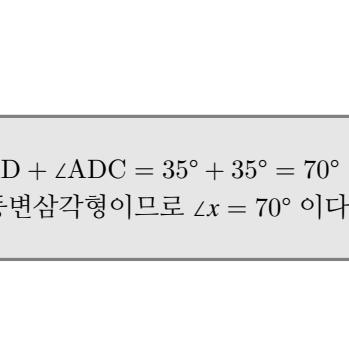


- ① $\angle ABD$ ② $\angle DBC$ ③ $\angle ACB$
④ $\angle BDC$ ⑤ $\angle BAC$

해설

$\angle A + \angle B = 2(\angle x + \angle DBC)$ 인데 $\angle B = 2\angle DBC$ 이므로 $2\angle x = \angle A = \angle BAC$ 이다.

13. 다음 그림과 같은 $\triangle ABC$ 에서 $\overline{AB} = \overline{AC} = \overline{CD}$ 이고 $\angle ADC = 35^\circ$ 일 때, x 의 값을 구하여라.



▶ 답 :

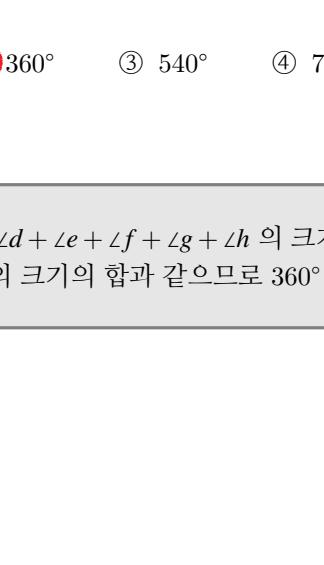
$^\circ$

▷ 정답 : 70°

해설

$\angle ACB = \angle CAD + \angle ADC = 35^\circ + 35^\circ = 70^\circ$ 이다.
 $\triangle ABC$ 가 이등변삼각형이므로 $\angle x = 70^\circ$ 이다.

14. 다음 그림에서 $\angle a + \angle b + \angle c + \angle d + \angle e + \angle f + \angle g + \angle h$ 의 크기는?

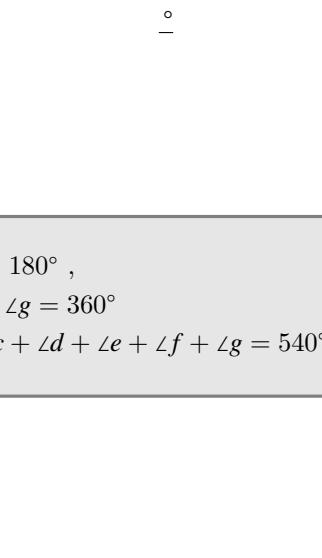


- ① 180° ② 360° ③ 540° ④ 720° ⑤ 900°

해설

$\angle a + \angle b + \angle c + \angle d + \angle e + \angle f + \angle g + \angle h$ 의 크기는 내부의 색칠한 사각형의 외각의 크기의 합과 같으므로 360° 이다.

15. 다음 도형에서 $\angle a + \angle b + \angle c + \angle d + \angle e + \angle f + \angle g$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답:

°

▷ 정답: 540°

해설

$$\angle a + \angle c + \angle f = 180^{\circ},$$

$$\angle b + \angle d + \angle e + \angle g = 360^{\circ}$$

$$\therefore \angle a + \angle b + \angle c + \angle d + \angle e + \angle f + \angle g = 540^{\circ}$$

16. 정십각형의 한 내각의 크기와 한 외각의 크기를 옳게 짹지는 것은?

- ① $140^\circ, 30^\circ$ ② $142^\circ, 36^\circ$ ③ $142^\circ, 30^\circ$

- ④ $144^\circ, 36^\circ$ ⑤ $144^\circ, 30^\circ$

해설

$$\text{정다각형의 한 내각의 크기} : \frac{180^\circ \times (n - 2)}{n}$$

$$\text{한 외각의 크기} : \frac{360^\circ}{n}$$

$$\frac{180^\circ \times (10 - 2)}{10} = 144^\circ, \frac{360^\circ}{10} = 36^\circ$$

17. 한 외각의 크기가 60° 인 정다각형의 한 내각의 크기를 구하여라.

▶ 답:

$^\circ$

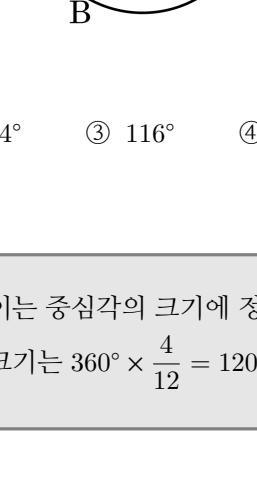
▷ 정답: 120°

해설

한 외각의 크기와 한 내각의 크기의 합은 180° 이다.

$$\therefore 180^\circ - 60^\circ = 120^\circ$$

18. 다음 그림의 원 O 에서 $5.0\text{pt}\widehat{AB} : 5.0\text{pt}\widehat{BC} : 5.0\text{pt}\widehat{CA} = 5 : 4 : 3$ 이다. 호 $5.0\text{pt}\widehat{BC}$ 에 대한 중심각의 크기는?



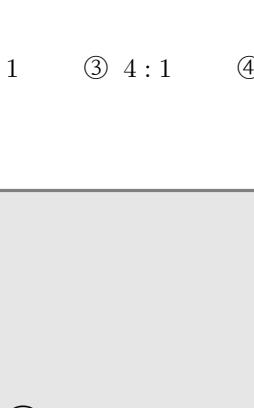
- ① 112° ② 114° ③ 116° ④ 118° ⑤ 120°

해설

부채꼴의 호의 길이는 중심각의 크기에 정비례한다.

따라서 중심각의 크기는 $360^\circ \times \frac{4}{12} = 120^\circ$ 이다.

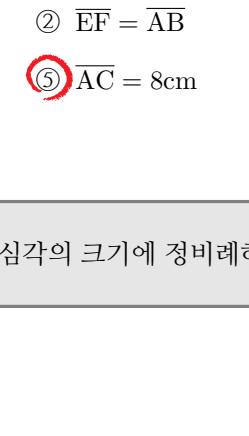
19. 다음 그림에서 $\overline{OC} \parallel \overline{AB}$, $\angle BOC = 36^\circ$ 일 때, $5.0\text{pt}\widehat{AB} : 5.0\text{pt}\widehat{BC}$ 의 비는?



- ① 2 : 1 ② 3 : 1 ③ 4 : 1 ④ 3 : 2 ⑤ 4 : 3



20. 다음 중 옳지 않은 것은?



- ① $\overline{CD} = 4\text{cm}$ ② $\overline{EF} = \overline{AB}$ ③ $\overline{BC} = 4\text{cm}$
④ $\overline{AC} = \overline{BD}$ ⑤ $\overline{AC} = 8\text{cm}$

해설

⑤ 원의 길이는 중심각의 크기에 정비례하지 않는다.

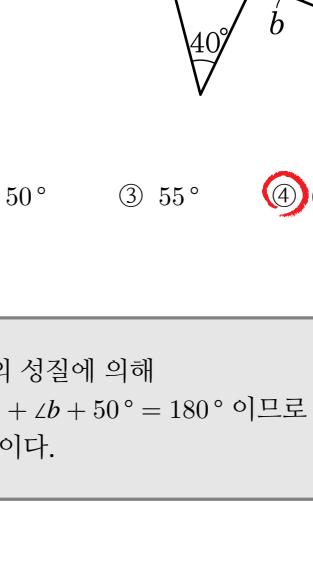
21. 다음 중 옳지 않은 것은?

- ① 한 원에서 같은 중심각에 대한 호의 길이는 같다.
- ② 한 원에서 같은 중심각에 대한 현의 길이는 같다.
- ③ 한 원에서 중심각의 크기와 호의 길이는 비례한다.
- ④ 한 원에서 중심각의 크기와 현의 길이는 비례한다.
- ⑤ 한 원에서 중심각의 크기와 부채꼴의 넓이는 비례한다.

해설

- ④ 한 원에서 중심각의 크기와 현의 길이는 비례하지 않는다.

22. 다음 그림에서 $\angle a + \angle b$ 의 크기는?

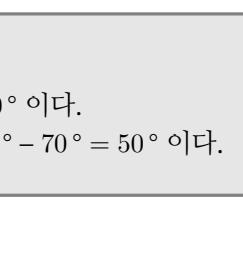


- ① 45° ② 50° ③ 55° ④ 60° ⑤ 65°

해설

삼각형의 외각의 성질에 의해
 $30^\circ + \angle a + 40^\circ + \angle b + 50^\circ = 180^\circ$ 이므로
 $\angle a + \angle b = 60^\circ$ 이다.

23. 다음 그림의 $\angle x$ 의 값으로 옳은 것은?



- ① 30° ② 40° ③ 50° ④ 60° ⑤ 70°

해설

다각형의 외각의 합은 360° 이므로,

$$\angle x + 30^\circ + 70^\circ + 60^\circ + 80^\circ + 70^\circ = 360^\circ \text{ 이다.}$$

$$\text{따라서 } \angle x = 360^\circ - 30^\circ - 70^\circ - 60^\circ - 80^\circ - 70^\circ = 50^\circ \text{ 이다.}$$

24. 한 외각의 크기가 72° 인 정다각형의 한 내각의 크기는?

- ① 106° ② 107° ③ 108° ④ 109° ⑤ 110°

해설

한 외각의 크기와 한 내각의 크기의 합은 180° 이다.

$$\therefore 180^\circ - 72^\circ = 108^\circ$$

25. 한 외각의 크기가 40° 인 정다각형은?

- ① 정육각형 ② 정팔각형
③ 정구각형 ④ 정십각형

해설

$$\frac{360^\circ}{n} = 40^\circ$$

$$n = 9$$

∴ 정구각형

26. 내각의 크기의 합이 1260° 인 정다각형의 한 외각의 크기는?

- ① 33° ② 36° ③ 40° ④ 45° ⑤ 50°

해설

$$180^\circ \times (n - 2) = 1260^\circ, n = 9$$

정구각형이므로 한 외각의 크기 $\frac{360^\circ}{9} = 40^\circ$ 이다.

27. 한 내각의 크기가 150° 인 정다각형의 대각선의 총수는?

- ① 35 개 ② 54 개 ③ 60 개 ④ 66 개 ⑤ 90 개

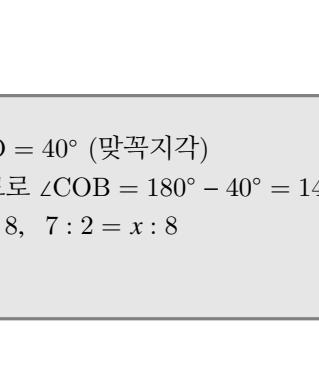
해설

한 외각의 크기는 $180^\circ - 150^\circ = 30^\circ$

$$\frac{360^\circ}{n} = 30^\circ, n = 12$$

따라서 대각선의 총수는 $\frac{12 \times (12 - 3)}{2} = 54$ (개)이다.

28. 다음 그림에서 \overline{AB} , \overline{CD} 는 지름이고, $\angle AOC = 40^\circ$ 이고, 호 BD 의 길이가 8cm 일 때, 호 BC 의 길이를 구하여라.



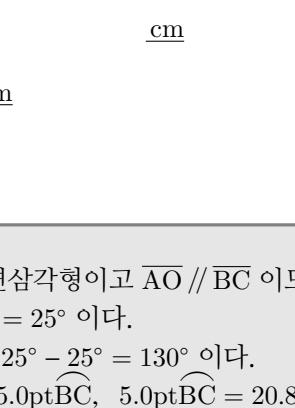
▶ 답: cm

▷ 정답: 28cm

해설

$$\begin{aligned}\angle AOC &= \angle BOD = 40^\circ \text{ (맞꼭지각)} \\ \overline{CD} \text{ 는 지름이므로 } \angle COB &= 180^\circ - 40^\circ = 140^\circ \\ 140^\circ : 40^\circ &= x : 8, \quad 7 : 2 = x : 8 \\ \therefore x &= 28(\text{cm})\end{aligned}$$

29. 다음 그림과 같은 원 O에서 $\overline{AO} \parallel \overline{BC}$, $\angle AOB = 25^\circ$, $5.0\text{pt}\widehat{AB} = 4\text{cm}$ 일 때, $5.0\text{pt}\widehat{BC}$ 의 길이를 구하여라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : 20.8cm

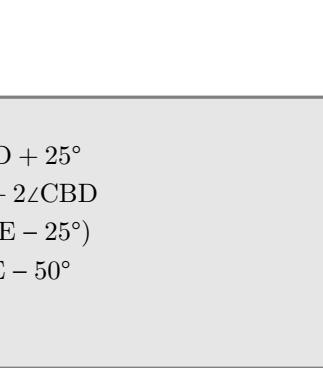
해설

$\triangle OBC$ 가 이등변삼각형이고 $\overline{AO} \parallel \overline{BC}$ 이므로
 $\angle AOB = \angle OBC = 25^\circ$ 이다.

$$\angle BOC = 180^\circ - 25^\circ - 25^\circ = 130^\circ$$

$$25^\circ : 130^\circ = 4 : 5.0\text{pt}\widehat{BC}, \quad 5.0\text{pt}\widehat{BC} = 20.8^\circ$$

30. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기를 구하면?



- ① 40° ② 45° ③ 50° ④ 55° ⑤ 60°

해설

$$\begin{aligned}\angle DCE &= \angle CBD + 25^\circ \\ 2\angle DCE &= \angle x + 2\angle CBD \\ &= \angle x + 2(\angle DCE - 25^\circ) \\ &= \angle x + 2\angle DCE - 50^\circ \\ \therefore \angle x &= 50^\circ\end{aligned}$$

31. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기는?

- ① 75° ② 80° ③ 85°

- ④ 90° ⑤ 95°

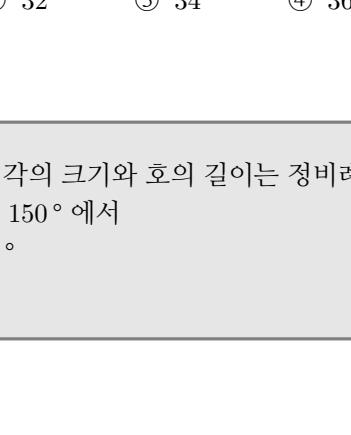


해설

$$8 : 12 = 60^\circ : x$$

$$\therefore \angle x = 90^\circ$$

32. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기를 고르면?



- ① 30° ② 32° ③ 34° ④ 36° ⑤ 38°

해설

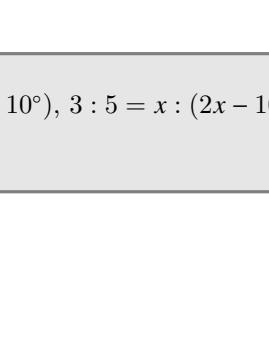
부채꼴의 중심각의 크기와 호의 길이는 정비례하므로

$6 : 30 = x : 150^\circ$ 에서

$$30x = 6 \times 150^\circ$$

$$\therefore \angle x = 30^\circ$$

33. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기를 구하면?

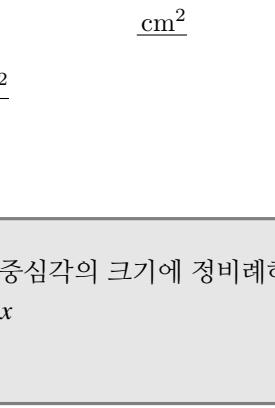


- ① 25° ② 30° ③ 35° ④ 40° ⑤ 45°

해설

$$6 : 10 = x : (2x - 10^\circ), 3 : 5 = x : (2x - 10^\circ), 5x = 6x - 30^\circ,$$
$$\therefore \angle x = 30^\circ$$

34. 부채꼴 OAB의 넓이가 30cm^2 일 때, 부채꼴 OCD의 넓이를 구하여라.



▶ 답: $\underline{\text{cm}^2}$

▷ 정답: 120cm^2

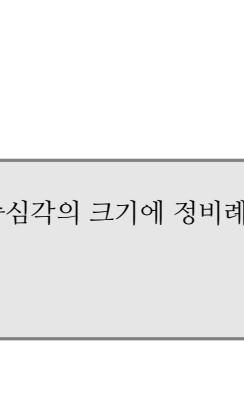
해설

부채꼴의 넓이는 중심각의 크기에 정비례하므로,

$$40^\circ : 160^\circ = 30 : x$$

$$\therefore x = 120(\text{cm}^2)$$

35. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 :

°

▷ 정답 : 135°

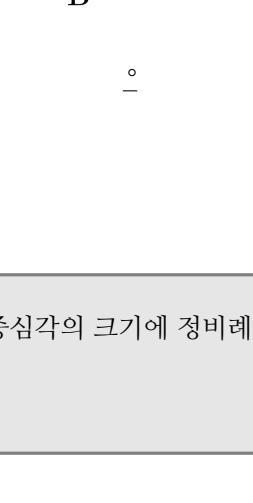
해설

부채꼴의 넓이는 중심각의 크기에 정비례하므로,

$$10 : 30 = 45^\circ : x$$

$$\therefore \angle x = 135^\circ$$

36. 부채꼴 OAB 의 넓이가 30cm^2 , 부채꼴 OCD 의 넓이가 10cm^2 일 때,
 $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 :

◦

▷ 정답 : 40°

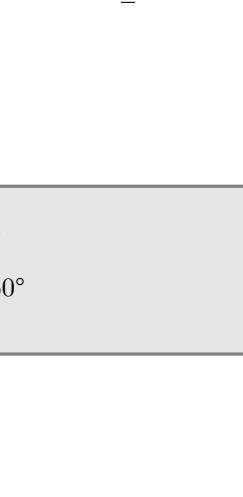
해설

부채꼴의 넓이는 중심각의 크기에 정비례하므로,

$$30 : 10 = 120^\circ : x$$

$$\therefore \angle x = 40^\circ$$

37. 다음 그림의 원 O에서 x 의 크기를 구하여라.



▶ 답:

°

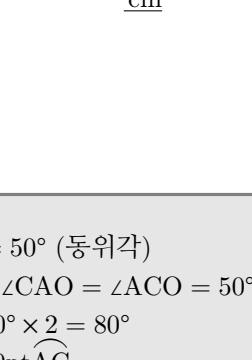
▷ 정답: 60 °

해설

$$24\pi : 16\pi = 90^\circ : x$$

$$x = 90^\circ \times \frac{16\pi}{24\pi} = 60^\circ$$

38. 다음 그림의 반원 O에서 $\overline{AC} \parallel \overline{OD}$ 이고 $5.0\text{pt}\widehat{BD} = 15\text{cm}$ 일 때,
 $5.0\text{pt}\widehat{AC}$ 의 길이를 구하여라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : 24cm

해설

$$\begin{aligned}\angle CAO &= \angle DOB = 50^\circ \text{ (동위각)} \\ \overline{AO} &= \overline{CO} \text{ 이므로 } \angle CAO = \angle ACO = 50^\circ \\ \angle AOC &= 180^\circ - 50^\circ \times 2 = 80^\circ \\ 50^\circ : 80^\circ &= 15 : 5.0\text{pt}\widehat{AC} \\ \therefore 5.0\text{pt}\widehat{AC} &= 24(\text{cm})\end{aligned}$$