

1. $(x - 2y - 3z)^2$ 을 전개하여 x 에 대한 내림차순으로 정리하면?

- ① $x^2 + 4y^2 + 9z^2 - 4xy + 12yz - 6zx$
- ② $x^2 - 4xy + 4y^2 - 9z^2 + 12yz - 6zx$
- ③ $x^2 - (4y + 6z)x + 4y^2 + 12yz + 9z^2$
- ④ $4y^2 + 12yz + 9z^2 + (-4y - 6z)x + x^2$
- ⑤ $9z^2 + 4y^2 + x^2$

해설

$$(x - 2y - 3z)^2 = x^2 - (4y + 6z)x + 4y^2 + 12yz + 9z^2$$

2. 다항식 $f(x)$ 를 $x - 2$ 로 나눈 몫을 $Q(x)$ 라 할 때, 나머지는?

- ① $f(2)$ ② $f(-2)$ ③ $f(2) + Q(2)$
④ $Q(2)$ ⑤ $Q(-2)$

해설

$$f(x) = (x - 2)Q(x) + R$$

$$\therefore f(2) = R$$

3. x 에 대한 다항식 $3x^3y + 5y - xz + 9xy - 4$ 에 대하여 다음 보기 중 옳은 것을 모두 고른 것은?

Ⓐ 내림차순으로 정리하면
 $3yx^3 + (9y - z)x + 5y - 4$ 이다.

Ⓑ 오름차순으로 정리하면
 $5y - 4 + (9y - z)x + 3yx^3$ 이다.

Ⓒ 주어진 다항식은 x 에 대한 3 차식이다.

Ⓓ x^3 의 계수는 3이다.

Ⓔ 상수항은 -4이다.

① Ⓐ, Ⓑ

② Ⓑ, Ⓒ, Ⓓ

③ Ⓐ, Ⓒ

④ Ⓐ, Ⓑ, Ⓓ, Ⓔ

⑤ Ⓐ, Ⓒ, Ⓓ, Ⓔ, Ⓕ

해설

Ⓓ x^3 의 계수는 $3y$ 이다.
Ⓔ 상수항은 $5y - 4$ 이다.

4. 두 다항식 A , B 에 대하여 연산 $A \ominus B$ 와 $A \otimes B$ 을 다음과 같이 정의하기로 한다.

$$A \ominus B = A - 3B, A \otimes B = (A + B)B$$

$P = 2x^3 + 2x^2y + 3xy^2 - y^3$, $Q = x^3 + x^2y + xy^2$ 이라 할 때,
 $(P \ominus Q) \otimes Q$ 를 x, y 에 관한 다항식으로 나타내면?

① $x^4y^2 + xy^5$ ② $x^4y^2 - xy^5$ ③ $x^3y^2 - xy^4$

④ $x^3y^2 + xy^4$ ⑤ $2x^3y^2 - xy^4$

해설

정의에 따라 $(P \ominus Q) \otimes Q$ 를 변형하면

$$\begin{aligned} (P \ominus Q) \otimes Q &= (P - 3Q) \otimes Q \\ &= (P - 3Q + Q)Q \\ &= (P - 2Q)Q \quad \dots \textcircled{1} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} P - 2Q &= 2x^3 + 2x^2y + 3xy^2 - y^3 - 2(x^3 + x^2y + xy^2) \\ &= xy^2 - y^3 \end{aligned}$$

이므로 ①식은

$$\begin{aligned} (P \ominus Q) \otimes Q &= (xy^2 - y^3)(x^3 + x^2y + xy^2) \\ &= x^4y^2 + x^3y^3 + x^2y^4 - x^3y^3 \\ &\quad - x^2y^4 - xy^5 \\ &= x^4y^2 - xy^5 \end{aligned}$$

5. $(4x^4 - 5x^3 + 3x^2 - 4x + 1) \div (x^2 - x + 1)$ 을 계산 하였을 때, 몫과 나머지의 합을 구하면?

- ① $4x^2 - 6x + 1$ ② $4x^2 - 7x + 3$ ③ $4x^2 - 4x + 5$
④ $4x^2 - 8x + 2$ ⑤ $4x^2 - 6x + 7$

해설

직접 나누어서 구한다.
몫: $4x^2 - x - 2$, 나머지: $-5x + 3$
 \therefore 몫과 나머지의 합은 $4x^2 - 6x + 1$

6. 다항식 $f(x)$ 를 $2x^2 + 3x + 2$ 로 나누었더니 몫이 $3x - 4$ 이고, 나머지가 $2x + 5$ 이었다. 이 때, $f(1)$ 의 값은?

① -1 ② 0 ③ 1 ④ 3 ⑤ 5

해설

$$\begin{aligned}f(x) &= (2x^2 + 3x + 2)(3x - 4) + (2x + 5) \\&= 6x^3 + 9x^2 + 6x - 8x^2 - 12x - 8 + 2x + 5 \\&= 6x^3 + x^2 - 4x - 3 \\∴ f(1) &= 6 + 1 - 4 - 3 = 0\end{aligned}$$

해설

$$\begin{aligned}f(x) &= (2x^2 + 3x + 2)(3x - 4) + (2x + 5) \\f(1) &= (2 + 3 + 2)(3 - 4) + (2 + 5) = -7 + 7 = 0\end{aligned}$$

7. $f(x) = x^3 - 3x^2 + 3x + 1$ 일 때, $f(x) - 2 = x(x^2 - 1) + a(x - x^2) + b(x^2 - 1)$ 가 항상 성립하도록 하는 상수 a, b 에 대하여 $a + b$ 의 값은?

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

$$\begin{aligned}f(x) - 2 &= x^3 - 3x^2 + 3x - 1 \quad \text{으로} \\x^3 - 3x^2 + 3x - 1 &= x(x^2 - 1) + a(x - x^2) + b(x^2 - 1) \\&= x^3 + (-a + b)x^2 + (a - 1)x - b \cdots \textcircled{7}\end{aligned}$$

㉠에 대한 항등식이므로 양변의 차수가 같은 항의 계수가 같아야 한다.

$$\therefore -a + b = -3, a - 1 = 3, b = 1$$

이므로 $a = 4, b = 1$

$$\therefore a + b = 5$$

8. 등식 $2x^2 - 3x - 2 = a(x-1)(x-2) + bx(x-2) + cx(x-1)$ 가 x 값에
관계없이 항상 성립할 때, 상수 $a+b+c$ 의 값은?

- ① -2 ② -1 ③ 0 ④ 1 ⑤ 2

해설

양변에 $x = 0$ 을 대입하면

$$-2 = 2a \quad \therefore a = -1$$

양변에 $x = 1$ 을 대입하면

$$-3 = -b \quad \therefore b = 3$$

양변에 $x = 2$ 를 대입하면

$$0 = 2c \quad \therefore c = 0$$

$$\therefore a + b + c = 2$$

9. 다항식 $6x^3 - 7x^2 + 17x - 3$ 을 $3x - 2$ 로 나눈 몫을 $Q(x)$, 나머지를 R 이라 할 때, $Q(1) + R$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 13

해설

$$6x^3 - 7x^2 + 17x - 3 = (3x - 2)Q(x) + R$$

양변에 $x = 1$ 을 대입하면, $13 = Q(1) + R$

$$\therefore Q(1) + R = 13$$

해설

$6x^3 - 7x^2 + 17x - 3$ 를 $3x - 2$ 로 직접 나누거나 조립제법을 이용하여 몫과 나머지를 구할 수 있다.

10. x 에 대한 다항식 $(4x^2 - 3x + 1)^5$ 을 전개하였을 때, 모든 계수들(상수항 포함)의 합은?

- ① 0 ② 16 ③ 32 ④ 64 ⑤ 1024

해설

$(4x^2 - 3x + 1)^5$ 을 전개하여 x 에 대한 내림차순으로 정리하면
 $(4x^2 - 3x + 1)^5 = a_0x^{10} + a_1x^9 + a_2x^8 + \dots + a_9x + a_{10}$ 과 같으 된다.

여기서 모든 계수들의 합

$a_0 + a_1 + a_2 + \dots + a_{10}$ 을 구하려면

$x = 1$ 을 대입하면 된다.

$\therefore (4 - 3 + 1)^5 = a_0 + a_1 + a_2 + \dots + a_{10}$

모든 계수들의 합은 $2^5 = 32$

11. $f(x) = x^2 - ax + 1$ Ⓛ $x - 1$ 로 나누어 떨어질 때 상수 a 의 값을 구하
여라.

▶ 답:

▷ 정답: $a = 2$

해설

$$f(1) = 1^2 - a \cdot 1 + 1 = 0 \\ \therefore a = 2$$

12. 두 다항식 $A = a + 2b$, $B = 2a + 3b$ 일 때, $2A + B$ 를 구하는 과정에서 사용된 연산법칙 중 옳지 않은 것을 골라라.

$$\begin{aligned}2A + B &= 2(a + 2b) + (2a + 3b) \\&= (2a + 4b) + (2a + 3b) \text{ ⑦ 분배법칙} \\&= 2a + (4b + 2a) + 3b \text{ ⑧ 결합법칙} \\&= 2a + (2a + 4b) + 3b \text{ ⑨ 교환법칙} \\&= (2a + 2a) + (4b + 3b) \text{ ⑩ 교환법칙} \\&= (2+2)a + (4+3)b \text{ ⑪ 분배법칙} \\&= 4a + 7b\end{aligned}$$

▶ 답:

▷ 정답: ⑩

해설

⑩ $2a + (2a + 4b) + 3b = (2a + 2a) + (4b + 3b)$: 결합법칙

13. $x + y + z = 1$, $xy + yz + zx = 2$, $xyz = 3$ 일 때, $(x+1)(y+1)(z+1)$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 7

해설

$$\begin{aligned}(x+1)(y+1)(z+1) \\= xyz + xy + yz + zx + x + y + z + 1 \\= 7\end{aligned}$$

14. 다음 식 중에서 옳지 않은 것을 고르면?

- ① $(a + b + c)^2 = a^2 + b^2 + c^2 + 2ab + 2bc + 2ca$
- ② $(a + b + c)(a^2 + b^2 + c^2 - ab - bc - ca) = a^3 + b^3 + c^3 - 3abc$
- ③ $(a + b)^3 = a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3$
- ④ $(a - b)^3 = a^3 - 3a^2b + 3ab^2 - b^3$
- ⑤ $(a^2 + a + 1)(a^2 - a + 1) = a^4 - a^2 + 1$

해설

$$\begin{aligned} \textcircled{5} \quad (a^2 + a + 1)(a^2 - a + 1) &= (a^2 + 1)^2 - a^2 \\ &= a^4 + a^2 + 1 \end{aligned}$$

15.

세 실수 a, b, c 에 대하여 $a+b+c = \sqrt{6}$,
 $ab+bc+ca = 2$ 일 때, $81(abc)^2$ 의 값은?

▶ 답:

▷ 정답: 24



16. $\frac{2x+3a}{4x+2}$ 가 x 에 관계없이 일정한 값을 가질 때, a 의 값을 구하면?

(단, $x \neq -\frac{1}{2}$)

① 1

② $\frac{1}{2}$

③ $\frac{1}{3}$

④ $\frac{1}{4}$

⑤ $\frac{1}{5}$

해설

$$\frac{2x+3a}{4x+2} = k \text{ (일정) 라 놓으면}$$

$$2x+3a = k(4x+2) \text{에서 } (2-4k)x + (3a-2k) = 0$$

이 식은 x 에 대한 항등식이므로

$$2-4k=0, 3a-2k=0$$

$$\therefore k = \frac{1}{2} \text{이므로 } a = \frac{1}{3}$$

17. $x-y=1$ 을 만족하는 임의의 실수 x, y 에 대하여 $ax^2+bxy+cy^2-1=0$ 이 항상 성립할 때, $a+b+c$ 의 값은?

- ① -2 ② -1 ③ 0 ④ 1 ⑤ 2

해설

$y = x - 1$ 을 준식에 대입하여 x 에 대한 내림차순으로 정리하면

$$(a+b+c)x^2 - (b+2c)x + c - 1 = 0$$

x 에 대한 항등식이므로

$$a+b+c = 0, b+2c = 0, c-1 = 0$$

$$\therefore a = 1, b = -2, c = 1$$

$$\therefore a+b+c = 0$$

18. 다항식 $f(x)$ 를 $x - 1, x - 2$ 로 나눈 나머지는 각각 1, 2이다. $f(x)$ 를 $(x - 1)(x - 2)$ 로 나누었을 때의 몫이 $Q(x)$ 일 때, $f(x)$ 를 $x - 3$ 으로 나눈 나머지는?

- ① $Q(3) + 3$ ② $Q(3) + 4$ ③ $2Q(3) + 3$
④ $2Q(3) + 4$ ⑤ $Q(3)$

해설

$f(x)$ 를 $(x - 1)(x - 2)$ 로 나눈 몫이 $Q(x)$ 일 때, 나머지를 $ax + b$ 라고 하면

$$f(x) = (x - 1)(x - 2)Q(x) + ax + b$$

$$f(1) = 1 \text{에서 } a + b = 1 \quad \text{.....} \textcircled{\textcircled{1}}$$

$$f(2) = 2 \text{에서 } 2a + b = 2 \quad \text{.....} \textcircled{\textcircled{2}}$$

$$\textcircled{1}, \textcircled{2} \text{에서 } a = 1, b = 0$$

$$\therefore f(x) = (x - 1)(x - 2)Q(x) + x$$

$$f(x) \text{를 } x - 3 \text{으로 나눈 나머지는 } f(3) \text{이므로 } f(3) = 2Q(3) + 3$$

19. 다항식 $f(x)$ 를 $x - 1$ 로 나눈 나머지가 3이고, $x + 1$ 로 나눈 나머지가 -1 일 때, $(x^2 + x + 2)f(x)$ 를 $x^2 - 1$ 로 나눈 나머지를 $R(x)$ 라 할 때, $R(1)$ 구하시오.

▶ 답:

▷ 정답: 12

해설

나머지 정리에 의해 $f(1) = 3, f(-1) = -1$

$(x^2 + x + 2)f(x) = (x^2 - 1)Q(x) + ax + b$

$x = 1, x = -1$ 을 대입한다.

$4f(1) = 12 = a + b \cdots \textcircled{1}$

$2f(-1) = -2 = -a + b \cdots \textcircled{2}$

$\textcircled{1}, \textcircled{2}$ 을 연립하여 풀면,

$a = 7, b = 5$

\therefore 나머지 $R(x) = 7x + 5$

$R(1) = 12$

20. 다항식 $f(x)$ 를 $x - 3, x - 4$ 로 나눈 나머지가 각각 3, 2이고, 다항식 $f(x+1)$ 을 $x^2 - 5x + 6$ 으로 나눈 나머지를 $R(x)$ 라 할 때, $R(1)$ 의 값을 구하면?

① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

$$\begin{aligned}f(3) &= 3, \quad f(4) = 2 \\R(x) &= ax + b \text{라 하면} \\f(x+1) &= (x-2)(x-3)Q(x) + ax + b \\x = 2 \text{ 대입}, \\f(3) &= 2a + b = 3 \\x = 3 \text{ 대입}, \\f(4) &= 3a + b = 2 \\a = -1, \quad b &= 5 \\R(x) &= -x + 5, \\R(1) &= -1 + 5 = 4\end{aligned}$$

21. 다항식 $f(x)$ 를 $x - 2$, $x - 3$ 으로 나눌 때의 나머지가 각각 3, 7이라고 할 때, $f(x)$ 를 $(x - 2)(x - 3)$ 으로 나눌 때의 나머지는?

- ① $2x + 3$ ② $3x - 4$ ③ $\textcircled{4}x - 5$
④ $5x + 6$ ⑤ $6x - 7$

해설

$$\begin{aligned}f(x) &= (x - 2)Q_1(x) + 3, f(2) = 3 \\f(x) &= (x - 3)Q_2(x) + 7, f(3) = 7 \\f(x) &= (x - 2)(x - 3)Q_3(x) + ax + b \\f(2) = 2a + b &= 3, f(3) = 3a + b = 7 \text{ 이다.}\end{aligned}$$

연립하면 $a = 4$, $b = -5$

\therefore 나머지는 $4x - 5$

22. 다항식 $f(x)$ 를 $x - 1$ 로 나누었을 때의 나머지가 5이고, $x + 2$ 로 나누었을 때의 나머지가 -4 이다. 이때, $f(x)$ 를 $(x - 1)(x + 2)$ 로 나누었을 때의 나머지를 $R(x)$ 라 할 때, $R(2)$ 의 값은?

- ① 6 ② 7 ③ 8 ④ 9 ⑤ 10

해설

$$\begin{aligned}f(x) &= (x - 1)Q_1(x) + 5 \\&= (x + 2)Q_2(x) - 4 \\&= (x - 1)(x + 2)Q_3(x) + R(x)\end{aligned}$$

$R(x) = ax + b$ 라 하면

$f(1) = 5 \Rightarrow a + b = 5 \cdots ①$

$R(-2) = -4 \Rightarrow -2a + b = -4 \cdots ②$

①, ②에 의해 $a = 3, b = 2 \Rightarrow$

$\therefore R(x) = 3x + 2 \Rightarrow R(2) = 8$

23. 다항식 $f(x)$ 를 $x-1$ 로 나누었을 때, 나머지가 3 이고, 다항식 $f(x+2)$ 를 $(x+1)^2$ 으로 나누었을 때의 나머지는 $ax+4$ 이다. 이때, 상수 a 의 값을 구하는 과정을 나타낸 것이다. () 안에 알맞지 않은 것을 고르면?

풀이) $f(x)$ 를 $x-1$ 로 나누었을 때의 나머지가 3 이므로 (ⓐ) 이다.

$f(x+2)$ 를 $(x+1)^2$ 으로 나누었을 때의 몫을 $Q(x)$ 라 하면 (ⓑ) … (ⓓ)

(ⓓ)은 x 에 대한 항등식이므로 $x = -1$ 을 대입하면 (ⓔ) 이다.

따라서 (ⓐ)에서 (ⓔ)이다.

① Ⓛ $f(1) = 3$

② Ⓜ $f(x+2) = (x+1)^2 Q(x) + ax+4$

③ Ⓝ Ⓞ $f(-1) = -a+4$

④ Ⓟ $-a+4 = 3$

⑤ Ⓠ $a = 1$

해설

ⓓ에 $x = -1$ 를 대입하면 $f(1) = -a+4$

24. 다항식 $f(x)$ 를 $x - 1$, $x - 2$ 로 나눈 나머지는 각각 1, 2이다. 다항식 $f(x)$ 를 $(x - 1)(x - 2)$ 로 나누었을 때의 몫이 $Q(x)$ 일 때, $f(x)$ 를 $x - 3$ 으로 나눈 나머지는?

- ① $Q(3) + 3$ ② $Q(3) + 4$ ③ $2Q(3) + 3$
④ $2Q(3) + 4$ ⑤ $Q(3)$

해설

주어진 조건에서 $f(1) = 1$, $f(2) = 2$ 이다.
 $f(x) = (x - 1)(x - 2)Q(x) + ax + b$ 라 놓으면
 $f(1) = a + b = 1$, $f(2) = 2a + b = 2$
 $\therefore a = 1$, $b = 0$
 $\therefore f(x) = (x - 1)(x - 2)Q(x) + x$
 $\therefore f(3) = 2Q(3) + 3$

25. $x^5 + x + 1$ 을 $x+1$ 로 나눈 몫을 $Q(x)$ 라고 할 때, $Q(x)$ 를 $x-1$ 로 나눈 나머지를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 2

해설

$$\begin{aligned}x^5 + x + 1 &= (x+1)Q(x) + R \\x = -1 \text{ 을 양변에 대입하면 } R &= -1 \\ \therefore x^5 + x + 1 &= (x+1)Q(x) - 1 \cdots \textcircled{①} \\ Q(x) \text{ 를 } x-1 \text{ 로 나눈 나머지는 } Q(1) \\ \textcircled{①} \text{에 } x = 1 \text{ 을 대입하면 } 3 &= 2Q(1) - 1 \\ \therefore Q(1) &= 2\end{aligned}$$

26. 두 실수 x, y 에 대하여 $x^2 + y^2 = 7$, $x + y = 3$ 일 때, $x^5 + y^5$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 123

해설

$$\begin{aligned}(x+y)^2 &= x^2 + y^2 + 2xy \text{에서 } 3^2 = 7 + 2xy, xy = 1 \\(x+y)^3 &= x^3 + y^3 + 3xy(x+y) \text{에서 } x^3 + y^3 = 18 \\x^5 + y^5 &= (x^2 + y^2)(x^3 + y^3) - x^2y^2(x+y) \\&= 7 \times 18 - 1^2 \times 3 \\&= 123\end{aligned}$$

27. $x^{113} + 1$ 을 $x^3 + x$ 로 나누었을 때, 몫을 $Q(x)$, 나머지를 $R(x)$ 라고 하자.
○ 때, $R(2006)$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 2007

해설

$$x^{113} + 1 = (x^3 + x)Q(x) + R(x)$$
$$= x(x^2 + 1)Q(x) + ax^2 + bx + c$$

항등식이므로 $x = 0, x^2 = -1$ 을 각각 대입하면,

$$1 = c, \quad x + 1 = -a + bx + c$$

$$\therefore a = 0, \quad b = 1$$

$$\therefore R(x) = x + 1$$

$$\text{따라서 } R(2006) = 2007$$

28. 다항식 $x^5 + 30$ 을 $x + 1$ 로 나누었을 때의 몫을 $Q(x)$ 라 하자. 이때, $Q(x)$ 를 $x - 1$ 로 나눈 나머지를 구하면?

- ① -3 ② -2 ③ -1 ④ 0 ⑤ 1

해설

$$x^5 + 30 = (x + 1)Q(x) + R \text{ 이라 하면}$$

$$x = -1 \text{ 을 대입하면 } R = 29$$

$$x^5 + 30 = (x + 1)Q(x) + 29$$

$Q(x)$ 를 $x - 1$ 로 나눈 나머지는

$Q(1)$, $x = 1$ 식에 대입

$$31 = 2Q(1) + 29$$

$$\therefore Q(1) = 1$$

29. $f(x)$ 는 다항식으로 $\{f(x)\}^3$ 을 x^2 으로 나누면 나머지는 $x+1$ 이라고 한다. $f(x)$ 를 x^2 으로 나눌 때, 나머지는?

① $x + \frac{1}{3}$ ② $x + \frac{1}{2}$ ③ $\frac{x}{3} + 1$ ④ $\frac{x}{2} + 1$ ⑤ $\frac{x}{5} + 1$

해설

$f(x)$ 를 x^2 으로 나눈 몫을 $Q(x)$

나머지를 $ax+b$ 라 하면

$$f(x) = x^2 Q(x) + ax + b$$

$$\{f(x)\}^3 = \{x^2 Q(x) + ax + b\}^3$$

이것을 $x^2 P(x) + (ax+b)^3$ 이라 하면

$$\{f(x)\}^3$$
을 x^2 으로 나눈 나머지는

$(ax+b)^3$ 을 x^2 으로 나눈 나머지와 같으므로

$$(ax+b)^3 = a^3 x^3 + 3a^2 b x^2 + 3ab^2 x + b^3$$
에서

$$3ab^2 x + b^3 = x + 1$$

$$\therefore 3ab^2 = 1, b^3 = 1$$

$$\therefore ax + b = \frac{x}{3} + 1$$

30. x 에 대한 다항식 $f(x)$ 를 $(x-1)^2$ 으로 나누면 나누어 떨어지고, $x+1$ 로 나누면 나머지가 4이다. 이 때, $f(x)$ 를 $(x+1)(x-1)^2$ 으로 나눌 때, 나머지를 $ax^2 + bx + c$ 라 하면 $a+b+c$ 의 값은?

① -2 ② -1 ③ 0 ④ 1 ⑤ 2

해설

$$\begin{aligned}f(x) &\text{를 } x+1 \text{로 나눈 나머지가 } 4 \text{이므로} \\f(-1) &= 4 \\f(x) &= (x-1)^2 Q(x) \cdots \textcircled{\text{D}} \\f(x) &= (x+1)(x-1)^2 Q'(x) + ax^2 + bx + c \\&= (x+1)(x-1)^2 Q'(x) + a(x-1)^2 (\because \textcircled{\text{D}}) \\&\text{양변에 } x = -1 \text{를 대입하면} \\f(-1) &= 4a = 4 \therefore a = 1 \\ax^2 + bx + c &= a(x-1)^2 = x^2 - 2x + 1 \\&\therefore b = -2, c = 1 \\&\therefore a + b + c = 0\end{aligned}$$

해설

$$\begin{aligned}ax^2 + bx + c \text{를 구하는 것이 아니라 } a + b + c \text{를 통째로 구할} \\&\text{때는 다음과 같이 풀 수 있다.} \\f(x) &\text{를 } (x-1)^2 \text{으로 나누어 떨어지므로 } f(1) = 0 \\f(x) &= (x+1)(x-1)^2 Q'(x) + ax^2 + bx + c \\&\text{양변에 } x = 1 \text{를 대입하면} \\f(1) &= 0 + (a + b + c) = 0 \\&\therefore a + b + c = 0\end{aligned}$$