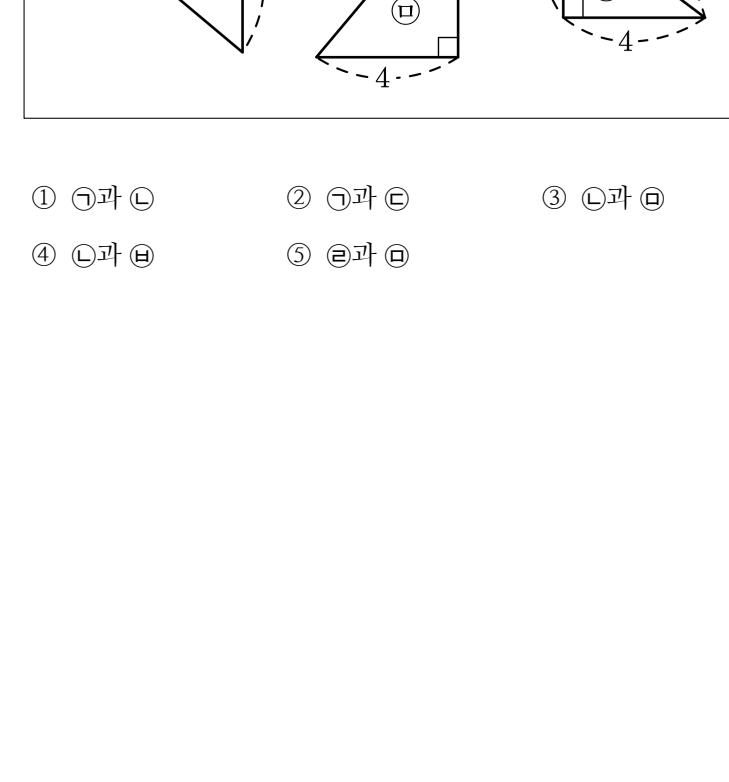
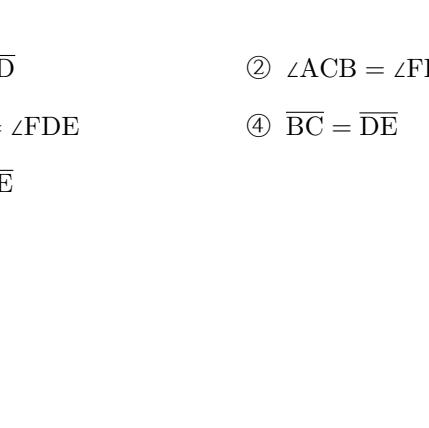


1. 다음 직각삼각형 중에서 서로 합동인 것끼리 짹지은 것이 아닌 것을 모두 고르면?



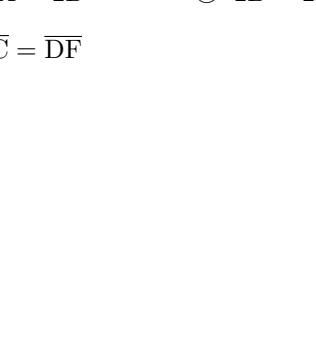
- ① Ⓛ과 Ⓜ ② Ⓛ과 Ⓞ ③ Ⓜ과 Ⓠ
④ Ⓜ과 Ⓟ ⑤ Ⓠ과 Ⓡ

2. 다음 두 직각삼각형이 합동이 되는 조건을 모두 고르면?



- ① $\overline{AB} = \overline{FD}$ ② $\angle ACB = \angle FED$
③ $\angle ABC = \angle FDE$ ④ $\overline{BC} = \overline{DE}$
⑤ $\overline{AC} = \overline{FE}$

3. 다음 그림의 두 직각삼각형이 서로 합동이 되는 조건이 아닌 것은?



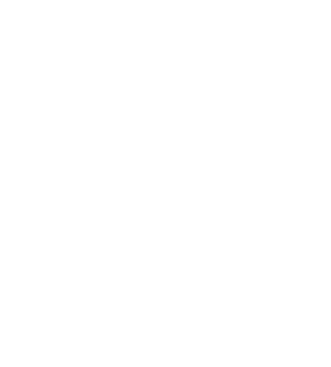
- ① $\overline{BC} = \overline{EF}$, $\overline{AC} = \overline{DF}$ ② $\overline{AB} = \overline{DE}$, $\overline{AC} = \overline{DF}$
③ $\overline{AB} = \overline{DE}$, $\angle A = \angle D$ ④ $\angle B = \angle E$, $\angle A = \angle D$
⑤ $\angle B = \angle E$, $\overline{AC} = \overline{DF}$

4. 다음 그림과 같이 $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 이등변삼각형 ABC에서 \overline{BC} 의 중점을 M이라 하자. 점 M에서 \overline{AB} , \overline{AC} 에 내린 수선의 발을 각각 D, E라 할 때, $\overline{MD} = \overline{ME}$ 임을 나타내는 과정에서 필요한 조건이 아닌 것은?



- ① $\overline{BM} = \overline{CM}$
② $\angle B = \angle C$
③ $\overline{BD} = \overline{CE}$
④ $\angle BDM = \angle CEM$
⑤ RHA 합동

5. 다음 그림에서 $\angle APB$ 의 크기는?



- ① 20° ② 40° ③ 80° ④ 90° ⑤ 140°

6. 다음은 $\angle X O Y$ 의 이등분선 위의 한 점을 P 라 하고 P 에서 $\overrightarrow{O X}$, $\overrightarrow{O Y}$ 에 내린 수선의 발을 각각 A, B 라고 할 때, $\overline{P A} = \overline{P B}$ 임을 증명하는 과정이다. ()안에 들어갈 것으로 옳지 않은 것은?

[증명]

$\triangle POA$ 와 $\triangle POB$ 에서

$\angle POA = (1)$ ㉠

(2) 는 공통 ㉡

(3) $= \angle OBP = 90^\circ$ ㉢

㉠, ㉡, ㉢에 의해서 $\triangle POA \cong \triangle POB$ (4) 합동

$\therefore (5) = \overline{P A}$

① $\angle POB$

② \overline{OP}

③ $\angle OAP$

④ RHS

⑤ \overline{PA}

7. 다음 그림은 「한 점 P에서 두 변 OA, OB에 내린 수선의 발을 각각 Q, R이라 할 때, $\overline{PQ} = \overline{PR}$ 이면 \overline{OP} 는 $\angle AOB$ 의 이등분선이다.」를 보이기 위해 그린 것이다. 다음 중 필요한 조건이 아닌 것은?



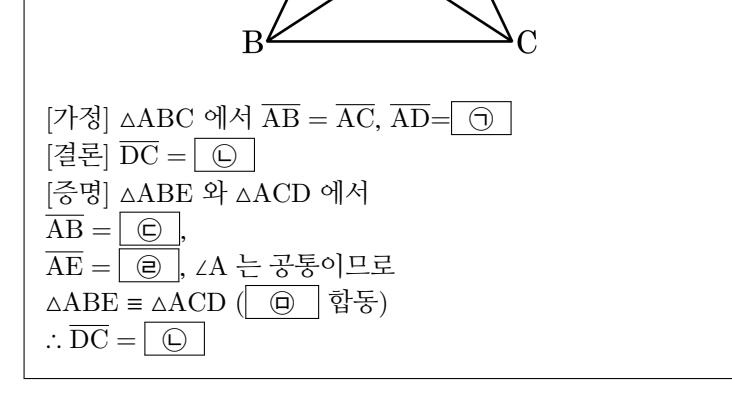
- ① $\overline{PQ} = \overline{PR}$
② \overline{OP} 는 공통
③ $\angle PQO = \angle PRO$
④ $\angle QOP = \angle ROP$
⑤ $\triangle POQ \cong \triangle POR$

8. 다음은 $\angle X O Y$ 의 이등분선 위의 한 점을 P 라 하고 점 P 에서 $\overline{O X}$, $\overline{O Y}$ 에 내린 수선의 발을 각각 A, B 라고 할 때, $\overline{P A} = \overline{P B}$ 임을 증명하는 과정이다. ⑦~⑨에 들어갈 것으로 옳지 않은 것은?

[가정] $\angle A O P = (\textcircled{\text{7}})$,
 $\angle P A O = \angle P B O = 90^\circ$
[결론] $(\textcircled{\text{8}}) = (\textcircled{\text{9}})$
[증명] $\triangle P O A$ 와 $\triangle P O B$ 에서
 $\angle A O P = (\textcircled{\text{7}}) \cdots \textcircled{\text{1}}$
 $(\textcircled{\text{8}})$ 는 공통 $\cdots \textcircled{\text{2}}$
 $\angle P A O = \angle P B O = 90^\circ \cdots \textcircled{\text{3}}$
①, ③, ④에 의해 $\triangle P O A \cong \triangle P O B$ ((⑨) 합동)
 $\therefore (\textcircled{\text{8}}) = (\textcircled{\text{9}})$

- ① ⑦ $\angle B O P$ ② ⑧ $\overline{P A}$ ③ ⑨ $\overline{P B}$
④ ⑩ $\overline{O P}$ ⑤ ⑪SAS

9. 다음은 $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 이등변삼각형 ABC에서 변 AB, AC 위의 두 점 D, E에 대하여 $\overline{AD} = \overline{AE}$ 이면 $\overline{DC} = \overline{EB}$ 이다. 를 증명한 것이다. 다음 ① ~ ⑤에 짹지은 것으로 옳지 않은 것은?



[가정] $\triangle ABC$ 에서 $\overline{AB} = \overline{AC}$, $\overline{AD} = \boxed{\textcircled{1}}$

[결론] $\overline{DC} = \boxed{\textcircled{2}}$

[증명] $\triangle ABE$ 와 $\triangle ACD$ 에서

$\overline{AB} = \boxed{\textcircled{3}}$,

$\overline{AE} = \boxed{\textcircled{4}}$, $\angle A$ 는 공통이므로

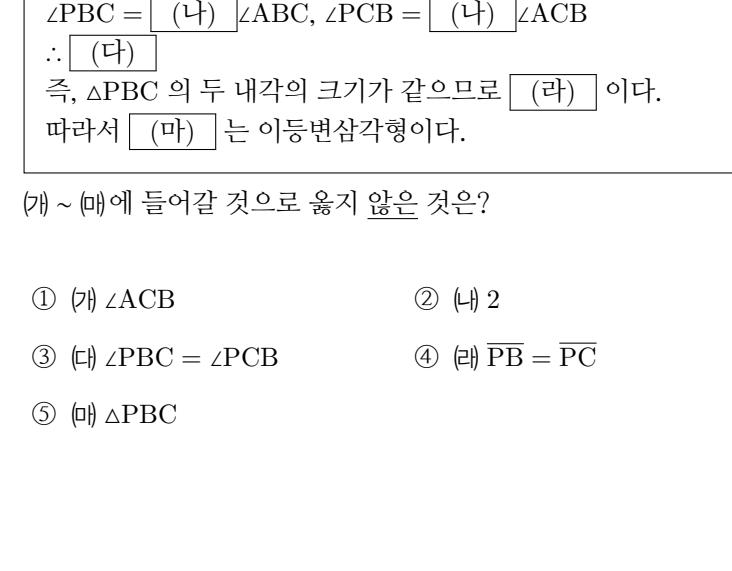
$\triangle ABE \cong \triangle ACD$ ($\boxed{\textcircled{5}}$ 합동)

$\therefore \overline{DC} = \boxed{\textcircled{2}}$

① ① : \overline{AE} ② ② : \overline{EB} ③ ③ : \overline{AC}

④ ④ : \overline{AD} ⑤ ⑤ : ASA

10. 다음은 「 $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 이등변삼각형 ABC의 두 밑각 $\angle B$, $\angle C$ 의 이등분선의 교점을 P라 하면 $\triangle PBC$ 도 이등변삼각형이다.」를 보이는 과정이다.



$\overline{AB} = \overline{AC}$ 이므로

$$\angle ABC = \boxed{\text{(가) } \angle}$$

$$\angle PBC = \boxed{\text{(나) } \angle} \angle ABC, \angle PCB = \boxed{\text{(나) } \angle} \angle ACB$$

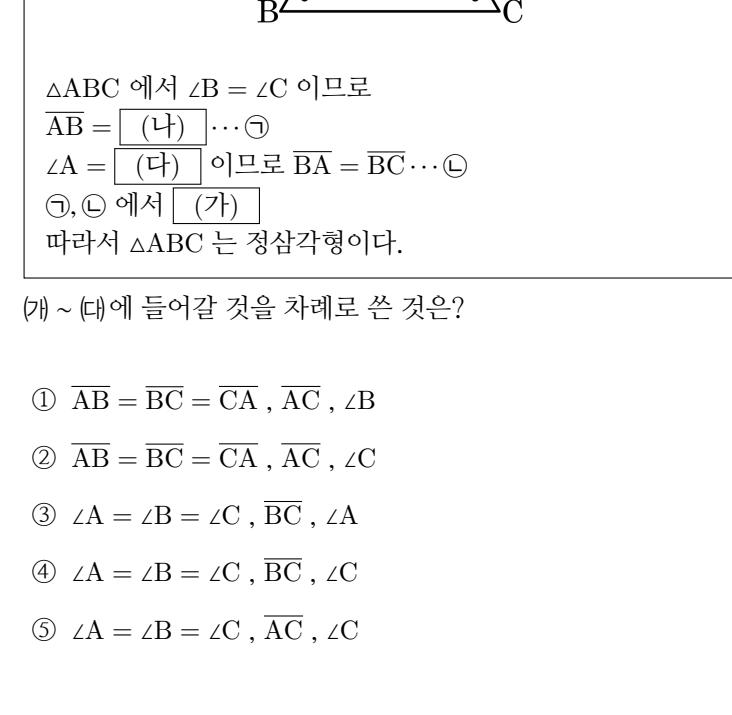
$$\therefore \boxed{\text{(다) } \angle}$$

즉, $\triangle PBC$ 의 두 내각의 크기가 같으므로 $\boxed{\text{(라) } \angle}$ 이다.

따라서 $\boxed{\text{(마) } \triangle}$ 는 이등변삼각형이다.

① ⑦) $\angle ACB$ ② ④) 2
③ ⑤) $\angle PBC = \angle PCB$ ④ ⑥) $\overline{PB} = \overline{PC}$
⑤ ⑨) $\triangle PBC$

11. 다음은 「세 내각의 크기가 같은 삼각형은 정삼각형이다.」를 보이는 과정이다.



$\triangle ABC$ 에서 $\angle B = \angle C$ 이므로
 $\overline{AB} = \boxed{(나)}$ … ①
 $\angle A = \boxed{(다)}$ 이므로 $\overline{BA} = \overline{BC}$ … ②
①, ②에서 $\boxed{(가)}$
따라서 $\triangle ABC$ 는 정삼각형이다.

(가) ~ (다)에 들어갈 것을 차례로 쓴 것은?

① $\overline{AB} = \overline{BC} = \overline{CA}$, $\angle B$

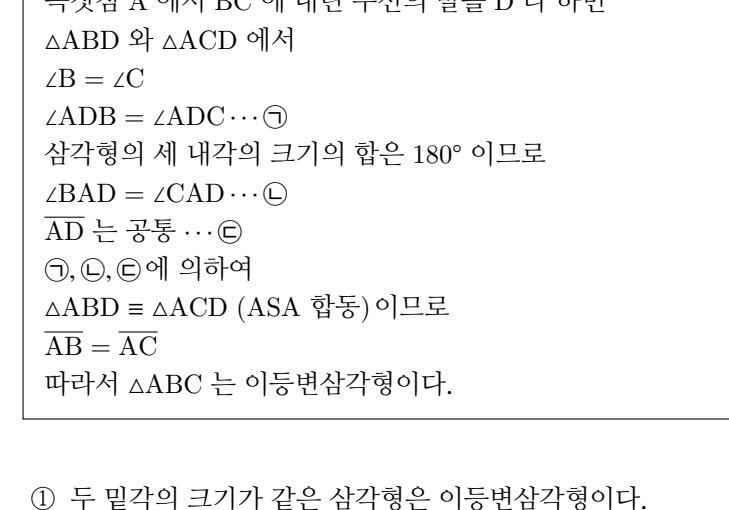
② $\overline{AB} = \overline{BC} = \overline{CA}$, \overline{AC} , $\angle C$

③ $\angle A = \angle B = \angle C$, \overline{BC} , $\angle A$

④ $\angle A = \angle B = \angle C$, \overline{BC} , $\angle C$

⑤ $\angle A = \angle B = \angle C$, \overline{AC} , $\angle C$

12. 다음은 이등변삼각형의 어떤 성질을 보인 것인가?



꼭짓점 A에서 \overline{BC} 에 내린 수선의 발을 D라 하면

$\triangle ABD$ 와 $\triangle ACD$ 에서

$\angle B = \angle C$

$\angle ADB = \angle ADC \cdots \textcircled{\text{①}}$

삼각형의 세 내각의 크기의 합은 180° 이므로

$\angle BAD = \angle CAD \cdots \textcircled{\text{②}}$

\overline{AD} 는 공통 $\cdots \textcircled{\text{③}}$

$\textcircled{\text{①}}, \textcircled{\text{②}}, \textcircled{\text{③}}$ 에 의하여

$\triangle ABD \cong \triangle ACD$ (ASA 합동) 이므로

$\overline{AB} = \overline{AC}$

따라서 $\triangle ABC$ 는 이등변삼각형이다.

- ① 두 밑각의 크기가 같은 삼각형은 이등변삼각형이다.
- ② 세 내각의 크기가 같은 삼각형은 이등변삼각형이다.
- ③ 두 변의 길이가 같은 삼각형은 이등변삼각형이다.
- ④ 이등변삼각형의 꼭지각의 이등분선은 밑변의 중점을 잇는다.
- ⑤ 이등변삼각형의 꼭지각의 이등분선은 밑변과 수직으로 만난다.

13. 다음 $\triangle ABC$ 에서 $\overline{AB} = \overline{AC}$, $\overline{CB} = \overline{CD}$, $\angle A = 40^\circ$ 일 때, $\angle x$ 의 크기는?



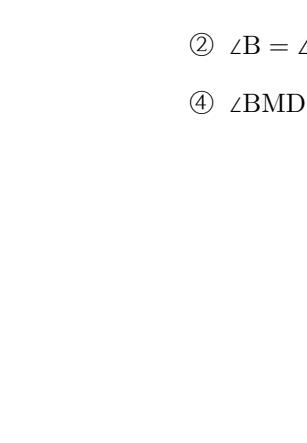
- ① 20° ② 25° ③ 30° ④ 35° ⑤ 40°

14. $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 이등변삼각형 ABC에서 $\overline{BC} = \overline{BD}$ 이고 $\angle DBC = 26^\circ$ 일 때, $\angle A$ 를 구하면?



- ① 13° ② 26° ③ 30° ④ 52° ⑤ 72°

15. 다음 그림과 같이 $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 이등변삼각형 ABC에서 \overline{BC} 의 중점 을 M이라 하자. 점 M에서 \overline{AB} , \overline{AC} 에 내린 수선의 발을 각각 D, E 라 할 때, $\overline{MD} = \overline{ME}$ 임을 보이는 과정에서 필요하지 않은 것을 모두 고르면?



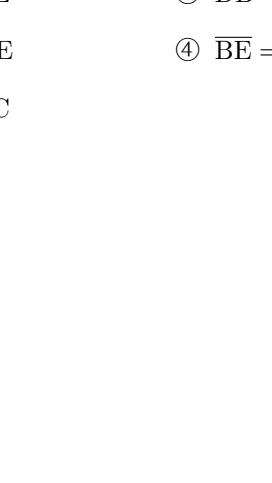
- ① $\overline{BM} = \overline{CM}$ ② $\angle B = \angle C$
③ $\overline{BD} = \overline{CE}$ ④ $\angle BMD = \angle CME$
⑤ RHA 합동

16. 다음 그림에서 $\triangle ABC$ 는 $\overline{AB} = \overline{AC}$, $\angle A = 48^\circ$ 인 이등변삼각형이다. 점 B, C 에서 대변에 내린 수선의 발을 각각 M, N 이라 할 때, $\angle x + \angle y$ 의 크기는?

- ① 72° ② 76° ③ 80°
④ 84° ⑤ 88°

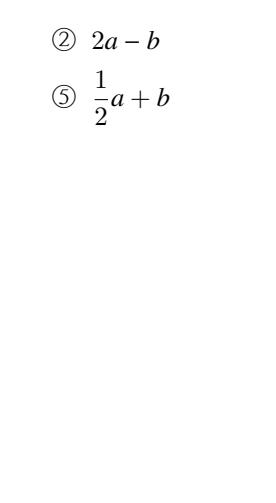


17. 다음 그림에서 $\overline{AC} = \overline{AD} = \overline{BC}$, $\angle C = 90^\circ$, $\angle ADE = 90^\circ$ 일 때,
다음 중 옳지 않은 것은?



- ① $\angle DAE = \angle CAE$
② $\overline{DB} = \overline{DE} = \overline{EC}$
③ $\triangle ADE \cong \triangle ACE$
④ $\overline{BE} = \overline{EC}$
⑤ $\angle DEB = \angle BAC$

18. $\angle C = 90^\circ$ 인 직각이등변삼각형 ABC에서 $\angle B$ 의 이등분선이 \overline{AC} 와 만나는 점을 D, D에서 \overline{AB} 에 내린 수선의 발을 E 라 할 때 $\overline{BC} = a$, $\overline{AD} = b$ 라 하면 \overline{AB} 의 길이를 a, b로 나타내면?



- ① $a - b$
- ② $2a - b$
- ③ $2b - a$
- ④ $a + b$
- ⑤ $\frac{1}{2}a + b$

19. 다음 그림과 같이 $\angle A = 90^\circ$ 인 직각삼각형의 변 \overline{AC} 위의 한 점 D에서 변 \overline{BC} 에 수선을 그어 그 교점을 E 라 할 때, $\overline{AD} = \overline{ED}$ 이면, \overline{BD} 는 $\angle B$ 의 이등분선임을 증명할 때, 이용되는 합동 조건은?



- ① SSS 합동 ② SAS 합동 ③ ASA 합동
④ RHA 합동 ⑤ RHS 합동

20. 다음 그림과 같이 $\angle C = 90^\circ$ 인 직각삼각형 ABC에서 \overline{AB} 의 수직이등분선과 \overline{BC} 와의 교점을 D 라 한다. \overline{AD} 가 $\angle A$ 의 이등분선일 때, $\angle B$ 의 크기는?



- ① 26° ② 28° ③ 30° ④ 32° ⑤ 34°