



2. 다음 □ABCD 중 평행사변형이 아닌 것은 모두 몇 개인지 구하여라.

- ㉟  $\overline{AB} = 10\text{cm}, \overline{DC} = 6\text{cm}, \overline{BC} = 10\text{cm}, \overline{AD} = 6\text{cm}$   
 ㊸  $\overline{AB} \parallel \overline{DC}, \overline{AD} = \overline{BC}$   
 ㊹  $\angle A = 60^\circ, \angle B = 120^\circ, \overline{AD} = \overline{BC} = 12\text{cm}$   
 ㊺  $\angle A = 110^\circ, \angle B = 70^\circ, \angle C = 70^\circ$

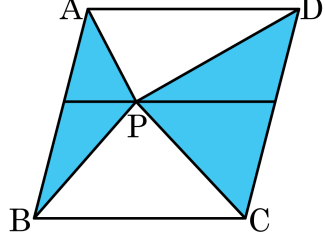
▶ 답: 개

▶ 정답 : 3 개

해설

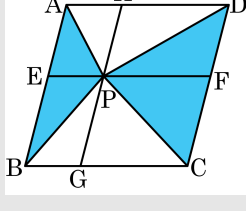
㉠, ㉡, ㉢ 3 개는 평행사변형이 아니다.

3. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD 내부의 한 점 P 에 대하여  $\square ABCD$ 의 넓이가  $84\text{cm}^2$  일 때,  $\triangle ABP + \triangle CDP$ 의 값은?



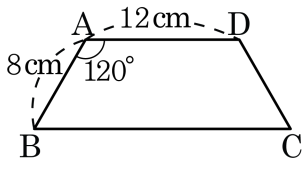
- ①  $36\text{cm}^2$       ②  $38\text{cm}^2$       ③  $42\text{cm}^2$   
 ④  $50\text{cm}^2$       ⑤  $54\text{cm}^2$

해설



점P를 지나고  $\overline{AD}, \overline{AB}$ 에 평행한 직선  $\overline{EF}, \overline{HG}$ 를 그으면  
 $\square AEPH, \square EGBP, \square PGCF, \square HPFD$ 는 모두 평행사변형이다.  
 $\triangle ABP + \triangle PCD = \triangle APD + \triangle PBC$ 이므로 색칠한 부분의 넓이는  
 $\square ABCD$ 의  $\frac{1}{2}$ 이다.  
 $\therefore \triangle ABP + \triangle CDP = 84 \times \frac{1}{2} = 42(\text{cm}^2)$

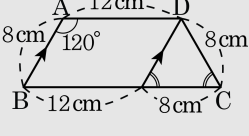
4. 다음 그림과 같은 등변사다리꼴 ABCD 에서  $\overline{AB} = 8\text{ cm}$ ,  $\overline{AD} = 12\text{ cm}$ ,  $\angle A = 120^\circ$  일 때, □ABCD 의 둘레의 길이를 구하여라.



▶ 답 :           cm          

▷ 정답 : 48 cm

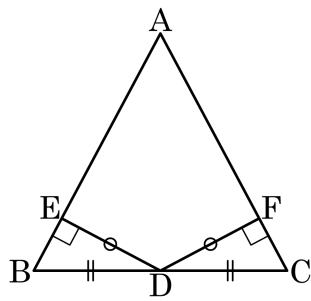
해설



$$\begin{aligned}(\square ABCD \text{의 둘레 길이}) &= 12 \times 2 + 8 \times 3 \\ &= 24 + 24 \\ &= 48(\text{ cm})\end{aligned}$$



5. 다음 그림과 같은  $\triangle ABC$  에서  $\angle FDC = 28^\circ$  일 때,  $\angle A$  의 크기를 구하여라.



▶ 답: 1

▶ 정답 :  $56^{\circ}$

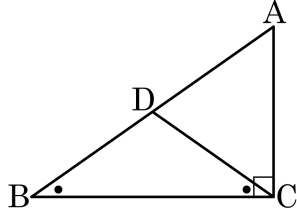
해설

$$\Delta EBD \equiv \Delta FCD(\text{RHS합동})$$

$$\angle EBD = \angle FCD = 62^\circ$$

$$\therefore \angle A = 180^\circ - 62^\circ \times 2 = 56^\circ$$

6. 다음은 직각삼각형 ABC 에서  $\overline{AB}$  위의  $\angle B = \angle BCD$  가 되도록 점 D 를 잡으면  $\overline{AD} = \overline{BD} = \overline{CD}$  임을 증명하는 과정이다. (가)~(마)에 들어갈 내용으로 알맞은 것은?



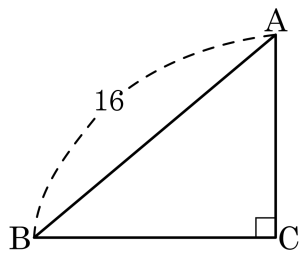
$\angle B = \boxed{\text{(가)}}$  이므로  $\triangle BCD$  는 이등변삼각형이다.  
 따라서  $\overline{BD} = \boxed{\text{(나)}}$  이다.  
 삼각형 ABC 에서  $\angle A + \angle B + 90^\circ = 180^\circ$  이므로  $\angle A = 90^\circ - \angle B$  이다.  
 $\angle ACD + \boxed{\text{(다)}}$   $= \angle ACB$  에서  $\angle ACB$  가  $90^\circ$  이므로  
 $\angle ACD = 90^\circ - \boxed{\text{(라)}}$  이다.  
 그런데  $\angle B = \boxed{\text{(마)}}$  이므로  $\angle A = \angle ACD$  이다.  
 따라서  $\triangle ACD$  는 이등변삼각형이므로  $\overline{AD} = \overline{CD}$  이다.  
 $\therefore \overline{BD} = \overline{CD} = \overline{AD}$  이다.

- ① (가) :  $\angle ADC$       ② (나) :  $\overline{BC}$       ③ (다) :  $\angle BDC$   
 ④ (라) :  $\angle BCD$       ⑤ (마) :  $\angle ABC$

해설

$\angle B = \angle BCD$  이므로  $\triangle BCD$  는 이등변삼각형이다. 따라서  $\overline{BD} = \overline{CD}$  이다.  
 삼각형 ABC 에서  $\angle A + \angle B + 90^\circ = 180^\circ$  이므로  $\angle A = 90^\circ - \angle B$  이다.  
 $\angle ACD + \angle BCD = \angle ACB$  에서  $\angle ACB$  가  $90^\circ$  이므로  $\angle ACD = 90^\circ - \angle BCD$  이다.  
 그런데  $\angle B = \angle BCD$  이므로  $\angle A = \angle ACD$  이다.  
 따라서  $\triangle ACD$  는 이등변삼각형이므로  $\overline{AD} = \overline{CD}$  이다.  
 $\therefore \overline{BD} = \overline{CD} = \overline{AD}$  이다.

7. 다음 그림은  $\angle C$ 가 직각인 삼각형이다.  $\triangle ABC$ 의 외접원의 둘레의 길이는?

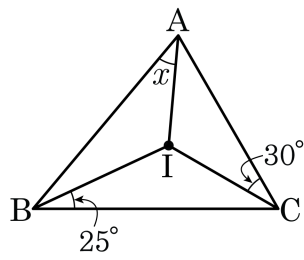


- ①  $10\pi$       ②  $12\pi$       ③  $14\pi$       ④  $16\pi$       ⑤  $18\pi$

해설

직각삼각형의 외심은 빗변의 중점에 위치하므로  
 $\triangle ABC$ 의 외접원의 중심은  $\overline{AB}$ 의 중점이다.  
 따라서 외접원의 반지름은 8이므로  
 둘레는  $2\pi r = 2 \times \pi \times 8 = 16\pi$ 이다

8. 다음 그림에서  $\triangle ABC$ 에서 세 각의 이등분선의 교점을 I라고 할 때,  $\angle IBC = 25^\circ$ ,  $\angle ICA = 30^\circ$ 이다.  $\angle IAB$ 의 크기는?



- ①  $20^\circ$       ②  $25^\circ$       ③  $30^\circ$       ④  $35^\circ$       ⑤  $40^\circ$

해설

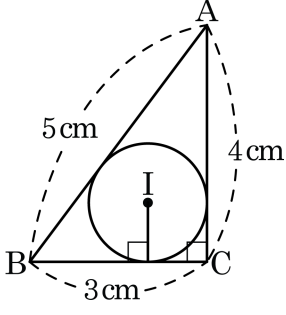
점 I가  $\triangle ABC$ 의 내심이므로

$$\angle x + 30^\circ + 25^\circ = 90^\circ$$

$$\therefore \angle x = 35^\circ$$



9. 다음 그림과 같은  $\triangle ABC$  에서  $\overline{AB} = 5\text{cm}$  ,  $\overline{AC} = 4\text{cm}$  ,  $\overline{BC} = 3\text{cm}$  이고,  $\angle C = 90^\circ$  일 때, 내접원 I 의 반지름의 길이는?



- ① 1cm      ② 2cm      ③ 3cm      ④ 4cm      ⑤ 5cm

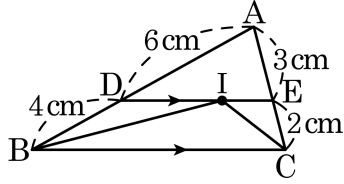
**해설**

내접원의 반지름의 길이를  $r$ 이라 하면

$$\triangle ABC = \frac{1}{2} \times r \times (3 + 4 + 5) = \frac{1}{2} \times 3 \times 4 \text{ 이다. 따라서 } r = 1\text{cm}$$

이다.

10. 다음 그림에서 점 I는  $\triangle ABC$ 의 내심이고  $\overline{DE}$ 와  $\overline{BC}$ 가 평행일 때,  $\overline{AD} = 6\text{cm}$ ,  $\overline{DB} = 4\text{cm}$ ,  $\overline{AE} = 3\text{cm}$ ,  $\overline{EC} = 2\text{cm}$ 이다.  $\triangle ADE$ 의 둘레의 길이는?

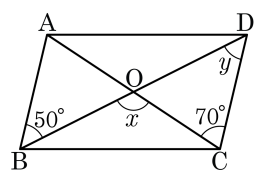


- ① 9cm      ② 11cm      ③ 13cm      ④ 15cm      ⑤ 17cm

해설

점 I가 내심이고  $\overline{DE} // \overline{BC}$  일 때,  
 $(\triangle ADE \text{의 둘레의 길이}) = \overline{AB} + \overline{AC}$   
 따라서  $\triangle ADE$ 의 둘레의 길이는 15cm이다.

11. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD 에서  $\angle x, \angle y$  를 차례로 나타내면?

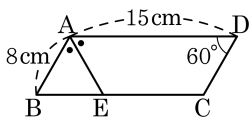


- ①  $\angle x = 100^\circ, \angle y = 50^\circ$       ②  $\angle x = 100^\circ, \angle y = 60^\circ$   
③  $\angle x = 110^\circ, \angle y = 50^\circ$       ④  $\angle x = 110^\circ, \angle y = 60^\circ$   
⑤  $\angle x = 120^\circ, \angle y = 50^\circ$

해설

$\overline{AB} \parallel \overline{CD}$  이므로  $\angle ABD = \angle CDB, \angle y = 50^\circ$  이고  
 $\angle x = \angle y + 70^\circ, \angle x = 50^\circ + 70^\circ = 120^\circ$  이다.

12. 평행사변형 ABCD 에서  $\overline{AB} = 8\text{cm}$ ,  $\overline{AD} = 15\text{cm}$  이고 AE 는  $\angle BAD$  의 이등분선일 때, 선분 EC 의 길이를 구하여라.



▶ 답 :        cm

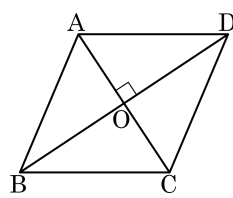
▷ 정답 : 7 cm

해설

$\angle DAE = \angle AEB$  (엇각)  
 $\angle BAE = \angle AEB$  이므로  $\triangle ABE$  는 이등변삼각형이다.  
 $\overline{AB} = \overline{BE} = 8(\text{cm})$   
 $\therefore \overline{EC} = \overline{BC} - \overline{BE} = 15 - 8 = 7(\text{cm})$



13. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD 에서  $\overline{AC} \perp \overline{BD}$  일 때, □ABCD 는 어떤 사각형인가?

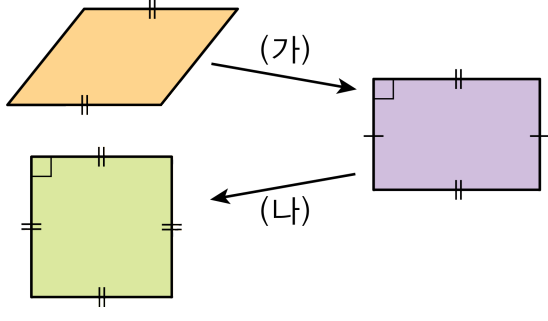


- ① 사다리꼴                      ② 등변사다리꼴                      ③ 직사각형  
④ 정사각형                      ⑤ 마름모

해설

마름모의 두 대각선은 서로 수직이등분하므로  $\overline{AC} \perp \overline{BD}$  이면 평행사변형 ABCD 는 마름모가 된다.

14. 다음 그림을 보고 (가), (나)에 들어갈 조건을 바르게 나타낸 것은?



- ① (가) : 두 대각선이 서로 수직 이등분한다.  
(나) : 한 내각의 크기가  $90^\circ$ 이다.
- ② (가) : 한 내각의 크기가  $90^\circ$ 이하이다.  
(나) : 네 변의 길이가 모두 같다.
- ③ (가) : 한 내각의 크기가  $90^\circ$ 이다.  
(나) : 두 대각선이 서로 직교한다.
- ④ (가) : 두 대각선이 서로 직교한다.  
(나) : 두 대각선의 길이가 같다.
- ⑤ (가) : 두 대각선의 길이가 같다.  
(나) : 한 내각의 크기가  $90^\circ$ 이다.

**해설**

평행사변형이 직사각형이 되려면 한 내각의 크기가  $90^\circ$ 이거나 두 대각선의 길이가 같으면 된다.  
직사각형이 정사각형이 되려면 두 대각선이 서로 직교하거나 네 변의 길이가 모두 같으면 된다.

15. 다음 보기의 조건에 알맞은 사각형은?

보기

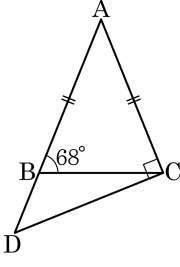
두 대각선의 길이가 같고 서로 다른 것을 수직이등분한다.

- ① 정사각형
- ② 등변사다리꼴
- ③ 직사각형
- ④ 평행사변형
- ⑤ 마름모

해설

두 대각선의 길이가 서로 같고 서로 다른 것을 수직이등분하는 도형은 정사각형이다.

16. 다음 그림과 같이  $\overline{AB} = \overline{AC}$  인  $\triangle ABC$  에서  $\overline{AC} \perp \overline{DC}$  일 때,  $\angle BDC$  의 크기는?



- ①  $46^\circ$       ②  $48^\circ$       ③  $50^\circ$       ④  $52^\circ$       ⑤  $54^\circ$

해설

$\triangle ABC$  는 이등변삼각형이므로

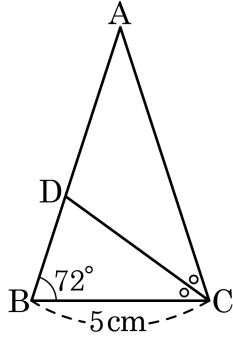
$$\angle BAC = 180^\circ - 2 \times 68^\circ = 44^\circ$$

$\triangle ADC$  에서

$$\angle BDC = 180^\circ - (44^\circ + 90^\circ) = 46^\circ$$



17. 다음 그림에서  $\triangle ABC$  는  $\angle B = \angle C$  인 이등변삼각형이다.  $\angle C$  의 이등분선이  $AB$  와 만나는 점을  $D$  라 할 때,  $AD$  의 길이는?

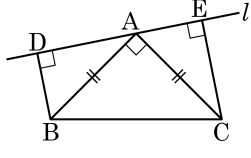


- ① 3cm      ② 4cm      ③ 5cm      ④ 6cm      ⑤ 7cm

해설

$\angle B = \angle C = 72^\circ$  이고  $\angle BCD = \angle ACD = 36^\circ$  이므로,  $\angle A = 36^\circ$  이다. 따라서  $\triangle ABC$ ,  $\triangle ADC$  는 두 내각의 크기가 같으므로 이등변삼각형이다. 따라서  $\overline{BC} = \overline{DC} = \overline{AD} = 5\text{ cm}$  이다.

18.  $\triangle ABC$  에서  $\angle A = 90^\circ$  이다.  $\overline{DB} = 4\text{cm}$  ,  
 $\overline{EC} = 6\text{cm}$  일 때,  $\triangle ABC$  의 넓이는 ?



- ①  $20\text{cm}^2$                       ②  $24\text{cm}^2$                       ③  $26\text{cm}^2$   
 ④  $30\text{cm}^2$                       ⑤  $50\text{cm}^2$

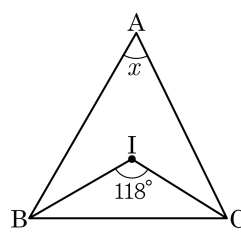
**해설**

$\triangle ADB \cong \triangle CEA$  이므로  $\overline{DB} = \overline{EA} = 4\text{cm}$  ,  $\overline{DA} = \overline{EC} = 6\text{cm}$  이다.

$\square DBCE$  의 넓이  $= \frac{(4+6) \times 10}{2} = 50(\text{cm}^2)$  이므로

$\triangle ABC = \square DBCE - \triangle ADB - \triangle CEA$   
 $= 50 - 12 - 12 = 26(\text{cm}^2)$

19. 다음 그림에서 점 I 는  $\triangle ABC$  의 내심이고,  $\angle BIC = 118^\circ$  일 때,  $\angle x$  의 크기를 구하여라.



▶ 답: 1

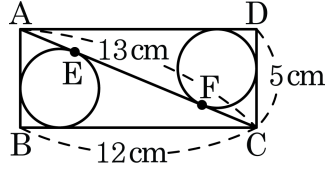
▶ 정답 :  $56^{\circ}$

해설

$$90^\circ + \frac{1}{2}\angle x = 118^\circ$$
$$\therefore \angle x = 56^\circ$$

$$\therefore \angle x = 56^\circ$$

20. 다음 그림과 같은 직사각형 ABCD 에서 두 원은 각각  $\triangle ABC$ ,  $\triangle ACD$ 의 내접원이다. 두 점 E, F 사이의 거리를 구하여라.



▶ 답 :            cm

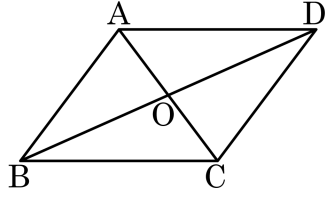
▷ 정답 : 7 cm

해설

$\overline{AE}$  를  $x$  라 하면  
 $(13 - x) + (5 - x) = 12 \cdots \textcircled{\text{A}}$   
 $\therefore x = 3(\text{cm})$   
 $\overline{AE} = \overline{CF} = 3(\text{cm})$  이므로  
 $\therefore \overline{EF} = 13 - (3 + 3) = 7(\text{cm})$



21. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD 에 대하여 다음 중 옳지 않은 것을 골라라.



- ☐

$\angle ABC + \angle BCD = 180^\circ$
- ☐

$\overline{AB} = \overline{DC}$
- ☐

$\angle ADB = \angle ACB$
- ☐

$\overline{AO} = \overline{CO}$
- ☐

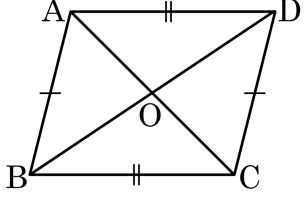
$\angle BAC = \angle ACD$

▶ 답 :  
▶ 정답 : ㉔

해설

$\overline{AD} \parallel \overline{BC}$  이므로  $\angle ADB = \angle CBD$

22. 다음은 ‘두 쌍의 대변의 길이가 각각 같은 사각형은 평행사변형이다.’를 증명하는 과정이다. ㉠ ~ ㉡에 들어갈 것으로 옳지 않은 것은?



[가정] □ABCD에서  $\overline{AB} = \overline{DC}$ ,  $\overline{AD} =$

[결론]   $\parallel \overline{DC}$ ,  $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$

[증명] 점 A와 점 C를 이으면  
△ABC와 △CDA에서  
 $\overline{AB} = \overline{DC}$  (가정) ... ㉠  
 $\overline{AD} =$   (가정) ... ㉡  
는 공통 ... ㉢  
㉠, ㉡, ㉢에 의해서 △ABC ≅ △CDA ( 합동)  
 $\angle BAC = \angle DCA$  이므로  
  $\parallel \overline{DC}$  ... ㉤  
 $\angle ACB =$   이므로  
 $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$  ... ㉥  
㉤, ㉥에 의해서 □ABCD는 평행사변형이다.

- ① ㉠ :  $\overline{AB}$

② ㉡ :  $\overline{BC}$

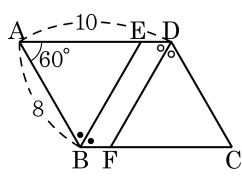
③ ㉢ :  $\overline{AC}$
- ④ ㉣ : SAS

⑤ ㉥ :  $\angle CAD$

해설

△ABC ≅ △CDA (SSS 합동)

23. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD 에서  $\angle B$  와  $\angle D$  의 이등분선일 때,  $\square BEDF$  의 둘레의 길이를 구하여라.



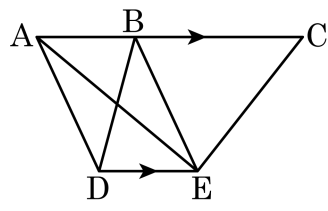
▶ 답 :

▷ 정답 : 20

해설

$\angle EBF = \angle BEA$  ( $\because$  엇각)  
따라서  $\triangle ABE$  는  $\overline{AB} = \overline{AE}$  인 이등변삼각형이고 세 각의 크기가 모두  $60^\circ$  이므로 정삼각형이다.  
따라서  $\overline{ED} = \overline{AD} - \overline{AE} = 10 - 8 = 2$  이다.  
 $\overline{BE} = \overline{AB} = 8$  이므로  
 $\square BEDF$  는 평행사변형이다.  
 $\therefore \square BEDF$  의 둘레의 길이는  $2 \times (8 + 2) = 20$  이다.

24. 다음 그림에서  $\square BDEC$ 의 넓이는  $40\text{cm}^2$ 이고,  $\triangle ADE$ 의 넓이는  $16\text{cm}^2$ 일 때,  $\triangle BEC$ 의 넓이는?



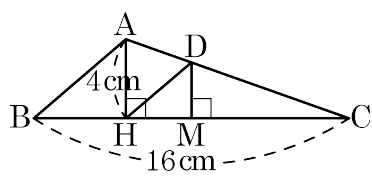
- ☒ ①  $24\text{cm}^2$                       ②  $26\text{cm}^2$                       ③  $28\text{cm}^2$   
 ④  $30\text{cm}^2$                       ⑤  $32\text{cm}^2$

해설

$\triangle ADE = \triangle BDE$ ,  
 $\triangle BEC = \square BDEC - \triangle BDE$  이므로  
 $\triangle BEC = 40 - 16 = 24(\text{cm}^2)$



25. 다음 그림에서 점 M은  $\overline{BC}$ 의 중점일 때,  $\triangle DHC$ 의 넓이는?



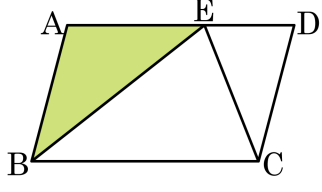
- ①  $4\text{ cm}^2$                       ②  $8\text{ cm}^2$                       ③  $12\text{ cm}^2$   
 ④  $14\text{ cm}^2$                       ⑤  $16\text{ cm}^2$

해설

$\overline{AM}$ 을 그으면,  $\triangle DHM = \triangle AMD$  이므로,

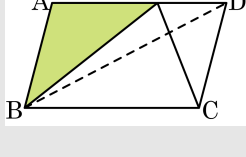
$$\triangle DHC = \triangle AMC = \frac{1}{2}\triangle ABC = 16\text{ (cm}^2\text{)}$$

26. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD에서  $\overline{AE} : \overline{ED} = 3 : 2$  이고  $\square ABCD = 60\text{cm}^2$  일 때,  $\triangle ABE$ 의 넓이는?



- ①  $18\text{cm}^2$                       ②  $22\text{cm}^2$                       ③  $26\text{cm}^2$   
④  $30\text{cm}^2$                       ⑤  $34\text{cm}^2$

해설

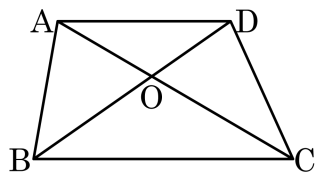


$$\triangle BEC = \triangle BDC = \frac{1}{2}\square ABCD = 30(\text{cm}^2)$$
$$\triangle ABE + \triangle CED = \square ABCD - \triangle BEC = 60 - 30 = 30(\text{cm}^2)$$

또,  $\triangle ABE : \triangle DCE = 3 : 2$  이므로

$$\triangle ABE = \frac{3}{5} \times 30 = 18(\text{cm}^2)$$

27. 다음 그림과 같이  $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$  인 사다리꼴 ABCD 에서  $\triangle DCO = 18$  일 때,  $\triangle ABC$  의 넓이를 구하여라.  
(단,  $3DO = 2BO$  )



▶ 답 :

▶ 정답 : 45

해설

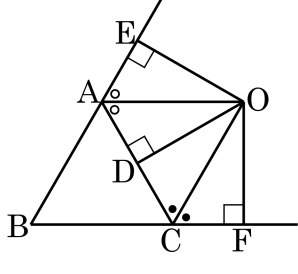
$$\triangle ABO = \triangle DCO = 18$$

$$\text{또, } 3\overline{DO} = 2\overline{BO} \text{ 이므로}$$

$$\therefore \triangle BOC = 27$$

$$\text{따라서 } \triangle ABC = \triangle ABO + \triangle BOC = 18 + 27 = 45$$

28. 다음 그림에서  $\triangle ABC$ 의  $\angle A$ ,  $\angle C$ 의 외각의 이등분선의 교점을 O 라 하고, 점 O 에서 각 변의 연장선 위에 내린 수선의 발을 D, E, F 라 할 때, 다음 중 옳지 않은 것은?



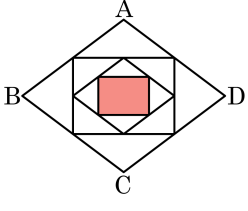
- ①  $\overline{OD} = \overline{OE} = \overline{OF}$ 
 ②  $\triangle ADO \equiv \triangle CDO$
- ③  $\triangle AEO \equiv \triangle ADO$ 
 ④  $\overline{CD} = \overline{CF}$
- ⑤  $\overline{AD} = \overline{AE}$

해설

그림에서  $\triangle AEO \equiv \triangle ADO$  ,  $\triangle CFO \equiv \triangle CDO$  (RHA 합동) 이  
 므로  
 $\overline{OD} = \overline{OE} = \overline{OF}$  ,  $\overline{CD} = \overline{CF}$  ,  $\overline{AD} = \overline{AE}$



29. 다음 그림은 마름모 ABCD의 각 변의 중점을 계속하여 연결한 도형이다. 색칠된 부분의 넓이가  $12\text{cm}^2$  일 때, 마름모 ABCD의 넓이를 구하여라.



▶ 답 :            $\text{cm}^2$

▷ 정답 :  $96\text{cm}^2$

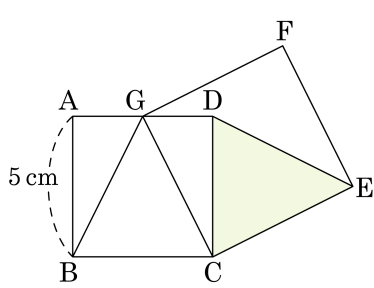
해설

각 변의 중점을 연결하여 만든 도형의 넓이는 처음 도형의  $\frac{1}{2}$

이므로

마름모 ABCD의 넓이는  $12 \times 2 \times 2 \times 2 = 96(\text{cm}^2)$  이다.

30. 다음 그림에서  $\square ABCD$  와  $\square CEF G$ 가 정사각형이고,  $\overline{AB} = 5\text{ cm}$ 일 때  $\triangle DCE$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답 :  $\underline{\hspace{1cm}}\text{cm}^2$

▷ 정답 :  $\frac{25}{2}\text{cm}^2$

해설

$\triangle BCG$ 와  $\triangle DCE$ 에서  
 $\overline{BC} = \overline{DC}$  ( $\square ABCD$ 가 정사각형)  
 $\overline{CG} = \overline{CE}$  ( $\square CEF G$ 가 정사각형)  
 $\angle BCG = 90^\circ - \angle GCD = \angle DCE$   
 $\therefore \triangle BCG \equiv \triangle DCE$  (SAS 합동)

$\triangle DCE$ 의 넓이가  $\triangle BCG$ 의 넓이가 같으므로

$$\triangle DCE = \triangle BCG = \frac{1}{2} \times 5 \times 5 = \frac{25}{2} (\text{cm}^2)$$