

1. 현재 형과 동생의 통장에 각각 7300 원과 3400 원이 예금되어 있다. 형은 매 달 120 원, 동생은 매 달에 250 원씩 저축한다. x 개월 후에 형과 동생의 예금액이 같아진다고 할 때, x 에 관한 식으로 옳은 것은?

① $(7300 + 120)x = (3400 + 250)x$

② $7300 + 3400 = 2x$

③ $7300 + 120x = 3400 + 250x$

④ $7300 + 120 = 3400 + 250x$

⑤ $7300 \times 120x = 3400 \times 250x$

해설

x 개월 후 형의 예금액: $7300 + 120x$

x 개월 후 동생의 예금액: $3400 + 250x$

$7300 + 120x = 3400 + 250x$

2. 다음을 보고 사탕의 개수를 구하여라.

학생들에게 사탕을 나누어 주려고 할 때, 한 사람에게 2 개씩 나누어 주면 17 개가 남고, 3 개씩 나누어 주면 8 개가 부족하다.

▶ 답: 개

▷ 정답: 67개

해설

학생 수를 x 명이라 하면

$$2x + 17 = 3x - 8$$

$$\therefore x = 25$$

따라서 사탕의 개수는 $2 \times 25 + 17 = 67$ (개)

3. 학생들 x 명에게 복승아를 나누어 주는데 3 개씩 나누어 주면 8 개가 남고, 4 개씩 나누어 주면 54 개가 모자란다. 이때, 복승아의 개수에 관한 식으로 바른 것은?

① $3x - 8 = 4x + 54$ ② $-3x - 8 = 4x + 54$

③ $3x + 8 = 4x + 54$ ④ $3x + 8 = 4x - 54$

⑤ $-3x + 8 = -4x - 54$

해설

x 명에게 3 개씩 나누어 주면 8 개가 남으므로 복승아의 개수는 $3x + 8$ (개)이다.

또 4 개씩 나누어 주면 54 개가 모자라므로 복승아의 개수는 $4x - 54$ (개)이다.

복승아의 개수는 일정하므로 두 식의 값은 같다.

$3x + 8 = 4x - 54$

4. 학생들에게 연필을 나누어 주려고 한다. 한 사람당 5 자루를 가지면 3 자루가 남고, 6 자루씩 주면 1 자루가 남는다고 할 때, 연필은 모두 몇 자루인지 구하여라.

▶ 답: 자루

▷ 정답: 13자루

해설

학생 수를 x 명이라고 하면,

연필의 수는 $5x + 3 = 6x + 1$ 이므로 $x = 2$ 이다.

따라서 연필은 $5 \times 2 + 3 = 13$ (자루)이다.

5. 조별로 동물원에 소풍을 갔다. 입장료를 1 명당 800 원씩 모으면 400 원이 부족하고 1000 원씩 모으면 2400 원이 남는다고 한다. 이때, 조원은 모두 몇 명인지 구하여라.

▶ 답: 명

▷ 정답: 14 명

해설

조원의 수를 x 라고 하면, 입장료 총액은 $800x+400$, $1000x-2400$ 이 된다.

$$800x + 400 = 1000x - 2400$$

$$\therefore x = 14$$

6. A 여중 1학년 9반 학생들은 삼성수련을 갔다. 방을 배정하는데 한방에 5명씩 배정하면 6명이 남고, 한방에 7명씩 배정하면 방 한 개가 남고 마지막 방에는 6명이 들어간다고 한다. 1학년 9반 학생 수는?

- ① 35 명 ② 39 명 ③ 41 명 ④ 43 명 ⑤ 45 명

해설

방의 수를 x 라 하면,

$$\text{학생 수는 } 5x + 6 = 7(x - 2) + 6$$

$$5x + 6 = 7x - 14 + 6$$

$$2x = 14$$

$$x = 7$$

$$\text{따라서 학생 수는 } 5 \times 7 + 6 = 41 \text{ (명)}$$

7. 사람들에게 사과를 나누어 주는데 한 사람에게 4 개를 주면 5 개가 남고, 6 개씩 주면 3 개가 부족하다고 할 때, 사람의 수와 사과의 수를 차례대로 구하여라.

▶ 답: 명

▶ 답: 개

▷ 정답: 4 명

▷ 정답: 21 개

해설

사람의 수를 x 라 놓으면 사과 4 개를 주면 5 개가 남기 때문에
사과의 수는 $4x + 5$, 6 개씩 주면 3 개가 부족하므로 사과의 수는
 $6x - 3$ 이 된다. $4x + 5 = 6x - 3$

$$\therefore x = 4 \text{ (명)}$$

$$\text{그러므로 사과의 수는 } 6x - 3 = 6 \times 4 - 3 = 21 \text{ (개)}$$

8. 학생들에게 공책을 10 권씩 주면 3 명이 받지 못하고, 7 권씩 주면 18 권이 남는다고 한다. 이때, 공책의 개수를 구하여라.

▶ 답:

권

▷ 정답: 130 권

해설

학생 수를 x 명이라 하면

$$10(x - 3) = 7x + 18$$

$$3x = 48, x = 16$$

따라서 공책의 개수는 $10 \times (16 - 3) = 130$ (권)

9. 음악실에서 수업을 하는데 한 의자에 2 명씩 앉으면 8 명이 남고 3 명씩 앉으면 의자가 5 개 남고 마지막 의자에는 1 명이 앉게 된다고 할 때, 학생 수를 구하시오.

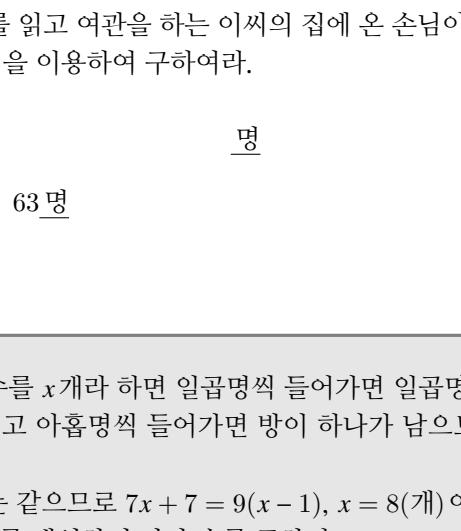
▶ 답: 명

▷ 정답: 58명

해설

의자의 개수를 x 라 하면,
학생 수는 $2x + 8 = 3(x - 6) + 1$ 과 같으므로,
 $2x + 8 = 3x - 18 + 1$
 $-x = -25$
 $x = 25$
따라서 의자의 개수는 25 개,
학생 수는 $2x + 8 = 2 \times 25 + 8 = 58$ (명)

10. 시와 문장을 좋아한 우리 조상은 수학 문제도 마치 시처럼 서술하였다.
조선 시대에 널리 사용되던 수학책인 ‘산법통종’에는 다음 그림과 같은
시구가 있다.



이처럼 옛날 우리나라에도 방정식 문제가 있었다.
위의 시구를 읽고 여관을 하는 이씨의 집에 온 손님이 모두 몇 명인지
일차방정식을 이용하여 구하여라.

▶ 답: 명

▷ 정답: 63명

해설

방의 개수를 x 개라 하면 일곱명씩 들어가면 일곱명이 남으므로
 $7x + 7$ 이고 아홉명씩 들어가면 방이 하나가 남으므로 $9(x - 1)$
이다.

사람 수는 같으므로 $7x + 7 = 9(x - 1)$, $x = 8$ (개)이다.

따라서 x 를 대입하여 사람 수를 구하면 $7 \times 8 + 7 = 63$ (명)이다.

11. 현재 형과 동생의 저금통에는 각각 8000 원과 2000 원이 들어 있다.
다음 주부터 형은 매주 200 원씩, 동생은 500 원씩 저금한다고 할 때,
몇 주 후에 형과 동생의 저금액이 같아지겠는가?

- ① 12주 후 ② 14주 후 ③ 16주 후
④ 18주 후 ⑤ 20주 후

해설

$$x \text{ 주 후의 형의 저금액} : 8000 + 200x \text{ 원}, \text{동생의 저금액} : 2000 + 500x \text{ 원}$$
$$8000 + 200x = 2000 + 500x$$
$$-300x = -6000$$
$$x = 20$$

12. 연속하는 세 짹수의 합이 768 일 때, 세 짹수 중 가장 큰 수를 구하면?

- ① 254 ② 256 ③ 258 ④ 260 ⑤ 262

해설

연속하는 세 짹수를 $x - 4, x - 2, x$ 라 하면

$$(x - 4) + (x - 2) + x = 768$$

$$3x - 6 = 768$$

$$\therefore x = 258$$

13. 두 자리의 자연수가 있다. 일의 자리의 숫자와 십의 자리의 숫자의 합은 8이고, 일의 자리의 숫자와 십의 자리의 숫자를 바꾸면 원래의 수보다 54만큼 커진다. 처음 두 자리의 자연수는?

- ① 15 ② 17 ③ 19 ④ 51 ⑤ 71

해설

처음 수의 일의 자리 숫자를 x 라 하면 십의 자리 숫자는 $8 - x$ 이다.

$$10(8 - x) + x + 54 = 10x + (8 - x)$$

$$18x = 126$$

$$x = 7$$

따라서 처음 수는 17이다.

14. 십의 자리의 숫자가 3인 두 자리의 자연수가 있다. 십의 자리의 숫자와 일의 자리의 숫자를 바꾸면 처음 수보다 45만큼 커진다고 한다. 처음 수를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 38

해설

일의 자리 숫자가 x 이고, 십의 자리 숫자가 3인 두 자리 자연수는 $30 + x$ 로 나타낼 수 있다.

이 수의 십의 자리의 숫자와 일의 자리의 숫자를 바꾼 수는 $10x + 3$ 이다.

$(처음 수) + 45 = (바꾼 수)$ 이다.

따라서 $(30 + x) + 45 = 10x + 3$ 이고 $x = 8$ 이다.

따라서 처음 수는 38 이다.

15. 재영이의 아버지는 재영이보다 31 세가 더 많고, 17 년후에는 두 사람의 나이의 합이 101 세가 된다. 현재 재영이의 나이는?

- ① 14 세 ② 15 세 ③ 16 세 ④ 17 세 ⑤ 18 세

해설

현재 재영이의 나이를 x 세라 하면 아버지의 나이는 $x + 31$ 세

17년 후 재영이의 나이는 $x + 17$,

17년 후 아버지의 나이는 $x + 31 + 17$

$$x + 17 + x + 31 + 17 = 101$$

$$2x = 36$$

$$\therefore x = 18$$

따라서, 현재 재영이의 나이는 18 세이다.

16. 가로가 10 cm이고 세로가 8 cm인 직사각형이 있다. 가로의 길이를 5 cm늘이고, 세로의 길이를 x cm만큼 줄였더니 넓이가 60 cm^2 이 되었을 때, x 의 값을 구하여라.

▶ 답: cm

▷ 정답: $x = 4 \text{ cm}$

해설

가로의 길이를 5 cm늘었으므로 가로의 길이는 15 cm가 되고, 세로의 길이는 x 줄었으므로 $(8 - x)$ cm이다.
직사각형의 넓이는 $15 \times (8 - x) = 60$ 이다.
양변을 15로 나누고 연산을 하면 $x = 4$ 이다.

17. 밑변의 길이가 8cm, 높이가 6cm인 직각삼각형의 밑변을 2cm 줄이고 높이를 x cm 높였더니 처음 삼각형의 넓이의 2배가 되었다. 몇 x cm를 높였는지 구하면?

- ① 8cm ② 9cm ③ 10cm ④ 11cm ⑤ 12cm

해설

$$\frac{1}{2} \times 6 \times (6 + x) = 2 \times \frac{1}{2} \times 8 \times 6$$

$$3(6 + x) = 48$$

$$6 + x = 16$$

$$\therefore x = 10 \text{ (cm)}$$

18. 응기가 1 개에 600 원 하는 빵과 1 개에 200 원 하는 소시지를 합쳐서 7 개를 사고 3,000 원을 냈더니 400 원을 거스름돈으로 받았다. 응기가 산 빵의 개수를 구하여라.

▶ 답: 개

▷ 정답: 3개

해설

응기가 산 빵의 개수를 x 라 하면 소시지의 개수는 $7 - x$ 이다.
3,000 원을 내고 400 원을 거스름돈으로 받았으므로 응기가 낸 돈은 2,600 원이다.

$$600x + 200(7 - x) = 2600$$

$$600x + 1400 - 200x = 2600$$

$$\therefore x = 3$$

19. 수진이와 희정이네 집사이의 거리는 1200m이다. 수진이는 1분에 60m의 속력으로, 희정이는 1분에 40m의 속력으로 서로 상대방의 집을 향하여 각자의 집에서 동시에 출발하였다. 두 사람이 출발한 후 몇 분 후에 만나는가?

① 12분 ② 14분 ③ 16분 ④ 18분 ⑤ 20분

해설

두 사람이 x 분후에 만난다고 하면
 $60x + 40x = 1200, 100x = 1200, \therefore x = 12$

20. 둘레가 2.8km 인 호수가 있다. 대한이와 민국이가 산책을 나와 호수 주변을 각각 매분 80m, 60m 의 속력으로 같은 지점에서 동시에 출발하여 서로를 향해 반대 방향으로 걸었다. 두 사람은 몇 분 후에 만나겠는가?

- ① 10 분 ② 20 분 ③ 30 분 ④ 40 분 ⑤ 50 분

해설

두 사람이 x 분 후에 만난다고 하면
 x 분 후 대한이가 움직인 거리: $80x$,
 x 분 후 민국이가 움직인 거리: $60x$,
반대방향으로 출발하였을 때 만날 경우 두 사람이 이동한 거리의 합은 전체 둘레의 길이와 같다.
대한이 걸은 거리 + 민국이 걸은 거리 = 2800m
 $80x + 60x = 2800$,
 $140x = 2800$
 $\therefore x = 20$ (분)

21. 열차가 일정한 속력으로 달려 200m 다리를 통과하는데 10 초 걸린다.
또 500m 터널을 통과하는데 20 초가 걸린다. 이 열차의 길이는?

- ① 70m ② 80m ③ 90m ④ 100m ⑤ 110m

해설

열차의 길이를 x m 라 하면

200m 다리를 통과할 때 열차가 움직인 거리 : $(200 + x)$ m

500m 다리를 통과할 때 열차가 움직인 거리 : $(500 + x)$ m

$$\frac{200 + x}{10} = \frac{500 + x}{20}$$

양변에 20 을 곱하면,

$$2(200 + x) = 500 + x$$

$$400 + 2x = 500 + x$$

$$\therefore x = 100$$

22. 우유가 병 A에는 270g, 병 B에는 430g이 각각 들어있다. 병 B에서 병 A로 몇 g의 우유를 옮기면 병 A와 병 B의 비가 5: 2가 되는지 구하여라.(단, 병의 무게는 무시한다.)

▶ 답: g

▷ 정답: 230g

해설

$$\begin{aligned} \text{옮기는 우유의 양을 } x \text{ 라 하면} \\ (270 + x) : (430 - x) = 5 : 2 \\ 5(430 - x) = 2(270 + x) \\ x = 230(\text{g}) \end{aligned}$$

23. 주어진 그림은 달력의 일부분이다. 그림과 같이 4 개의 숫자를 정사각형의 테두리 안에 넣어서 4 개의 숫자의 합이 100 이 되도록 정할 때, 가장 작은 수를 구하여라.

일	월	화	수	목	금	토
	1	2	3	4	5	6
7	8	9	10	11	12	13
14	15	16	17	18	19	20

▶ 답:

▷ 정답: 21

해설

가장 작은 수를 x 로 잡으면 옆에 있는 수는 $x + 1$, 밑에 있는 수는 $x + 7$, 오른쪽 밑에 있는 수는 $x + 8$ 이다.

$$x + x + 1 + x + 7 + x + 8 = 100$$

$$4x = 84 \quad \therefore x = 21$$

따라서 네 수는 21, 22, 28, 29이다.

24. 7 시와 8 시 사이에 시침과 분침이 일직선 (180°) 을 이루는 시각을 구하면?

- ① 7 시 $4\frac{6}{11}$ 분 ② 7 시 $5\frac{5}{11}$ 분 ③ 7 시 $5\frac{4}{11}$ 분
④ 7 시 $6\frac{4}{11}$ 분 ⑤ 7 시 $10\frac{10}{11}$ 분

해설

구하는 시간을 7시 x 분이라 하면,
 x 분 동안 분침이 회전하는 각도: $6x$
 x 분 동안 시침이 회전하는 각도: $0.5x$
시침이 움직인 회전각은 $(210 + 0.5x)^\circ$, 분침이 움직인 회전각은
 $6x^\circ$ 이고,
시침과 분침이 이루는 각도가 180° 이므로 시침과 분침의 회전
각의 차이가 180° 이다.
식을 세우면, $(210 + 0.5x) - 6x = 180$
따라서 7시 $\frac{60}{11} \left(5\frac{5}{11}\right)$ 분이다.