

1. 일차함수 $y = \frac{1}{4}x - 2$ 에서 x 의 증가량이 12 일 때, y 의 증가량을

구하고, $\frac{(y\text{의 값의 증가량})}{(x\text{의 값의 증가량})}$ 을 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: 3

▷ 정답: $\frac{1}{4}$ 또는 0.25

해설

$$(기울기) = \frac{(y\text{의 값의 증가량})}{(x\text{의 값의 증가량})} = \frac{y\text{의 증가량}}{12} = \frac{1}{4}$$

$$(y\text{의 증가량}) = 3$$

2. 다음 두 점 $(2, 2)$, $(-1, -4)$ 를 지나는 직선을 그래프로 하는 일차함수의 식은?

- ① $y = -2x + 2$ ② $y = 2x + 4$ ③ $\textcircled{y} = 2x - 2$
④ $y = 2x - 4$ ⑤ $y = -2x - 2$

해설

$$(가) 옮기) = \frac{2 - (-4)}{2 - (-1)} = \frac{6}{3} = 2,$$

$y = 2x + b$ 에 $(2, 2)$ 를 대입하면

$$2 = 2 \times 2 + b, b = -2$$

$$\therefore y = 2x - 2$$

3. x, y 가 자연수일 때, 연립방정식 $\begin{cases} x+y=8 \\ x+2y=11 \end{cases}$ 의 해의 개수를 구하여라.

▶ 답:

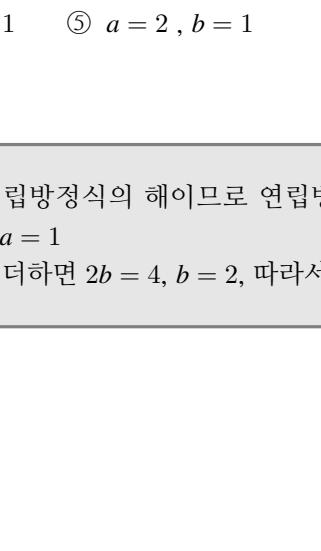
▷ 정답: 1개

해설

$x+y=8$ 을 만족하는 순서쌍은 $(1, 7), (2, 6), (3, 5), (4, 4), (5, 3), (6, 2), (7, 1)$
 $x+2y=11$ 을 만족하는 순서쌍은 $(1, 5), (3, 4), (5, 3), (7, 2), (9, 1)$

이므로 두 식을 동시에 만족하는 순서쌍은 $(x, y) = (5, 3)$ 즉, 1개다.

4. 다음은 x , y 에 관한 연립방정식 $\begin{cases} ax - by = 3 \\ bx + ay = 1 \end{cases}$ 의 그래프이다. a , b 의 값을?



- Ⓐ $a = 1, b = 2$ Ⓑ $a = -1, b = 2$ Ⓒ $a = 1, b = -2$
Ⓓ $a = -2, b = 1$ Ⓨ $a = 2, b = 1$

해설

$(1, -1)$ 이 연립방정식의 해이므로 연립방정식에 대입하면
 $a + b = 3, b - a = 1$
두식을 변끼리 더하면 $2b = 4, b = 2$, 따라서 $a = 1$,

5. 7% 의 소금물과 10% 의 소금물을 섞어서 9% 의 소금물 300g 을 만들려고 한다. 10% 의 소금물은 몇 g 이 필요한가?

- ① 100g ② 200g ③ 300g ④ 400g ⑤ 500g

해설

7% 의 소금물의 양을 x g, 10% 소금물의 양을 y g 이라 하면

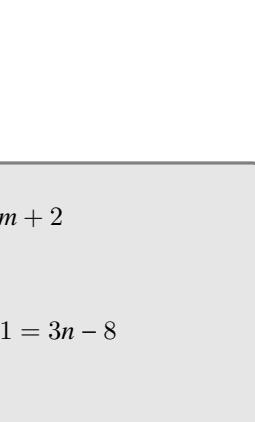
$$\begin{cases} x + y = 300 \\ \frac{7}{100}x + \frac{10}{100}y = \frac{9}{100} \times 300 \end{cases} \cdots (1) \quad \cdots (2)$$

(2) 의 양변에 100 을 곱하여 이 식을 정리하면 $7x + 10y = 2700 \cdots (3)$

(3) – (1) × 7 하면 $3y = 600$

$$\therefore y = 200$$

6. 두 일차함수 $y = mx + 2$, $y = nx - 8$ 의 그래프가 다음과 같을 때, mn 을 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: -1

해설

$y = mx + 2$ 에 점 $(3, 1)$ 을 대입하면 $1 = 3m + 2$

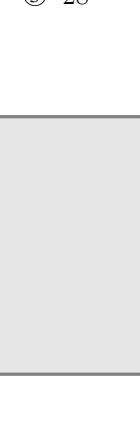
$$\therefore m = -\frac{1}{3}$$

또한, $y = nx - 8$ 에 점 $(3, 1)$ 을 대입하면, $1 = 3n - 8$

$$\therefore n = 3$$

따라서 $mn = -1$ 이다.

7. 다음 그림과 같이 $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 $\triangle ABC$ 에서 $\overline{BC} \perp \overline{DC}$ 일 때, $\angle BDC$ 의 크기는?



- ① 20° ② 22° ③ 24° ④ 26° ⑤ 28°

해설

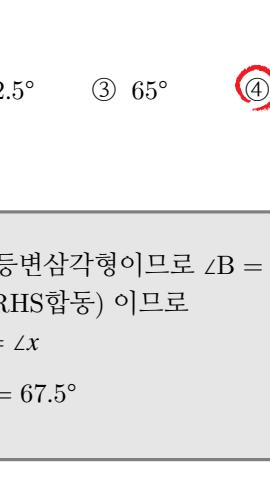
$\triangle ABC$ 는 이등변삼각형이므로

$$\angle ABC = \frac{1}{2}(180^\circ - 40^\circ) = 70^\circ$$

$\triangle BCD$ 에서

$$\angle BDC = 180^\circ - (70^\circ + 90^\circ) = 20^\circ$$

8. 다음 그림과 같이 $\angle A = 90^\circ$, $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 직각이등변삼각형 ABC 가 있다. $\overline{AB} = \overline{DB}$ 인 점 D 를 지나며 \overline{AC} 와 만나는 점을 E 라고 할 때, $\angle x$ 의 크기는?



- ① 60° ② 62.5° ③ 65° ④ 67.5° ⑤ 70°

해설

$\triangle ABC$ 는 직각이등변삼각형이므로 $\angle B = 45^\circ$

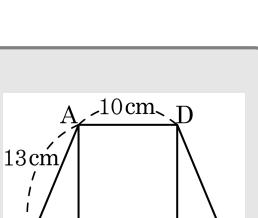
$\triangle BED \cong \triangle BEA$ (RHS합동) 이므로

$\angle BEA = \angle BED = \angle x$

$$\therefore \angle x = 135^\circ \times \frac{1}{2} = 67.5^\circ$$

9. 다음 그림과 같이 $\overline{AB} = 13\text{cm}$, $\overline{AD} = 10\text{cm}$, $\overline{BC} = 2\overline{AD}$ 인 등변사다리꼴의 넓이를 구하면?

- ① 120cm^2
 ② 130cm^2
 ③ 180cm^2
 ④ 195cm^2
 ⑤ 200cm^2



해설

등변사다리꼴 ABCD 의 꼭짓점 A , D에서 \overline{BC} 에 수선을 내린 수선의 발을 각각 E , F 라 하면 직사각형 AEFD 에서 $\overline{EF} = 10\text{cm}$ 이므로 $\overline{BE} = 5\text{cm}$, $\overline{CF} = 5\text{cm}$ 이다.

또, 직각삼각형 ABE 에서 피타고라스 정리에 의해 $\overline{AB}^2 = \overline{BE}^2 + \overline{AE}^2$, $13^2 = 5^2 + \overline{AE}^2$,

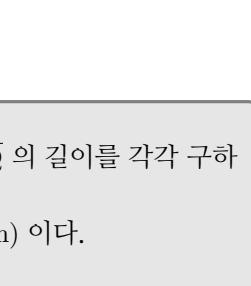
따라서 $\overline{AE}^2 = 13^2 - 5^2 = 169 - 25 = 144$ 이다.

그런데 $\overline{AE} > 0$ 이므로 $\overline{AE} = 12\text{cm}$ 이다.

이제 등변사다리꼴의 넓이를 구하면

$$\frac{1}{2} \times (\overline{AD} + \overline{BC}) \times \overline{AE} = \frac{1}{2} \times (10 + 20) \times 12 = 180(\text{cm}^2) \text{ 이다.}$$

10. 다음 그림과 같이 직사각형 ABCD에서 두 꼭짓점 B,D에서 수선을 내렸을 때, $\triangle ABQ$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답: $\underline{\text{cm}^2}$

▷ 정답: 8.64 $\underline{\text{cm}^2}$

해설

$\triangle ABQ$ 의 넓이를 구하기 위해서 \overline{AQ} , \overline{BQ} 의 길이를 각각 구하면,

$\triangle ABC$ 가 직각삼각형이므로 $\overline{AC} = 10(\text{cm})$ 이다.

$\triangle ABQ$ 와 $\triangle ABC$ 는 닮음이므로

$\overline{AB} : \overline{AC} = \overline{AQ} : \overline{AB}$ 에서

$\overline{AB}^2 = \overline{AQ} \times \overline{AC}$ 이므로

$$\overline{AQ} = \frac{36}{10} = 3.6(\text{cm})$$

$$\overline{BQ} \times \overline{AC} = \overline{AB} \times \overline{BC}$$

$$\overline{BQ} = \frac{48}{10} = 4.8(\text{cm})$$

따라서 $\triangle ABQ$ 의 넓이는

$$\frac{1}{2} \times 4.8 \times 3.6 = 8.64(\text{cm}^2)$$
 이다.