

1. 음이 아닌 한 자리의 정수  $a_1, a_2, a_3, \dots, a_n$ 에 대하여  $\frac{13}{7} = a_1 + \frac{a_2}{10} + \frac{a_3}{10^2} + \dots + \frac{a_n}{10^{n-1}} + \dots$  일 때,  $a_4 + a_{10} + a_{16} + a_{22} + \dots + a_{58} + a_{64}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 77

해설

$\frac{13}{7} = 1.\dot{8}5714\dot{2}$  이므로  $a_1 = 1$ 이고  $a_2, a_3, a_4, a_5, a_6, a_7$ 은 순서대로 소수점 아래 순환마다 8, 5, 7, 1, 4, 2이다.

따라서  $a_4 = a_{10} = a_{16} = \dots = a_{64} = 7$  이고,  $64 = 6 \times 11 - 2$ 이므로

$$a_4 + a_{10} + a_{16} + a_{22} + \dots + a_{58} + a_{64} = 7 \times 11 = 77$$

2.  $x = -2, y = 5$  일 때, 다음 식의 값을 구하여라.

$$\frac{6x^2y - 9x^5y^4}{3xy}$$

▶ 답:

▷ 정답: -6004

해설

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= \frac{6x^2y}{3xy} - \frac{9x^5y^4}{3xy} = 2x - 3x^4y^3 \\2x - 3x^4y^3 &\text{ } \oplus\| x = -2, y = 5 \text{ 를 대입하면} \\2 \times (-2) - 3 \times (-2)^4 \times 5^3 &= -4 - 6000 \\&= -6004\end{aligned}$$

3.  $-1 < x \leq 5$  일 때,  $-2x + 7$  의 최솟값을  $p$ , 최댓값을  $q$  라 하자. 이 때,  $pq$ 의 값을 구하여라. (단,  $p, q$  는 정수)

▶ 답:

▷ 정답: -24

해설

$-1 < x \leq 5$ 의 각각의 변에  $-2$ 를 곱하면  $-10 \leq -2x < 2$ , 각각의

변에  $7$ 을 더하면  $-3 \leq -2x + 7 < 9$ 이다.

$p, q$ 는 정수이므로  $p = -3, q = 8$ 이다.

$\therefore pq = -24$

4. 부등식  $ax < b$  의 해가  $x > -3$  이라고 할 때, 다음 중 옳은 것을 모두 골라라. (단,  $a \neq 0$ ,  $b \neq 0$ )

Ⓐ  $a > b$   
Ⓑ  $a > 0$ ,  $b < 0$   
Ⓒ  $a < 0$ ,  $b > 0$   
Ⓓ  $3a + b = 0$   
Ⓔ  $-\frac{a}{b} < 0$

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: Ⓑ

▷ 정답: Ⓑ

해설

$ax < b$ 의 해가  $x > -3$ 이므로  $a < 0$   
양변을  $a$ 로 나누면  $x > \frac{b}{a}$ ,  $\frac{b}{a} = -3$ ,  $b = -3a$   
 $\therefore 3a + b = 0$   
 $a < 0$ 이므로  $b > 0$   
 $\neg. a < b$   
 $\vdash. a < 0$ ,  $b > 0$   
□.  $-\frac{a}{b} > 0$

5. 부등식  $3x \leq 2x + a$ 를 만족하는 자연수  $x$ 의 개수가 3개일 때, 상수  $a$ 의 값의 범위를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $3 \leq a < 4$

해설

$3x \leq 2x + a$ 를 정리하면  $x \leq a$   
만족하는 범위 내의 자연수는 1, 2, 3이므로  
 $3 \leq a < 4$ 가 되어야 한다.

6. 밑면의 반지름이 3cm 인 원뿔이 있다. 이 원뿔의 부피가  $45\pi\text{cm}^3$  이상이 되려면 원뿔의 높이는 몇 cm 이상이어야 하는지 구하여라.

▶ 답 : cm

▷ 정답 : 15 cm

해설

원뿔의 높이를  $x\text{cm}$ 라고 하면,

$$\frac{1}{3} \times \pi \times 3^2 \times x \geq 45\pi$$

$$3x\pi \geq 45\pi$$

$$\therefore x \geq 15$$

원뿔의 높이는 15cm 이상이어야 한다.

7. 미진이가 6km 떨어진 고모댁에 심부름을 다녀오는데 2시간 이내에 돌아와야 한다고 할 때, 최소 시속 몇 km로 가야하는가?

- ① 2km      ② 3km      ③ 4km      ④ 5km      ⑤ 6km

해설

시속을  $x$ 라 하면 왕복이므로 이동 거리는 12km 이므로  $\frac{12}{x} \leq 2$ 이다.

따라서  $x \geq 6$  이므로 최소 시속 6km로 가야한다.

8.  $\frac{173}{300}$  을 소수로 나타내면  $0.\overline{abc}$  이다.  $a + b + c$  의 값은?

- ① 18      ② 20      ③ 22      ④ 24      ⑤ 26

해설

$$\frac{173}{300} = \frac{519}{900} = 0.5\dot{7}\dot{6} \text{ 이므로}$$

$a = 5, b = 7, c = 6$  이다.

$$\therefore a + b + c = 18$$

9.  $x + y = 3$  이고,  $A = 2^{2x}$ ,  $B = 2^{2y}$  일 때,  $AB$ 의 값은?

- ①  $2^2$       ②  $2^4$       ③  $2^6$       ④  $2^8$       ⑤  $2^{10}$

해설

$$AB = 2^{2x} \times 2^{2y} = 2^{2x+2y} = 2^{2(x+y)} = 2^{2 \times 3} = 2^6$$

10.  $180^3 = 2^x \times 3^y \times 5^z$  일 때,  $x + y + z$  값을 구하면?

- ① 10      ② 15      ③ 20      ④ 25      ⑤ 30

해설

$$180^3 = (2^2 \times 3^2 \times 5)^3 = 2^6 \times 3^6 \times 5^3 = 2^x \times 3^y \times 5^z$$

$$x = 6, y = 6, z = 3$$

$$\therefore x + y + z = 15$$

11. 어떤 다항식을  $2x^2$  으로 나누었더니, 몫은  $2x^2 - 4x + 3$  이고, 나머지가  $2x - 5$  이었다. 이 다항식의  $x^2$  항의 계수를 구하면?

- ① -5      ② -3      ③ 2      ④ 4      ⑤ 6

해설

어떤 다항식을  $A$  라 하면  
$$A = 2x^2 \times (2x^2 - 4x + 3) + 2x - 5$$
$$= 4x^4 - 8x^3 + 6x^2 + 2x - 5$$
$$\therefore x^2 \text{ 의 계수는 } 6$$

12.  $A = (24a^4b^5 - 12a^5b^4) \div (-2a^2b)^2$ ,  $B = (8a^3b^4 - 4a^2b^2) \div (-ab)^2$  일 때,  $A - (B + 3C) = ab^2 + 1$  을 만족하는 식  $C$  를 구하면?

- ①  $C = b^3 - 2ab^2 - 1$       ②  $C = b^3 - 4ab^2 - 2$   
③  $C = 2b^3 - ab^2 - 1$       ④  $C = 2b^3 - 4ab^2 + 1$   
⑤  $C = b^3 - ab^2 - 4$

해설

주어진 식  $A$ ,  $B$  를 정리하면

$$A = 6b^3 - 3ab^2, B = 8ab^2 - 4$$

$A - (B + 3C) = ab^2 + 1$  에서

$$A - B - 3C = ab^2 + 1$$
 이고,

$$3C = A - B - ab^2 - 1$$

$$3C = 6b^3 - 3ab^2 - 8ab^2 + 4 - ab^2 - 1$$

$$= 6b^3 - 12ab^2 + 3$$

양변을 3 으로 나누면

$$C = 2b^3 - 4ab^2 + 1$$

13.  $\frac{2x-1}{3} - \frac{5x-3}{4} > 1$  을 만족하는  $x$  의 값 중에서 가장 큰 정수는?

- ① 2      ② 1      ③ 0      ④ -1      ⑤ -2

해설

$$\frac{2x-1}{3} - \frac{5x-3}{4} > 1, \quad 4(2x-1) - 3(5x-3) > 12, \quad -7x + 5 > 12, \quad -7x > 7 \quad \therefore x < -1$$

14.  $a < 3$  일 때,  $(a - 3)x + 3 > a$  의 해를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $x < 1$

해설

$a < 3$  ⇒  $a - 3 < 0$  ⇒ 되어  $(a - 3)x > a - 3$ ,  $x < \frac{a - 3}{a - 3} = 1$   
이다.

15.  $x, y$  에 관한 일차방정식  $4a^2 - 4a(x - 1) + x - y = 0$  은 두 점  $\left(a, \frac{5}{2}\right), (b, 6)$  을 해로 가질 때, 상수  $a, b$  에 대하여  $4a + b$  의 값은?

- ① -2      ② -1      ③ 1      ④ 2      ⑤ 3

해설

$4a^2 - 4a(x - 1) + x - y = 0$ 에  $\left(a, \frac{5}{2}\right)$  를 대입하면

$$4a^2 - 4a(a - 1) + a - \frac{5}{2} = 0$$

$$5a = \frac{5}{2}$$

$$\therefore a = \frac{1}{2}$$

$4a^2 - 4a(x - 1) + x - y = 0$ 에  $(b, 6)$  을 대입하면

$$4 \times \frac{1}{4} - 4 \times \frac{1}{2}(b - 1) + b - 6 = 0$$

$$1 - 2b + 2 + b - 6 = 0$$

$$\therefore b = -3$$

따라서  $4a + b = -1$ 이다.

16. 배를 타고 강을 8km 올라가는 데 40 분, 내려가는 데 20 분 걸렸다.  
 이때 배의 속력을  $x$  km/h, 강물의 속력을  $y$  km/h 라고 할 때, 다음 중  
 $x, y$  를 구하기 위한 연립방정식으로 옳은 것은? (정답 2 개)

$$\begin{array}{ll} \textcircled{1} & \left\{ \begin{array}{l} \frac{8}{x+y} = \frac{2}{3} \\ \frac{8}{x-y} = \frac{1}{3} \end{array} \right. \\ \textcircled{3} & \left\{ \begin{array}{l} \frac{8}{x-y} = \frac{2}{3} \\ \frac{8}{x+y} = \frac{1}{3} \end{array} \right. \\ \textcircled{5} & \left\{ \begin{array}{l} x-y = 12 \\ x+y = 24 \end{array} \right. \end{array}$$

$$\begin{array}{ll} \textcircled{2} & \left\{ \begin{array}{l} \frac{8}{x-y} = 40 \\ \frac{8}{x+y} = 20 \end{array} \right. \\ \textcircled{4} & \left\{ \begin{array}{l} x+y = 12 \\ x-y = 24 \end{array} \right. \end{array}$$

해설

배의 속력을  $x$  km/h, 강물의 속력을  $y$  km/h 라고 하면 거슬러 올라갈 때의 속력은  $(x-y)$  km/h, 내려올 때의 속력은  $(x+y)$  km/h 이므로

$\left\{ \begin{array}{l} \frac{8}{x-y} = \frac{2}{3} \\ \frac{8}{x+y} = \frac{1}{3} \end{array} \right.$ 에서  $\left\{ \begin{array}{l} x-y = 12 \\ x+y = 24 \end{array} \right.$ 의 관계식이 나온다.

17. 순서쌍  $(m, m + 10)$  이 연립방정식  $x + 2y = 11$ ,  $nx - 2y = 1$ 의 해일 때, 상수  $m, n$ 의 곱  $mn$ 의 값은?

- ① -15      ② 2      ③ 8      ④ 13      ⑤ 15

해설

$(m, m + 10)$  을  $x + 2y = 11$ 에 대입하면

$$m + 2m + 20 = 11$$

따라서  $m = -3$  이고,  $x = m = -3$ ,  $y = m + 10 = -3 + 10 = 7$  이 나온다.

$x = -3$ ,  $y = 7$  을  $nx - 2y = 1$ 에 대입하면  $-3n - 14 = 1$

따라서  $n = -5$  가 된다.

$$\therefore mn = (-3) \times (-5) = 15$$

18. 자연수  $x$ 에 대하여  $\frac{7x}{60}$ 은 유한소수이고,  $7x \leq 100$ 이다. 이것을 만족하는  $x$ 들의 합을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 30

해설

$\frac{7x}{60} = \frac{7x}{2^2 \times 3 \times 5}$  이므로  $x$ 는 3의 배수이어야 한다.

분자인  $7x$ 는 100 이하의 자연수이므로

조건에 맞는  $x$  값은 3, 6, 9, 12이다.

따라서  $x$  값들의 합은 30이다.

19. 분수  $\frac{a}{440}$  를 소수로 나타내면 유한소수가 되고, 기약분수로 고치면  $\frac{1}{b}$  이 된다. 이때,  $a$ 의 값은 모두 몇 개인가? (단,  $b > 1$ )

① 4      ② 5      ③ 6      ④ 7      ⑤ 8

해설

$\frac{a}{2^3 \times 5 \times 11}$  가 유한소수가 되려면  $a$ 의 값은 11의 배수가 되어야 한다. 또한 기약분수로 고쳤을 때 분자의 값이 1이 되어야 하므로  $a$ 의 값은 분모의 인수 11의 값을 반드시 포함하되 2와 5를 적절히 조합하여야 한다. 따라서 가능한  $a$ 의 값은

11,  $2 \times 11$ ,  $2^2 \times 11$ ,  $2^3 \times 11$ ,  $5 \times 11$ ,  $2 \times 5 \times 11$ ,  $2^2 \times 5 \times 11$  의 총 7개다. ( $b > 1$  이므로  $2^3 \times 5 \times 11$  은 해당되지 않는다.)

20. 한자리 자연수  $a, b, c$ 는  $a < b < c$ 이고 차례로 1 씩 증가한다고 한다.

이  $a, b, c$ 에 대하여  $0.\dot{a}, 0.\dot{c}\dot{a}, 1.\dot{0}b$  가 차례로 일정한 크기의 수만큼  
증가하여 만들어진다고 할 때,  $a, b, c$ 의 값을 차례대로 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답:  $a = 6$

▷ 정답:  $b = 7$

▷ 정답:  $c = 8$

해설

$0.\dot{a}, 0.\dot{c}\dot{a}, 1.\dot{0}b$ 에 대해 차례로 증가하는 일정한 크기의 수를  $k$ 라고 하면,

$$k = \frac{10c + a}{99} - \frac{a}{9} = \frac{100 + b - 1}{99} - \frac{10c + a}{99} \text{ 이므로}$$

$$20c = 9a + b + 99 \dots \textcircled{①}$$

$$a < b < c \text{이고 차례로 1 씩 증가하므로 } b = a + 1 \dots \textcircled{②}$$

$\textcircled{②}$ 을  $\textcircled{①}$ 에 대입하면

$$20c = 9a + a + 1 + 99 = 10(a + 10)$$

$$2c = a + 10 \text{이고}$$

$a, c$ 는 한자리 자연수이고  $c = a + 2$  이므로,  $a = 6, c = 8$

따라서  $a = 6, b = 7, c = 8$ 이다.

21. 어떤 자연수에  $1.0\dot{4}$  를 곱해야 할 것을 잘못하여  $1.04$  를 곱했더니 정답과 오답의 차가  $0.\dot{4}$  가 되었다. 그 자연수를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 100

해설

$$x \times 1.0\dot{4} - x \times 1.04 = 0.\dot{4}$$

$$x \times \left( \frac{94}{90} - \frac{104}{100} \right) = \frac{4}{9}$$

$$x \times \frac{4}{900} = \frac{4}{9}$$

$$\therefore x = 100$$

22. 다음을 만족시키는  $x$ 의 값을 구하여라.

$$2^{x+2} + 2^{x+1} + 2^x = 112$$

▶ 답:

▷ 정답: 4

해설

$$\begin{aligned} 2^{x+2} + 2^{x+1} + 2^x &= 2^x(2^2 + 2 + 1) \\ &= 2^x \cdot 7 = 112 \end{aligned}$$

$$2^x = 16$$

$$\therefore x = 4$$

23. 밑면의 반지름의 길이가  $r$ 이고, 높이가  $h$ 인 원뿔이 있다. 이 원뿔의 밑면의 반지름은 10% 늘리고, 높이는 10% 줄이면 부피는 원래 부피 보다 몇 % 변화하는지 구하여라.

▶ 답: %

▷ 정답: 8.9 %

해설

$$(\text{처음 원뿔의 부피}) = \frac{1}{3} \times \pi r^2 \times h = \frac{1}{3} \pi r^2 h$$

(변화된 원뿔의 부피)

$$= \frac{1}{3} \times \pi \left( \frac{110}{100} \times r \right)^2 \times \left( \frac{90}{100} \times h \right)$$

$$= \frac{1}{3} \times \frac{11^2}{10^2} \times \frac{9}{10} \times \pi r^2 h$$

$$= \frac{1089}{1000} \times \left( \frac{1}{3} \pi r^2 h \right)$$

변화된 원뿔의 부피는 처음 원뿔의 부피의  $\frac{1089}{1000}$  배이므로 변화된

부피는

$$\left( \frac{1089}{1000} - 1 \right) \times 100 = 8.9(\%) \text{ 이다.}$$

24. 어떤 식 A 에  $2x^2 - 5x + 7$  을 빼야 할 것을 잘못하여 더하였더니, 답이  $7x^2 - 2x + 3$  이 되었다. 바르게 계산한 답은?

- ①  $5x^2 + 3x - 4$       ②  $5x^2 - 3x - 4$       ③  $3x^2 - 2x + 17$   
④  $3x^2 + 8x - 11$       ⑤  $3x^2 - 12x + 3$

해설

$$\begin{aligned}A &= 7x^2 - 2x + 3 - (2x^2 - 5x + 7) \\&= 5x^2 + 3x - 4 \\(\text{바른계산}) &= 5x^2 + 3x - 4 - (2x^2 - 5x + 7) \\&= 3x^2 + 8x - 11\end{aligned}$$

25.  $x, y$  가 자연수일 때, 방정식  $\frac{x+3}{2} = \frac{7-y}{3}$  의 해가  $ax + by = 5$  를 만족한다. 이 때,  $a + b$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 5

해설

$$\frac{x+3}{2} = \frac{7-y}{3} \text{ 의 양변에 } 6 \text{ 을 곱하면}$$

$$3(x+3) = 2(7-y)$$

$$3x+9 = 14-2y$$

$$3x+2y = 5$$

$$x=1, y=1$$

$$ax+by=5 \quad || \quad x=1, y=1 \text{ 을 대입하면 } a+b=5 \text{ 이다.}$$