

1. 다항식 $f(x) = x^3 - x^2 - x + 1$ 을 인수분해하면?

- ① $(x - 1)^2(x + 1)$ ② $(x + 1)^2(x - 1)$
③ $(x - 1)(x + 1)$ ④ $(x - 1)^3$
⑤ $(x + 1)^3$

해설

$$\begin{aligned}x^3 - x^2 - x + 1 &= x^2(x - 1) - (x - 1) \\&= (x - 1)(x^2 - 1) \\&= (x - 1)^2(x + 1) \\∴ f(x) &= (x - 1)(x^2 - 1) = (x - 1)^2(x + 1)\end{aligned}$$

해설

인수정리를 이용하여 인수분해할 수 있다.
 $f(1) = 0$,
즉 $x - 1$ 로 나누어 떨어지므로
조립제법을 써서 인수분해하면 된다.

2. 다항식 $ax + ay - bx - by$ 를 인수분해 하면?

- ① $x(a - b)$ ② $(a - b)(x - y)$ ③ $(a + b)(x - y)$
④ $(a - b)(x + y)$ ⑤ $(a + b)(x + y)$

해설

$$\begin{aligned} ax + ay - bx - by &= a(x + y) - b(x + y) \\ &= (a - b)(x + y) \end{aligned}$$

3. $x^4 - 6x^2 + 8$ 를 인수분해하면? (단, 유리수 범위에서 인수분해 하여라.)

- ① $(x^2 - 2)(x^2 - 4)$
- ② $(x^2 - 2)(x - 4)(x + 4)$
- ③ $(x^2 - 2)(x - 2)(x + 2)$
- ④ $(x - \sqrt{2})(x + \sqrt{2})(x - 2)(x + 2)$
- ⑤ $(x^2 - \sqrt{2})(x - 2)(x + 2)$

해설

$$\begin{aligned}x^4 - 6x^2 + 8 &= (x^2)^2 - 6x^2 + 8 \\&= (x^2 - 2)(x^2 - 4) \\&= (x + 2)(x - 2)(x^2 - 2)\end{aligned}$$

해설

인수정리를 이용할 수 있다.
 $f(x) = x^4 - 6x^2 + 8$
 $f(2) = 0, f(-2) = 0,$
즉, $(x - 2)(x + 2)$ 로 나누어 떨어지므로
조립제법을 써서 인수분해하면 된다.

4. $x^2 + y^2 + 2xy - x - y$ 을 인수분해 하면?

- ① $(x - y)(x + y + 1)$
② $(x + y)(x - y - 1)$
③ $(x - y)(x - y - 1)$
④ $(x + y)(x + y - 1)$
⑤ $(x + y)(x + y + 1)$

해설

$$\begin{aligned} &x^2 + y^2 + 2xy - x - y \\ &= (x + y)^2 - (x + y) = (x + y)(x + y - 1) \end{aligned}$$

5. $a^2b + b^2c - b^3 - a^2c$ 을 인수분해하면?

- ① $(a+b)(a-b)(b+c)$ ② $(a-b)(b-c)(c+a)$
③ $(a-b)(a+b)(b-c)$ ④ $(a-b)(a+b)(c-a)$
⑤ $(a-b)(b+c)(c-a)$

해설

$$\begin{aligned} & a^2b + b^2c - b^3 - a^2c \\ &= a^2(b - c) - b^2(b - c) \\ &= (a - b)(a + b)(b - c) \end{aligned}$$

6. 다음 중 다항식 $a^3 - a^2b + ab^2 + ac^2 - b^3 - bc^2$ 의 인수인 것은?

- ① $a + c$ ② $a - b^2$ ③ $a^2 - b^2 + c^2$
④ $a^2 + b^2 + c^2$ ⑤ $a^2 + b^2 - c^2$

해설

$$\begin{aligned} & a^3 - a^2b + ab^2 + ac^2 - b^3 - bc^2 \\ &= a^3 - b^3 + (a - b)c^2 - ab(a - b) \\ &= (a - b)(a^2 + ab + b^2) + (a - b)c^2 - ab(a - b) \\ &= (a - b)(a^2 + ab + b^2 + c^2 - ab) \\ &= (a - b)(a^2 + b^2 + c^2) \end{aligned}$$

7. 다음 중 $a^3 - b^2c - ab^2 + a^2c$ 의 인수인 것은?

- ① $a - b + c$ ② $c - a$ ③ $b + c$
④ $a - b$ ⑤ $c - b + a$

해설

$$\begin{aligned} a^3 - b^2c - ab^2 + a^2c &= a^3 - ab^2 + a^2c - b^2c \\ &= a(a^2 - b^2) + (a^2 - b^2)c \\ &= (a - b)(a + b)(a + c) \end{aligned}$$

8. $(x^2 + x)(x^2 + x + 1) - 6$ 을 인수분해하면?

- ① $(x - 1)(x + 2)(x^2 + x + 3)$ ② $(x - 1)(x + 2)(x^2 + x - 3)$
③ $(x - 2)(x + 1)(x^2 + x + 3)$ ④ $(x - 1)(x + 2)(x^2 - x + 3)$
⑤ $(x + 1)(x - 2)(x^2 - x + 3)$

해설

$$\begin{aligned}x^2 + x &= X \text{ 라 하자.} \\(준식) &= X(X + 1) - 6 \\&= X^2 + X - 6 \\&= (X + 3)(X - 2) \\&= (x^2 + x + 3)(x^2 + x - 2) \\&= (x - 1)(x + 2)(x^2 + x + 3)\end{aligned}$$

9. $(x^2 + 5x + 4)(x^2 + 5x + 2) - 24$ 를 인수분해하면 $(x^2 + ax + b)(x^2 + cx + d)$ 일 때 $a + b + c + d$ 를 구하면?

- ① 16 ② -16 ③ 15 ④ 18 ⑤ 0

해설

$$\begin{aligned}(x^2 + 5x + 4)(x^2 + 5x + 2) - 24 &\text{에서} \\ x^2 + 5x = t \text{로 치환하면} \\ (\text{준식}) &= (t + 4)(t + 2) - 24 \\ &= t^2 + 6t + 8 - 24 = t^2 + 6t - 16 \\ &= (t + 8)(t - 2) \\ \text{o}|\text{ 때 } t = x^2 + 5x \text{o}|\text{므로} \\ \therefore (x^2 + 5x + 8)(x^2 + 5x - 2) \\ \therefore a = 5, b = 8, c = 5, d = -2 \\ a + b + c + d = 5 + 8 + 5 + (-2) &= 16\end{aligned}$$

10. $(x+1)^2 + (x+1)(y+2) - 6(y+2)^2$ 의 인수를 구하면?

- ① $x - 2y + 3$ ② $\textcircled{2} x - 2y - 3$ ③ $x + 2y - 3$
④ $x + 3y - 7$ ⑤ $x - 3y + 7$

해설

$$\begin{aligned} x+1 &= a, y+2 = b \text{ 라 하면} \\ (x+1)^2 + (x+1)(y+2) - 6(y+2)^2 &= a^2 + ab - 6b^2 \\ &= (a-2b)(a+3b) \\ &= \textcircled{(x+1)-2(y+2)}\textcircled{(x+1)+3(y+2)} \\ &= (x+1-2y-4)(x+1+3y+6) \\ &= (x-2y-3)(x+3y+7) \end{aligned}$$

11. 다음 식 $(x-1)(x-2)(x-3)(x-4) - 3$ 을 인수분해하면?

- ① $(x^2 - x + 7)(x^2 - 5x + 3)$ ② $(x^2 - 5x + 7)(x^2 - x + 3)$
③ $(x^2 - 5x + 6)(x^2 - 5x + 3)$ ④ $(x^2 - 5x + 7)(x^2 - 5x + 3)$
⑤ $(x^2 - 2x + 7)(x^2 - 5x + 3)$

해설

$$\begin{aligned} & (x-1)(x-2)(x-3)(x-4) - 3 \\ &= \cancel{(x-1)(x-4)}\cancel{(x-2)(x-3)} - 3 \\ &= (x^2 - 5x + 4)(x^2 - 5x + 6) - 3 \\ &= (x^2 - 5x)^2 + 10(x^2 - 5x) + 24 - 3 \\ &= (x^2 - 5x)^2 + 10(x^2 - 5x) + 21 \\ &= (x^2 - 5x + 7)(x^2 - 5x + 3) \end{aligned}$$

12. $(a - b + c)(a + b - c)$ 를 전개한 식은?

- ① $a^2 + b^2 + c^2 - 2bc$ ② $a^2 - b^2 + c^2 - 2bc$
③ $a^2 - b^2 - c^2 + 2bc$ ④ $a^2 + b^2 - c^2 - 2bc$
⑤ $a^2 + b^2 + c^2 + 2bc$

해설

$$\begin{aligned}(a - b + c)(a + b - c) \\ &= |a - (b - c)||a + (b - c)| \\ &= a^2 - (b - c)^2 \\ &= a^2 - b^2 - c^2 + 2bc\end{aligned}$$

13. $3x^4 - x^2 - 2$ 를 인수분해 하여라.

- ① $(3x^2 - 2)(x + 1)(x - 1)$ ② $(3x^2 + 2)(x - 1)(x - 1)$
③ $(3x^2 + 2)(x + 1)(x + 1)$ ④ $(3x^2 + 3)(x + 1)(x - 1)$
⑤ $(3x^2 + 2)(x + 1)(x - 1)$

해설

$$\begin{aligned} A = x^2 \text{로 치환하면} \\ (\text{준식}) &= 3A^2 - A - 2 \\ &= (3A + 2)(A - 1) \\ &= (3x^2 + 2)(x + 1)(x - 1) \end{aligned}$$

14. $(x^2 + x)(x^2 + x - 8) + 12$ 를 인수분해 할 때, 다음 중 인수가 될 수 없는 것은?

- ① $x - 1$ ② $x + 1$ ③ $x - 2$ ④ $x + 2$ ⑤ $x + 3$

해설

$$\begin{aligned}x^2 + x &= A \text{로 놓으면 주어진 식은} \\A(A - 8) + 12 &= A^2 - 8A + 12 \\&= (A - 2)(A - 6) \\\therefore (\text{준식}) &= (x^2 + x - 2)(x^2 + x - 6) \\&= (x - 1)(x + 2)(x - 2)(x + 3)\end{aligned}$$

15. 다항식 $(x - 1)^3 + 27$ 을 바르게 인수분해한 것은?

- ① $(x - 1)(x^2 + 3)$ ② $(x - 1)(x^2 - x - 2)$
③ $(x - 1)(x^2 + 3x + 3)$ ④ $(x + 2)(x^2 + x + 7)$
⑤ $(x + 2)(x^2 - 5x + 13)$

해설

$x - 1$ 을 A 로 치환하면
준 식 $= A^3 + 27 = (A + 3)(A^2 - 3A + 9)$
다시 $x - 1$ 을 대입하면 $(x + 2)(x^2 - 5x + 13)$

16. $x^4 + 3x^2 + 4 = (x^2 + x + 2)(x^2 + ax + b)$ 일 때, 상수 a, b 의 곱을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -2

해설

$$\begin{aligned}(좌변) &= (x^2 + 2)^2 - x^2 \\&= (x^2 + x + 2)(x^2 - x + 2)\end{aligned}$$

$$\therefore a = -1, b = 2$$

$$\therefore ab = -1 \times 2 = -2$$

17. 다음 중 다항식 $x^4 - 8x^2 - 9$ 의 인수가 아닌 것은?

- ① $x - 3$ ② $x + 3$
③ $x^2 + 1$ ④ $x^2 + 9$
⑤ $x^3 + 3x^2 + x + 3$

해설

준 식을 인수분해 하면

$$\begin{aligned}x^4 - 8x^2 - 9 &= (x^2 + 1)(x^2 - 9) \\&= (x^2 + 1)(x + 3)(x - 3) \\⑤ \quad x^2(x + 3) + x + 3 &= (x^2 + 1)(x + 3)\end{aligned}$$

18. $x^2 - 2x - y^2 + 2y$ 를 인수분해 하였더니 $(x + ay)(x - by + c)$ 가 된다고 할 때, $a + b + c$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -4

해설

$$\begin{aligned}x^2 - 2x - y^2 + 2y \\&= (x^2 - y^2) - 2(x - y) \\&= (x + y - 2)(x - y) \\&= (x + ay)(x - by + c) \\&\text{계수를 비교하면} \\&a = -1, b = -1, c = -2 \\&\therefore a + b + c = -1 - 1 - 2 = -4\end{aligned}$$

19. 다음 중 인수분해가 잘못된 것을 고르면?

- ① $(x - y)^2 - xy(y - x) = (x - y)(x - y + xy)$
- ② $3a^2 - 27b^2 = 3(a + 3b)(a - 3b)$
- ③ $64a^3 - 125 = (4a + 5)(16a^2 - 20a + 25)$
- ④ $(x^2 - x) (x^2 - x + 1) - 6 = (x^2 - x + 3)(x + 1)(x - 2)$
- ⑤ $2x^2 - 5x + 3 = (x - 1)(2x - 3)$

해설

$$\begin{aligned}64a^3 - 125 &= (4a)^3 - (5)^3 \\&= (4a - 5)(16a^2 + 20a + 25)\end{aligned}$$

20. 사차식 $x^4 - 10x^2y^2 + 9y^4$ 의 인수가 아닌 것은?

- ① $x - 3y$ ② $\textcircled{2} x - 2y$ ③ $x - y$
④ $x + y$ ⑤ $x + 3y$

해설

$$\begin{aligned}x^4 - 10x^2y^2 + 9y^4 &= (x^2 - 9y^2)(x^2 - y^2) \\&= (x - 3y)(x + 3y)(x - y)(x + y)\end{aligned}$$

21. $1 - 4x^2 - y^2 + 4xy = (1 + ax + by)(1 + cx + dy)$ 일 때, $ac + bd$ 의 값을 구하면?

- ① -6 ② -5 ③ -4 ④ -3 ⑤ -2

해설

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= 1 - (4x^2 - 4xy + y^2) \\&= 1^2 - (2x - y)^2 \\&= (1 + 2x - y)(1 - 2x + y) \\∴ a &= 2, b = -1, c = -2, d = 1 \\∴ ac + bd &= 2 \times (-2) + (-1) \times 1 = -5\end{aligned}$$

22. $a^2 - b^2 - c^2 + 2bc$ 의 인수가 아닌 것은?

- ① $a - b + c$ ② $a + b - c$ ③ $-a + b - c$
④ $\textcircled{4} -a + b + c$ ⑤ $-a - b + c$

해설

$$\begin{aligned} a^2 - b^2 - c^2 + 2bc &= a^2 - (b^2 + c^2 - 2bc) \\ &= a^2 - (b - c)^2 \\ &= (a + b - c)(a - b + c) \end{aligned}$$

인수 : $(a + b - c)$, $(a - b + c)$ (단, 복부호 동순)

23. $2x^2 + xy - 3y^2 + 5x + 5y + 2$ 를 인수분해 하면 $(x+ay+b)(2x+cy+d)$ 이다. 이 때, $a+b+c+d$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 5

해설

$$\begin{aligned} & 2x^2 + xy - 3y^2 + 5x + 5y + 2 \\ &= 2x^2 + (y+5)x - 3y^2 + 5y + 2 \\ &= 2x^2 + (y+5)x - (y-2)(3y+1) \\ &= \boxed{(x-(y-2))(2x+(3y+1))} \\ &= (x-y+2)(2x+3y+1) \\ \therefore & a = -1, b = 2, c = 3, d = 1 \end{aligned}$$

24. 다항식 $2x^2 + xy + 5x - y^2 + 2y + 3$ 가 $(2x + ay + b)(x + cy + d)$ 로
인수분해 될 때, a, b, c, d 의 값을 차례로 적은 것은?

- ① 1, 3, 1, 1 ② 1, 3, -1, 1 ③ -1, 3, 1, 1
④ -1, 3, -1, 1 ⑤ -1, -3, 1, 1

해설

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= 2x^2 + (y+5)x - (y^2 - 2y - 3) \\&= \{2x - (y-3)\}\{x + (y+1)\} \\&= (2x-y+3)(x+y+1) \\&\therefore a = -1, b = 3, c = 1, d = 1\end{aligned}$$

25. 다항식 $2x^2 - xy - y^2 - 4x + y + 2$ 를 인수분해 한 식은?

- ① $(2x - y - 2)(x + y - 1)$ ② $(2x + y + 2)(x - y + 1)$
③ $(2x - y - 2)(x - y - 1)$ ④ $(2x + y - 2)(x + y - 1)$
⑤ $(2x + y - 2)(x - y - 1)$

해설

$$\begin{aligned}(\text{준 식}) &= 2x^2 - (y + 4)x - (y^2 - y - 2) \\&= 2x^2 - (y + 4)x - (y + 1)(y - 2) \\&= \boxed{(2x + (y - 2))(x - (y + 1))} \\&= (2x + y - 2)(x - y - 1)\end{aligned}$$

26. $a^2 + ab + a - b - 2$ 의 인수로 적당한 것은?

- ① $a - b - 2$ ② $a + b - 2$ ③ $\textcircled{3} a + b + 2$
④ $a + 1$ ⑤ $b + 1$

해설

a 에 관한 내림차순으로 정리 후 인수분해 한다.

$$\begin{aligned}(준식) &= a^2 + ab + a - b - 2 \\&= a^2 + (b+1)a - b - 2 \\&= (a+b+2)(a-1)\end{aligned}$$

27. 다음 중 다항식 $x^2 + 3xy + 2y^2 - x - 3y - 2$ 의 인수인 것은?

- ① $x + y + 2$ ② $x - y + 2$ ③ $x + 2y + 1$
④ $x - 2y + 1$ ⑤ $x + y + 1$

해설

$$\begin{aligned}x^2 + 3xy + 2y^2 - x - 3y - 2 \\= x^2 + (3y - 1)x + 2y^2 - 3y - 2 \\= x^2 + (3y - 1)x + (2y + 1)(y - 2) \\= (x + 2y + 1)(x + y - 2)\end{aligned}$$

28. $3x^2 + 2xy - y^2 - 4y - 3$ 을 인수분해 하면?

- ① $(x + y + 1)(3x + y - 3)$ ② $(x - y + 1)(3x - y - 3)$
③ $(3x + y + 1)(x - y - 3)$ ④ $(x + y + 1)(3x - y - 3)$
⑤ $(x - y - 1)(3x - y - 3)$

해설

$$\begin{aligned}3x^2 + 2xy - y^2 - 4y - 3 \\= (3x - (y + 3))(x + y + 1) \\= (x + y + 1)(3x - y - 3)\end{aligned}$$

29. $xy(x-y) + yz(y-z) + zx(z-x)$ 을 인수분해하면?

- ① $-(x-y)(y-z)(z-x)$ ② $-(x+y)(y-z)(z-x)$
③ $-(x-y)(y+z)(z-x)$ ④ $-(x-y)(y-z)(z+x)$
⑤ $-(x-y)(y+z)(z+x)$

해설

$$\begin{aligned}(\text{준 식}) &= xy(x-y) + zx(z-x) + yz(y-z) \\&= yx^2 - y^2x + z^2x - zx^2 + yz(y-z) \\&= (y-z)x^2 - (y^2 - z^2)x + yz(y-z) \\&= (y-z)x^2 - (y+z)(y-z)x + yz(y-z) \\&= (y-z)\{x^2 - (y+z)x + yz\} \\&= (y-z)(x-y)(x-z) \\&= -(x-y)(y-z)(z-x)\end{aligned}$$

30. $3x^2 + 2xy - y^2 - x + 3y - 2$ 의 인수인 것은?

- ① $2x + y + 1$ ② $x + y + 1$ ③ $2x - y + 1$
④ $3x - y + 2$ ⑤ $3x + y + 2$

해설

준 식을 내림차순으로 정리하면

$$\begin{aligned} & 3x^2 + 2xy - x - y^2 + 3y - 2 \\ & = 3x^2 + (2y - 1)x - (y - 1)(y - 2) \end{aligned}$$

인수분해하면 $(x + y - 1)(3x - y + 2)$