

1. 다항식 $f(x) = x^3 - x^2 - x + 1$ 을 인수분해하면?

① $(x - 1)^2(x + 1)$

② $(x + 1)^2(x - 1)$

③ $(x - 1)(x + 1)$

④ $(x - 1)^3$

⑤ $(x + 1)^3$

해설

$$x^3 - x^2 - x + 1 = x^2(x - 1) - (x - 1)$$

$$= (x - 1)(x^2 - 1)$$

$$= (x - 1)^2(x + 1)$$

$$\therefore f(x) = (x - 1)(x^2 - 1) = (x - 1)^2(x + 1)$$

해설

인수정리를 이용하여 인수분해할 수 있다.

$$f(1) = 0 ,$$

즉 $x - 1$ 로 나누어 떨어지므로

조립제법을 써서 인수분해하면 된다.

2. 다항식 $ax + ay - bx - by$ 를 인수분해 하면?

- ① $x(a - b)$
- ② $(a - b)(x - y)$
- ③ $(a + b)(x - y)$
- ④ $(a - b)(x + y)$
- ⑤ $(a + b)(x + y)$

해설

$$\begin{aligned} ax + ay - bx - by &= a(x + y) - b(x + y) \\ &= (a - b)(x + y) \end{aligned}$$

3. $x^4 - 6x^2 + 8$ 를 인수분해하면? (단, 유리수 범위에서 인수분해 하여라.)

① $(x^2 - 2)(x^2 - 4)$

② $(x^2 - 2)(x - 4)(x + 4)$

③ $(x^2 - 2)(x - 2)(x + 2)$

④ $(x - \sqrt{2})(x + \sqrt{2})(x - 2)(x + 2)$

⑤ $(x^2 - \sqrt{2})(x - 2)(x + 2)$

해설

$$\begin{aligned}x^4 - 6x^2 + 8 &= (x^2)^2 - 6x^2 + 8 \\&= (x^2 - 2)(x^2 - 4) \\&= (x + 2)(x - 2)(x^2 - 2)\end{aligned}$$

해설

인수정리를 이용할 수 있다.

$$f(x) = x^4 - 6x^2 + 8$$

$$f(2) = 0, \quad f(-2) = 0,$$

즉, $(x - 2)(x + 2)$ 로 나누어 떨어지므로
조립제법을 써서 인수분해하면 된다.

4. $x^2 + y^2 + 2xy - x - y$ 을 인수분해 하면?

- ① $(x - y)(x + y + 1)$
- ② $(x + y)(x - y - 1)$
- ③ $(x - y)(x - y - 1)$
- ④ $(x + y)(x + y - 1)$
- ⑤ $(x + y)(x + y + 1)$

해설

$$\begin{aligned}x^2 + y^2 + 2xy - x - y \\= (x + y)^2 - (x + y) = (x + y)(x + y - 1)\end{aligned}$$

5. $a^2b + b^2c - b^3 - a^2c$ 을 인수분해하면?

- ① $(a + b)(a - b)(b + c)$ ② $(a - b)(b - c)(c + a)$
③ $(a - b)(a + b)(b - c)$ ④ $(a - b)(a + b)(c - a)$
⑤ $(a - b)(b + c)(c - a)$

해설

$$\begin{aligned}a^2b + b^2c - b^3 - a^2c \\= a^2(b - c) - b^2(b - c) \\= (a - b)(a + b)(b - c)\end{aligned}$$

6. 다음 중 다항식 $a^3 - a^2b + ab^2 + ac^2 - b^3 - bc^2$ 의 인수인 것은?

① $a + c$

② $a - b^2$

③ $a^2 - b^2 + c^2$

④ $\textcircled{a^2 + b^2 + c^2}$

⑤ $a^2 + b^2 - c^2$

해설

$$\begin{aligned} & a^3 - a^2b + ab^2 + ac^2 - b^3 - bc^2 \\ &= a^3 - b^3 + (a - b)c^2 - ab(a - b) \\ &= (a - b)(a^2 + ab + b^2) + (a - b)c^2 - ab(a - b) \\ &= (a - b)(a^2 + ab + b^2 + c^2 - ab) \\ &= (a - b)(a^2 + b^2 + c^2) \end{aligned}$$

7. 다음 중 $a^3 - b^2c - ab^2 + a^2c$ 의 인수인 것은?

① $a - b + c$

② $c - a$

③ $b + c$

④ $a - b$

⑤ $c - b + a$

해설

$$\begin{aligned}a^3 - b^2c - ab^2 + a^2c &= a^3 - ab^2 + a^2c - b^2c \\&= a(a^2 - b^2) + (a^2 - b^2)c \\&= (a - b)(a + b)(a + c)\end{aligned}$$

8. $(x^2 + x)(x^2 + x + 1) - 6$ 을 인수분해하면?

- ① $(x - 1)(x + 2)(x^2 + x + 3)$ ② $(x - 1)(x + 2)(x^2 + x - 3)$
- ③ $(x - 2)(x + 1)(x^2 + x + 3)$ ④ $(x - 1)(x + 2)(x^2 - x + 3)$
- ⑤ $(x + 1)(x - 2)(x^2 - x + 3)$

해설

$x^2 + x = X$ 라 하자.

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= X(X + 1) - 6 \\&= X^2 + X - 6 \\&= (X + 3)(X - 2) \\&= (x^2 + x + 3)(x^2 + x - 2) \\&= (x - 1)(x + 2)(x^2 + x + 3)\end{aligned}$$

9. $(x^2 + 5x + 4)(x^2 + 5x + 2) - 24$ 를 인수분해하면 $(x^2 + ax + b)(x^2 + cx + d)$ 일 때 $a + b + c + d$ 를 구하면?

- ① 16 ② -16 ③ 15 ④ 18 ⑤ 0

해설

$$\begin{aligned}(x^2 + 5x + 4)(x^2 + 5x + 2) - 24 \text{에서} \\ x^2 + 5x = t \text{로 치환하면} \\ (\text{준식}) &= (t + 4)(t + 2) - 24 \\ &= t^2 + 6t + 8 - 24 = t^2 + 6t - 16 \\ &= (t + 8)(t - 2)\end{aligned}$$

○] 때 $t = x^2 + 5x$ ○] 므로

$$\therefore (x^2 + 5x + 8)(x^2 + 5x - 2)$$

$$\therefore a = 5, b = 8, c = 5, d = -2$$

$$a + b + c + d = 5 + 8 + 5 + (-2) = 16$$

10. $(x+1)^2 + (x+1)(y+2) - 6(y+2)^2$ 의 인수를 구하면?

① $x - 2y + 3$

② $x - 2y - 3$

③ $x + 2y - 3$

④ $x + 3y - 7$

⑤ $x - 3y + 7$

해설

$x+1 = a, y+2 = b$ 라 하면

$$(x+1)^2 + (x+1)(y+2) - 6(y+2)^2$$

$$= a^2 + ab - 6b^2$$

$$= (a - 2b)(a + 3b)$$

$$= \{(x+1) - 2(y+2)\} \{(x+1) + 3(y+2)\}$$

$$= (x+1 - 2y - 4)(x+1 + 3y + 6)$$

$$= (x - 2y - 3)(x + 3y + 7)$$

11. 다음 식 $(x - 1)(x - 2)(x - 3)(x - 4) - 3$ 을 인수분해하면?

- ① $(x^2 - x + 7)(x^2 - 5x + 3)$
- ② $(x^2 - 5x + 7)(x^2 - x + 3)$
- ③ $(x^2 - 5x + 6)(x^2 - 5x + 3)$
- ④ $(x^2 - 5x + 7)(x^2 - 5x + 3)$
- ⑤ $(x^2 - 2x + 7)(x^2 - 5x + 3)$

해설

$$\begin{aligned}(x - 1)(x - 2)(x - 3)(x - 4) - 3 \\&= \{(x - 1)(x - 4)\}\{(x - 2)(x - 3)\} - 3 \\&= (x^2 - 5x + 4)(x^2 - 5x + 6) - 3 \\&= (x^2 - 5x)^2 + 10(x^2 - 5x) + 24 - 3 \\&= (x^2 - 5x)^2 + 10(x^2 - 5x) + 21 \\&= (x^2 - 5x + 7)(x^2 - 5x + 3)\end{aligned}$$

12. $(a - b + c)(a + b - c)$ 를 전개한 식은?

① $a^2 + b^2 + c^2 - 2bc$

② $a^2 - b^2 + c^2 - 2bc$

③ $\textcircled{a^2 - b^2 - c^2 + 2bc}$

④ $a^2 + b^2 - c^2 - 2bc$

⑤ $a^2 + b^2 + c^2 + 2bc$

해설

$$\begin{aligned}(a - b + c)(a + b - c) \\&= \{a - (b - c)\}\{a + (b - c)\} \\&= a^2 - (b - c)^2 \\&= a^2 - b^2 - c^2 + 2bc\end{aligned}$$

13. $3x^4 - x^2 - 2$ 를 인수분해 하여라.

① $(3x^2 - 2)(x + 1)(x - 1)$

② $(3x^2 + 2)(x - 1)(x - 1)$

③ $(3x^2 + 2)(x + 1)(x + 1)$

④ $(3x^2 + 3)(x + 1)(x - 1)$

⑤ $(3x^2 + 2)(x + 1)(x - 1)$

해설

$A = x^2$ 로 치환하면

$$(\text{준식}) = 3A^2 - A - 2$$

$$= (3A + 2)(A - 1)$$

$$= (3x^2 + 2)(x + 1)(x - 1)$$

14. $(x^2 + x)(x^2 + x - 8) + 12$ 를 인수분해 할 때, 다음 중 인수가 될 수 없는 것은?

- ① $x - 1$ ② $x + 1$ ③ $x - 2$ ④ $x + 2$ ⑤ $x + 3$

해설

$x^2 + x = A$ 로 놓으면 주어진 식은

$$A(A - 8) + 12 = A^2 - 8A + 12$$

$$= (A - 2)(A - 6)$$

$$\therefore (\text{준식}) = (x^2 + x - 2)(x^2 + x - 6)$$

$$= (x - 1)(x + 2)(x - 2)(x + 3)$$

15. 다항식 $(x - 1)^3 + 27$ 을 바르게 인수분해한 것은?

① $(x - 1)(x^2 + 3)$

② $(x - 1)(x^2 - x - 2)$

③ $(x - 1)(x^2 + 3x + 3)$

④ $(x + 2)(x^2 + x + 7)$

⑤ $(x + 2)(x^2 - 5x + 13)$

해설

$x - 1$ 을 A 로 치환하면

$$\text{준 식} = A^3 + 27 = (A + 3)(A^2 - 3A + 9)$$

다시 $x - 1$ 을 대입하면 $(x + 2)(x^2 - 5x + 13)$

16. $x^4 + 3x^2 + 4 = (x^2 + x + 2)(x^2 + ax + b)$ 일 때, 상수 a, b 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : -2

해설

$$\begin{aligned}(\text{좌변}) &= (x^2 + 2)^2 - x^2 \\&= (x^2 + x + 2)(x^2 - x + 2)\end{aligned}$$

$$\therefore a = -1, b = 2$$

$$\therefore ab = -1 \times 2 = -2$$

17. 다음 중 다항식 $x^4 - 8x^2 - 9$ 의 인수가 아닌 것은?

① $x - 3$

② $x + 3$

③ $x^2 + 1$

④ $x^2 + 9$

⑤ $x^3 + 3x^2 + x + 3$

해설

준 식을 인수분해 하면

$$x^4 - 8x^2 - 9 = (x^2 + 1)(x^2 - 9)$$

$$= (x^2 + 1)(x + 3)(x - 3)$$

⑤ $x^2(x + 3) + x + 3 = (x^2 + 1)(x + 3)$

18. $x^2 - 2x - y^2 + 2y$ 를 인수분해 하였더니 $(x + ay)(x - by + c)$ 가 된다고 할 때, $a + b + c$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : -4

해설

$$\begin{aligned}x^2 - 2x - y^2 + 2y \\&= (x^2 - y^2) - 2(x - y) \\&= (x + y - 2)(x - y) \\&= (x + ay)(x - by + c)\end{aligned}$$

계수를 비교하면

$$a = -1, b = -1, c = -2$$

$$\therefore a + b + c = -1 - 1 - 2 = -4$$

19. 다음 중 인수분해가 잘못된 것을 고르면?

- ① $(x - y)^2 - xy(y - x) = (x - y)(x - y + xy)$
- ② $3a^2 - 27b^2 = 3(a + 3b)(a - 3b)$
- ③ $64a^3 - 125 = (4a + 5)(16a^2 - 20a + 25)$
- ④ $(x^2 - x)(x^2 - x + 1) - 6 = (x^2 - x + 3)(x + 1)(x - 2)$
- ⑤ $2x^2 - 5x + 3 = (x - 1)(2x - 3)$

해설

$$\begin{aligned}64a^3 - 125 &= (4a)^3 - (5)^3 \\&= (4a - 5)(16a^2 + 20a + 25)\end{aligned}$$

20. 사차식 $x^4 - 10x^2y^2 + 9y^4$ 의 인수가 아닌 것은?

① $x - 3y$

② $x - 2y$

③ $x - y$

④ $x + y$

⑤ $x + 3y$

해설

$$\begin{aligned}x^4 - 10x^2y^2 + 9y^4 &= (x^2 - 9y^2)(x^2 - y^2) \\&= (x - 3y)(x + 3y)(x - y)(x + y)\end{aligned}$$

21. $1 - 4x^2 - y^2 + 4xy = (1 + ax + by)(1 + cx + dy)$ 일 때, $ac + bd$ 의 값을 구하면?

- ① -6 ② -5 ③ -4 ④ -3 ⑤ -2

해설

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= 1 - (4x^2 - 4xy + y^2) \\&= 1^2 - (2x - y)^2 \\&= (1 + 2x - y)(1 - 2x + y)\end{aligned}$$

$$\therefore a = 2, b = -1, c = -2, d = 1$$

$$\therefore ac + bd = 2 \times (-2) + (-1) \times 1 = -5$$

22. $a^2 - b^2 - c^2 + 2bc$ 의 인수가 아닌 것은?

- ① $a - b + c$ ② $a + b - c$ ③ $-a + b - c$
④ $-a + b + c$ ⑤ $-a - b + c$

해설

$$\begin{aligned}a^2 - b^2 - c^2 + 2bc &= a^2 - (b^2 + c^2 - 2bc) \\&= a^2 - (b - c)^2 \\&= (a + b - c)(a - b + c)\end{aligned}$$

인수 : $(a + b - c)$, $(a - b + c)$ (단, 복부호 동순)

23. $2x^2 + xy - 3y^2 + 5x + 5y + 2$ 를 인수분해 하면 $(x + ay + b)(2x + cy + d)$ 이다. 이 때, $a + b + c + d$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : 5

해설

$$\begin{aligned}2x^2 + xy - 3y^2 + 5x + 5y + 2 \\&= 2x^2 + (y + 5)x - 3y^2 + 5y + 2 \\&= 2x^2 + (y + 5)x - (y - 2)(3y + 1) \\&= \{x - (y - 2)\}\{2x + (3y + 1)\} \\&= (x - y + 2)(2x + 3y + 1) \\∴ a &= -1, b = 2, c = 3, d = 1\end{aligned}$$

24. 다항식 $2x^2 + xy + 5x - y^2 + 2y + 3$ 가 $(2x + ay + b)(x + cy + d)$ 로
인수분해 될 때, a, b, c, d 의 값을 차례로 적은 것은?

① 1, 3, 1, 1

② 1, 3, -1, 1

③ -1, 3, 1, 1

④ -1, 3, -1, 1

⑤ -1, -3, 1, 1

해설

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= 2x^2 + (y+5)x - (y^2 - 2y - 3) \\&= \{2x - (y-3)\}\{x + (y+1)\} \\&= (2x-y+3)(x+y+1)\end{aligned}$$

$$\therefore a = -1, b = 3, c = 1, d = 1$$

25. 다항식 $2x^2 - xy - y^2 - 4x + y + 2$ 를 인수분해 한 식은?

- ① $(2x - y - 2)(x + y - 1)$ ② $(2x + y + 2)(x - y + 1)$
③ $(2x - y - 2)(x - y - 1)$ ④ $(2x + y - 2)(x + y - 1)$
⑤ $(2x + y - 2)(x - y - 1)$

해설

$$\begin{aligned}(\text{준 식}) &= 2x^2 - (y + 4)x - (y^2 - y - 2) \\&= 2x^2 - (y + 4)x - (y + 1)(y - 2) \\&= \{2x + (y - 2)\}\{x - (y + 1)\} \\&= (2x + y - 2)(x - y - 1)\end{aligned}$$

26. $a^2 + ab + a - b - 2$ 의 인수로 적당한 것은?

① $a - b - 2$

② $a + b - 2$

③ $\textcircled{a} + b + 2$

④ $a + 1$

⑤ $b + 1$

해설

a 에 관한 내림차순으로 정리 후 인수분해 한다.

$$\begin{aligned}\text{(준식)} &= a^2 + ab + a - b - 2 \\&= a^2 + (b+1)a - b - 2 \\&= (a+b+2)(a-1)\end{aligned}$$

27. 다음 중 다항식 $x^2 + 3xy + 2y^2 - x - 3y - 2$ 의 인수인 것은?

① $x + y + 2$

② $x - y + 2$

③ $x + 2y + 1$

④ $x - 2y + 1$

⑤ $x + y + 1$

해설

$$\begin{aligned}x^2 + 3xy + 2y^2 - x - 3y - 2 \\&= x^2 + (3y - 1)x + 2y^2 - 3y - 2 \\&= x^2 + (3y - 1)x + (2y + 1)(y - 2) \\&= (x + 2y + 1)(x + y - 2)\end{aligned}$$

28. $3x^2 + 2xy - y^2 - 4y - 3$ 을 인수분해 하면?

- ① $(x + y + 1)(3x + y - 3)$
- ② $(x - y + 1)(3x - y - 3)$
- ③ $(3x + y + 1)(x - y - 3)$
- ④ $(x + y + 1)(3x - y - 3)$
- ⑤ $(x - y - 1)(3x - y - 3)$

해설

$$\begin{aligned}3x^2 + 2xy - y^2 - 4y - 3 \\&= \{3x - (y + 3)\}(x + y + 1) \\&= (x + y + 1)(3x - y - 3)\end{aligned}$$

29. $xy(x-y) + yz(y-z) + zx(z-x)$ 을 인수분해하면?

- ① $-(x-y)(y-z)(z-x)$ ② $-(x+y)(y-z)(z-x)$
③ $-(x-y)(y+z)(z-x)$ ④ $-(x-y)(y-z)(z+x)$
⑤ $-(x-y)(y+z)(z+x)$

해설

$$\begin{aligned}(\text{준 식}) &= xy(x-y) + zx(z-x) + yz(y-z) \\&= yx^2 - y^2x + z^2x - zx^2 + yz(y-z) \\&= (y-z)x^2 - (y^2 - z^2)x + yz(y-z) \\&= (y-z)x^2 - (y+z)(y-z)x + yz(y-z) \\&= (y-z)\{x^2 - (y+z)x + yz\} \\&= (y-z)(x-y)(x-z) \\&= -(x-y)(y-z)(z-x)\end{aligned}$$

30. $3x^2 + 2xy - y^2 - x + 3y - 2$ 의 인수인 것은?

- ① $2x + y + 1$
- ② $x + y + 1$
- ③ $2x - y + 1$
- ④ $3x - y + 2$
- ⑤ $3x + y + 2$

해설

준식을 내림차순으로 정리하면

$$3x^2 + 2xy - x - y^2 + 3y - 2$$

$$= 3x^2 + (2y - 1)x - (y - 1)(y - 2)$$

인수분해하면 $(x + y - 1)(3x - y + 2)$