

1. 방정식 $(x - 1)(x^2 - x - 2) = 0$ 의 모든 근의 합을 구하면?

- ① 5 ② 4 ③ 3 ④ 2 ⑤ 1

2. 다음 방정식의 모든 해의 합을 구하여라.

$$x^4 - 13x^2 + 36 = 0$$

 답: _____

3. 다음 방정식의 모든 해의 합을 구하여라.

$$x^4 = 16$$

 답: _____

4. 다음 세 개의 3차방정식의 공통근을 구하여라.

$$\boxed{x^3 + 3x^2 - x - 3 = 0, \quad x^3 + 2x^2 - x - 2 = 0, \\ x^3 - 4x^2 + 5x - 2 = 0}$$

▶ 답: $x = \underline{\hspace{1cm}}$

5. 방정식 $x^3 - x = 0$ 의 해를 구하여라.

▶ 답: $x = \underline{\hspace{1cm}}$

▶ 답: $x = \underline{\hspace{1cm}}$

▶ 답: $x = \underline{\hspace{1cm}}$

6. 사차방정식 $x^4 - 11x^2 + 30 = 0$ 의 네 근 중 가장 작은 근을 a , 가장 큰 근을 b 라 할 때, $a^2 + b^2$ 의 값은?

① 8 ② 9 ③ 10 ④ 11 ⑤ 12

7. 사차방정식 $x^4 + 3x^2 - 10 = 0$ 의 모든 실근의 곱은?

- ① -2 ② -1 ③ 0 ④ 1 ⑤ 2

8. $x^2 - x + 1 = 0$ 일 때, x^{180} 의 값은?

- ① 180 ② -180 ③ -1 ④ 0 ⑤ 1

9. 허수 w 가 $w^3 = 1$ 을 만족할 때, $w + w^2 + w^3 + w^4 + w^5$ 의 값은?

- ① -2 ② -1 ③ 0 ④ 1 ⑤ 2

10. $x^3 = 1$ 의 한 허근이 ω 일 때, $\omega^{10} + \omega^5 + 1$ 의 값은?

- ① -2 ② -1 ③ 0 ④ 1 ⑤ 2

11. $x^3 + 1 = (x - \alpha)(x - \beta)(x - \gamma)$ 일 때, $\alpha^3 + \beta^3 + \gamma^3$ 의 값은?

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ -1 ⑤ -3

12. 방정식 $x^3 = 1$ 의 한 허근을 w 라고 할 때, 다음 중 옳지 않은 것은?

- ① $w^3 - 1 = 0$ ② $w^2 - w + 1 = 0$
③ $w + \frac{1}{w} = -1$ ④ $w^{2008} + w^{2009} = -1$
⑤ 다른 허근은 w^2 이다.

13. 방정식 $x^3 - 1 = 0$ 의 한 해^근을 w 라 할 때, $1 - 2w + 3w^2 - 4w^3 + 3w^4 - 2w^5$ 의 값을 구하면?

① -1 ② 1 ③ -2 ④ 2 ⑤ -4

14. 사차방정식 $x^4 + x^3 - x - 1 = 0$ 의 두 근을 α, β 라 할 때, $\alpha^{100} + \frac{1}{\beta^{100}}$

과 값이 같은 것은?

- ① $\alpha + 1$ ② $\alpha - 2$ ③ $\frac{2}{\beta}$ ④ -1 ⑤ 1

15. $x+y = 1$, $xy = 1$ 인 두 복소수 x, y 에 대하여, $x^{2008}+y^{2008}$ 의 값은?

- ① 1 ② 2 ③ -1 ④ -2 ⑤ 0

16. $x^2 + x + 1 = 0$ 일 때 $\frac{x^{10} + 1}{x^2}$ 의 값을 구하여라?

- ① 1 ② 2 ③ 0 ④ -2 ⑤ -1

17. $x^2 - x + 1 = 0$ 일 때, x^{51} 의 값을 구하여라.

▶ 답: _____

18. $x^3 = 1$ 의 한 허근을 w 라 할 때, $1 + 2w^4 + 3w^5 + 4w^6 = aw + b$ 를 만족하는 실수 a, b 를 구하면?

- ① $a = -1, b = 2$
- ② $a = 2, b = -3$
- ③ $a = -3, b = 1$
- ④ $a = -1, b = 1$
- ⑤ $a = 1, b = 2$

19. 방정식 $x^3 = 8$ 의 한 허근을 α 라 할 때, $1 + \alpha + \alpha^2 + \alpha^3$ 의 값은?

① $-1 \pm \sqrt{3}i$ ② $1 \pm \sqrt{3}i$ ③ $3 \pm \sqrt{3}i$

④ $6 \pm \sqrt{3}i$ ⑤ $9 \pm \sqrt{3}i$

20. $x^2 + x + 1 = 0$ 의 한 해근을 ω 라고 할 때, $\omega^{2012} + \omega^{2013} + \omega^{2014}$ 의 값은?

- ① 3 ② -1 ③ 1 ④ 0 ⑤ 2

21. 1의 세제곱근 중 하나의 허근을 ω 라 할 때, 다음 중 틀린 것은?

- ① $\omega^2 + \omega + 1 = 0$
- ② $\omega^3 = 1$
- ③ 1의 세제곱근은 1, ω , ω^2 으로 나타낼 수 있다.
- ④ $\omega^2 = \bar{\omega}$ (단, $\bar{\omega}$ 는 ω 의 쥔레복소수이다.)
- ⑤ $\omega = -\omega^2$

22. $\omega = \frac{-1 + \sqrt{3}i}{2}$ 일 때, $\frac{\omega^2}{\omega^{10} + 1} + \frac{\omega^{10} + 1}{\omega^2}$ 의 값은?

- ① -2 ② -1 ③ 0 ④ 1 ⑤ 2

23. 방정식 $x^3 - x^2 + ax - 1 = 0$ 의 한 근이 -1 일 때, 상수 a 의 값과 나머지 두 근을 구하면?

- | | |
|----------------------------|----------------------------|
| ① $a = 3, 1 \pm \sqrt{2}$ | ② $a = -3, 1 \pm \sqrt{2}$ |
| ③ $a = 3, 1 \pm \sqrt{3}$ | ④ $a = -3, 1 \pm \sqrt{3}$ |
| ⑤ $a = -1, 1 \pm \sqrt{2}$ | |

24. 삼차방정식 $2x^3 - 7x^2 + 11x + 13 = 0$ 의 세 근을 α, β, γ 라고 할 때,
다음 ①, ④에 알맞은 값을 차례로 쓴 것은?

① $\alpha + \beta + \gamma$
② $\alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha$
③ $\alpha\beta\gamma$

① $\frac{7}{2}, \frac{11}{2}, -\frac{13}{2}$ ② $-\frac{7}{2}, \frac{13}{2}, \frac{11}{2}$ ③ $\frac{13}{2}, \frac{7}{2}, -\frac{11}{2}$
④ $\frac{11}{2}, -\frac{13}{2}, \frac{7}{2}$ ⑤ $\frac{7}{2}, -\frac{11}{2}, \frac{13}{2}$

25. 다음 중 $1+i$ 가 하나의 근이며 중근을 갖는 사차방정식은?

- ① $(x^2 - 2x + 2)(x^2 - 2x + 1)$
- ② $(x^2 - 2x + 2)(x - 1)(x + 1)$
- ③ $(x^2 - 1)(x^2 - 2x - 1)$
- ④ $(x^2 + 1)(x - 1)(x + 1)$
- ⑤ $(x^2 + 1)(x^2 - 2x + 1)$

26. 삼차방정식 $x^3 - 5x^2 + ax + b = 0$ 의 한 근이 $1 + \sqrt{2}$ 일 때, 다른 두 근을 구하면? (단, a, b 는 유리수)

- ① $1 - \sqrt{2}, 2$ ② $-1 + \sqrt{2}, -3$ ③ $1 - \sqrt{2}, 3$
④ $1 - \sqrt{2}, -3$ ⑤ $-1 + \sqrt{2}, 3$

27. $x^3 - 1 = 0$ 의 한 허근을 ω 라 할 때, $\omega^3 + \bar{\omega}^3$ 의 값을 구하면? (단, $\bar{\omega}$ 는 ω 의 졸레복소수이다.)

- ① -1 ② 0 ③ 1 ④ 2 ⑤ 3

28. 다음 사차방정식을 풀 때 근이 아닌 것을 구하면?

$$(x^2 - 2x)^2 - 6(x^2 - 2x) - 16 = 0$$

- ① 4 ② -4 ③ -2 ④ $1+i$ ⑤ $1-i$

29. 방정식 $2x^4 - x^3 - 6x^2 - x + 2 = 0$ 을 풀면?

- | | |
|-------------------------------------|------------------------------------|
| ① $x = -1$ (중근), $-\frac{1}{2}$, 2 | ② $x = -1$ (복근), $\frac{1}{2}$, 1 |
| ③ $x = -1$ (중근), $\frac{1}{2}$, 2 | ④ $x = -1, \frac{1}{2}, 2$ (중근) |
| ⑤ $x = -1, \frac{1}{2}$ (중근), 2 | |

30. 삼차방정식 $x^3 + 27 = 0$ 의 모든 근의 합은?

- ① 0 ② 1 ③ 2 ④ 3 ⑤ 4

31. 방정식 $x^6 - 1 = 0$ 의 해가 아닌 것은?

① -1

④ $\frac{1 - \sqrt{3}i}{2}$

② 1

⑤ $\frac{-1 + \sqrt{3}}{2}$

③ $\frac{-1 + \sqrt{3}i}{2}$

32. 삼차방정식 $x^3 + x - 2 = 0$ 의 해를 구하면?

- ① 1, $\frac{-1 \pm \sqrt{7}i}{2}$ ② -1, $\frac{-1 \pm \sqrt{7}i}{2}$ ③ -1, $\frac{-1 \pm \sqrt{7}}{2}$
④ -1 ⑤ 1

33. 방정식 $x^4 - 4x + 3 = 0$ 의 해를 구하면?

- | | |
|---------------------------------|---------------------------------|
| ① $x = 1, x = -1 \pm 2i$ | ② $x = -1, x = 1 \pm 2i$ |
| ③ $x = 1, x = -1 \pm \sqrt{2}i$ | ④ $x = -1, x = 1 \pm \sqrt{2}i$ |
| ⑤ $x = 1$ | |

34. 사차방정식 $x^4 - 2x^3 + 2x^2 + 2x - 3 = 0$ 을 풀면?

- | | |
|--|--|
| ① $x = \pm 1, \quad x = 1 \pm \sqrt{2}i$ | ② $x = \pm 2, \quad x = 1 \pm \sqrt{3}i$ |
| ③ $x = \pm 1, \quad x = 1 \pm \sqrt{3}i$ | ④ $x = \pm 2, \quad x = 1 \pm \sqrt{2}i$ |

- ⑤ $x = \pm 2, \quad x = 3 \pm \sqrt{2}i$

35. $x(x - 1)(x + 1) - 6 = 0$ 의 세근을 구하면?

- ① 2, -1, -3 ② -2, 1, -3 ③ 2, 1, -3
④ -2, -1 ± $\sqrt{2}i$ ⑤ 2, -1 ± $\sqrt{2}i$