

1. 다음 설명 중 옳은 것을 모두 찾아라.

- Ⓐ 세 변의 길이가 같은 삼각형은 정삼각형이다.
- Ⓑ 네 변의 길이가 같은 사각형은 정사각형이다.
- Ⓒ 내각의 크기가 모두 같은 사각형은 정사각형이다.
- Ⓓ 정다각형은 내각의 크기와 변의 길이가 모두 같다.

▶ 답:

▶ 답:

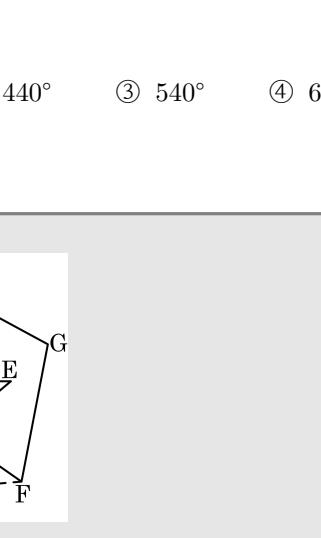
▷ 정답: Ⓐ

▷ 정답: Ⓑ

해설

- Ⓑ 마름모는 네 변의 길이가 같지만 정사각형은 아니다.
- Ⓒ 직사각형은 내각의 크기가 모두 같지만 정사각형이 아니다.

2. 다음 그림에서  $\angle B + \angle C + \angle D + \angle E + \angle F + \angle G$  의 값은?



- ①  $400^\circ$       ②  $440^\circ$       ③  $540^\circ$       ④  $600^\circ$       ⑤  $720^\circ$

해설



오각형의 내각의 합은  $540^\circ$  이다.  
따라서  $\angle A + \angle B + \angle C + \angle D + \angle E + \angle F + \angle G = 540^\circ$  이므로  
 $\angle B + \angle C + \angle D + \angle E + \angle F + \angle G = 440^\circ$  이다.

3. 한 내각의 크기가  $150^\circ$  인 정다각형의 대각선의 총수는?

- ① 35 개    ② 54 개    ③ 60 개    ④ 66 개    ⑤ 90 개

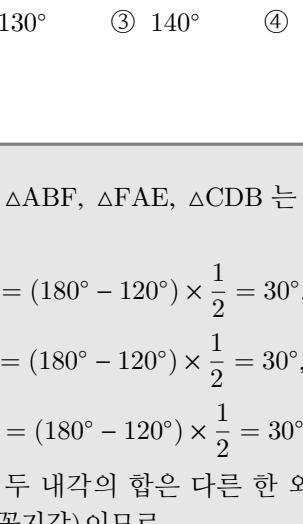
해설

한 외각의 크기는  $180^\circ - 150^\circ = 30^\circ$

$$\frac{360^\circ}{n} = 30^\circ, n = 12$$

따라서 대각선의 총수는  $\frac{12 \times (12 - 3)}{2} = 54$  (개)이다.

4. 다음 그림의 정육각형에서  $\angle x + \angle y - \angle z$  의 크기를 구하면?



- ① 120°      ② 130°      ③ 140°      ④ 150°      ⑤ 160°

해설

정육각형이므로  $\triangle ABF$ ,  $\triangle FAE$ ,  $\triangle CDB$ 는 합동인 이등변 삼각형이다.

$$\angle ABF = \angle AFB = (180^\circ - 120^\circ) \times \frac{1}{2} = 30^\circ,$$

$$\angle FAE = \angle FEA = (180^\circ - 120^\circ) \times \frac{1}{2} = 30^\circ,$$

$$\angle CDB = \angle CBD = (180^\circ - 120^\circ) \times \frac{1}{2} = 30^\circ$$

또한, 삼각형의 두 내각의 합은 다른 한 외각의 크기와 같고,  
 $\angle y = \angle AGF$  (맞꼭지각)이므로

$$\angle y = \angle AGF = 180^\circ - (\angle FAE + \angle AFB) = 180^\circ - (30^\circ + 30^\circ) = 120^\circ \text{ 이다.}$$

또한,  $\triangle FBD$ 가 정삼각형이므로

$$\angle x = \angle z = \angle BFD = \angle AFE - (\angle AFB + \angle EFD) = 120^\circ - (30^\circ + 30^\circ) = 60^\circ \text{ 이다.}$$

따라서  $\angle x + \angle y - \angle z = 60^\circ + 120^\circ - 60^\circ = 120^\circ$  이다.

5. 다음 그림의 원 O에서  $\widehat{OC} // \overline{BD}$ 이고,  
 $5.0pt\widehat{AC} = 3cm$  일 때,  $5.0pt\widehat{BD}$ 의 길이를 구하여라.



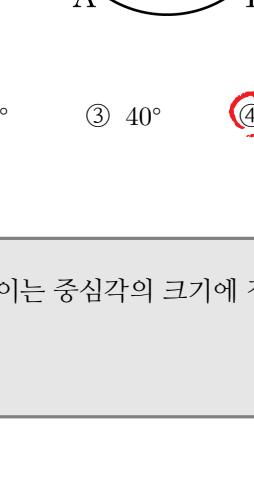
▶ 답: cm

▷ 정답: 12cm

해설

$\angle AOC$  와  $\angle DBO$  는 동위각으로 같다.  
 $\angle BDO = \angle DBO = 30^\circ$ ,  
 $\angle DOB = 180^\circ - (30^\circ + 30^\circ) = 120^\circ$ ,  
 $\angle AOC : \angle BOD = 5.0pt\widehat{AC} : 5.0pt\widehat{BD}$   
 $30^\circ : 120^\circ = 3 : 5.0pt\widehat{BD}$   
 $\therefore 5.0pt\widehat{BD} = 12(cm)$

6. 다음 그림의 원 O에서  $\widehat{AB} = 25.0\text{pt}$ ,  $\widehat{AC} = 5.0\text{pt}$  일 때,  $\angle x$ 의 크기는?



- ①  $30^\circ$       ②  $35^\circ$       ③  $40^\circ$       ④  $45^\circ$       ⑤  $50^\circ$

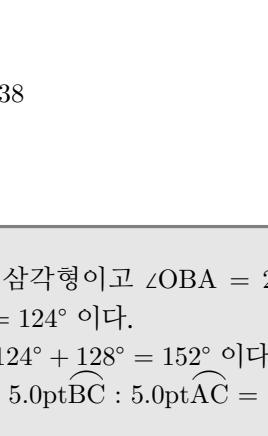
해설

한 원에서 호의 길이는 중심각의 크기에 정비례한다.

$$x : 90^\circ = 1 : 2$$

$$\therefore x = 45^\circ$$

7. 다음 그림에서  $\overline{OC} \parallel \overline{AB}$ ,  $\angle BOC = 28^\circ$  일 때,  $5.0pt\widehat{AB} : 5.0pt\widehat{BC} : 5.0pt\widehat{AC}$  의 비는?



▶ 답:

▷ 정답: 31 : 7 : 38

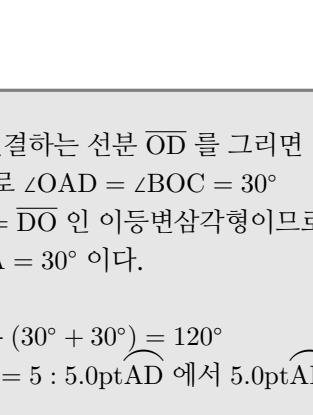
해설

$\triangle OAB$  는 이등변삼각형이고  $\angle OBA = 28^\circ$  이므로  $\angle AOB = 180^\circ - 28^\circ - 28^\circ = 124^\circ$  이다.

따라서  $\angle AOC = 124^\circ + 28^\circ = 152^\circ$  이다.

따라서  $5.0pt\widehat{AB} : 5.0pt\widehat{BC} : 5.0pt\widehat{AC} = 124 : 28 : 152 = 31 : 7 : 38$  이다.

8. 아래 그림과 같이  $\overline{AB}$  를 지름으로 하는 원 O에서  $\angle BOC = 30^\circ$ ,  $5.0\text{pt}\widehat{BC} = 5\text{cm}$ ,  $\overline{AD} \parallel \overline{OC}$  일 때,  $5.0\text{pt}\widehat{AD}$  의 길이를 구하라.



- ① 10 cm      ② 15 cm      ③ 18 cm  
④ 20 cm      ⑤ 22 cm

해설

점 O 와 D 를 연결하는 선분  $\overline{OD}$  를 그리면

$\overline{AD} \parallel \overline{OC}$  이므로  $\angle OAD = \angle BOC = 30^\circ$

$\triangle AOD$  는  $\overline{AO} = \overline{DO}$  인 이등변삼각형이므로

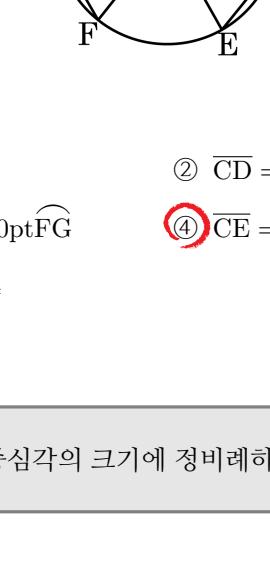
$\angle OAD = \angle ODA = 30^\circ$  이다.

$\triangle AOD$  에서

$$\angle AOD = 180^\circ - (30^\circ + 30^\circ) = 120^\circ$$

따라서  $30 : 120 = 5 : 5.0\text{pt}\widehat{AD}$  에서  $5.0\text{pt}\widehat{AD} = 20(\text{cm})$  이다.

9. 다음 그림의 원 O에서  $\overline{FG} = 7$  일 때, 다음 중 옳지 않은 것은?

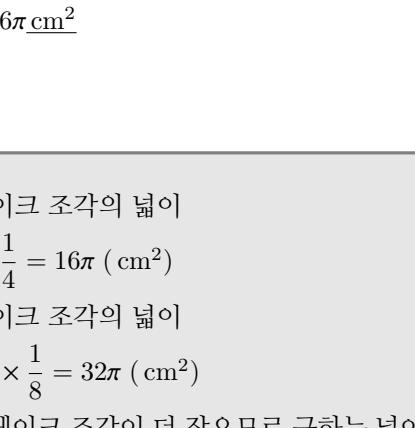


- ①  $\overline{AC} = \overline{CE}$       ②  $\overline{CD} = 7$   
③  $5.0\text{pt}\widehat{BE} = 35.0\text{pt}\widehat{FG}$       ④  $\overline{CE} = 14$   
⑤  $\overline{AB} + \overline{BC} = 14$

해설

④ 현의 길이는 중심각의 크기에 정비례하지 않는다.

10. 다음 그림과 같이 높이는 같지만 반지름의 길이는 각각 8cm, 16cm인 두 개의 케이크가 있다. 첫 번째 케이크는 4 등분하고 두 번째 케이크는 8 등분하였을 때, 작은 케이크 조각의 넓이를 구하여라.



▶ 답:  $\underline{\text{cm}^2}$

▷ 정답:  $16\pi \text{ cm}^2$

해설

첫 번째 케이크 조각의 넓이

$$8 \times 8 \times \pi \times \frac{1}{4} = 16\pi (\text{cm}^2)$$

두 번째 케이크 조각의 넓이

$$16 \times 16 \times \pi \times \frac{1}{8} = 32\pi (\text{cm}^2)$$

$\therefore$  첫 번째 케이크 조각이 더 작으므로 구하는 넓이는  $16\pi (\text{cm}^2)$ 이다.

11. 다음 그림과 같이 반지름의 길이가 4cm인 원기둥 6개를 묶으려고 한다. 이때, 필요한 끈의 최소 길이는? (단, 매듭의 길이는 생각하지 않는다.)



- ①  $8(\pi + 6)\text{cm}$       ②  $16(\pi + 3)\text{cm}$       ③  $16(\pi + 6)\text{cm}$   
 ④  $32(\pi + 3)\text{cm}$       ⑤  $40(\pi + 3)\text{cm}$

해설

다음 그림과 같이 선을 그으면



반지름이 4cm인 원의 둘레와 가로 8cm, 세로 16cm인 직사각형의 둘레의 합이 필요한 끈의 최소 길이이다.  
 $\therefore 2 \times 4\pi + (16 + 8) \times 2 = 8\pi + 48(\text{cm})$

12. 한 변의 길이가 20cm인 정삼각형의 주위를 반지름의 길이가 2cm인 원이 한 바퀴 돌았다. 원이 지나간 자리의 넓이를 구하여라.

▶ 답 :  $\text{cm}^2$

▷ 정답 :  $240 + 16\pi \text{cm}^2$

해설

넓이는  $3 \times 20 \times 4 + \pi \times 4^2 = 240 + 16\pi(\text{cm}^2)$ 이다.

13. 다음 중 칠각뿔의 면의 개수와 같은 입체도형은?

- ① 육각기둥      ② 오각뿔대      ③ 칠각뿔대  
④ 사각뿔      ⑤ 육각뿔

해설

- ① 육각기둥: 8 개  
② 오각뿔대: 7 개  
③ 칠각뿔대: 9 개  
④ 사각뿔: 5 개  
⑤ 육각뿔: 7 개

따라서 칠각뿔은 면의 개수가 8 개이므로 면의 개수가 같은 것은 ①이다.

14. 다음 중 다면체와 그 모서리의 개수가 옳게 짹지어 진 것을 모두 고르면?

- |               |               |
|---------------|---------------|
| Ⓐ 삼각기둥 : 6 개  | Ⓑ 사각뿔 : 8 개   |
| Ⓒ 육각기둥 : 18 개 | Ⓓ 오각뿔대 : 10 개 |
| Ⓔ 삼각뿔 : 9 개   |               |

- ① Ⓐ, Ⓑ    ② Ⓐ, Ⓒ    ③ Ⓑ, Ⓓ    ④ Ⓒ, Ⓔ    ⑤ Ⓕ, Ⓕ

해설

- ①. 9 개  
④. 15 개  
⑤. 6 개

15. 다음 조건을 모두 만족하는 입체도형은?

- Ⓐ 두 밑면이 평행하다.
- Ⓑ 두 밑면이 합동이 아니다.
- Ⓒ 구면체이다.
- Ⓓ 옆면이 모두 사다리꼴이다.

① 구각기둥      ② 팔각뿔      ③ 칠각뿔대

④ 원기둥      ⑤ 칠각기둥

해설

Ⓐ 두 밑면이 평행하다. → 각기둥 또는 각뿔대

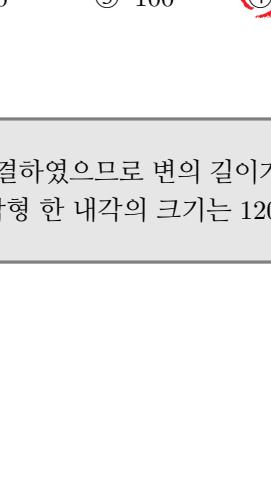
Ⓑ 두 밑면이 합동이 아니다. → 각뿔대

Ⓒ 구면체이다. →  $n + 2 = 9$ , ∴  $n = 7$

Ⓓ 옆면이 모두 사다리꼴이다.

∴ 칠각뿔대이다.

16. 다음 그림은 정육면체의 여섯 개의 모서리의 중점 A, B, C, D, E, F를 평면으로 자른 입체도형이다.  $\angle BCD$ 의 크기는?

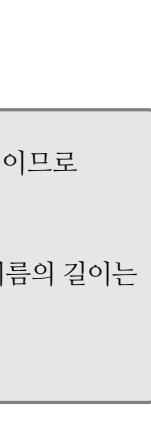


- ①  $60^\circ$       ②  $90^\circ$       ③  $100^\circ$       ④  $120^\circ$       ⑤  $140^\circ$

해설

각각의 중점을 연결하였으므로 변의 길이가 모두 같은 육각형이다. 따라서 정육각형 한 내각의 크기는  $120^\circ$ 이다.

17. 다음 그림과 같은 원뿔의 전개도에서 부채꼴의 중심각의 크기가  $90^\circ$  일 때, 밑면의 넓이는?



- ①  $4\pi$       ②  $8\pi$       ③  $16\pi$       ④  $24\pi$       ⑤  $32\pi$

해설

원뿔의 전개도에서 부채꼴의 중심각의 크기가  $90^\circ$  이므로

$$\text{부채꼴의 호의 길이는 } 32\pi \times \frac{90^\circ}{360^\circ} = 8\pi$$

따라서 밑면의 원주의 둘레가  $8\pi$  이므로 밑면의 반지름의 길이는 4이다.

따라서 밑면의 넓이는  $16\pi$  이다.

18. 다음 중 옳은 것의 개수를 구하여라.

- Ⓐ 회전체의 회전축은 1 개뿐이다.
- Ⓑ 구를 평면으로 자른 단면의 넓이가 가장 큰 경우는 구의 중심을 지나도록 잘랐을 때이다.
- Ⓒ 구는 공간의 한 점으로부터 일정한 거리에 있는 점들이 모인 것이다.
- Ⓓ 원뿔을 회전축에 수직인 평면으로 자른 단면의 모양은 이등변삼각형이다.
- Ⓔ 삼각형을 한 변을 축으로 하여 한 바퀴 회전시킬 때 생기는 입체도형은 항상 원뿔이다.

▶ 답: 개

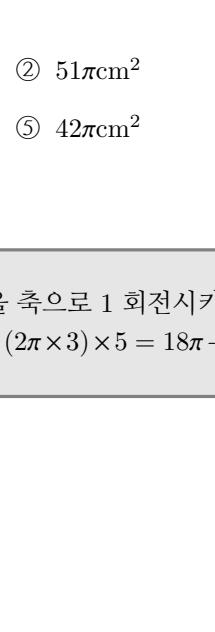
▷ 정답: 2개

해설

- Ⓐ 구의 회전축은 무수히 많다.
- Ⓑ 원뿔을 회전축에 수직인 평면으로 자른 단면의 모양은 원이다.
- Ⓒ 원뿔은 직각삼각형의 직각을 낀 변을 축으로 하여 한 바퀴 회전시킬 때 생기는 회전체이다.

따라서 옳은 것은 Ⓑ, Ⓒ이다.

19. 다음 그림의 직사각형을 직선  $l$  을 축으로 하여 회전시킬 때 만들어지는 회전체의 겉넓이는?



- ①  $54\pi\text{cm}^2$       ②  $51\pi\text{cm}^2$       ③  $48\pi\text{cm}^2$   
④  $45\pi\text{cm}^2$       ⑤  $42\pi\text{cm}^2$

해설

직사각형을 직선  $l$  을 축으로 1 회전시키면 원기둥이 된다.  
따라서  $S = 9\pi \times 2 + (2\pi \times 3) \times 5 = 18\pi + 30\pi = 48\pi(\text{cm}^2)$  이다.

20. 밑면의 반지름의 길이가 3cm, 모선의 길이가 9cm인 원뿔의 전개도에서 부채꼴의 중심각의 크기를 구하면?

- ①  $80^\circ$     ②  $100^\circ$     ③  $110^\circ$     ④  $120^\circ$     ⑤  $130^\circ$

해설

부채꼴의 중심각의 크기를  $x$ 라고 하면  
 $\pi \times 3 \times 2 = \pi \times 9 \times 2 \times \frac{x}{360^\circ}$

$$3 = \frac{x}{40^\circ}$$

$$x = 120^\circ$$

21. 다음 그림과 같이 밑면은 정사각형이고 옆 면은 모두 합동인 사다리꼴로 되어 있는 사각뿔대의 넓이는?

- ①  $72 \text{ cm}^2$       ②  $81 \text{ cm}^2$

- ③  $104 \text{ cm}^2$       ④  $164 \text{ cm}^2$

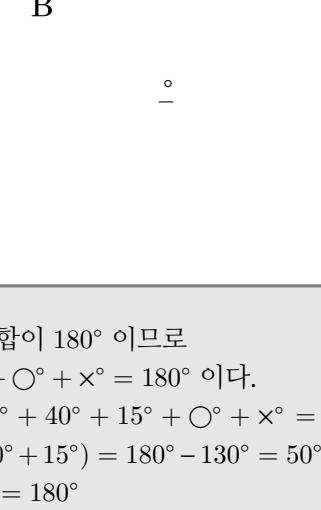
⑤  $168 \text{ cm}^2$



해설

$$\begin{aligned} & 2 \times 2 + 8 \times 8 + \left\{ (2+8) \times 5 \times \frac{1}{2} \right\} \times 4 \\ & = 4 + 64 + 100 \\ & = 168(\text{cm}^2) \end{aligned}$$

22. 다음 그림에서  $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답:  ${}^\circ$

▷ 정답:  $130^\circ$

해설

내각의 크기의 합이  $180^\circ$  이므로

$\triangle PBC$ 에서  $x + O^\circ + X^\circ = 180^\circ$  이다.

$\triangle ABC$ 에서  $75^\circ + 40^\circ + 15^\circ + O^\circ + X^\circ = 180^\circ$ ,  $O^\circ + X^\circ =$

$180^\circ - (75^\circ + 40^\circ + 15^\circ) = 180^\circ - 130^\circ = 50^\circ$  즉,  $O^\circ + X^\circ = 50^\circ$

이므로  $x + 50^\circ = 180^\circ$

따라서  $x = 130^\circ$  이다.

23. 어느 다각형의 내각의 합에서 외각의 합을 뺀 값이  $1800^\circ$  이다. 주어진  
다각형을  $n$  각형이라 하고, 외각의 크기의 합을  $x$  라 할 때,  $\frac{1}{14}nx$  의  
값을 구하여라.

▶ 답 :

°

▷ 정답 :  $360^\circ$

해설

$$n \text{ 각형의 내각의 크기의 합} : 180^\circ \times (n - 2)$$

$$n \text{ 각형의 외각의 크기의 합} : 360^\circ$$

$$180^\circ \times (n - 2) - 360^\circ = 1800^\circ \text{ 이고},$$

$$n = 14 \text{ 이다.}$$

$$\text{따라서 } x = 360^\circ, n = 14 \text{ 이므로 } \frac{1}{14}nx = \frac{1}{14} \times 14 \times 360^\circ = 360^\circ \text{ 이다.}$$

24. 다음과 같이 새롬이는 철수, 영희와 피자를 시켜먹었다. 피자의 한 판을 넓이의 비가  $4 : 5 : 3$  인 부채꼴 모양으로 나누어 새롬, 철수, 영희가 차례대로 먹었다. 이때 새롬이가 먹은 피자 조각의 중심각의 크기를 구하여라.

▶ 답 :

°

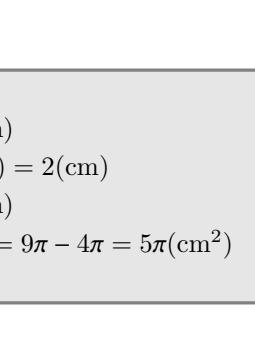
▷ 정답 :  $120^\circ$

해설

새롬이가 먹은 피자 조각의 중심각의 크기는

$$360^\circ \times \frac{4}{4+5+3} = 360^\circ \times \frac{1}{3} = 120^\circ$$

25. 다음 그림에서 큰 원의 지름  $\overline{CD} = 10\text{ cm}$  이고 작은 원의 지름이  $\overline{AC} = \overline{BD} = 4\text{ cm}$  일 때, 색칠한 부분의 넓이를 구하여라.



▶ 답:  $\underline{\underline{\text{cm}^2}}$

▷ 정답:  $5\pi \text{ cm}^2$

해설

$$\overline{CA} = \overline{BD} = 4(\text{cm})$$

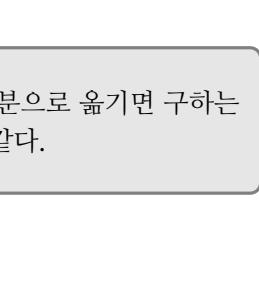
$$\overline{AB} = 10 - (4 + 4) = 2(\text{cm})$$

$$\overline{CB} = \overline{AD} = 6(\text{cm})$$

$$\therefore \pi \times 3^2 - \pi \times 2^2 = 9\pi - 4\pi = 5\pi(\text{cm}^2)$$

26. 다음 그림은 길이가 12 cm 인  $\overline{AB}$  를 8 등분하여 반원을 그린 것이다. 색칠한 부분의 넓이는?

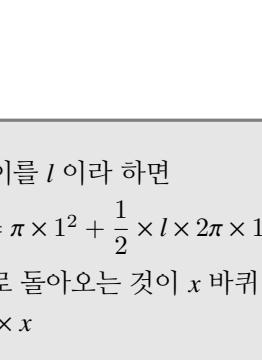
- ①  $12\pi \text{ cm}^2$       ②  $14\pi \text{ cm}^2$   
③  $16\pi \text{ cm}^2$       ④  $18\pi \text{ cm}^2$   
⑤  $20\pi \text{ cm}^2$



해설

주어진 그림에서  $\overline{AB}$  의 윗부분을 아랫부분으로 옮기면 구하는 넓이는 반지름이 6 cm 인 반원의 넓이와 같다.

27. 밑면의 반지름의 길이가 1이고, 끝넓이가  $2\pi$  인 원뿔을 다음과 같이 평면 위에 놓고 꼭짓점 O를 중심으로 회전시켰다. 원뿔이 처음 자리에 돌아오는 것은 원뿔이 몇 바퀴 돌아왔을 때인가?



▶ 답: 바퀴

▷ 정답: 1바퀴

해설

원뿔의 모선의 길이를  $l$ 이라 하면

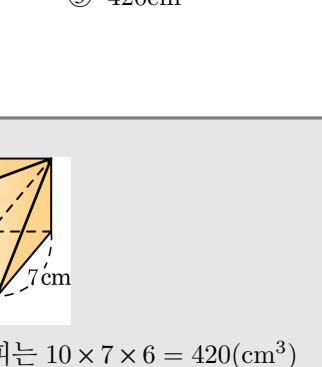
$$(\text{원뿔의 끝넓이}) = \pi \times l^2 + \frac{1}{2} \times l \times 2\pi \times 1 = 2\pi \quad \therefore l = 1$$

원뿔이 처음 자리로 돌아오는 것이  $x$  바퀴 회전한 후라고 할 때,

$$2\pi \times 1 = (2\pi \times 1) \times x$$

$$\therefore x = 1 \text{ (바퀴)}$$

28. 다음 그림은 직육면체의 일부를 잘라낸 것이다. 이 입체도형의 부피는?



- ①  $70\text{cm}^3$       ②  $150\text{cm}^3$       ③  $280\text{cm}^3$   
④  $350\text{cm}^3$       ⑤  $420\text{cm}^3$

해설

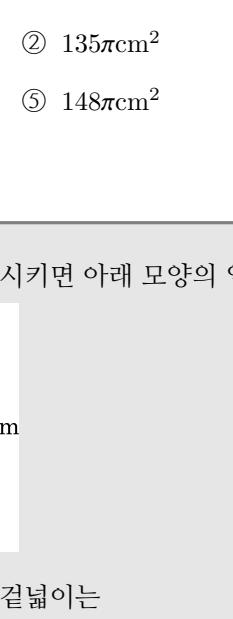


직육면체의 부피는  $10 \times 7 \times 6 = 420(\text{cm}^3)$

잘려 나간 삼각뿔의 부피는  $\frac{1}{3} \times \frac{1}{2} \times 10 \times 7 \times 6 = 70(\text{cm}^3)$

$\therefore$  구하는 입체도형의 부피는  $420 - 70 = 350(\text{cm}^3)$

29. 다음 그림과 같이 색칠한 평면도형을 직선  $l$  을 축으로 한 바퀴 회전시켜 만들어지는 입체도형과 같은 팽이를 만들려고 한다. 이 입체도형의 겉넓이는?



- ①  $129\pi\text{cm}^2$       ②  $135\pi\text{cm}^2$       ③  $138\pi\text{cm}^2$   
 ④  $144\pi\text{cm}^2$       ⑤  $148\pi\text{cm}^2$

해설

주어진 도형을 회전시키면 아래 모양의 입체가 생긴다.

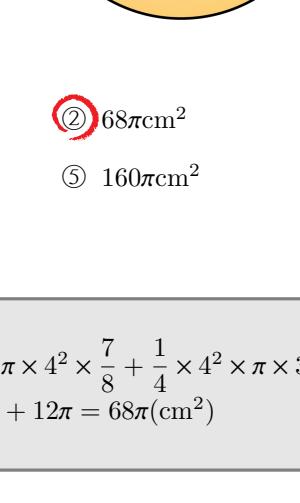


주어진 입체도형의 겉넓이는

- i ) (원뿔대 모양의 밑넓이) =  $\pi \times 3^2 = 9\pi(\text{cm}^2)$
- ii ) (원뿔대 모양의 옆넓이) = (큰 원뿔의 옆넓이) - (작은 원뿔의 옆넓이) =  $\pi \times 6 \times 10 - \pi \times 3 \times 5 = 45\pi(\text{cm}^2)$
- iii) (원기둥 모양의 옆넓이) =  $2\pi rh = 2\pi \times 6 \times 2 = 24\pi(\text{cm}^2)$
- iv) (원뿔 모양의 옆넓이) =  $\pi rl = \pi \times 6 \times 10 = 60\pi(\text{cm}^2)$
- (입체도형의 겉넓이) =  $9\pi + 45\pi + 24\pi + 60\pi = 138\pi(\text{cm}^2)$

30. 다음 그림은 반지름의 길이가 4cm인 구의  $\frac{1}{8}$ 을 잘라낸 입체도형이다.

겉넓이를 구하면?



- ①  $56\pi\text{cm}^2$       ②  $68\pi\text{cm}^2$       ③  $80\pi\text{cm}^2$

- ④  $126\pi\text{cm}^2$       ⑤  $160\pi\text{cm}^2$

해설

$$\begin{aligned}(겉넓이) &= 4 \times \pi \times 4^2 \times \frac{7}{8} + \frac{1}{4} \times 4^2 \times \pi \times 3 \\ &= 56\pi + 12\pi = 68\pi(\text{cm}^2)\end{aligned}$$

31. 지름의 길이가 4cm인 구를 녹여서 지름의 길이가 2cm인 구를 몇 개나 만들 수 있는가?

▶ 답:

개

▷ 정답: 8개

해설

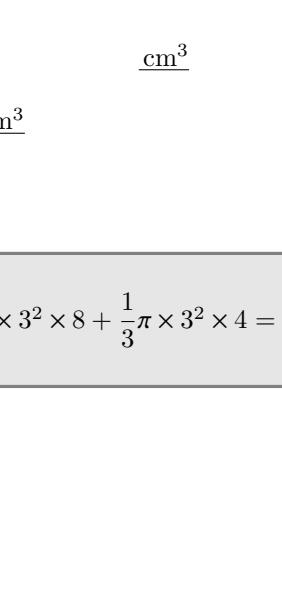
지름의 길이가 2cm인 구의 개수를  $x$ 개라고 하면 부피가 같으므로

$$\frac{4}{3}\pi \times 2^3 = \frac{4}{3}\pi \times 1^3 \times x$$

$$\frac{32}{3}\pi = \frac{4}{3}\pi x$$

$$\therefore x = 8(\text{개})$$

32. 다음 입체도형의 부피를 구하여라.



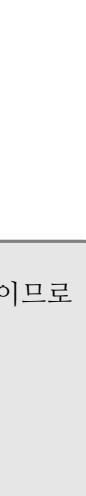
▶ 답: cm<sup>3</sup>

▷ 정답:  $102\pi$  cm<sup>3</sup>

해설

$$\frac{1}{2} \times \frac{4}{3}\pi \times 3^3 + \pi \times 3^2 \times 8 + \frac{1}{3}\pi \times 3^2 \times 4 = 102\pi(\text{cm}^3)$$

33. 다음 그림과 같이 반지름의 길이가 3cm인 공 4개가 꼭 맞게 들어가는 원기둥이 있다. 이 원기둥에 물을 가득 담은 후 공 4개를 넣은 뒤, 4개를 모두 꺼내면 남아있는 물의 높이는 몇 cm인지를 구하여라.



▶ 답: cm

▷ 정답: 8cm

해설

원기둥의 밑면의 반지름의 길이가 3cm, 높이가 24cm이므로 원기둥의 부피는

$$\pi \times 3^2 \times 24 = 216\pi(\text{cm}^3)$$

이때 반지름의 길이가 3cm인 공 한 개의 부피는

$$\frac{4}{3}\pi \times 3^3 = 36\pi(\text{cm}^3)$$

이므로 남아 있는 물의 부피는

$$216\pi - 36\pi \times 4 = 72\pi(\text{cm}^3)$$

따라서 남아 있는 물의 높이를  $h$ cm라고 하면

$$\pi \times 3^2 \times h = 72\pi \quad \therefore h = 8(\text{cm})$$

34. 정이십면체의 각 모서리의 삼등분점을 연결한 평면으로 모두 잘라내면, 각 면이 정오각형과 정육각형으로 이루어진 축구공 모양의 준정다면체가 만들어진다. 정오각형 면의 개수를  $f$ , 정육각형 면의 개수를  $s$ , 꼭짓점의 개수를  $v$ , 모서리의 개수를  $e$ 라고 할 때,  $f + s + v + e$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 182

해설

축구공 모양의 준정다면체에서 정오각형은 정이십면체의 한 개의 꼭짓점에서 한 개씩 생기고, 정육각형은 정이십면체의 한 면에 한 개씩 생긴다.

따라서  $f$ 는 정이십면체의 꼭짓점의 개수이므로 12 개,  $s$ 는 정이십면체의 면의 개수이므로 20 개이다.

정오각형의 꼭짓점은 5 개씩 12 개, 정육각형의 꼭짓점은 6 개씩 20 개이고, 각 꼭짓점은 3 개씩 겹쳐지므로

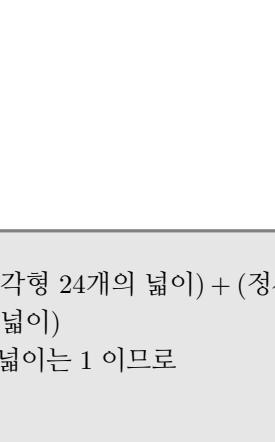
$$v = \frac{5 \times 12 + 6 \times 20}{3} = 60 \text{ (개)}$$

또한, 정오각형의 모서리는  $5 \times 12$  (개), 정육각형의 모서리는  $6 \times 20$  (개)이고, 각 모서리는 2 개씩 겹쳐지므로

$$e = \frac{5 \times 12 + 6 \times 20}{2} = 90 \text{ (개)}$$

$$\therefore f + s + v + e = 12 + 20 + 60 + 90 = 182$$

35. 다음은 한 모서리의 길이가 1 인 정육면체 블록 8 개를 쌓아 만든 도형이다. 이 도형의 겉넓이를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 28

해설

(겉넓이) = (정사각형 24개의 넓이) + (정사각형 6개의 넓이) –  
(정사각형 2개의 넓이)

정사각형 1 개의 넓이는 1 이므로

$$24 + 6 - 2 = 28$$