

# 1. 다음 식을 간단히 하면?

$$\begin{aligned} & {}^3\sqrt{-8} + \sqrt{(-2)^2} + \sqrt{-8}\sqrt{-2} \\ & + \frac{\sqrt{-16}}{\sqrt{-4}} + \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{-2}} + \frac{\sqrt{-3}}{\sqrt{2}} \end{aligned}$$

- ① -2      ② -1      ③ 0      ④ 1      ⑤ 2

## 해설

(주어진 식)

$$= {}^3\sqrt{(-2)^3} + \sqrt{4} + \sqrt{8}i \cdot \sqrt{2}i$$

$$+ \frac{\sqrt{16}i}{\sqrt{4}i} + \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{2}i} + \frac{\sqrt{3}i}{\sqrt{2}}$$

$$= -2 + 2 + \sqrt{8 \cdot 2}i^2 + \sqrt{\frac{16}{4}} - \frac{\sqrt{6}}{2}i + \frac{\sqrt{6}}{2}i$$

$$= -2 + 2 - 4 + 2$$

$$= -2$$

※ 참고

$\sqrt{a}\sqrt{b} = \sqrt{ab}$ ,  $\frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}} = \sqrt{\frac{a}{b}}$  가 항상 성립하는  $a, b$ 의 부호를

생각해 보자.

$\sqrt{a}\sqrt{b} = \sqrt{ab}$  이므로

$\sqrt{-2}\sqrt{-3} = \sqrt{(-2)(-3)} = \sqrt{6}$ 이 된다고 계산할 수도 있다.  
그러나 조심해야 할 것은 공식에서 주어지는 조건들이다.

즉,  $a < 0, b < 0$  일 때를 제외한 경우에만  $\sqrt{a}\sqrt{b} = \sqrt{ab}$ 가 성립한다.

마찬가지로  $\frac{\sqrt{10}}{\sqrt{-5}} = \sqrt{-\frac{10}{5}} = \sqrt{-2} = \sqrt{2}i$ 라고 함부로 계산해서는 안 된다.

왜냐하면  $a > 0, b < 0$  일 때를 제외한 경우에만  $\frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}} = \sqrt{\frac{a}{b}}$ 가

성립하기 때문이다.

2. 두 실수  $x, y$ 에 대하여 등식  $(1+i)(x-yi) = 3+i$ 가 성립 할 때,  $2x+y$ 의 값은? (단,  $i = \sqrt{-1}$ )

① -1

② 1

③ 3

④ 5

⑤ 7

해설

$$(x+y) + (x-y)i = 3+i$$

$$\therefore x+y=3, x-y=1$$

$$\therefore x=2, y=1$$

$$\therefore 2x+y=5$$

3.  $(4 + 3i)^2 - (4 - 3i)^2$  의 값은?

① 0

② 24

③ 48

④  $24i$

⑤  $48i$

해설

$$\begin{aligned}(4 + 3i)^2 - (4 - 3i)^2 \\&= 16 + 24i - 9 - (16 - 24i - 9) \\&= 48i\end{aligned}$$

4. 실수  $x, y$ 에 대하여 복소수  $z = x + yi$  가  $z\bar{z} = 4$  를 만족할 때,  $x^2 + y^2$ 의 값은? (단,  $\bar{z}$  는  $z$  의 콜레복소수이다.)

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

해설

$z = x + yi$  에서  $\bar{z} = x - yi$  이므로

$$z \cdot \bar{z} = (x + yi)(x - yi) = x^2 + y^2$$

주어진 조건에서  $z \cdot \bar{z} = 4$  이므로

$$x^2 + y^2 = 4$$

5.  $z = 1 + i$  일 때,  $\frac{z\bar{z}}{z - \bar{z}}$  의 값은?(단,  $i = \sqrt{-1}$ ,  $\bar{z}$ 는  $z$ 의 콤팩트복소수)

- ①  $1 + i$       ②  $1 - i$       ③ 1      ④  $i$       ⑤  $-i$

해설

$z = 1 + i$  이면  $\bar{z} = 1 - i$  이다.

$$\therefore \frac{z\bar{z}}{z - \bar{z}} = \frac{(1+i)(1-i)}{(1+i) - (1-i)} = \frac{2}{2i} = -i$$

6. 이차방정식  $x^2 + ax + b = 0$  의 한 근이  $1 + 2i$  일 때 실수  $a, b$  를 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답:  $a = -2$

▷ 정답:  $b = 5$

해설

계수가 실수이므로 한 근이  $1 + 2i$  이면 다른 한 근은  $1 - 2i$  이다.

$$(\text{두 근의 합}) = (1 + 2i) + (1 - 2i) = -a \quad \dots\dots \textcircled{7}$$

$$(\text{두 근의 곱}) = (1 + 2i)(1 - 2i) = b \quad \dots\dots \textcircled{L}$$

$\therefore \textcircled{7}, \textcircled{L}$ 에서

$a = -2, b = 5$  이다.

7.  $\frac{\sqrt{a}}{\sqrt{a-2}} = -\sqrt{\frac{a}{a-2}}$  를 만족하는 실수  $a$ 에 대하여  $|a-2| + |a|$ 의 값을 구하면?

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

해설

$$\frac{\sqrt{b}}{\sqrt{a}} = -\frac{\sqrt{b}}{\sqrt{a}} \quad (a < 0, b \geq 0)$$

$$\therefore a \geq 0, a - 2 < 0 \Rightarrow 0 \leq a < 2$$

$$\therefore |a-2| + |a| = -(a-2) + a = 2$$

8. 이차식  $x^2 - xy - 6y^2 + ay - 1$ 이 두 일차식의 곱으로 나타내어질 때,  
양수  $a$ 의 값은?

① 1

② 3

③ 5

④ 10

⑤ 12

### 해설

$x^2 - xy - 6y^2 + ay - 1 = 0$ 에서 근의 공식을 이용하면

$$x = \frac{y \pm \sqrt{y^2 - 4(-6y^2 + ay - 1)}}{2}$$

$$= \frac{y \pm \sqrt{25y^2 - 4ay + 4}}{2}$$

일차식의 곱으로 인수분해가 되려면  $\sqrt{\quad}$  안에 있는

$25y^2 - 4ay + 4$ 가 완전제곱식이 되어야 한다.

$$\text{즉}, 25y^2 - 4ay + 4 = (5y \pm 2)^2$$

$$\therefore -4a = \pm 20,$$

$$a = \pm 5$$

$\therefore$  양수  $a$ 는 5

9.  $x$ 에 대한 이차방정식  $3x^2 - (2k+5)x + 3 = 0$ 의 두 근 중 한 근을  $\alpha$ 라 할 때,  $\alpha + \frac{1}{\alpha} = k^2$ 이 성립한다. 이때, 양수  $k$ 의 값을 구하면?

① 2

②  $\frac{5}{3}$

③ 1

④  $\frac{4}{3}$

⑤ 3

해설

두 근의 곱이 1이므로 한 근이  $a$ 이면

다른 한 근은  $\frac{1}{a}$ 이다.

$$\therefore a + \frac{1}{a} = k^2 = \frac{2k+5}{3}$$

$$\therefore 3k^2 - 2k - 5 = 0$$

$$k = \frac{5}{3} \text{ 또는 } -1$$

$$\therefore \text{양수 } k = \frac{5}{3}$$