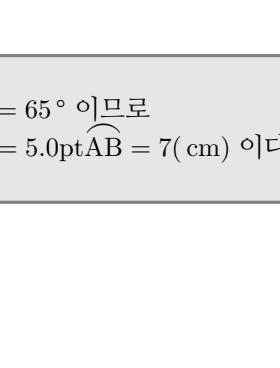


1. 다음 그림에서 \overline{AC} 와 \overline{BD} 가 원 O 의 지름이고 $\angle AOB = \angle COD = 65^\circ$, $5.0\text{pt}\widehat{AB} = 7\text{ cm}$ 일 때, $5.0\text{pt}\widehat{CD}$ 의 길이를 구하여라.



- ① 7 cm ② 8 cm ③ 9 cm ④ 10 cm ⑤ 11 cm

해설

$\angle AOB = \angle COD = 65^\circ$ 이므로
따라서 $5.0\text{pt}\widehat{CD} = 5.0\text{pt}\widehat{AB} = 7(\text{cm})$ 이다.

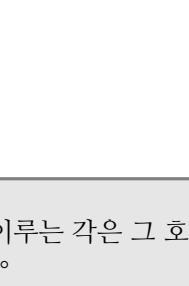
2. 다음 중 원에 내접하는 사각형이 아닌 것은?



해설

$$115^\circ + 115^\circ = 230^\circ$$

3. 다음 그림에서 $\angle x$, $\angle y$ 의 크기를 각각 구하여라.



▶ 답 :

°

▶ 답 :

°

▷ 정답 : $\angle x = 35^\circ$

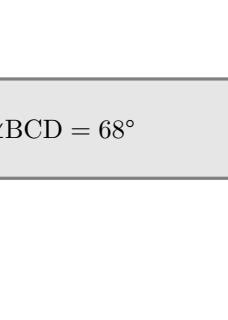
▷ 정답 : $\angle y = 70^\circ$

해설

현과 접선이 만나서 이루는 각은 그 호의 원주각과 같다.

$\therefore \angle x = 35^\circ, \angle y = 70^\circ$

4. 다음 그림에서 \overleftrightarrow{PT} 는 원의 접선이다. 이때, $\angle TPB$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답:

°

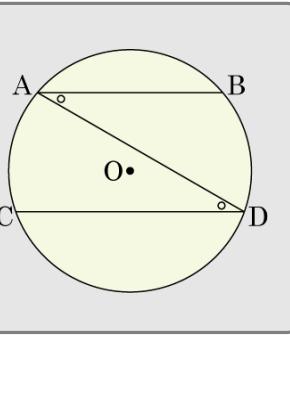
▷ 정답: 68 °

해설

$$\angle TPB = \angle PAB = \angle BCD = 68^\circ$$

5. 다음 그림에서 $\overline{AB} \parallel \overline{CD}$, $5.0\text{pt}\widehat{AC} = 5\text{ cm}$, $5.0\text{pt}\widehat{AB} = 8\text{ cm}$ 일 때, $5.0\text{pt}\widehat{BD}$ 의 길이는?

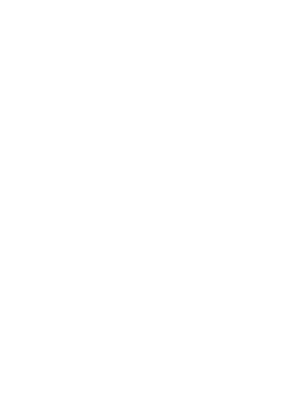
- ① 5 cm ② 6 cm ③ 7 cm
④ 8 cm ⑤ 9 cm



해설

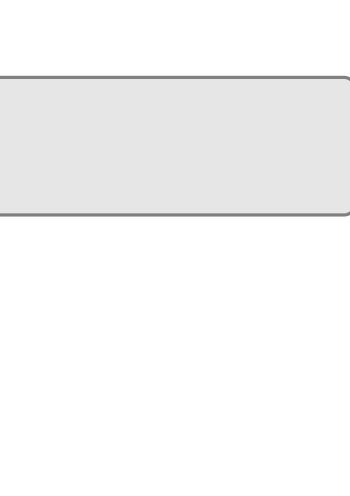
점 A 와 D 를 이으면 $\angle BAD = \angle CDA$ (엇각)
 $5.0\text{pt}\widehat{AC} = 5.0\text{pt}\widehat{BD}$ 의 원주각의 크기가 같으므로

$$5.0\text{pt}\widehat{AC} = 5.0\text{pt}\widehat{BD} = 5(\text{cm})$$



6. 다음 그림의 네 점 A, B, C, D 가
한 원 위에 있도록 $\angle x$ 의 크기를 구
하면?

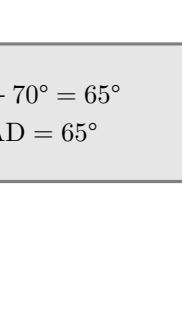
- ① 45° ② 50° ③ 55°
④ 60° ⑤ 65°



해설

$$\angle CBP = \angle DAP = 30^\circ$$
$$\therefore \angle x = 180^\circ - 90^\circ - 30^\circ = 60^\circ$$

7. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기는?



- ① 50° ② 55° ③ 60° ④ 65° ⑤ 70°

해설

$$\angle BAD = 180^\circ - 45^\circ - 70^\circ = 65^\circ$$

$$\therefore \angle x = \angle DCE = \angle BAD = 65^\circ$$

8. 다음 그림과 같이 오각형 ABCDE 가 원 O 에 내접하고 $\angle B = 110^\circ$, $\angle D = 140^\circ$ 일 때, $\angle AOE$ 의 크기는?

- ① 100° ② 110° ③ 120°
④ 130° ⑤ 140°



해설

보조선 BE 를 그으면 $\square BCDE$ 는 내접하므로 대각의 합 $\angle CDE + \angle EBC = 180^\circ$

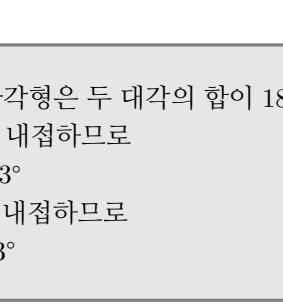
$$\therefore \angle EBC = 40^\circ$$

$$\angle ABE = 110^\circ - 40^\circ = 70^\circ$$

$\angle AOE$ 는 $\angle ABE$ 의 중심각이므로

$$\therefore x^\circ = 2\angle ABE = 2 \times 70^\circ = 140^\circ$$

9. 다음 그림에서 $\angle B = 73^\circ$ 일 때, $\angle x$ 의 크기를 구하면?



- ① 57° ② 65° ③ 73° ④ 90° ⑤ 107°

해설

원에 내접하는 사각형은 두 대각의 합이 180° 이고

□ABCD 가 원에 내접하므로

$\angle CDE = \angle B = 73^\circ$

□CDEF 가 원에 내접하므로

$\angle x = \angle CDE = 73^\circ$

10. 다음 그림에 대한 설명 중 옳은 것은?

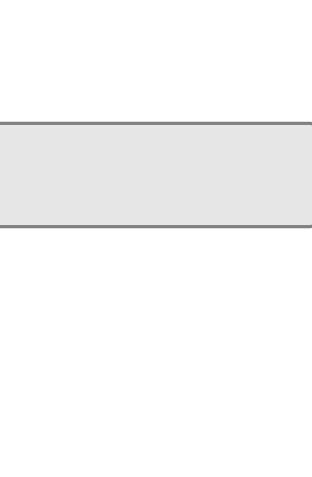
① $\angle x = 32^\circ$

② $\angle y = 38^\circ$

③ $\angle y = \angle z$

④ $\angle z = 32^\circ$

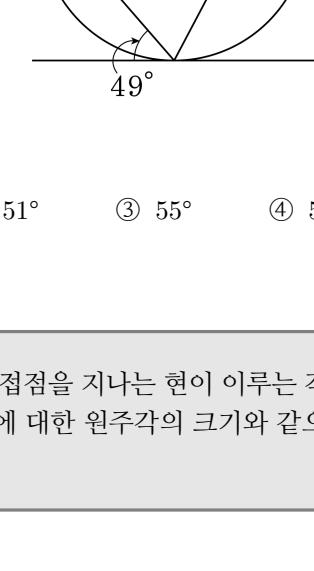
⑤ x, y, z 의 크기는 모두 다르다.



해설

$$\angle x = \angle y = 32^\circ \quad \therefore \angle z = 38^\circ$$

11. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기를 구하면?



- ① 49° ② 51° ③ 55° ④ 59° ⑤ 62°

해설

원의 접선과 그 접점을 지나는 원이 이루는 각의 크기는 그 각의 내부에 있는 호에 대한 원주각의 크기와 같으므로

$$\angle x = 49^\circ$$

12. 다음 중 옳지 않은 것을 모두 골라라.

보기

- Ⓐ 중앙값은 반드시 한 개 존재 한다.
- Ⓑ 최빈값은 없을 수도 있다.
- Ⓒ 자료의 개수가 짝수이면 중앙값은 없다.
- Ⓓ 최빈값과 중앙값은 반드시 다르다.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: Ⓒ

▷ 정답: Ⓓ

해설

- Ⓒ 자료의 개수가 짝수이면 중앙값은 없다. → 자료의 개수가 짝수이면 $\frac{n}{2}$ 번째와 $\frac{n+1}{2}$ 번째 자료값의 평균이 중앙값이 된다.
- Ⓓ 최빈값과 중앙값은 반드시 다르다. → 최빈값과 중앙값은 같을 수도 있다.

13. 다음 표는 동건이의 일주일동안 수학공부 시간을 조사하여 나타낸 것이다. 수학공부 시간의 평균은?

| 요일 | 일 | 월 | 화 | 수 | 목 | 금 | 토 |
|----|---|---|---|---|---|---|---|
| 시간 | 2 | 1 | 0 | 3 | 2 | 1 | 5 |

- ① 1 시간 ② 2 시간 ③ 3 시간
④ 4 시간 ⑤ 5 시간

해설

$$(\text{평균}) = \frac{\{(변량)\text{의 총합}\}}{\{(변량)\text{의 갯수}\}}$$

$$\frac{2 + 1 + 0 + 3 + 2 + 1 + 5}{7} = \frac{14}{7} = 2(\text{시간}) \text{이다.}$$

14. 수진이의 4 회에 걸친 영어 단어 쪽지 시험의 성적의 평균이 8.5 점이었다. 5 회 째의 시험 성적이 떨어져 5 회까지의 평균이 4 회까지의 평균보다 1 점 내렸다면 5 회 째의 성적을 구하여라.

▶ 답:

점

▷ 정답: 3.5 점

해설

4 회까지의 평균이 8.5 점이므로 4 회 시험까지의 총점은
 $8.5 \times 4 = 34$ (점)

5 회까지의 평균은 8.5 점에서 1 점이 내린 7.5 점이므로 5 회째의 성적을 x 점이라고 하면

$$\frac{34 + x}{5} = 7.5, \quad 34 + x = 37.5 \quad \therefore x = 3.5(\text{ 점})$$

15. 다음 도수분포표는 회정이네 반 학생 수학 성적을 나타낸 것이다. 이번 학생들의 수학 점수의 평균이 72.5 점 일 때, $\frac{A}{B}$ 의 값은?

| 계급(점) | 도수(명) |
|----------------|-------|
| 40 이상 ~ 50 미만 | 2 |
| 50 이상 ~ 60 미만 | 3 |
| 60 이상 ~ 70 미만 | 10 |
| 70 이상 ~ 80 미만 | A |
| 80 이상 ~ 90 미만 | 9 |
| 90 이상 ~ 100 미만 | B |
| 합계 | 36 |

- ① 2 ② 3 ③ 4 ④ 5 ⑤ 6

해설

전체 학생 수가 36 명이므로

$$2 + 3 + 10 + A + 9 + B = 36$$

$$\therefore A + B = 12 \cdots \textcircled{\text{①}}$$

또한, 평균이 72.5 점이므로

$$\frac{45 \times 2 + 55 \times 3 + 65 \times 10 + 75 \times A + 85 \times 9}{36} + \frac{95 \times B}{36} = 72.5$$

$$90 + 165 + 650 + 75A + 765 + 95B = 2610$$

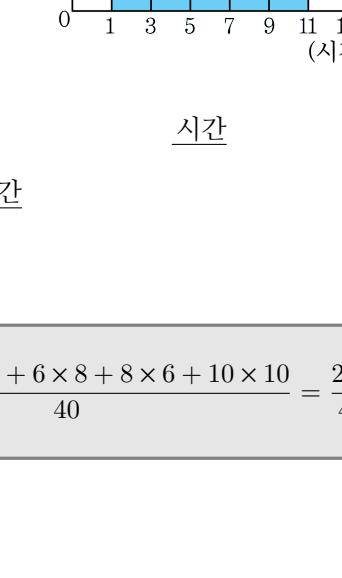
$$75A + 95B = 940$$

$$\therefore 15A + 19B = 188 \cdots \textcircled{\text{②}}$$

①, ② 을 연립하여 풀면 $A = 10$, $B = 2$

$$\therefore \frac{A}{B} = \frac{10}{2} = 5$$

16. 다음은 미현이네 반 친구들의 일주일동안 음악 감상시간을 조사하여 나타낸 히스토그램이다. 친구들 40명의 음악 감상시간의 평균을 구하여라.



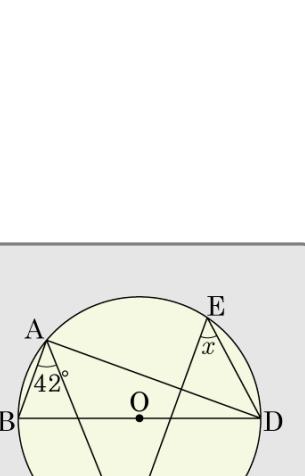
▶ 답 : 시간

▷ 정답 : 6 시간

해설

$$\frac{2 \times 10 + 4 \times 6 + 6 \times 8 + 8 \times 6 + 10 \times 10}{40} = \frac{240}{40} = 6(\text{시간})$$

17. 다음 그림과 같은 원 O에서 $\angle x$ 의 크기
를 구하여라.



▶ 답: 48°

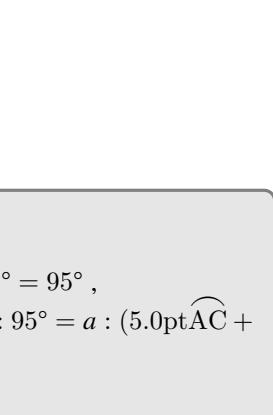
▷ 정답: 48°

해설

A, D를 연결하면
 $\angle BAD = 90^\circ$, $\angle CAD = 90^\circ -$
 $42^\circ = 48^\circ$



18. 다음 그림에서 점 P는 두 원 \overline{AB} , \overline{CD} 의 교점이고, $5.0\text{pt}\widehat{BC}$ 의 길이는 a 이다. $\angle ACD = 35^\circ$, $\angle BPC = 85^\circ$ 일 때, $5.0\text{pt}\widehat{AC} + 5.0\text{pt}\widehat{BD}$ 의 길이를 구하여라.



▶ 답:

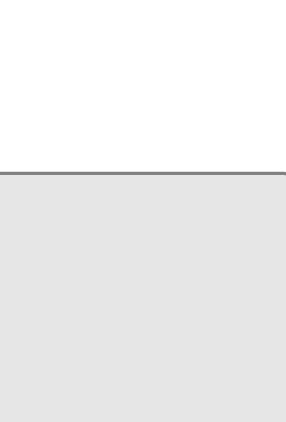
▷ 정답: $\frac{19}{10}a$

해설

$\triangle ACP$ 에서 $\angle CAP = 85^\circ - 35^\circ = 50^\circ$,
 $\triangle PCB$ 에서 $\angle PCB + \angle PBC = 180^\circ - 85^\circ = 95^\circ$,
 $5.0\text{pt}\widehat{BC} : (5.0\text{pt}\widehat{AC} + 5.0\text{pt}\widehat{BD}) = 50^\circ : 95^\circ = a : (5.0\text{pt}\widehat{AC} + 5.0\text{pt}\widehat{BD})$

$$5.0\text{pt}\widehat{AC} + 5.0\text{pt}\widehat{BD} = a \times \frac{95^\circ}{50^\circ} = \frac{19}{10}a$$

19. 다음 그림에서 $\widehat{AB} = \widehat{BC}$ 이고 $\angle BDE = 72^\circ$ 이다. \overline{AC} 와 \overline{BE} 의 교점을 P라 할 때, $\angle CPE$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답:

$^\circ$

▷ 정답: 108°

해설



$\widehat{AB} = \widehat{BC}$ 이므로

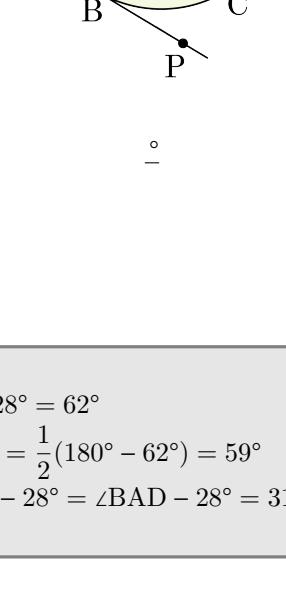
$\angle AEB = \angle BDC = x$

$\square ACDE$ 에서

$$\begin{aligned}\angle CAE &= 180^\circ - \angle CDE \\ &= 180^\circ - (72^\circ + x) \\ &= 108^\circ - x\end{aligned}$$

$$\angle CPE = \angle CAE + x = 108^\circ$$

20. 다음 그림에서 \overline{AC} 는 원 O의 지름이고 \overrightarrow{BP} 는 원 O의 접선이다.
 $\overline{BD} = \overline{AB}$ 이고, $\angle DBC = 28^\circ$ 일 때, $\angle CBP$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답: 31°

▷ 정답: 31°

해설

$$\begin{aligned}\angle ABD &= 90^\circ - 28^\circ = 62^\circ \\ \angle BAD = \angle BDA &= \frac{1}{2}(180^\circ - 62^\circ) = 59^\circ \\ \angle CBP = \angle DBP - 28^\circ &= \angle BAD - 28^\circ = 31^\circ\end{aligned}$$