

1. 다항식  $f(x) = x^3 - 2x^2 + 3x - 4$ 를 일차식  $x + 1$ 로 나누었을 때의 나머지를 구하면?

① -10      ② 10      ③ -4      ④ 4      ⑤ 0

해설

$$f(x) = (x + 1)Q(x) + R \circ]$$
라고 놓으면

$$f(-1) = R$$

$$\therefore f(-1) = -1 - 2 - 3 - 4 = -10$$

따라서  $R = -10$

2.  $x = 1 - \sqrt{3}i$  일 때,  $x^2 - 2x + 1$ 의 값은?

- ① -3      ② -2      ③ 0      ④ 1      ⑤ 3

해설

$$\begin{aligned}x &= 1 - \sqrt{3}i \text{에서} \\x - 1 &= -\sqrt{3}i \text{의 양변을 제곱하면}\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}(x - 1)^2 &= (-\sqrt{3}i)^2 \\x^2 - 2x &= -4 \text{ 이므로}\end{aligned}$$

$$x^2 - 2x + 1 = -4 + 1 = -3$$

3. 원의 중심이  $(1, -2)$  이고, 반지름이 3 인 원을  $x^2 + y^2 + Ax + By + C = 0$  일 때,  $A + B + C$  의 값은?

① 4      ② 2      ③ 0      ④ **-2**      ⑤ -4

해설

원의 중심이  $(1, -2)$  이고, 반지름이 3 인 원은

$$(x - 1)^2 + (y + 2)^2 = 3^2$$

이 식을 전개하면

$$x^2 - 2x + 1 + y^2 + 4y + 4 = 9$$

$$x^2 + y^2 - 2x + 4y - 4 = 0$$

$$\text{따라서 } A + B + C = -2 + 4 - 4 = -2$$

4. 좌표평면 위의 점 P 를  $x$  축의 방향으로 2만큼 평행이동한 후, 직선  $y = x$  에 대하여 대칭이동하였더니 점 (3, 2) 가 되었다. 이 때, 점 P 의 좌표는?

- ① (0, 2)      ② (3, -1)      ③ (0, 3)  
④ (2, 1)      ⑤ (1, 2)

해설

점 P 의 좌표를  $(a, b)$  라 하고 점 P 를  
 $x$  축의 방향으로 2만큼 평행이동하면  $(a + 2, b)$   
이 점을 다시 직선  $y = x$  에 대하여 대칭이동하면  $(b, a + 2)$   
이것이 점 (3, 2) 와 일치해야 하므로  
 $b = 3, a + 2 = 2$   
 $\therefore a = 0$   
따라서, 점 P 의 좌표는 (0, 3) 이다.

5.  $x^4 + 4x^3 - 2x^2 + ax + b$  이차식의 완전제곱식이 될 때, 상수  $a, b$ 의 값은?

- ①  $a = 12, b = 9$   
②  $a = -12, b = 9$   
③  $a = 12, b = -9$   
④  $a = -12, b = -9$   
⑤  $a = 9, b = 12$

해설

$x^4 + 4x^3 - 2x^2 + ax + b = (x^2 + px + q)^2$  으로 놓으면

이 식의 우변은

$$x^4 + 2x^2(px + q) + (px + q)^2$$

$$= x^4 + 2px^3 + (p^2 + 2q)x^2 + 2pqx + q^2$$

좌변과 계수를 비교하면

$$2p = 4, p^2 + 2q = -2$$

$$p = 2, q = -3$$
에서

$$a = 2pq = -12, b = q^2 = 9$$

6. 두 다항식  $x^2 - 4x + 3a + b$  와  $x^2 + bx - 6$ 의 최대공약수가  $x - 2$  일 때,  
 $a + b$  의 값은?

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 8

해설

$f(x) = x^2 - 4x + 3a + b$ ,  
 $g(x) = x^2 + bx - 6$ 이라 하면  
 $f(x)$ 와  $g(x)$ 는 모두  $x - 2$ 로 나누어떨어지므로  
 $f(2) = g(2) = 0$ 에서  
 $f(2) = 4 - 8 + 3a + b = 0$ ,  $g(2) = 4 + 2b - 6 = 0$   
 $\therefore a = 1$ ,  $b = 1 \therefore a + b = 2$

7.  $x^2 - 2\sqrt{2}x + 2 = 0$  을 풀면?

- ①  $x = -\sqrt{2}$       ②  $x = \sqrt{2}$       ③  $x = 0$   
④  $x = 4 - \sqrt{2}i$       ⑤  $x = 6$

해설

$$x^2 - 2\sqrt{2}x + (\sqrt{2})^2 = (x - \sqrt{2})^2 = 0$$

$$\therefore x = \sqrt{2}$$

8. 두 부등식  $2x - 1 > 0$ ,  $(x + 1)(x - a) < 0$ 을 동시에 만족하는  $x$ 의 값의 범위가  $\frac{1}{2} < x < 3$ 이 되도록 하는 정수  $a$ 의 값은? (단,  $a > 1$ )

- ① 0      ② 1      ③ 2      ④ 3      ⑤ 4

해설

$$\begin{aligned}2x - 1 &> 0 \\ \therefore x &> \frac{1}{2} \dots\dots \textcircled{1} \\ (x + 1)(x - a) &< 0 \\ \therefore -1 < x < a \dots\dots \textcircled{2}\end{aligned}$$

즉, ①, ②의 공통 부분이  $\frac{1}{2} < x < 3$ 이므로

$$\therefore a = 3$$

9. 좌표평면 위의 두 점 A(3, 1), B(6, 4)에 대하여  $\overline{AB}$  를 2 : 1로 내분하는 점 P 와 외분하는 점 Q 사이의 거리는?

- ①  $\sqrt{2}$       ② 2      ③  $2\sqrt{2}$       ④ 4      ⑤  $4\sqrt{2}$

해설

내분점 P(5, 3), 외분점 Q(9, 7) 이므로

$$\overline{PQ} = 4\sqrt{2}$$

10. 다음 연립방정식이  $x = y = 0$  이외의 해를 가질 때,  $k$ 의 값은?

$$\begin{cases} x + 2y = 0 \\ 3x + y = kx \end{cases}$$

- Ⓐ  $\frac{5}{2}$  Ⓑ  $-\frac{5}{2}$  Ⓒ  $\frac{3}{2}$  Ⓓ  $-\frac{3}{2}$  Ⓔ  $\frac{5}{3}$

해설

$$\begin{aligned} x + 2y &= 0 \cdots ①, \\ 3x + y &= kx \cdots ② \\ ① - ② \times 2 &\text{하면 } (2k - 5)x = 0 \\ ① \times (3 - k) - ② &\text{하면 } (2k - 5)y = 0 \end{aligned}$$

따라서  $k \neq \frac{5}{2}$  일 때

$x = y = 0$

$k = \frac{5}{2}$  일 때

Ⓐ, Ⓑ는  $x + 2y = 0$ 이 되어 부정

(참고)  $k \neq \frac{5}{2}$  일 때

두 직선은 원점에서 만나고,

$k = \frac{5}{2}$  일 때 두 직선은 모두

원점을 지나면서 일치한다.

결국 기울기가 같으면 되므로 처음부터

$-\frac{1}{2} = k - 3$ 으로 해도 된다.

11. 세 점  $P(-1, 4)$ ,  $Q(3, 6)$ ,  $R(0, -3)$  을 꼭짓점으로 하는  $\triangle PQR$  의 외접원의 방정식은?

- ①  $x^2 + y^2 - x - 2y - 3 = 0$
- ②  $x^2 + y^2 + 2x - 1y - 10 = 0$
- ③  $x^2 + y^2 - 4x - 5y - 8 = 0$
- ④  $x^2 + y^2 - 6x - 2y - 15 = 0$
- ⑤  $x^2 + y^2 - 6x - 5y - 20 = 0$

해설

구하는 원의 방정식을  $x^2 + y^2 + Ax + By + C = 0$

으로 놓으면 이 원이

세 점  $P(-1, 4)$ ,  $Q(3, 6)$ ,  $R(0, -3)$  을

지나므로 차례로 대입하면

$$1 + 16 - A + 4B + C = 0 \quad \dots \textcircled{\text{⑦}}$$

$$9 + 36 + 3A + 6B + C = 0 \quad \dots \textcircled{\text{⑧}}$$

$$9 - 3B + C = 0 \quad \dots \textcircled{\text{⑨}}$$

⑦, ⑧, ⑨ 을 연립하여 풀면

$$A = -6, B = -2, C = -15$$

따라서, 구하는 원의 방정식은

$$x^2 + y^2 - 6x - 2y - 15 = 0$$

12. 직선  $x + 3y - k = 0$ 이 원  $(x - 5)^2 + y^2 = 3$ 의 넓이를 이등분할 때,  $k$ 의 값은?

① -1      ② 0      ③ 1      ④ 3      ⑤ 5

해설

직선이 원의 넓이를 이등분하려면 직선이 원의 중심을 지나면 된다.

따라서 원의 중심  $(5, 0)$ 이 직선 위에 있으므로  $5 - k = 0$

$$\therefore k = 5$$

13. 다항식  $f(x)$  를  $x + \frac{1}{3}$  으로 나누었을 때, 몫과 나머지를  $Q(x), R$  라고 한다. 이 때,  $f(x)$  를  $3x + 1$  으로 나눈 몫과 나머지를 구하면?

- ①  $Q(x), R$       ②  $3Q(x), 3R$       ③  $3Q(x), R$   
④  $\frac{1}{3}Q(x), R$       ⑤  $\frac{1}{3}Q(x), \frac{1}{3}R$

해설

$$f(x) = Q(x) \left( x + \frac{1}{3} \right) + R = \frac{1}{3}Q(x)(3x + 1) + R$$

14. 복소수  $\alpha, \beta$ 에 대하여 다음 중 옳지 않은 것은?

- ①  $\overline{\alpha + \beta} = \bar{\alpha} + \bar{\beta}$
- ②  $\overline{\alpha^n} = (\bar{\alpha})^n$
- ③  $\overline{\left(\frac{\beta}{\alpha}\right)} = \frac{\bar{\beta}}{\bar{\alpha}}$  ( $\bar{\alpha} \neq 0$ )
- ④  $\overline{(\bar{\alpha})} = \alpha$

⑤  $\alpha + \bar{\alpha} = \alpha\bar{\alpha}$   $\Rightarrow$   $\alpha$ 는 허수이다.

해설

⑤ (반례)  $\alpha = 2, \bar{\alpha} = 2$

15.  $y = -2x^2 + 4x + 3k$  의 그래프를  $y$  축 방향으로  $-4$  만큼 평행이동시키면 최댓값  $10$  을 갖는다. 이 때,  $k$  의 값을 구하면?

- ①  $-1$       ②  $1$       ③  $2$       ④  $3$       ⑤  $4$

해설

$$y = -2(x^2 - 2x + 1 - 1) + 3k = -2(x - 1)^2 + 2 + 3k$$

$y = -2(x - 1)^2 + 2 + 3k$  의 그래프를  $y$  축의 방향으로  $-4$  만큼 평행이동한 식은

$$y = -2(x - 1)^2 + 2 + 3k - 4$$

최댓값이  $10$  이 되었으므로

$$2 + 3k - 4 = 10$$

$$3k = 12$$

$$\therefore k = 4$$

16. 다음 보기 중 옳은 것을 모두 고르면? (단,  $a, b, c$ 는 실수이다)

보기

- |   |   |
|---|---|
| Ⓐ $a > b \Rightarrow ac > bc$                       | Ⓑ $a > b \Rightarrow \frac{a}{c^2} > \frac{b}{c^2}$ |
| Ⓒ $a > b \Rightarrow \frac{c^2}{a} > \frac{c^2}{b}$ | Ⓓ $a > b \Rightarrow a^2 > b^2$                     |

Ⓐ Ⓛ

Ⓑ Ⓛ

Ⓒ Ⓛ

Ⓓ Ⓛ, Ⓛ

해설

Ⓐ의 반례 :  $a > b \Rightarrow$ 이고  $c = 0$ 인 모든 실수 (거짓)

Ⓑ.  $a > b \Rightarrow \frac{a}{c^2} > \frac{b}{c^2}$  (참)

Ⓒ의 반례 :  $a > b \Rightarrow$ 이고  $c = 0$ 인 모든 실수 (거짓)

Ⓓ.  $a > b \Rightarrow |a| < |b|$ 인 모든 실수 (거짓)

17. 부등식  $2[x]^2 - 9[x] + 9 < 0$  을 만족하는  $x$ 의 범위는? (단,  $[x]$ 는  $x$ 를 넘지 않는 최대 정수)

①  $\frac{2}{3} < x < \frac{7}{2}$       ②  $\frac{3}{2} < x \leq 3$       ③  $2 \leq x < 3$

④  $1 \leq x < 3$       ⑤  $1 \leq x \leq 4$

해설

$[x] = t$ 로 놓으면  $2t^2 - 9t + 9 < 0$  이므로

부등식을 풀면  $(2t - 3)(t - 3) < 0$

$$\therefore \frac{3}{2} < t < 3$$

따라서,  $\frac{3}{2} < [x] < 3$ 에서  $[x] = 2$

$$\therefore 2 \leq x < 3$$

18. 다음 중 모든 실수  $x$ 에 대하여  $x^2 - 6x + k > 0$ 이 항상 성립하도록 하는 실수  $k$ 의 값이 아닌 것은?

① 9      ② 10      ③ 11      ④ 12      ⑤ 13

해설

모든 실수  $x$ 에 대하여 이차부등식  $x^2 - 6x + k > 0$ 이 성립해야 하므로

이차방정식  $x^2 - 6x + k = 0$ 의 판별식을 D라 하면

$$\frac{D}{4} = 9 - k < 0$$

$$\therefore k > 9$$

따라서,  $k$ 의 값이 될 수 없는 것은 ①이다.

19. 어부 김씨는 둘레 길이가 28 cm 인 직사각형 모양의 양식장의 넓이를  $48 \text{ m}^2$  이상이 도도록 지으려고 한다. 이 때 양식장의 한 변의 길이를 최대 얼마로 해야 하는가?

- ① 5 m      ② 6 m      ③ 7 m      ④ 8 m      ⑤ 9 m

해설

양식장의 가로의 길이를  $x \text{ m}$ 라고 하면

둘레의 길이는  $28 \text{ m}$ 이므로

세로의 길이는  $(14 - x) \text{ m}$ 이다.

양식장의 넓이가  $48 \text{ m}^2$  이상이므로

$$x(14 - x) \geq 48, 14x - x^2 - 48 \geq 0$$

$$x^2 - 14x + 48 \leq 0, (x - 6)(x - 8) \leq 0$$

$$\therefore 6 \leq x \leq 8$$

따라서 한 변의 길이를 최대  $8 \text{ m}$ 로 해야 한다.

20. 이차방정식  $x^2 - (a+1)x - 3 = 0$ 의 한 근은 1보다 크고, 다른 한 근은 1보다 작도록 하는 실수  $a$ 의 범위를 구하면?

- ①  $a > -1$       ②  $a > -2$       ③  $\textcircled{③} a > -3$   
④  $a > -4$       ⑤  $a > -5$

해설

$f(x) = x^2 - (a+1)x - 3$  이라 하면  
 $f(x) = 0$  의 한 근은 1 보다 크고  
다른 한 근은 1 보다 작으므로  
 $y = f(x)$ 의 그래프는 다음 그림과 같다.  
즉,  $f(1) < 0$  이므로  $-a - 3 < 0$   
 $\therefore a > -3$

