

1. 순서쌍 $(a, 2a)$ 가 일차방정식 $4x + 3y = 6$ 의 해일 때, a 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $a = \frac{3}{5}$

해설

$x = a, y = 2a$ 를 대입하면

$4 \times a + 3 \times 2a = 10a = 6$ 에서

$$a = \frac{3}{5}$$

2. x, y 에 관한 일차방정식 $ax - 2y = 3$ 의 해가 $(\frac{1}{2}, -\frac{1}{3})$ 일 때, 상수 a 의 값은?

- ① 3 ② $\frac{11}{3}$ ③ 4 ④ $\frac{13}{3}$ ⑤ $\frac{14}{3}$

해설

$$\left(\frac{1}{2}, -\frac{1}{3}\right) \text{를}$$

$ax - 2y = 3$ 에 대입하면,

$$\frac{1}{2}a + \frac{2}{3} = 3$$

$$\frac{1}{2}a = \frac{7}{3}$$

$$\therefore a = \frac{14}{3}$$

3. 미지수가 2 개인 일차방정식 $(x + 5) : (x - 2y) = 2 : 1$ 의 한 해가 $(a, -a)$ 일 때, a 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 1

해설

$(x + 5) : (x - 2y) = 2 : 1$, $2(x - 2y) = x + 5$, $x - 4y = 5$ 에
 $(a, -a)$ 를 대입하면

$$a + 4a = 5$$

$$\therefore a = 1$$

4. 일차방정식 $2(x+1)+ay=7$ 은 두 점 $(2, 1)$, $(-3, b)$ 를 해로 갖는다.
이때, $a^2 + 2ab$ 의 값은?

① 19

② 20

③ 21

④ 22

⑤ 23

해설

$2(x+1)+ay=7$ 에 $x=2, y=1$ 을 대입하면 $6+a=7$

$$\therefore a=1$$

따라서, 주어진 일차방정식은 $2x+y=5$ 가 된다.

$2x+y=5$ 에 $x=-3, y=b$ 를 대입하면 $2 \times (-3) + b = 5$

$$\therefore b=11$$

$$\therefore a^2 + 2ab = 1 + 22 = 23$$

5. 연립방정식 $(2a - 5)x + y - 1 = 0, 3ax + y + 2 = a$ 의 해가 없을 때, 상수 a 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -5

해설

연립방정식 $(2a - 5)x + y = 1$ 과

$3ax + y = a - 2$ 의 해가 없어야 하므로

$$\frac{2a - 5}{3a} = \frac{1}{1} \neq \frac{1}{a - 2}$$

$$2a - 5 = 3a$$

$$\therefore a = -5$$

6. 연립방정식 $\begin{cases} 2x + 3y = 4 \\ 4x + 6y = a \end{cases}$ 의 해가 존재하지 않을 때, 다음 중 a 의 값이 될 수 없는 것은?

① 4

② 6

③ 8

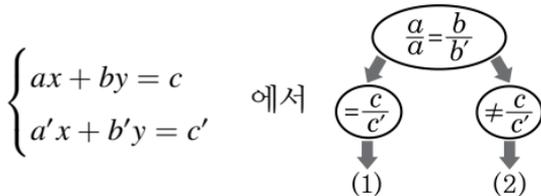
④ 10

⑤ 12

해설

첫 번째 식에 $\times 2$ 를 하면 $4x + 6y = 8$ 이고 해가 없으려면 이 식에서 두 번째 식을 빼면 $0 \cdot x = k$ ($k \neq 0$) 꼴이 되어야 하는데 $a = 8$ 인 경우 k 값이 0 이 되므로 $a \neq 8$ 이다.

7. 다음 (1),(2)에 알맞은 말을 보기에서 기호를 골라 차례대로 골라라.



보기

㉠ 해가 없다.

㉡ 해가 무수히 많다.

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : ㉡

▷ 정답 : ㉠

해설

x, y 의 항의 계수는 일치하나 상수항이 같지 않으면 이 연립방정식의 해는 없다.

8. 연립방정식 $\begin{cases} 2x + 5y = 3 \\ 8x + ay = 10 \end{cases}$ 의 해가 존재하지 않을 때, a 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 20

해설

미지수가 2개인 일차연립방정식

$$\begin{cases} ax + by + c = 0 \\ a'x + b'y + c' = 0 \end{cases} \quad \text{에서 } \frac{a}{a'} = \frac{b}{b'} \neq \frac{c}{c'} \text{ 이면 해가 없다.}$$

$$\frac{2}{8} = \frac{5}{a} \neq \frac{3}{10}$$

$$\therefore a = 20$$

9. A 지점에서 B 지점까지 왕복을 하는데, 갈 때는 시속 2km 로, 올 때는 간 길보다 3km 더 짧은 길을 시속 3km 로 걸어 총 4 시간이 걸렸다. 올 때의 거리는 몇 km 인지 구하여라.

▶ 답: km

▷ 정답: 3km

해설

갈 때의 거리 x km , 올 때의 거리 y km

$$\begin{cases} y = x - 3 \cdots \textcircled{1} \\ \frac{x}{2} + \frac{y}{3} = 4 \cdots \textcircled{2} \end{cases} \quad \text{에서 } \textcircled{2} \times 6 \text{ 을 한 후 } \textcircled{1} \text{ 을 대입하면}$$

$$3x + 2(x - 3) = 24$$

$$\therefore x = 6, y = 3$$

10. 병규는 집에서 140km 떨어진 할머니 댁을 왕복하는데 갈 때는 걸어서 1 시간, 버스로 2 시간 걸렸고, 같은 길을 올 때는 걸어서 4 시간, 버스로 1 시간 걸렸다. 이때, 버스의 속력을 구하여라. (단, 걷는 속력과 버스의 속력은 항상 일정하다.)

▶ 답: km/h

▷ 정답: 60 km/h

해설

걷는 속력 : x km/h , 버스 속력 : y km/h

$$\begin{cases} x + 2y = 140 \cdots \textcircled{1} \\ 4x + y = 140 \cdots \textcircled{2} \end{cases}$$

$\textcircled{2} \times 2 - \textcircled{1}$ 을 하면, $7x = 140$

$\therefore x = 20, y = 60$

11. 민지는 집에서 18km 떨어진 친구 수진이집에 가는데 오후 2 시에 출발하여 처음에는 분속 900m 로 달리는 버스를 타고 가다가 수진이 집 근처 정류장에 내려서 분속 90m 로 걸었더니 오후 2 시 45 분에 수진이네 집에 도착하였다. 민지가 버스를 탄 거리와 걸은 거리는 각각 몇 km 인지 구하여라.
(단, 걷는 속력과 버스의 속력은 항상 일정하다.)

▶ 답 : km

▶ 답 : km

▷ 정답 : 버스를 탄 거리 : 15.5 km

▷ 정답 : 걸은 거리 : 2.5 km

해설

버스를 탄 거리 : x m , 걸은 거리 : y m

$$\begin{cases} x + y = 18000 \cdots ① \\ \frac{x}{900} + \frac{y}{90} = 45 \cdots ② \end{cases}$$

② \times 900 - ① 하면,

$$\therefore x = 15500 \text{ m} = 15.5 \text{ km}, y = 2500 \text{ m} = 2.5 \text{ km}$$

12. 집에서 14km 떨어져 있는 백화점까지 가는데 처음에는 시속 4km 로 걷다가 도중에서 시속 2km 으로 걸었더니 4 시간이 걸렸다. 시속 4km 로 걸은 거리와 시속 2km 로 걸은 거리를 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: 시속 4km : 12km

▷ 정답: 시속 2km : 2km

해설

시속 4km 로 걸은 거리 : x km

시속 2km 로 걸은 거리 : y km

$$\begin{cases} x + y = 14 \\ \frac{x}{4} + \frac{y}{2} = 4 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} x + y = 14 \cdots \textcircled{1} \\ x + 2y = 16 \cdots \textcircled{2} \end{cases}$$

② - ① 을 하면 $y = 2$, $x = 12$

13. 6%의 소금물과 10%의 소금물을 섞은 다음, 물을 50g 더 넣었더니 8%의 소금물 400g이 되었다. 이때, 6%의 소금물의 양은?

① 50g

② 75g

③ 100g

④ 225g

⑤ 275g

해설

6%의 소금물과 10%의 소금물의 양을 각각 x , y 라 할 때

$$x \times \frac{6}{100} + y \times \frac{10}{100} = 400 \times \frac{8}{100}$$

$$6x + 10y = 3200 \cdots (1)$$

$$x + y + 50 = 400$$

$$x + y = 350 \cdots (2)$$

$$(1) - (2) \times 6 \text{ 하면 } 4y = 1100$$

$$y = 275, x = 75$$

\therefore 6%의 소금물의 양 : 75g

15. 8%의 소금물과 5%의 소금물을 섞어서 6%의 소금물 300g을 만들었다. 이때, 8%의 소금물과 5%의 소금물은 각각 몇 g씩 섞었는지 구하여라.

▶ 답: _____ g

▶ 답: _____ g

▷ 정답: 8%의 소금물 100g

▷ 정답: 5%의 소금물 200g

해설

8%의 소금물을 x g, 5%의 소금물을 y g 이라 하고 식을 세우면

$$\begin{cases} x + y = 300 \cdots \textcircled{1} \\ \frac{8}{100}x + \frac{5}{100}y = \frac{6}{100} \times 300 \cdots \textcircled{2} \end{cases}$$

① $\times 5 -$ ② $\times 100$ 을 하면 $x = 100, y = 200$

17. 우유에는 단백질이 30%, 지방이 10% 들어 있고, 계란에는 단백질이 20%, 지방이 20% 들어 있다. 두 종류의 식품을 먹어 단백질 70g, 지방 30g 을 섭취하려면 우유와 계란을 각각 몇 g 씩 섭취해야 하는가?

- ① 우유 100g , 계란 50g ② 우유 100g , 계란 100g
 ③ 우유 200g , 계란 50g ④ 우유 200g , 계란 100g
 ⑤ 우유 200g , 계란 250g

해설

우유와 계란의 양을 각각 xg , yg 이라 할 때

$$\begin{cases} \frac{30}{100}x + \frac{20}{100}y = 70 \\ \frac{10}{100}x + \frac{20}{100}y = 30 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} 3x + 2y = 700 \\ x + 2y = 300 \end{cases} \quad \text{에서}$$

방정식을 풀면 $x = 200$, $y = 50$ 이다.

