## L. 다음과 같은 성질을 가진 다각형은 무엇인가?

- · 모든 변의 길이가 같고 내각의 크기가 같다.
- · 한 꼭짓점에서 그을 수 있는 대각선의 개수는 5 개이다.

 ① 정오각형
 ② 정육각형

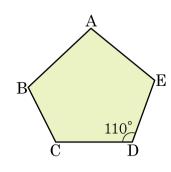
④ 정십이각형 ⑤ 정이십각형

해설

---정다각형이고 한 꼭짓점에서 그을 수 있는 대각선의 개수가 5 개이므로 정팔각형이다.

정팔각형

**2.** 다음 그림의 오각형에서∠D 의 내각의 크기가 110° 일 때, ∠D 의 외각의 크기를 구하여라.



해설

 $180^{\circ} - 110^{\circ} = 70^{\circ}$ 

3. 반지름의 길이가 5cm 인 원의 둘레의 길이와 넓이를 각각 옳게 짝지은 것은?

$$10\pi \text{cm}, 25\pi \text{cm}^2$$

② 
$$10\pi \text{cm}, 24\pi \text{cm}^2$$

$$311\pi \text{cm}, 25\pi \text{cm}^2$$

$$4 11\pi m, 24\pi cm^2$$

⑤ 
$$12\pi \text{cm}, 25\pi \text{cm}^2$$

(원주) = 
$$2\pi r = 2\pi \times 5 = 10\pi$$
(cm)  
(넓이) =  $\pi r^2 = \pi \times 5^2 = 25\pi$ (cm<sup>2</sup>)

## **4.** 다음 중 미지수가 2 개인 일차방정식이 <u>아닌</u> 것을 모두 고르시오.

- ① 2a (3a b) = 4

- 답:
- 답:
- ▷ 정답: □
- ▷ 정답: ②

- 해설
- ⓒ 4x = 0: 미지수가 1개인 일차방정식
- (②  $x^2 + y = 5$ : 미지수가 2개인 이차방정식

5. 연립방정식 
$$\begin{cases} 2x - y = 4a \\ x + 2y = 11 \end{cases}$$
 의 해가  $x = k, y = 4$  일 때,  $a$  의 값을 구하여라.

$$\triangleright$$
 정답:  $\frac{1}{2}$ 

x = k, y = 4 를 대입하면  $\begin{cases} 2k - 4 &= 4a \\ k + 8 &= 11 \end{cases}$ 이므로 k = 3이다.

2k-4=4a 에서 6-4=4a2=4a , 즉  $a=\frac{1}{2}$  이다.





6. 연립방정식 
$$\begin{cases} -2x - 3y = 4 \cdots \bigcirc \\ 3x - py = 1 \cdots \bigcirc \end{cases}$$
 의 해가  $(1,q)$  일 때,  $p-q$  의 값을 구하여라.

$$(1,q)$$
 를  $\bigcirc$ 에 대입하면 $-2-3q=4$ 

$$\therefore p = -1$$

∴ 
$$p = -1$$
  
따라서,  $p - q = -1 - (-2) = 1$ 

7. 연립방정식  $\begin{cases} x + 2y = 9 \\ ax - by = 3 \end{cases}$  의 해가 무수히 많을 때, a - b 의 값은?

해설 
$$ax - by = 3 \stackrel{\circ}{\leftarrow} x + 2y = 9 와 같아야 한다. \ a = \frac{1}{3}, \ b = -\frac{2}{3}$$
$$a - b = \frac{1}{3} + \frac{2}{3} = 1$$

8. 십각형의 한 꼭짓점에서 그을 수 있는 대각선의 개수를 a개 , 모든 대각선의 개수를 b 개라 할 때, a+b 의 값은?

① 32 ② 35 ③ 42 ④ 45 ⑤ 52

$$a = 10 - 3 = 7$$

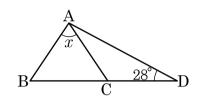
$$b = \frac{10(10 - 3)}{2} = 35$$

$$\therefore a + b = 7 + 35 = 42$$

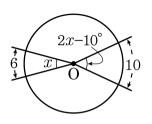
9. 대각선의 총수가 65 인 다각형의 변은 모두 몇 개인지 구하여라.

 $\frac{n(n-3)}{2} = 65, \ n(n-3) = 130$ 

 $n(n-3) = 13 \times 10$   $\therefore n = 13$ 따라서 n = 13 이므로 십삼각형이고. 변의 개수는 13 개이다. **10.** 다음 그림과 같은  $\triangle ABC$  에서  $\overline{AB} = \overline{AC} = \overline{CD}$  이고,  $\angle ADC = 28^\circ$  일 때.  $\angle x$  의 크기를 구하여라.



**11.** 다음 그림에서  $\angle x$  의 크기를 구하면?



$$35^{\circ}$$

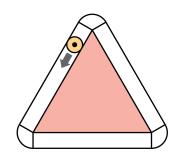
$$40^{\circ}$$

$$\bigcirc$$
 45°

$$6:10 = x: (2x-10^\circ), \ 3:5 = x: (2x-10^\circ), \ 5x = 6x-30^\circ,$$

$$\therefore \ \angle x = 30^{\circ}$$

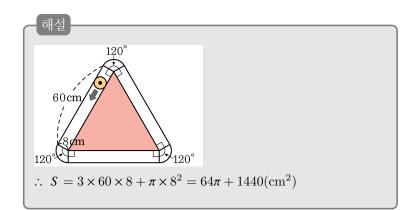
## 12. 반지름의 길이가 4cm 인 원을 한 변의 길이가 60cm 인 정삼각형의 주위를 따라 한 바퀴 돌렸다. 원이 지나간 자리의 넓이는?



- ①  $52\pi + 1260 (\text{cm}^2)$
- $3 56\pi + 1440 (cm^2)$
- $64\pi + 1440 (\text{cm}^2)$

② 
$$52\pi + 1440 (\text{cm}^2)$$

 $4 64\pi + 1260 (\text{cm}^2)$ 



**13.** x, y 가 자연수일 때, 일차방정식 5x + y = 15 의 해는 모두 몇 쌍인지 구하여라.

**14.** 일차방정식 5x + y = 26 의 하나의 해가 (2a, 3a) 일 때, a 의 값을 구하면?

해설 
$$x = 2a, y = 3a$$
 를 대입한다.  $5 \times 2a + 3a = 26$   $\therefore a = 2$ 

**15.** 연립방정식 
$$\begin{cases} 4x - 3y = 5 \\ y = -x + 3 \end{cases}$$
 의 해를 구하면?

$$x = 2, y = 1$$

② 
$$x = -2, y = 1$$

$$3 x = 2, y = 5$$

$$\bigcirc$$
  $x = 14, y = -11$ 

대입법을 이용하면 
$$4x - 3(-x + 3) = 5$$

$$7x = 14$$
,  $x = 2$ 

$$x$$
 값을 첫 번째 식에 대입하면  $y = 1$ 

**16.** 다음 중 연립방정식 
$$-\frac{y}{2} = \frac{y-4x}{2} = \frac{-x-y}{3}$$
 의 해가 될 수 있는 것은?

① 
$$x = 2, y = -2$$

① 
$$x = 2, y = -2$$
 ②  $x = -3, y = -1$   
③  $x = 4, y = -2$  ④  $x = -1, y = 2$ 

$$\int \int x = 1, y = 2$$

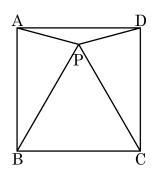
$$\begin{cases} -\frac{y}{2} = \frac{y-4x}{2} \\ -\frac{y}{2} = \frac{-x-y}{3} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} -y = y-4x \\ -3y = -2x-2y \end{cases}$$
 두 식을 정리하면 모두  $y = 2x$ 가 된다.  
따라서 해가 될 수 있는 것은 ⑤이다.

17. 연립방정식 
$$\begin{cases} 4x - 2y = 5 \\ 3x + ay = 2 \end{cases}$$
 의 해가 없을 때,  $a$  의 값은?



$$\frac{4}{3} = \frac{-2}{a} \neq \frac{5}{2}, \ a = -\frac{3}{2}$$

18. 다음 그림에서 사각형 ABCD는 정사각형이고 삼각형 BPC는 정삼 각형이다.  $\frac{\angle \mathrm{APD}}{\angle \mathrm{APB} + \angle \mathrm{DPC}}$ 의 값을 구하여라.



 $\overline{AB} = \overline{BP} = \overline{PC} = \overline{DC}$ 이므로  $\triangle ABP$  와  $\triangle DCP$ 는 이동변삼각

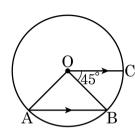


형이다. /ABP = 90° - /PBC = 30° = /DCP

∴ 
$$\angle APB = \angle DPC = (180^{\circ} - 30^{\circ}) \div 2 = 75^{\circ}$$
  
∴  $\angle APD = 360^{\circ} - (60^{\circ} + 75^{\circ} + 75^{\circ}) = 150^{\circ}$ 

$$\frac{\angle APD}{\angle APB + \angle DPC} = \frac{150^{\circ}}{75^{\circ} + 75^{\circ}} = 1$$

19. 다음 그림에서  $\overrightarrow{OC}$  //  $\overrightarrow{AB}$  이고,  $\angle BOC = 45^\circ$  일 때, 5.0pt $\overrightarrow{AB}$  의 길이는 5.0pt $\overrightarrow{BC}$  의 길이의 몇 배인지 구하여라.



배

▶ 답:

해섴

▷ 정답: 2 배

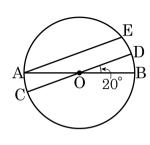
 $_{\Delta {
m OAB}}$  가 이등변삼각형이고,  $\overline{
m OC}\,/\!/\,\overline{
m AB}$  이므로

 $\angle BOC = 45^{\circ} = \angle OBA$  이다.

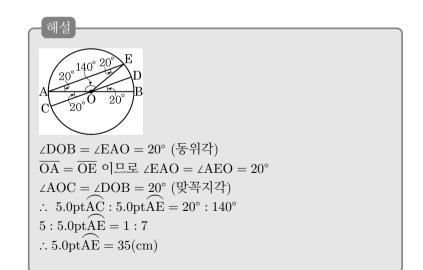
∠AOB = 180° - 45° - 45° = 90° 이다.

따라서 5.0ptAB 는 5.0ptBC 의 2 배이다.

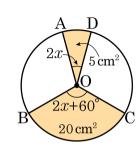
**20.** 다음 그림에서 ĀĒ // CD 이며, ∠DOB = 20°, 5.0ptÂC = 5cm 이다. 이 때, 5.0ptÂE 의 길이는?



① 15cm ② 20cm ③ 25cm ④ 30cm ⑤ 35cm



**21.** 다음 그림의 원 O 에서 부채꼴 AOD 의 넓이가 5cm² 이고 부채꼴 BOC 의 넓이가 20cm² 일 때, *x* 의 값을 구하여라.



답:

▷ 정답: 10°

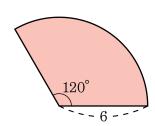
해설

부채꼴의 넓이는 중심각의 크기에 정비례하므로,

 $5: 20 = 2x: (2x + 60^{\circ})$  $40x = 10x + 300^{\circ}$ 

 $\therefore x = 10^{\circ}$ 

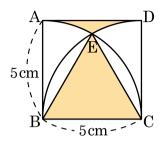
**22.** 중심각의 크기가 120° 이고 반지름의 길이가 6 인 부채꼴의 호의 길이로 옳은 것은?



$$\bigcirc 12$$
 3  $12\pi$  4  $16\pi$  5  $24\pi$ 

해설 
$$(부채꼴의 호의 길이) = (원의 둘레) \times \frac{(중심각의 크기)}{360^\circ}$$
 
$$2\pi \times 6 \times \frac{120^\circ}{360^\circ} = 4\pi$$

23. 다음 정사각형 ABCD 에서 색칠한 부분의 넓이는?



① 
$$20 - 20\pi (\text{cm}^2)$$

$$3 25 + \frac{25\pi}{3} (\text{cm}^2)$$

$$\bigcirc 25 - \frac{25\pi}{6} (\text{cm}^2)$$

$$20 + \frac{20\pi}{3} (\text{cm}^2)$$

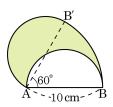
$$4 25 - \frac{25\pi}{3} (\text{cm}^2)$$

 $\overline{\text{EB}} = \overline{\text{BC}} = \overline{\text{EC}}$  이므로  $\Delta \text{EBC}$  는 정삼각형이다.

 $\angle ABE = \angle DCE = 90^{\circ} - 60^{\circ} = 30^{\circ}$ 따라서 색칠한 부분의 넓이는

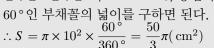
 $5 \times 5 - \pi \times 5^2 \times \frac{30^\circ}{360^\circ} \times 2 = 25 - \frac{25}{6} \pi (\text{cm}^2)$ 이다.

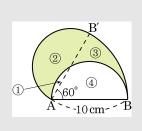
24. 다음 그림은 지름 10 cm 인 반원을 점A 를 중심으로 60° 만큼 회전한 것이다. 색칠한 부분의 넓이는?



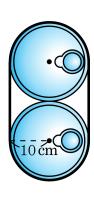
① 
$$\frac{100}{3}\pi \, \text{cm}^2$$
  
④  $\frac{50}{6}\pi \, \text{cm}^2$ 

$$3 \frac{101}{6} \pi \, \text{cm}^2$$





25. 다음 그림과 같이 반지름의 길이가 10cm 인 깡통을 끈으로 묶을 때, 필요한 끈의 최소 길이는? (단, 매듭의 길이는 생각하지 않는다.)



- ①  $(13 + 20\pi)$ cm ②  $(15 + 20\pi)$ cm ③  $(18 + 20\pi)$ cm
- $(30 + 20\pi)$ cm  $(30 + 20\pi)$ cm



곡선의 길이는 반지름이  $10 \mathrm{cm}$  인 원의 둘레이므로,  $2\pi \times 10 = 20\pi \mathrm{(cm)}$ 

직선의 길이는  $2 \times 10 \times 2 = 40$ (cm),

필요한 끈의 길이는  $(20\pi + 40)$  cm 이다.

**26.** x, y가 자연수일 때, 일차방정식 3x + 2y = 20의 해의 개수를 구하여 라.

답:	ブ
	_

▷ 정답: 3<u>개</u>

```
에설
일차방정식을 만족하는 해의 순서쌍은 (2, 7), (4, 4), (6, 1)
이므로 해의 개수는 3(개)이다.
```

**27.** 현빈이는 총 거리가 14 km 인 산의 길을 따라 등산을 하는데 올라갈 때는 시속 3 km/h 로, 내려올 때는 시속 4 km/h 로 걸어서 모두 4 시간이 걸렸다. 올라간 거리는 x km, 내려온 거리를 y km 라고 할 때, 다음 중 연립방정식을 바르게 만든 것은?

 $\begin{cases} x + y = 14 \\ 3x + 4y = 4 \end{cases}$ 

 $\begin{cases}
 x + y = 14 \\
 3 + 4 \\
 - + - = 4
\end{cases}$ 

① 
$$\begin{cases} x - y = 14 \\ 3x + 4y = 4 \end{cases}$$
③ 
$$\begin{cases} x - y = 14 \\ \frac{x}{3} + \frac{y}{4} = 4 \end{cases}$$
⑤ 
$$\begin{cases} x + y = 14 \\ \frac{x}{3} + \frac{y}{4} = 4 \end{cases}$$

③ 
$$\begin{cases} x+y=14 \\ \frac{x}{3}+\frac{y}{4}=4 \end{cases}$$
 해설 
$$(시간) = \frac{(거리)}{(속력)} \text{ 이며, 걸린 시간은 } 4 \text{ 시간이므로}$$
 
$$(자전거를 타고 간 거리)+(걸어 간 거리)=14$$
 
$$(자전거를 타고 간 시간)+(걸어 간 시간)=4 \text{ 이므로 } x+y=14$$
 
$$\frac{x}{3}+\frac{y}{4}=4 \text{ 이다.}$$

**28.** 다음 보기 중에서 (-1, 1) 을 해로 가지는 연립 일차 방정식 한 쌍으로 이루어진 것을 고르면?

 $\bigcirc 2x + 5y = -3$ 

©. 
$$(-8) \times (-1) - 1 = 7$$
  
©.  $2 \times (-1) - 3 \times 1 + 5 = 0$ 

 $\bigcirc$  x - y = 0

**29.** 연립방정식  $\begin{cases} 3x + 2y = 15 \\ 7x + y = a \end{cases}$  의 해가 x = -1, y = b 일 때, a + b 의 값은?

$$x=-1,\ y=b$$
 를 대입하면  $\begin{cases} -3+2b=15 \\ -7+b=a \end{cases}$  이므로  $b=0,\ a=2$ 이다. 
$$\therefore a+b=2+9=11$$

**30.** 연립방정식  $\begin{cases} 2x - y = 5 \\ -x + 3y = b \end{cases}$  의 해가 (2a, 3) 일 때, 3a - b 의 값을

구하여라.

따라서 3a - b = 6 - 5 = 1 이다.

**31.** 두 일차방정식 -x + y = 1 과 ax - y = 5 를 만족하는 x 값이  $\frac{1}{2}$  일 때, 상수 2a 의 값은?

$$-x+y=1 \text{ 에 } x \text{ 값 } \frac{1}{2} \text{ 을 대입하면 } -\frac{1}{2}+y=1 \text{ 이 나오고 } y=\frac{3}{2}$$
  
따라서  $x=\frac{1}{2}, y=\frac{3}{2} \text{ 을 } ax-y=5 \text{ 에 대입하면 } \frac{1}{2}a-\frac{3}{2}=5 \text{ 가 나오고, } a=13 \text{ 이 된다.}$   
∴  $2a=2\times13=26$ 

**32.** 연립방정식  $\begin{cases} x - 2y = a \\ x + y = 8 \end{cases}$  의 해가 (b, 1) 일 때, a, b 의 값을 구하 면?

① 
$$a = 1, b = 3$$
 ②  $a = -3, b = 5$  ③  $a = 5, b = 7$   
④  $a = 5, b = -5$  ⑤  $a = 5, b = -7$ 

해설 
$$\begin{cases} x - 2y = a \cdots ① \\ x + y = 8 \cdots ② \end{cases}$$
 에서 
$$x + y = 8 \cdots ②$$
 ① 식에  $(b, 1)$  을 대입하면  $b = 7$  ① 식에  $(7, 1)$  을 대입하면  $a = 5$ 

**33.** 연립방정식  $\begin{cases} x + y = 4...① \\ x - y = 2...② \end{cases}$  의 해를 x = a, y = b 라 할 때, a - 2b 의 값은?

$$\begin{cases} x + y = 4 \dots \textcircled{1} \\ x - y = 2 \dots \textcircled{2} \end{cases}$$
$$\textcircled{1} + \textcircled{2} : x = 3 = a, y = 1 = b$$
$$\therefore a - 2b = 3 - 2 = 1$$

**34.** 두 개의 연립방정식  $\begin{cases} y = 2x - 5 \\ ay - x = 2 \end{cases}$  와  $\begin{cases} x + y = 7 \\ bx - 2y = 6 \end{cases}$  의 해가 같을

때 a, b 의 값을 구하여라.

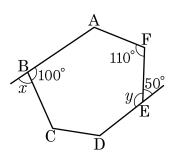
- ▶ 답:
- ▶ 답:
- $\triangleright$  정답: a=2
- ightharpoonup 정답: b=3

해가 같으므로 y = 2x - 5 를 x + y = 7 식에 대입하면 x = 4, y = 3이 나온다.

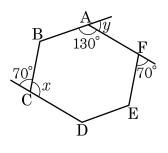
이렇게 구한 해를 a, b가 있는 식에 각각 대입하면 3a-4=2에서 a=2

4b-6=6에서 b=3

**35.** 다음 그림의 육각형에서  $\angle x + \angle y$  의 크기를 구하여라.



**36.** 다음 그림의 육각형에서  $\angle x - \angle y$  의 크기를 구하여라.



답:

\_

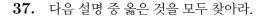
▷ 정답: 60 °

해설

$$\angle x = 180^{\circ} - 70^{\circ} = 110^{\circ}$$

$$\angle y = 180 \, ^{\circ} - 130 \, ^{\circ} = 50 \, ^{\circ}$$

 $\angle x - \angle y = 110^{\circ} - 50^{\circ} = 60^{\circ}$ 

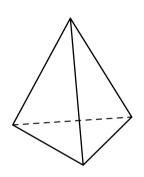


- ⊙ 세 변의 길이가 같은 삼각형은 정삼각형이다.
- 네 변의 길이가 같은 사각형은 정사각형이다.
- ⓒ 내각의 크기가 모두 같은 사각형은 정사각형이다.
- ② 정다각형은 내각의 크기와 변의 길이가 모두 같다.
- 답:
- 답:
- ▷ 정답: ⑤
- ▷ 정답: ②

## 해설

- € 마름모는 네 변의 길이가 같지만 정사각형은 아니다.
- © 직사각형은 내각의 크기가 모두 같지만 정사각형이 아니다.

**38.** 다음 그림과 같은 삼각뿔에서 교선의 개수를 a, 교점의 개수를 b 라고할 때, a + b의 값은 얼마인가?



① 6

② 7

3 8

4)

**⑤** 10

해설

삼각뿔의 교점은 4 개이고, 교선은 6 개이므로 a+b=10 이다.

**39.** 다음 <보기> 중 작도할 때의 컴퍼스의 용도를 옳게 나타낸 것을 <u>모두</u> 고른 것은?

보기

- ⊙ 두 점을 잇는 선분을 그린다.
- € 원을 그린다.
- © 주어진 선분을 연결한다.
- ② 각을 옮긴다.
- ◎ 선분의 길이를 옮긴다.
- 1 7-0-0

2 ()-(=)-(=)

3 C-2-0

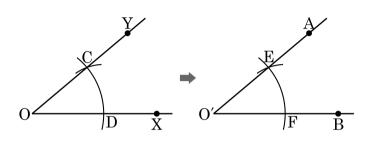
(4) (L)-(2)-(D)

(5) (L)-(E)-(E)

해설

- 컴퍼스의 용도
- 원을 그린다.
- 각을 옮긴다.
- 선분의 길이를 옮긴다.

**40.** 다음 그림은 ∠XOY 와 크기가 같은 ∠AOB 를 작도한 것이다. 다음 중 길이가 같은 선분끼리 모아 놓은 것은?



① 
$$\overline{\mathrm{CD}} = \overline{\mathrm{O'F}}$$

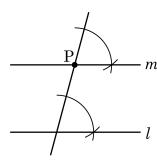
 $\bigcirc$   $\overline{OC} = \overline{EF}$ 

$$\overline{\text{OD}} = \overline{\text{O'F}}$$

해설

$$\overline{OC} = \overline{OD} = \overline{O'E} = \overline{O'F}$$
 이고,  $\overline{CD} = \overline{EF}$  이다.

**41.** 다음 그림은 직선 l 위에 있지 않은 한 점 P 를 지나면서 직선 l 과 평행한 직선 m 을 작도한 것이다. 이 때, 이용된 성질을 다음 보기에서 모두 고른 것은?



- ① 크기가 같은 각의 작도
- ① 각의 이등분선의 작도
- © 각의 수직 이등분선의 작도
- 동위각의 크기가 같으면 두 직선은 평행하다.
- ② 엇각의 크기가 같으면 두 직선은 평행하다.
- ① ⑦, ⓒ
- ③ □, □, ≥
- (a) (b), (c), (e)
- $\bigcirc \bigcirc, \bigcirc, \bigcirc, \bigcirc, \bigcirc, \bigcirc$



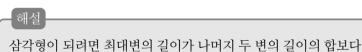
해설 동위각의 크기가 같으면 두 직선은 서로 평행하다는 평행선의 성질을 이용하여 작도한 것이다. **42**. 다음 그림은 점 B 를 지나고 직선 *l* 에 평행한 직선 m 을 작도한 것이다. 다음 중 옳지 않은 것은?  $\bigcirc$   $\overrightarrow{AB}//\overrightarrow{QR}$ 

- ②  $\overline{PQ} = \overline{QR}$  $\overline{AB} = \overline{BC}$
- $\textcircled{4} \angle ABC = \angle PQR$
- $\overline{AC} = \overline{BC}$

해설 ⑤  $\overline{PR} = \overline{AC}$  이다. 43. 세 선분의 길이가 다음과 같이 주어질 때, 이들을 세 변으로 하는 삼각형을 작도할 수 있는 것은?

① 5cm, 3cm, 2cm ② 4cm, 3cm, 1cm

③ 6cm, 3cm, 2cm ④ 7cm, 3cm, 3cm



작아야 한다.

8cm, 3cm, 6cm

2 최대변의 설약가 나면서 구 변의 설약

(1) 5cm = 2cm + 3cm(2) 4cm = 3cm + 1cm

3 6cm > 5cm (= 2cm + 3cm)

4 7cm > 6cm (= 3cm + 3cm)

**44.** 세 변의 길이가 다음과 같이 주어졌을 때, 삼각형을 작도할 수 <u>없는</u> 것은?

3 4, 5, 8

**4** 5, 5, 5 **5 6**, 7, 10

2 3, 4, 6

(1)2, 5, 7

해설
① 주어진 세 변의 길이로 삼각형을 작도 하려면 가장 긴 변의 길이가 나머지 두 변의 길이의 합보다 작아야 한다. 따라서 2+5=7이므로 작도할 수 없다. **45.** 다음 연립방정식 중  $\begin{cases} 7x - 2(3x - y) = 14 \\ 0.4x + \frac{1}{2}y = 1 \end{cases}$  과 같은 해를 갖는 것

은?

$$\begin{cases} x + 2y = 14 \\ 4x + 5y = 10 \\ x - 2y = 14 \\ 4x + 2y = 10 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x + 2y = 14 \\ 4x + 2y = 14 \\ 4x + 2y = 1 \end{cases}$$

 $\begin{cases} x - 2y = 14 \\ 4x + 5y = 1 \\ x - 2y = 14 \\ 4x + 5y = 10 \end{cases}$ 

역실 두 식을 정리하면 각각

 $7x - 6x + 2y = 14 \rightarrow x + 2y = 14$  4x + 5y = 10 과 같으므로 ① 번식은 주어진 연립방정식과 같은 해를 갖는다.