

1. $\cos 60^\circ \times \tan 60^\circ + \sin 60^\circ$ 을 계산하면?

① $\sqrt{2}$

② $\sqrt{3}$

③ 2

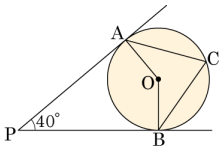
④ $2\sqrt{2}$

⑤ $2\sqrt{3}$

해설

$$(\text{준식}) = \frac{1}{2} \times \sqrt{3} + \frac{\sqrt{3}}{2} = \sqrt{3}$$

2. 다음 그림에서 $\overline{PA}$, $\overline{PB}$ 는 원 O 의 접선이고 $\angle APB = 40^\circ$ 일 때, $\angle ACB$ 의 크기는?



① 65°

② 70°

③ 75°

④ 80°

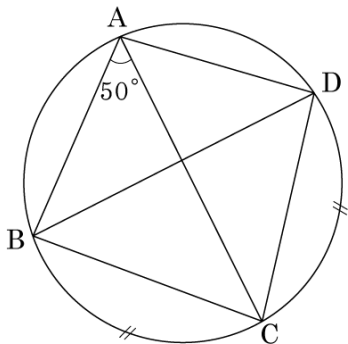
⑤ 85°

해설

$$\angle PAO = \angle PBO = 90^\circ, \angle AOB = 140^\circ$$

$$\therefore \angle ACB = \frac{1}{2} \times \angle AOB = \frac{1}{2} \times 140^\circ = 70^\circ$$

3. 다음 그림과 같이 $\square ABCD$ 가 원에 내접할 때, $5.0\text{pt}\widehat{BC} = 5.0\text{pt}\widehat{CD}$ 라고 한다. $\angle BAD$ 의 크기는?



① 60°

② 70°

③ 80°

④ 90°

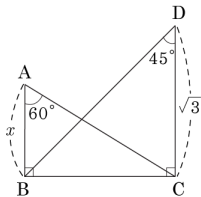
⑤ 100°

해설

i) 호의 길이가 서로 같으면 원주각의 크기가 서로 같다.

$$\begin{aligned}\text{ii) } \angle BAD &= \angle BAC + \angle CAD \\ &= 50^\circ + 50^\circ = 100^\circ\end{aligned}$$

4. 다음 그림의 직각삼각형에서 $\overline{AB}$ 의 길이는?



① 1

② $\sqrt{2}$

③ $\sqrt{3}$

④ 2

⑤ $2\sqrt{3}$

해설

$\triangle BDC$ 는 직각이등변삼각형이므로 $\overline{BC} = \sqrt{3}$ 이다.

$$\tan 60^\circ = \sqrt{3} = \frac{\sqrt{3}}{x}, x = 1 \text{ 이다.}$$

5. $\sin 0^\circ \times \tan 0^\circ - \cos 0^\circ$ 의 값을 A , $\sin 90^\circ \times \cos 90^\circ + \tan 0^\circ$ 의 값을 B 라 할 때, $B - A$ 의 값은?

① -2

② -1

③ 0

④ 1

⑤ 2

해설

$$A = 0 \times 0 - 1 = -1, B = 1 \times 0 + 0 = 0 \text{ 이므로 } B - A = 0 - (-1) = 1$$

6. 다음 그림과 같이 반지름의 길이가 1 인 부채꼴에서 $\overline{CD} \perp \overline{AB}$ 일 때, $\overline{DB}$ 의 길이를 옳게 나타낸 것은?

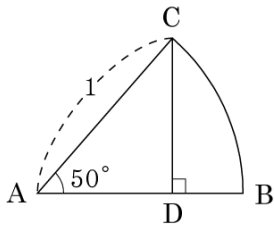
① $\cos 50^\circ$

② $1 - \cos 50^\circ$

③ $1 - \tan 50^\circ$

④ $\tan 50^\circ$

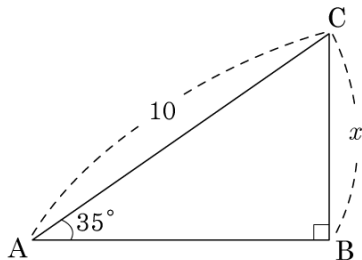
⑤ $\sin 50^\circ + \cos 50^\circ$



해설

$$\overline{DB} = \overline{AB} - \overline{AD} = 1 - \cos 50^\circ$$

7. 다음 그림의 $\triangle ABC$ 에서 삼각비의 표를 보고 x 의 값을 구하면?



각도	sin	cos	tan
54°	0.8090	0.5878	1.3764
55°	0.8192	0.5736	1.4281
56°	0.8290	0.5592	1.4826

- ① 8.192 ② 5.736 ③ 5.878 ④ 8.09 ⑤ 8.29

해설

$\angle C = 55^\circ$ 이므로

$$x = 10 \times \cos 55^\circ = 10 \times 0.5736 = 5.736$$

8. 다음 한 원과 직선에 대한 설명 중 잘못된 것은?

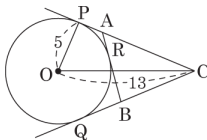
- ① 크기가 같은 두 중심각에 대한 현의 길이와 호의 길이는 각각 같다.
- ② 중심에서 현에 내린 수선은 그 현을 이등분한다.
- ③ 길이가 같은 현은 원의 중심에서 같은 거리에 있다.
- ④ 중심으로부터 같은 거리에 있는 현의 길이는 같다.
- ⑤ 현의 이등분선은 그 원의 중심을 지난다.

해설

이등분선이 그 현의 수직이등분선일 때, 원의 중심을 지날 수 있다.

9. 다음 그림에서 $\overline{CP}$, $\overline{CQ}$, $\overline{AB}$ 는 반지름이 5 인 원 O 의 접선이고 점 P, R, Q 는 접점이다.

$\overline{OP} = 5$, $\overline{OC} = 13$ 일 때, $\triangle ABC$ 의 둘레의 길이는?



① 12

② 16

③ 18

④ 24

⑤ 28

해설

$\triangle OCP$ 가 직각삼각형이므로 $\overline{PC} = 12$

접선의 길이는 같으므로 $\overline{PA} = \overline{AR}$, $\overline{QB} = \overline{BR}$

$\triangle ABC$ 의 둘레의 길이

$$= \overline{AB} + \overline{BC} + \overline{CA}$$

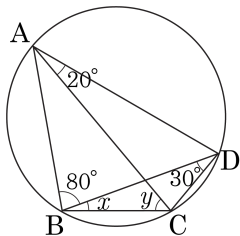
$$= \overline{AR} + \overline{BR} + \overline{BC} + \overline{CA}$$

$$= \overline{PA} + \overline{QB} + \overline{BC} + \overline{CA}$$

$$= \overline{PC} + \overline{QC}$$

$$= 24$$

10. 다음 그림에서 $\angle y - \angle x$ 의 크기는?



① 10°

② 20°

③ 30°

④ 50°

⑤ 60°

해설

$\widehat{CD}$ 의 원주각이므로 $\angle x = 20^\circ$ 이다.

$\angle y$ 는 $\widehat{AB}$ 의 원주각으로 $\angle ADB$ 와 크기가 같고,

$\widehat{BC}$ 의 원주각으로 $\angle BDC = \angle BAC = 30^\circ$ 이다.

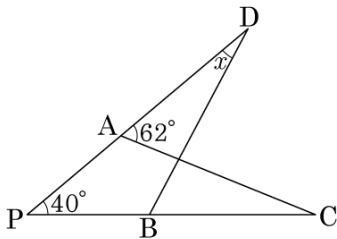
$\triangle ABD$ 에서 $\angle A + \angle B + \angle D = 50^\circ + 80^\circ + \angle y = 180^\circ$

$\therefore \angle y = 50^\circ$

따라서 $\angle y - \angle x = 30^\circ$ 이다.

11. 다음 그림에서 네 점 A, B, C, D가 한 원 위에 있기 위한 $\angle x$ 의 크기를 구하면?

- ① 21° ② 22° ③ 23°
④ 24° ⑤ 25°



해설

$$\angle APC + \angle ACP = \angle DAC$$

$$40^\circ + \angle ACP = 62^\circ$$

$$\therefore \angle ACP = 22^\circ$$

5.0pt $\widehat{AB}$ 에 대한 원주각은 같아야 하므로

$$\angle x = 22^\circ$$

12. $\tan A = \sqrt{3}$ 일 때, $\sin^2 A - \cos^2 A$ 의 값은? (단, $0^\circ \leq A \leq 90^\circ$)

① $\frac{1}{2}$

② $\frac{5}{13}$

③ $\frac{5}{14}$

④ $\frac{1}{3}$

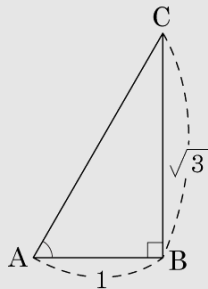
⑤ $\frac{5}{16}$

해설

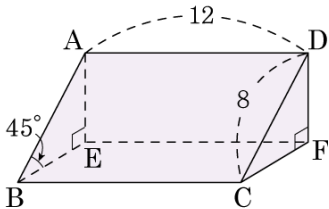
$\tan A = \sqrt{3}$ 를 만족하는 직각삼각형 ABC
를 만들면 $\overline{AC} = \sqrt{1^2 + \sqrt{3}^2} = 2$

$$\therefore \sin A = \frac{\sqrt{3}}{2}, \cos A = \frac{1}{2}$$

$$\begin{aligned} \therefore \sin^2 A - \cos^2 A \\ = \frac{3}{4} - \frac{1}{4} = \frac{1}{2} \end{aligned}$$



13. 다음 그림과 같은 직사각형 모양의 널판지 ABCD가 수평면에 대하여 45° 만큼 기울어져 있다. 이 때, 직사각형 EBCF의 넓이는?



① 48

② $48\sqrt{2}$

③ $48\sqrt{3}$

④ $48\sqrt{5}$

⑤ $48\sqrt{6}$

해설

$$\overline{BE} = 8 \times \cos 45^\circ = 4\sqrt{2},$$

$$\text{넓이} = 4\sqrt{2} \times 12 = 48\sqrt{2}$$

14. 현수는 동산 꼭대기에 올라서서 A 마을을 내려다보고 있다. 동산아래 지면에서 마을까지의 거리는 약 400m 이고, 동산꼭대기에서 마을을 내려다 본 각도가 30° 이었다고 할 때, 현수가 올라간 동산의 높이와 동산 꼭대기에서 마을까지의 거리를 합한 값은 얼마일까?

① $(300\sqrt{3} + 600)$ m

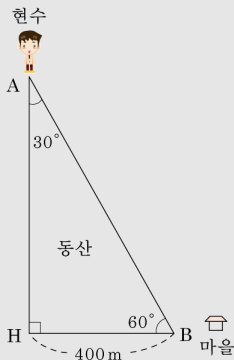
② $(300\sqrt{3} + 800)$ m

③ $(400\sqrt{3} + 600)$ m

④ $(400\sqrt{3} + 800)$ m

⑤ $(400\sqrt{3} + 900)$ m

해설



$$\tan 60^\circ = \frac{\overline{AH}}{400}$$

$$(\text{동산의 높이}) = \overline{AH} = 400 \times \tan 60^\circ = 400 \times \sqrt{3} = 400\sqrt{3}(\text{m})$$

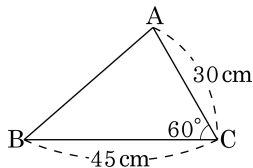
$$\cos 60^\circ \times \overline{AB} = 400 \text{ 이므로}$$

$$\therefore \overline{AB} = (\text{동산 꼭대기에서 마을까지의 거리}) = \frac{400}{\cos 60^\circ} =$$

$$400 \div \frac{1}{2} = 800(\text{m})$$

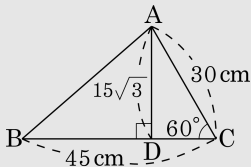
$$\therefore (\text{동산의 높이} + \text{동산 꼭대기에서 마을까지의 거리}) = 400\sqrt{3} + 800(\text{m})$$

15. 두 지점 A, B 사이의 거리를 알아보기 위해 다음과 같이 측정하였다고 할 때, 두 지점 A, B 사이의 거리는 얼마인가?



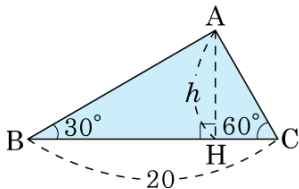
- ① $15\sqrt{7}(\text{m})$ ② $14\sqrt{7}(\text{m})$
 ③ $13\sqrt{7}(\text{m})$ ④ $12\sqrt{7}(\text{m})$
 ⑤ $11\sqrt{7}(\text{m})$

해설



$$\begin{aligned}\overline{AB} &= \sqrt{(15\sqrt{3})^2 + 30^2} \\ &= \sqrt{675 + 900} \\ &= \sqrt{1575} \\ &= 15\sqrt{7}(\text{m})\end{aligned}$$

16. 다음 그림의 $\triangle ABC$ 에서 높이 h 를 구하면?



① $2\sqrt{5}$

② $4\sqrt{3}$

③ $5\sqrt{3}$

④ $3\sqrt{5}$

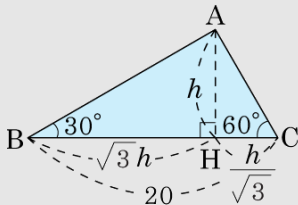
⑤ $5\sqrt{2}$

해설

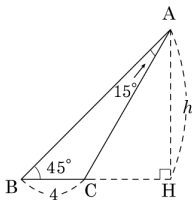
그림에서 $\sqrt{3}h + \frac{h}{\sqrt{3}} =$

$20, \frac{4\sqrt{3}}{3}h = 20$

$\therefore h = 20 \times \frac{3}{4\sqrt{3}} = 5\sqrt{3}$



17. 다음 그림과 같은 삼각형 ABC 에서 h 의 값은?



① $2(3 + \sqrt{3})$

② $2(3 - \sqrt{3})$

③ $3(3 + \sqrt{3})$

④ $2(3 + \sqrt{2})$

⑤ $3(3 + \sqrt{2})$

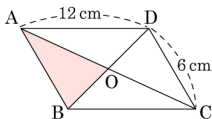
해설

$\triangle ABH$ 는 직각이등변삼각형이므로 $\overline{AH} = \overline{BH} = h$ 이다.
 $\angle ACH = 45^\circ + 15^\circ = 60^\circ$ 이고,

$$\overline{AH} : \overline{CH} = \sqrt{3} : 1 = h : \overline{CH}, \overline{CH} = \frac{\sqrt{3}}{3}h \text{ 이다.}$$

따라서 $4 + \frac{\sqrt{3}}{3}h = h, (3 - \sqrt{3})h = 12, h = 2(3 + \sqrt{3})$ 이다.

18. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD 에서 대각선 $\overline{AC}$, $\overline{BD}$ 의 교점을 O 라고 하자. $\angle BCD = 60^\circ$, $\overline{AD} = 12\text{cm}$, $\overline{CD} = 6\text{cm}$ 일 때, $\triangle ABO$ 의 넓이를 구하면?



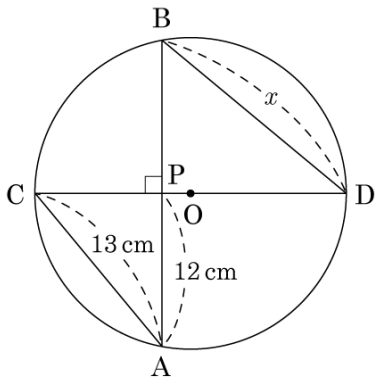
- ① 9 cm^2 ② 10 cm^2 ③ $9\sqrt{2}\text{ cm}^2$
 ④ $9\sqrt{3}\text{ cm}^2$ ⑤ $10\sqrt{3}\text{ cm}^2$

해설

$$\begin{aligned}
 (\square ABCD \text{의 넓이}) &= 12 \times 6 \times \sin 60^\circ \\
 &= 12 \times 6 \times \frac{\sqrt{3}}{2} \\
 &= 36\sqrt{3} \text{ (cm}^2\text{)}
 \end{aligned}$$

$$\therefore \triangle ABO = 36\sqrt{3} \times \frac{1}{4} = 9\sqrt{3} \text{ (cm}^2\text{)}$$

19. 다음 그림에서 x 의 길이는?



① 30 (cm)

② 31 (cm)

③ 31.1 (cm)

④ 31.2 (cm)

⑤ 31.3 (cm)

해설

$$\overline{AP} = \overline{BP} = 12 \text{ (cm)}$$

$$\triangle CAP \equiv \triangle CBP \text{ (SAS합동)}$$

$\triangle BCD$ 에서

$$\angle CBD = 90^\circ \text{ 이므로}$$

$$\triangle PCA \sim \triangle PBD \text{ (AA닮음)}$$

$$\overline{CP} = \sqrt{13^2 - 12^2} = \sqrt{25} = 5 \text{ (cm)}$$

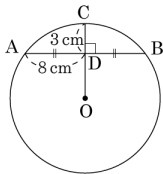
$$\overline{PC} : \overline{PB} = \overline{CA} : \overline{BD} \text{ 에서}$$

$$5 : 12 = 13 : x$$

$$5x = 156$$

$$\therefore x = 31.2 \text{ (cm)}$$

20. 다음 그림에서 $\overline{AD} = 8\text{cm}$, $\overline{CD} = 3\text{cm}$ 일 때, 원 O 의 반지름의 길이는?



① $\frac{71}{6}\text{cm}$

② 12cm

③ $\frac{73}{6}\text{cm}$

④ $\frac{37}{3}\text{cm}$

⑤ $\frac{25}{2}\text{cm}$

해설

$\overline{OA} = x$ 라고 하면 $\triangle OAD$ 에서

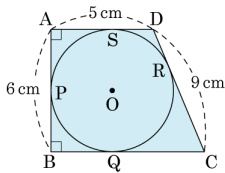
$$x^2 = 8^2 + (x - 3)^2$$

$$x^2 = 64 + x^2 - 6x + 9$$

$$6x = 73$$

따라서 $x = \frac{73}{6}(\text{cm})$ 이다.

21. 다음 그림에서 $\square ABCD$ 가 원 O 의 외접사각형이고, 네 점 P, Q, R, S 는 각각 원 O 의 접점이다. 이 때, $\overline{CQ}$ 의 길이는?



① 5cm

② 6cm

③ 7cm

④ 8cm

⑤ 9cm

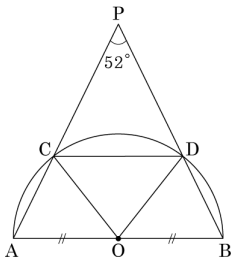
해설

$$6 + 9 = 5 + \overline{BC} \therefore \overline{BC} = 10\text{cm}$$

$$\overline{AP} = \overline{BP} = \overline{AS} = \overline{BQ} = 3\text{cm} (\because \overline{OQ} \perp \overline{BC}, \overline{OP} \perp \overline{AB})$$

$$\overline{CQ} = 10 - 3 = 7(\text{cm})$$

22. 다음 그림의 반원 O 에서 $\angle P = 52^\circ$ 일 때, $\angle COD$ 의 크기는?



① 73°

② 74°

③ 75°

④ 76°

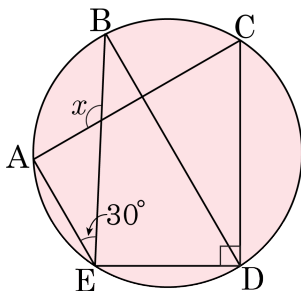
⑤ 77°

해설

$$\angle ADP = 90^\circ, \angle PAD = 38^\circ$$

$$\therefore \angle COD = 2\angle PAD = 2 \times 38^\circ = 76^\circ$$

23. 다음 그림에서 $\angle AEB = 30^\circ$, $\angle EDC = 90^\circ$ 일 때, $\angle x$ 의 크기는?



① 110°

② 115°

③ 120°

④ 125°

⑤ 130°

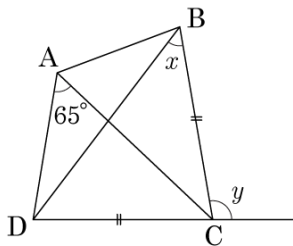
해설

$\angle CAE + \angle CDE = 180^\circ$ 이므로

$\angle CAE = 90^\circ$

$\therefore \angle x = 90^\circ + 30^\circ = 120^\circ$

24. 다음 그림에서 네 점 A, B, C, D가 한 원 위에 있을 때, $\angle x + \angle y$ 의 크기는?



① 180°

② 185°

③ 190°

④ 195°

⑤ 200°

해설

5.0pt $\widehat{DC}$ 에 대한 원주각의 크기가 같으므로

$$\angle x = 65^\circ$$

$\triangle BCD$ 는 이등변삼각형이므로

$$\angle BDC = 65^\circ$$

$$\angle BAC = \angle BDC \quad \therefore \angle BAC = 65^\circ$$

한 외각의 크기와 그 내대각의 크기는 같으므로

$$\angle y = \angle BAD = 65^\circ + 65^\circ = 130^\circ$$

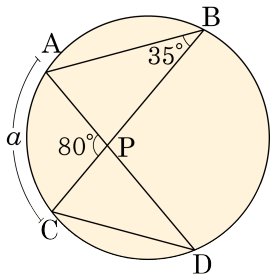
$$\therefore \angle x + \angle y = 65^\circ + 130^\circ = 195^\circ$$

25. 다음 그림에서 $5.0\text{pt}\widehat{AC} = a$ 일 때,
 $5.0\text{pt}\widehat{BD}$ 를 구하면?

① $\frac{6}{5}a$
 ④ $\frac{9}{7}a$

② $\frac{7}{5}a$
 ⑤ $\frac{10}{9}a$

③ $\frac{8}{7}a$



해설

$\triangle ABP$ 에 의해 $\angle APC = \angle ABP + \angle BAP$

$$\angle BAP = 80^\circ - 35^\circ = 45^\circ$$

$$5.0\text{pt}\widehat{AC} : 5.0\text{pt}\widehat{BC} = 35^\circ : 45^\circ = a : 5.0\text{pt}\widehat{BD}$$

$$5.0\text{pt}\widehat{BD} = \frac{45^\circ}{35^\circ} = \frac{9}{7}a$$