

1. 다음  $x, y$ 의 다항식  $P, Q$ 에 대해  $P + Q$ 를 계산하면, 항의 개수는 (㉠)  
개이고, 계수의 총합은 (㉡)이다. ㉠, ㉡에 알맞은 수를 차례로 써라.

$$P = 5x^2y + 2y^2 + 2x^3$$
$$Q = x^3 - 3y^2 + 2xy^2$$

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: ① 4

▷ 정답: ② 9

해설

동류항끼리 정리하면

$$P + Q = 3x^3 + 5x^2y + 2xy^2 - y^2$$

항의 개수는 4개이고 계수의 총합은 9이다.

2. 다음 두 다항식  $A$ ,  $B$ 에 대하여  $A - B$ 를 구하면?

$$A = 2y^2 + x^2 - 3xy, \quad B = -4x^2 - 2xy + 5y^2$$

①  $5x^2 - 2xy + 3y^2$

②  $\textcircled{2} 5x^2 - xy - 3y^2$

③  $5x^2 + xy + 3y^2$

④  $5x^2 + 2xy - 3y^2$

⑤  $5x^2 + 3xy + 3y^2$

해설

동류항끼리 계산해 준다.

$$\begin{aligned} A - B &= (2y^2 + x^2 - 3xy) - (-4x^2 - 2xy + 5y^2) \\ &= 5x^2 - xy - 3y^2 \end{aligned}$$

3. 다항식  $f(x) = 3x^3 - 7x^2 + 5x + 2$ 를  $3x - 1$ 로 나눌 때의 몫과 나머지를 구하면?

① 몫 :  $x^2 - 2x + 1$ , 나머지 : 3

② 몫 :  $x^2 - 2x + 1$ , 나머지 : 2

③ 몫 :  $x^2 + 2x + 1$ , 나머지 : 3

④ 몫 :  $x^2 + 2x + 1$ , 나머지 : 2

⑤ 몫 :  $x^2 + 2x + 1$ , 나머지 : 1

해설

직접나누는 방법과 조립제법을 이용하여 구하는 방법이 있다.

$$f(x) = (3x - 1)(x^2 - 2x + 1) + 3$$

$$\therefore \text{몫} : x^2 - 2x + 1, \text{나머지} : 3$$

4. 다항식  $(5x^2 + 3x + 1)^2$  을 전개하였을 때,  $x^2$  의 계수는?

- ① 10      ② 13      ③ 16      ④ 19      ⑤ 25

해설

$$(5x^2 + 3x + 1)(5x^2 + 3x + 1) \text{에서}$$

i ) (일차항)  $\times$  (일차항)의 경우  $9x^2$

ii ) (이차항)  $\times$  (상수항)의 경우  $2 \times 5x^2$

$$\therefore 5x^2 + 5x^2 + 9x^2 = 19x^2$$

$$\therefore 19$$

5. 다항식  $x^3 - 2$ 를  $x^2 - 2$ 로 나눈 나머지는?

- ① 2      ② -2      ③  $-2x - 2$   
④  $2x + 2$       ⑤  $2x - 2$

해설

$$\frac{x^3 - 2}{x^2 - 2} = \frac{x^3 - 2x + 2x - 2}{x^2 - 2} = x + \frac{2x - 2}{x^2 - 2}$$

$\therefore$  몫은  $x$ , 나머지는  $2x - 2$

6.  $x$ 에 대한 다항식  $A = 2x^3 + 5x^2 + 4$ 를 다항식  $B$ 로 나눌 때, 몫이  $2x + 1$ 이고, 나머지가  $-6x + 2$ 이다. 이 때, 다항식  $B$ 를 구하면?

①  $x^2 + 2x + 2$       ②  $x^2 + x + 2$       ③  $x^2 - x + 2$

④  $x^2 - 2x + 2$       ⑤  $x^2 - 3x + 2$

해설

$$\begin{aligned} A &= B(2x + 1) - 6x + 2 \text{에서} \\ B(2x + 1) &= 2x^3 + 5x^2 + 6x + 2 \\ \therefore B &= (2x^3 + 5x^2 + 6x + 2) \div (2x + 1) \\ &= x^2 + 2x + 2 \end{aligned}$$

7. 다항식  $f(x)$ 를  $2x^2 + 3x + 2$ 로 나누었더니 몫이  $3x - 4$ 이고, 나머지가  $2x + 5$ 이었다. 이 때,  $f(1)$ 의 값은?

① -1      ② 0      ③ 1      ④ 3      ⑤ 5

해설

$$\begin{aligned}f(x) &= (2x^2 + 3x + 2)(3x - 4) + (2x + 5) \\&= 6x^3 + 9x^2 + 6x - 8x^2 - 12x - 8 + 2x + 5 \\&= 6x^3 + x^2 - 4x - 3 \\∴ f(1) &= 6 + 1 - 4 - 3 = 0\end{aligned}$$

해설

$$\begin{aligned}f(x) &= (2x^2 + 3x + 2)(3x - 4) + (2x + 5) \\f(1) &= (2 + 3 + 2)(3 - 4) + (2 + 5) = -7 + 7 = 0\end{aligned}$$

8. 다음 그림은 한변의 길이가  $x$ 인 정사각형을 대각선을 따라 자른 후 직각이등변삼각형 2개를 떼어낸 도형이다. 이때, 색칠한 부분의 넓이를  $x, y$ 에 관한 식으로 나타내어라.



- ①  $xy - y^2$       ②  $x^2 - y^2$       ③  $x^2 - y$   
④  $\frac{xy - y^2}{2}$       ⑤  $\frac{x - y}{2}$

해설

$$x^2 - 2 \times \frac{1}{2} \times y \times y = x^2 - y^2$$

9. 다음 곱셈공식을 전개한 것 중 바른 것은?

①  $(x - y - 1)^2 = x^2 + y^2 + 1 - 2xy - 2x - 2y$

②  $(a + b)^2(a - b)^2 = a^4 - 2a^2b^2 + b^4$

③  $(-x + 3)^3 = x^3 - 9x^2 + 27x - 27$

④  $(a - b)(a^2 + ab - b^2) = a^3 - b^3$

⑤  $(p - 1)(p^2 + 1)(p^4 + 1) = p^{16} - 1$

해설

①  $(x - y - 1)^2 = x^2 + y^2 + 1 - 2xy - 2x - 2y$

③  $(-x + 3)^3 = -x^3 + 9x^2 - 27x + 27$

④  $(a - b)(a^2 + ab + b^2) = a^3 - b^3$

⑤  $(p - 1)(p + 1)(p^2 + 1)(p^4 + 1) = p^{16} - 1$

10.  $a^2 + b^2 + c^2 = 9$ ,  $ab + bc + ca = 9$ ,  $a + b + c$ 의 값은?

- ①  $-3\sqrt{2}$       ②  $-2\sqrt{3}$       ③  $\pm 3\sqrt{3}$   
④  $\pm 3\sqrt{2}$       ⑤  $\sqrt{6}$

해설

$$\begin{aligned}(a+b+c)^2 &= a^2 + b^2 + c^2 + 2(ab + bc + ca) \\&= 9 + 18 = 27\end{aligned}$$

$$\therefore a+b+c = \pm 3\sqrt{3}$$

11. 세 다항식  $A = x^2 + 3x - 2$ ,  $B = 3x^2 - 2x + 1$ ,  $C = 4x^2 + 2x - 3$ 에 대하여

$3A - \{5A - (3B - 4C)\} + 2B$ 를 간단히 하면?

①  $3x^2 + 12x - 13$       ②  $-3x^2 + 24x + 21$

③  $3x^2 - 12x + 21$       ④  $\textcircled{4} -3x^2 - 24x + 21$

⑤  $x^2 + 12x + 11$

해설

$$\begin{aligned}3A - \{5A - (3B - 4C)\} + 2B \\= -2A + 5B - 4C \\= -2(x^2 + 3x - 2) + 5(3x^2 - 2x + 1) - 4(4x^2 + 2x - 3) \\= -3x^2 - 24x + 21\end{aligned}$$

12. 두 다항식  $A = a + 2b$ ,  $B = 2a + 3b$  일 때,  $2A + B$ 를 구하는 과정에서 사용된 연산법칙 중 옳지 않은 것을 골라라.

$$\begin{aligned}2A + B &= 2(a + 2b) + (2a + 3b) \\&= (2a + 4b) + (2a + 3b) \text{ ⑦ 분배법칙} \\&= 2a + (4b + 2a) + 3b \text{ ⑧ 결합법칙} \\&= 2a + (2a + 4b) + 3b \text{ ⑨ 교환법칙} \\&= (2a + 2a) + (4b + 3b) \text{ ⑩ 교환법칙} \\&= (2+2)a + (4+3)b \text{ ⑪ 분배법칙} \\&= 4a + 7b\end{aligned}$$

▶ 답:

▷ 정답: ⑩

해설

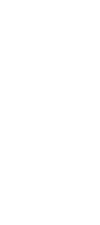
⑩  $2a + (2a + 4b) + 3b = (2a + 2a) + (4b + 3b)$ : 결합법칙

13.

세 실수  $a, b, c$ 에 대하여  $a+b+c = \sqrt{6}$ ,  
 $ab+bc+ca = 2$ 일 때,  $81(abc)^2$ 의 값은?

▶ 답:

▷ 정답: 24



14.  $P = (2+1)(2^2+1)(2^4+1)(2^8+1)(2^{16}+1)$  의 값을 구하면?

- ①  $2^{32}-1$       ②  $2^{32}+1$       ③  $2^{31}-1$   
④  $2^{31}+1$       ⑤  $2^{17}-1$

해설

주어진 식에  $(2-1)=1$  을 곱해도 식은 성립하므로

$$P = (2-1)(2+1)(2^2+1)(2^4+1)(2^8+1)(2^{16}+1)$$

$$= (2^2-1)(2^2+1)(2^4+1)(2^8+1)(2^{16}+1)$$

$$= (2^4-1)(2^4+1)(2^8+1)(2^{16}+1)$$

$$= \vdots$$

$$= (2^{16}-1)(2^{16}+1)$$

$$= 2^{32}-1$$

15. 두 다항식  $(1 + 2x + 3x^2 + 4x^3)^3$ ,  $(1 + 2x + 3x^2 + 4x^3 + 5x^4)^3$  의  $x^3$ 의 계수를 각각  $a$ ,  $b$  라 할 때,  $a - b$ 의 값을 구하면?

- ① -21      ② -15      ③ -5      ④ -1      ⑤ 0

해설

$(1 + 2x + 3x^2 + 4x^3 + 5x^4)^3$ 의 전개식에서  $x^4$  항의 계수는  $x^3$ 의 계수와는 관계가 없다.

따라서  $(1 + 2x + 3x^2 + 4x^3)^3$ 의 전개식에서  $x^3$ 의 계수와  $(1 + 2x + 3x^2 + 4x^3 + 5x^4)^3$ 의 전개식에서  $x^3$ 의 계수는 같다.

$$\therefore a = b \quad \therefore a - b = 0$$

16.  $a = 2004$ ,  $b = 2001$  일 때,  $a^3 - 3a^2b + 3ab^2 - b^3$  의 값은?

- ① 21      ② 23      ③ 25      ④ 27      ⑤ 29

해설

준 식은  $(a - b)^3$  이다.

$$a - b = 2004 - 2001 = 3$$

$$\therefore (a - b)^3 = 3^3 = 27$$

17.  $(10^5 + 2)^3$ 의 각 자리의 숫자의 합을 구하여라.

- ① 15      ② 18      ③ 21      ④ 26      ⑤ 28

해설

$$\begin{aligned} \text{준식을 전개하면} \\ 10^{15} + 2^3 + 3 \times 2 \times 10^5(10^5 + 2) \\ = 10^{15} + 2^3 + 6 \times 10^{10} + 12 \times 10^5 \\ = 10^{15} + 10^{10} \times 6 + 10^5 \times 12 + 8 \\ \therefore 1 + 6 + 1 + 2 + 8 = 18 \end{aligned}$$

18.  $a+b+c = 0$ ,  $a^2+b^2+c^2 = 1$  일 때,  $4(a^2b^2+b^2c^2+c^2a^2)$ 의 값은?

- ①  $\frac{1}{4}$       ②  $\frac{1}{2}$       ③ 1      ④ 2      ⑤ 3

해설

$$(a+b+c)^2 = a^2 + b^2 + c^2 + 2(ab + bc + ca)$$

$$\therefore ab + bc + ca = -\frac{1}{2}$$

$$4(a^2b^2 + b^2c^2 + c^2a^2)$$

$$= 4[(ab + bc + ca)^2 - 2abc(a + b + c)]$$

$$= 4 \times \left(-\frac{1}{2}\right)^2 = 1$$

19. 다음 중에서 겉넓이가 22, 모든 모서리의 길이의 합이 24인 직육면체의 대각선의 길이는?

- ①  $\sqrt{11}$       ②  $\sqrt{12}$   
③  $\sqrt{13}$       ④  $\sqrt{14}$

⑤ 유일하지 않다.

해설

$$\begin{aligned} \text{겉넓이} : 2xy + 2xz + 2yz &= 22 \\ \text{모서리} : 4x + 4y + 4z &= 24 \\ \text{대각선} : d^2 &= x^2 + y^2 + z^2 \\ &= (x+y+z)^2 - 2(xy + yz + zx) \\ &= 6^2 - 22 = 14 \end{aligned} \quad \therefore d = \sqrt{14}$$

### 해설

- $$x^2 - x + 1 = 0 \text{ 를 } x \text{ 도 나누어 정리한다.}$$

$$x + \frac{1}{x} = 1$$

1