

1. 일차함수 $y = ax + b$ 의 그래프가 직선 $3x + 3y - 2 = 0$ 의 그래프와 평행하고, 직선 $3x + 2y + 4 = 0$ 과 y 축 위에서 만난다. 이 때, 상수 a, b 의 합 $a + b$ 의 값은?

① -3 ② -2 ③ -1 ④ 1 ⑤ 2

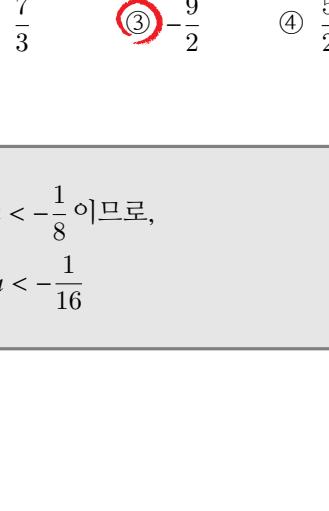
해설

$3x + 3y - 2 = 0$ 을 변형하면 $y = -x + \frac{2}{3}$ 이므로 $a = -1$ 이다.

또한, $3x + 2y + 4 = 0$ 의 y 절편이 같으므로 $b = -2$ 이다.

따라서, $a + b = -1 + (-2) = -3$ 이다.

2. 두 일차함수의 $y = 2ax + b$ 와 $y = -ax + b$ 의 그래프가 다음 그림과 같을 때, 다음 중 상수 a 의 값이 될 수 있는 것은?



- ① 2 ② $\frac{7}{3}$ ③ $-\frac{9}{2}$ ④ $\frac{5}{2}$ ⑤ -2

해설

$$2 < -a < 5, \quad 2a < -\frac{1}{8} \text{ } \circ] \text{므로,}$$

$$-5 < a < -2, \quad a < -\frac{1}{16}$$

3. 용수철저울에 x g 의 무게를 달았을 때, 용수철의 길이를 y cm 라고 하면 x , y 는 일차함수로 타나내어진다고 한다. 10g 의 물체를 달았을 때 용수철의 길이가 22cm, 16g 의 물체를 달았을 때 31cm 였다. 22g 의 물체를 달았을 때 용수철의 길이를 구하여라.

▶ 답: cm

▷ 정답: 40cm

해설

$y = ax + b$ 가 두 점 $(10, 22)$, $(16, 31)$ 를 지나므로

$$y - 22 = \frac{31 - 22}{16 - 10}(x - 10)$$

$$y = \frac{3}{2}x + 7 \text{ 이다.}$$

따라서 $x = 22$ 일 때 y 의 값은

$$y = \frac{3}{2} \times 22 + 7 = 40(\text{cm}) \text{ 이다.}$$

4. 다음 $3x - 2y + 6 = 0$ 에 대한 설명 중에서 옳지 않은 것을 모두 골라라.

Ⓐ $y = \frac{3}{2}x + 1$ 의 그래프와 평행하다.

Ⓑ 제4사분면을 지나지 않는다.

Ⓒ x 값이 2 증가할 때, y 값은 3 감소한다.

Ⓓ x 절편과 y 절편의 합은 2이다.

Ⓔ 오른쪽 아래로 향하는 그래프이다.

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: Ⓟ

▷ 정답: Ⓡ

▷ 정답: Ⓣ

해설

주어진 일차방정식 : $y = \frac{3}{2}x + 3$

Ⓐ x 값이 2 증가할 때 y 값은 3 증가한다.

Ⓑ x 절편과 y 절편의 합은 1이다.

5. 일차방정식 $ax + by - 3 = 0$ 의 그래프가 기울기가 $-\frac{1}{4}$ 이고 y 절편이 1

일 때, $a + b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $\frac{15}{4}$

해설

$$ax + by - 3 = 0 \text{ 을 } y \text{에 관하여 풀면 } by = -ax + 3, y = -\frac{a}{b}x + \frac{3}{b}$$

○]므로 $-\frac{a}{b} = -\frac{1}{4}, \frac{3}{b} = 1, b = 3$ 이다. 따라서 a 는 $\frac{3}{4}$ 이다.

$$\therefore a + b = \frac{3}{4} + 3 = \frac{15}{4}$$

6. 좌표평면 위에 네 점 A(2, 6), B(2, 3), C(4, 3), D(4, 6)을 꼭지점으로 하는 사각형이 있다. 일차함수 $y = ax + 1$ 의 그래프가 이 사각형과 만나도록 하는 a 의 값의 범위로 맞는 것을 고르면?

Ⓐ $\frac{1}{2} \leq a \leq \frac{5}{2}$ Ⓑ $\frac{3}{2} \leq a \leq \frac{7}{2}$ Ⓒ $2 \leq a \leq 4$
Ⓑ $\frac{5}{2} \leq a \leq \frac{9}{2}$ Ⓓ $3 \leq a \leq 5$

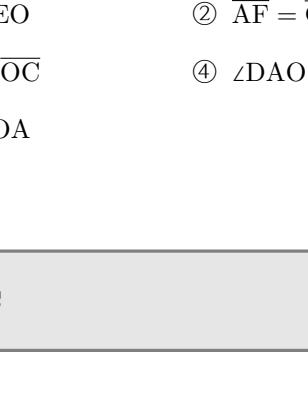
해설

$y = ax + 1$ 은 점 (0, 1)을 지나고 A와 C 사이를 오가야 한다.

점 (0, 1), 점 (2, 6)을 지날 때 $a = \frac{5}{2}$

점 (0, 1), 점 (4, 3)을 지날 때 $a = \frac{1}{2}$

7. 다음 그림에서 점 O는 $\triangle ABC$ 의 외심이다. 다음 중 옳지 않은 것은?



- ① $\triangle BEO \cong \triangle CEO$ ② $\overline{AF} = \overline{CF}$
③ $\overline{OA} = \overline{OB} = \overline{OC}$ ④ $\angle DAO = \angle DBO$
⑤ $\angle FOA = \angle FOC$

해설

$$\angle FOA = \angle FOC$$

8. 점 $(a+b, ab)$ 가 제 3 사분면의 점이고 $a < b$ 일 때, $ax + by + 1 = 0$ 의 그래프가 지나지 않는 사분면은?

▶ 답: 사분면

▷ 정답: 제 2 사분면

해설

$a + b < 0, ab < 0$ 이므로 $a < 0, b > 0$ 이다.

$$ax + by + 1 = 0 \text{ 을 변형하면 } y = -\frac{a}{b}x - \frac{1}{b}$$

$$\text{기울기: } -\frac{a}{b} > 0, y \text{ 절편: } -\frac{1}{b} < 0$$

9. 직선 $y = \frac{3}{2}x - 5$ 와 평행하고, 점 $(-4, 5)$ 를 지나는 직선의 x 절편을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $-\frac{22}{3}$

해설

$$y = \frac{3}{2}x - 5 \text{ 와 기울기가 같으므로}$$

$$y = \frac{3}{2}x + b \text{ 에 } (-4, 5) \text{ 를 대입하면}$$

$$5 = \frac{3}{2} \times (-4) + b,$$

$$5 = -6 + b, b = 11,$$

$$y = \frac{3}{2}x + 11 \text{ 에 } y = 0 \text{ 대입}$$

$$0 = \frac{3}{2}x + 11, \frac{3}{2}x = -11, x = -\frac{22}{3}$$

10. 기온이 0°C 일 때 소리의 속력은 초속 331m이고, 기온이 1°C 올라갈 때마다 초속 0.6m 씩 속력이 증가한다고 한다. 소리의 속력이 초속 337m 일 때의 기온은?

- ① 2°C ② 5°C ③ 7°C ④ 9°C ⑤ 10°C

해설

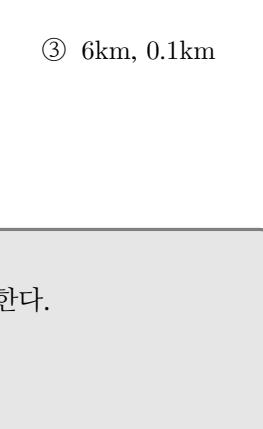
기온을 x 라 하면

$$331 + 0.6x = 337$$

$$0.6x = 6$$

$$\therefore x = 10$$

11. 동생이 정오에 오토바이를 타고 집을 출발했다. A 지점에서 오토바이가 고장이 나서 그 후부터는 걸어서 갔다. 다음 그래프는 동생이 집을 출발한 후의 시간과 거리의 관계를 나타낸 것이다. 이 그래프를 보고 오토바이의 분속과 걸어간 분속은?



- ① 6km, 2km ② 0.6km, 0.8km ③ 6km, 0.1km
④ 0.6km, 0.1km ⑤ 0.6km, 2.4km

해설

속력 = $\frac{\text{거리}}{\text{시간}}$ 이므로 각각의 기울기를 구한다.

$$\text{오토바이} = \frac{6}{10} = 0.6$$

$$\text{걸음} = \frac{8 - 6}{30 - 10} = \frac{2}{20} = 0.1$$

12. 두 점 $(a - 7, -1)$ 와 $(-2a + 8, 1)$ 을 지나는 직선이 y -축에 평행할 때,
상수 a 의 값은?

- ① $a = 1$ ② $a = 3$ ③ $\textcircled{a} = 5$ ④ $a = 7$ ⑤ $a = 9$

해설

y -축에 평행할 때, $x = k$ 를 이룬다.

$$\therefore a - 7 = -2a + 8$$

$$3a = 15$$

$$\therefore a = 5$$

13. 네 직선 $y = 5$, $y = -1$, $x = a$, $x = -a$ 로 둘러싸인 부분의 넓이가 24 일 때, 양수 a 의 값은?

① 2 ② 6 ③ 8 ④ 10 ⑤ 12

해설

가로의 길이가 $2a$ 이고 세로의 길이가 6 인 직사각형의 넓이
 $2a \times 6 = 24$, $a = 2$

14. 네 방정식 $2x - 2 = 0$, $x + 4 = 0$, $y - a = 0$, $y + b = 0$ 으로 둘러싸인 도형의 넓이가 20 일 때, 상수 a, b 의 합 $a+b$ 의 값은? (단, $a > 0$, $b > 0$)

① 1 ② 4 ③ 5 ④ 10 ⑤ 12

해설

가로는 5, 세로는 $a+b$ 이므로, 도형의 넓이는 $5 \times (a+b) = 20$
 $\therefore a+b = 4$

15. 다음 그림과 같이 두 직선이 한 점에서 만날 때, 두 직선의 방정식 l, m 의 교점의 좌표는?



- ① $(-2, 3)$ ② $\left(-\frac{5}{2}, \frac{3}{2}\right)$ ③ $(-1, 3)$
④ $\left(-1, \frac{5}{2}\right)$ ⑤ $\left(-\frac{1}{2}, 3\right)$

해설

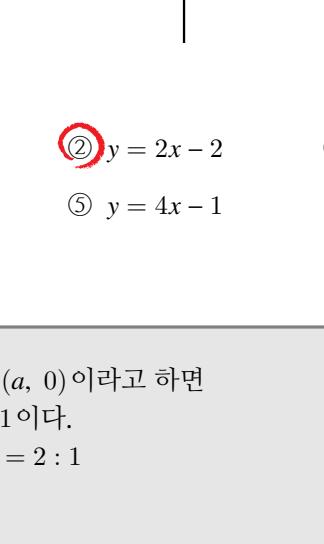
l 과 m 의 방정식을 구하면

$$l : y = x + 4, \quad m : y = -x + 2$$

l 과 m 의 교점을 구하면

$$y = 3, \quad x = -1$$
 이다.

16. 다음 그림에서 $\triangle ABD$ 의 넓이와 $\triangle ACD$ 의 넓이의 비가 $2 : 1$ 일 때, 직선 l 을 나타내는 일차함수의 식을 구하면?



- ① $y = 2x - 1$ ② $y = 2x - 2$ ③ $y = 3x - 1$
④ $y = 3x - 2$ ⑤ $y = 4x - 2$

해설

점 D의 좌표를 $(a, 0)$ 이라고 하면

$\overline{BD} : \overline{DC} = 2 : 1$ 이다.

$$a - (-5) : 4 - a = 2 : 1$$

$$\therefore a = 1$$

$$\therefore D(1, 0)$$

따라서 직선 l 은 $(1, 0)$ 과 $(3, 4)$ 를 지난다.

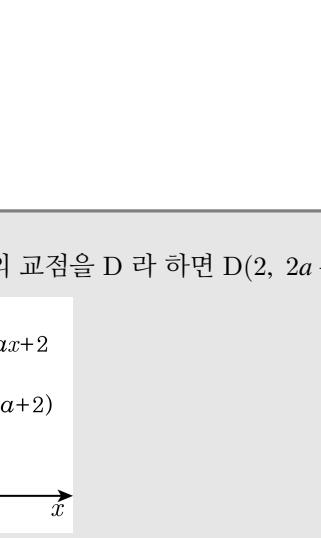
$$y = \frac{4-0}{3-1}x + b$$

$$y = 2x + b$$

$$(1, 0) \text{ 대입} : b = -2$$

$$\therefore y = 2x - 2$$

17. 다음 그림과 같이 직선 $y = ax + 2$ 가 $\square OABC$ 를 두 부분으로 나눌 때,
아래 부분의 넓이가 윗부분의 넓이보다 크도록 하는 a 의 값의 범위를
구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : $a > 1$

해설

\overline{AB} 와 직선과의 교점을 D 라 하면 $D(2, 2a+2)$ 이다.



직사각형의 넓이가 12 이므로

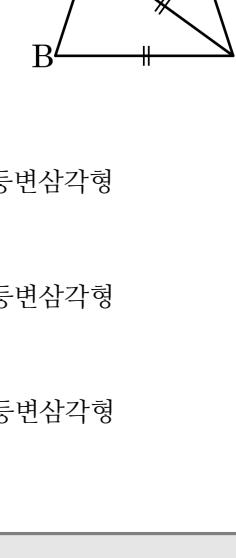
$(\square OADE \text{의 넓이}) > 6$

$$\frac{1}{2}(2 + 2a + 2) \times 2 > 6$$

$$2a + 4 > 6$$

$$\therefore a > 1$$

18. 그림에서 $\overline{AD} = \overline{BD} = \overline{BC}$ 이고, $x = 36^\circ$ 일 때, $\triangle ABC$ 는 어떤 삼각형인가?

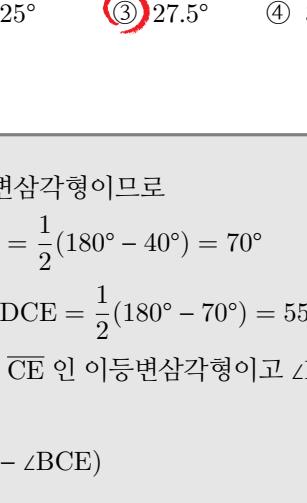


- ① $\overline{AB} = \overline{BC}$ 인 이등변삼각형
- ② 직각삼각형
- ③ $\overline{AC} = \overline{BC}$ 인 이등변삼각형
- ④ 정삼각형
- ⑤ $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 이등변삼각형



$\angle B = \angle C = 72^\circ$ 이므로 $\triangle ABC$ 는 $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 이등변삼각형이다.

19. 다음 그림과 같이 $\overline{AB} = \overline{AC}$, $\overline{CB} = \overline{CE}$ 인 이등변삼각형이고 $\angle A = 40^\circ$, $\angle ACE = \angle DCE$ 일 때, $\angle x$ 의 값은?



- ① 22.5° ② 25° ③ 27.5° ④ 30° ⑤ 32.5°

해설

$\triangle ABC$ 가 이등변삼각형이므로

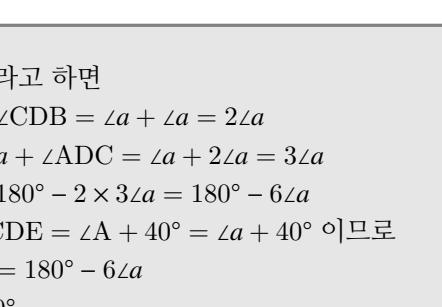
$$\angle ABC = \angle ACB = \frac{1}{2}(180^\circ - 40^\circ) = 70^\circ$$

$$\text{또한 } \angle ACE = \angle DCE = \frac{1}{2}(180^\circ - 70^\circ) = 55^\circ$$

$\triangle BCE$ 가 $\overline{CB} = \overline{CE}$ 인 이등변삼각형이고 $\angle BCE = 70^\circ + 55^\circ = 125^\circ$

$$\begin{aligned}\therefore \angle x &= \frac{1}{2}(180^\circ - \angle BCE) \\ &= \frac{1}{2}(180^\circ - 125^\circ) \\ &= 27.5^\circ\end{aligned}$$

20. 다음 그림에서 $\overline{AB} = \overline{BC} = \overline{CD} = \overline{DE}$ 이고 $\angle CDE = \angle A + 40^\circ$ 일 때, $\angle BCD$ 의 크기는?

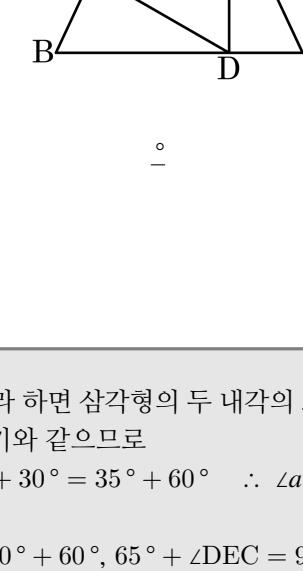


- ① 90° ② 100° ③ 110° ④ 120° ⑤ 130°

해설

$\angle A = \angle a$ 라고 하면
 $\angle CBD = \angle CDB = \angle a + \angle a = 2\angle a$
 $\angle DCE = \angle a + \angle ADC = \angle a + 2\angle a = 3\angle a$
 $\angle CDE = 180^\circ - 2 \times 3\angle a = 180^\circ - 6\angle a$
그런데 $\angle CDE = \angle A + 40^\circ = \angle a + 40^\circ$ 이므로
 $\angle a + 40^\circ = 180^\circ - 6\angle a$
 $\therefore \angle a = 20^\circ$
 $\therefore \angle BCD = 180^\circ - 2 \times 2\angle a = 180^\circ - 4\angle a = 100^\circ$

21. 다음과 같이 $\angle B = \angle C$ 인 삼각형 ABC 에 정삼각형 DEF 가 내접해 있다. $\angle AFE = 35^\circ$, $\angle BDF = 30^\circ$ 일 때, $\angle DEC$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 :

°

▷ 정답 : 25°

해설

$\angle B = \angle C = \alpha$ 라 하면 삼각형의 두 내각의 합은 다른 한 각의 외각의 크기와 같으므로

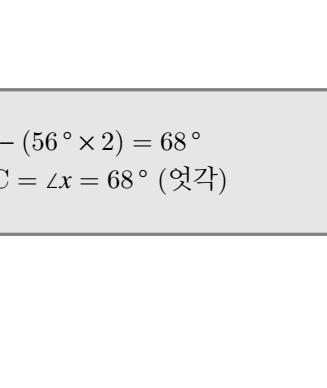
$$\triangle BDF \text{에서 } \alpha + 30^\circ = 35^\circ + 60^\circ \quad \therefore \alpha = 65^\circ$$

$\triangle CDE$ 에서

$$\alpha + \angle DEC = 30^\circ + 60^\circ, 65^\circ + \angle DEC = 90^\circ$$

$$\therefore \angle DEC = 25^\circ$$

22. 다음 그림과 같이 직사각형 모양의 종이를 접었을 때, $\angle x$ 의 크기는?

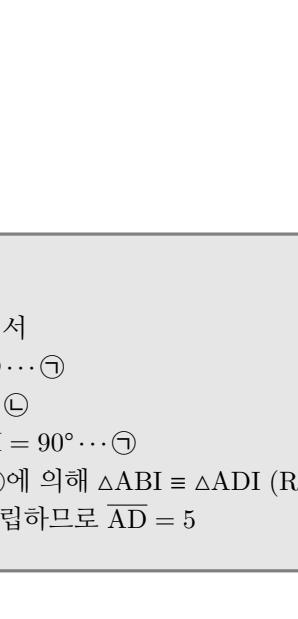


- ① 60° ② 62° ③ 64° ④ 66° ⑤ 68°

해설

$$\begin{aligned}\angle ABE &= 180^\circ - (56^\circ \times 2) = 68^\circ \\ \angle ABE &= \angle BAC = \angle x = 68^\circ \text{ (엇각)}\end{aligned}$$

23. 직각이등변삼각형 ABC에서 $\angle A$ 의 이등분선과 \overline{BC} 의 교점을 I, I에서 \overline{AC} 에 내린 수선의 발을 D라고 하자. $\overline{BC} = 5$ 일 때, \overline{AD} 을 구하여라.



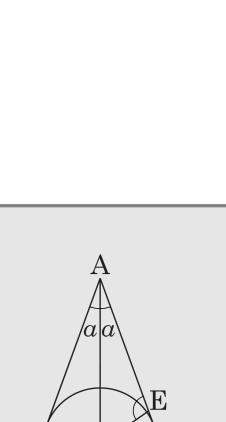
▶ 답:

▷ 정답: 5

해설

$\overline{AB} = \overline{BC} = 5$
 $\triangle ABI, \triangleADI$ 에서
① $\angle IAB = \angle IAD \cdots \textcircled{\text{1}}$
② \overline{AI} 는 공통 $\cdots \textcircled{\text{2}}$
③ $\angle ABI = \angle ADI = 90^\circ \cdots \textcircled{\text{3}}$
따라서 ①, ②, ③에 의해 $\triangle ABI \cong \triangleADI$ (RHA 합동)
 $\overline{AB} = \overline{AD}$ 가 성립하므로 $\overline{AD} = 5$

24. 다음 그림의 $\triangle ABC$ 에서 점 I는 내심이고 $\angle C = 70^\circ$ 이다. \overline{AI} , \overline{BI} 의 연장선이 \overline{BC} , \overline{AC} 와 만나는 점을 각각 D, E라 할 때, $\angle IDB + \angle IEA$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 195°

해설

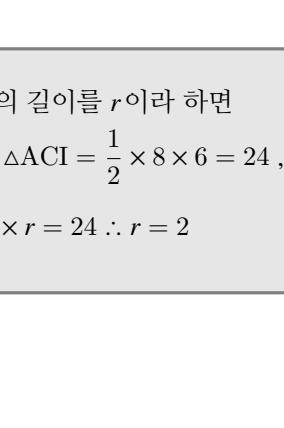
점 I가 내심이므로
 $\angle IAB = \angle IAC = \angle a$,
 $\angle IBA = \angle IBC = \angle b$ 라고 하면
 $2\angle a + 2\angle b + 70^\circ = 180^\circ$
 $2(\angle a + \angle b) = 110^\circ$
 $\therefore \angle a + \angle b = 55^\circ$



삼각형의 두 내각의 합은 한 외각의 크기와 같으므로
 $\angle IDB = \angle a + 70^\circ$, $\angle IEA = \angle b + 70^\circ$

$$\begin{aligned} \therefore \angle IDB + \angle IEA &= \angle a + 70^\circ + \angle b + 70^\circ \\ &= (\angle a + \angle b) + 140^\circ \\ &= 55^\circ + 140^\circ \\ &= 195^\circ \end{aligned}$$

25. 다음 그림에서 원 I는 직각삼각형 ABC의 내접원이고, 점 D, E, F는 각각 접점이다. 이 때, 내접원 I의 반지름의 길이는? (단, $\overline{AB} = 6$, $\overline{BC} = 8$, $\overline{AC} = 10$)



- ① 1 ② 1.5 ③ 2 ④ 2.5 ⑤ 3

해설

내접원의 반지름의 길이를 r 이라 하면
 $\triangle ABI + \triangle BCI + \triangle ACI = \frac{1}{2} \times 8 \times 6 = 24$,
 $\frac{1}{2} \times (6 + 8 + 10) \times r = 24 \therefore r = 2$

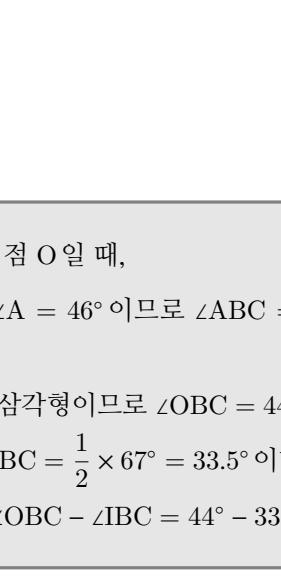
26. 다음 중 삼각형의 내심과 외심에 대한 설명으로 옳지 않은 것은?

- ① 내심에서 세 변에 이르는 거리가 같다.
- ② 외심은 항상 삼각형의 외부에 있다.
- ③ 내심은 항상 삼각형의 내부에 있다.
- ④ 이등변삼각형의 외심과 내심은 꼭지각의 이등분선 위에 있다.
- ⑤ 외심에서 세 꼭짓점에 이르는 거리가 같다.

해설

- ② 삼각형의 외심의 위치는 예각삼각형은 내부, 직각삼각형은 빗변의 중점, 둔각삼각형은 외부에 있다.

27. 다음 그림에서 $\triangle ABC$ 는 $\overline{AB} = \overline{AC}$ 이고 $\angle A = 46^\circ$ 인 이등변삼각형이다. 점 O 와 I가 각각 외심과 내심일 때, $\angle OBI$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 10.5°

해설

$\triangle ABC$ 의 외심이 점 O 일 때,

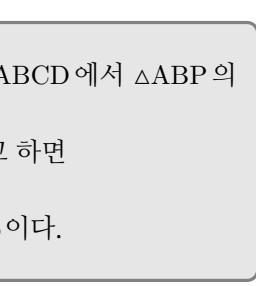
$\frac{1}{2}\angle BOC = \angle A$, $\angle A = 46^\circ$ 이므로 $\angle ABC = 67^\circ$, $\angle BOC = 92^\circ$ 이다.

$\triangle OBC$ 는 이등변삼각형이므로 $\angle OBC = 44^\circ$ 이다.

또, $\angle IBC = \frac{1}{2}\angle ABC = \frac{1}{2} \times 67^\circ = 33.5^\circ$ 이다.

따라서 $\angle OBI = \angle OBC - \angle IBC = 44^\circ - 33.5^\circ = 10.5^\circ$ 이다.

28. 다음 그림과 같은 직사각형 ABCD에서 점 P
가 점 B에서 점 C까지 매초 4cm의 속력으로
움직이고 있다. 점 P가 x초 동안 움직였을
때, □APCD의 넓이가 2500cm^2 가 되는 x의
값은?



- ① 10 ② 15 ③ 20 ④ 25 ⑤ 30

해설

사각형 ABCD의 넓이는 전체 직사각형 ABCD에서 $\triangle ABP$ 의
넓이를 빼면 된다.

따라서 x초 후 APCD의 넓이를 $y\text{cm}^2$ 라고 하면
 $y = 4000 - 100x$ 가 성립한다.

따라서 $4000 - 100x = 2500$ 이므로 $x = 15$ 이다.

29. 세 직선 $\begin{cases} y = -\frac{1}{3}x + 2 \\ y = x - 2 \\ y = ax + 4 \end{cases}$ 가 삼각형을 이루지 않을 때, 모든 a 의 값의 합을 구하면?

① $\frac{2}{3}$ ② $-\frac{4}{3}$ ③ $\frac{4}{3}$ ④ 1 ⑤ $-\frac{1}{3}$

해설

세 직선으로 삼각형이 생기지 않는 경우는

$y = ax + 4$ 가

(ㄱ) $y = -\frac{1}{3}x + 2$ 와 평행이거나,

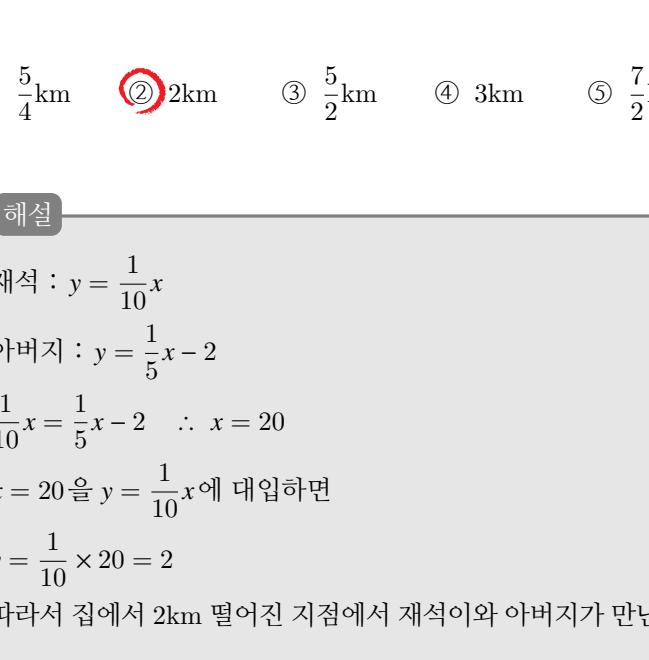
(ㄴ) $y = x - 2$ 와 평행이거나

(ㄷ) 앞의 두 직선의 교점(3, 1)을 지나는 경우이다.

각각의 경우 $a = -\frac{1}{3}, 1, -1$

$$\therefore -\frac{1}{3} + 1 - 1 = -\frac{1}{3}$$

30. 재석이와 아버지가 집에서 4km 떨어진 도서관에 가는데 재석이가 먼저 출발하고 10분 후에 아버지가 출발하였다. 재석이가 출발한 지 x 분 후에 집으로부터 떨어진 거리를 y km라고 할 때, x 와 y 사이의 관계는 다음 그림과 같다. 재석이와 아버지가 만나는 것은 집에서 몇 km 떨어진 지점인가? (단, 재석이와 아버지는 같은 길로 움직인다.)



- ① $\frac{5}{4}$ km ② 2km ③ $\frac{5}{2}$ km ④ 3km ⑤ $\frac{7}{2}$ km

해설

$$\text{재석} : y = \frac{1}{10}x$$

$$\text{아버지} : y = \frac{1}{5}x - 2$$

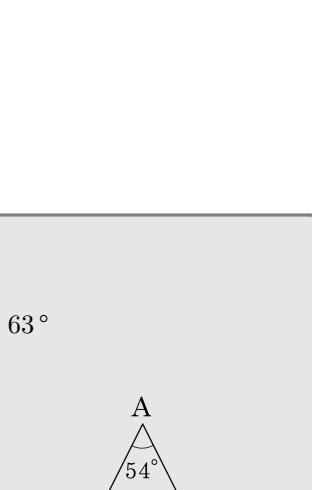
$$\frac{1}{10}x = \frac{1}{5}x - 2 \quad \therefore x = 20$$

$x = 20$ 을 $y = \frac{1}{10}x$ 에 대입하면

$$y = \frac{1}{10} \times 20 = 2$$

따라서 집에서 2km 떨어진 지점에서 재석이와 아버지가 만난다.

31. $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 $\triangle ABC$ 에서 $\overline{BD} = \overline{EC}$,
 $\overline{BE} = \overline{FC}$ 이다. $\angle DAF$ 의 크기가 54°
 일 때, $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 58.5°

해설

$\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 이등변삼각형이므로
 $\angle ABC = \angle ACB = \frac{1}{2}(180^\circ - 54^\circ) = 63^\circ$

$\angle ABC = \angle ACB$, $\overline{BD} = \overline{EC}$,

$\overline{BE} = \overline{FC}$ 이므로

$\triangle BDE \cong \triangle CEF$ (SAS 합동)

다음 그림의 $\triangle DBE$ 에서 $\angle a + \angle b +$

$63^\circ = 180^\circ$ 이므로

$\angle a + \angle b = 117^\circ$

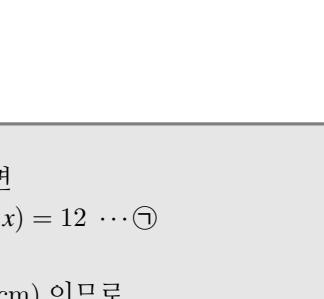
따라서 각 BEC 는 평각이므로

$\angle DEF = 180^\circ - 117^\circ = 63^\circ$

$$\therefore \angle x = \frac{1}{2}(180^\circ - 63^\circ) = 58.5^\circ$$



32. 다음 그림과 같은 직사각형 ABCD에서 두 원은 각각 $\triangle ABC$, $\triangle ACD$ 의 내접원이다. 두 접점 E, F 사이의 거리를 구하여라.



▶ 답: cm

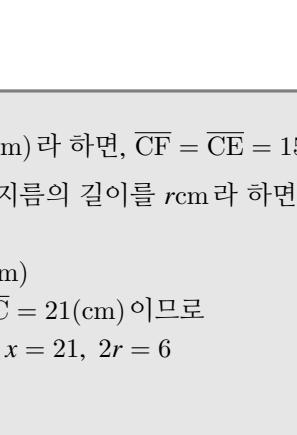
▷ 정답: 7cm

해설

$$\begin{aligned}\overline{AE} \text{ 를 } x \text{ 라 하면} \\ (13 - x) + (5 - x) = 12 \cdots \textcircled{\text{①}} \\ \therefore x = 3(\text{cm})\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\overline{AE} = \overline{CF} = 3(\text{cm}) \text{ 이므로} \\ \therefore \overline{EF} = 13 - (3 + 3) = 7(\text{cm})\end{aligned}$$

33. 다음 그림에서 점 I는 직각삼각형 ABC의 내심이고, 점 D, E, F는
접점이다. $\overline{AC} = 15\text{cm}$, $\overline{AB} + \overline{BC} = 21\text{cm}$ 일 때, $\triangle ABC$ 의 내접원의
반지름의 길이를 구하여라.



▶ 답: cm

▷ 정답: 3 cm

해설

$\overline{AF} = \overline{AD} = x(\text{cm})$ 라 하면, $\overline{CF} = \overline{CE} = 15 - x(\text{cm})$

또, 내접원의 반지름의 길이를 $r\text{cm}$ 라 하면 $\square DBEI$ 가 정사각
형이므로

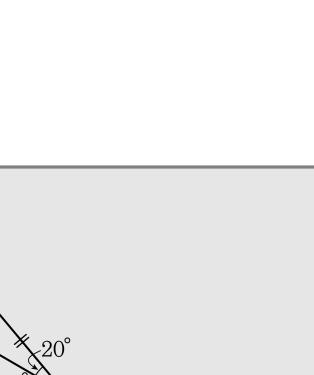
$\overline{DB} = \overline{BE} = r(\text{cm})$

따라서 $\overline{AB} + \overline{BC} = 21(\text{cm})$ 이므로

$$x + r + r + 15 - x = 21, 2r = 6$$

$$\therefore r = 3(\text{cm})$$

34. 다음 그림에서 점 O는 $\triangle ABC$ 의 외심이다. $\angle ACB = 30^\circ$, $\angle OCB = 20^\circ$ 일 때, $\angle B$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 :

$^\circ$

▷ 정답 : 40°

해설

$\angle B = x$ 라 하면



$\triangle OAC$ 에서 $\overline{OA} = \overline{OC}$ 이므로

$\angle OAC = \angle OCA = 50^\circ$

$\triangle OBC$ 에서 $\overline{OB} = \overline{OC}$ 이므로

$\angle OBC = \angle OCB = 20^\circ$

$\triangle OBA$ 에서 $\overline{OB} = \overline{OA}$ 이므로

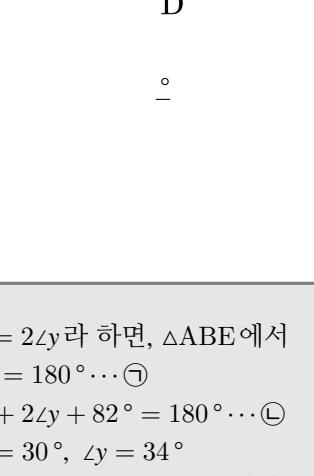
$\angle OBA = \angle OAB = x + 20^\circ$

$\triangle ABC$ 에서

$\angle A + \angle ABC + \angle ACB = x + 70^\circ + x + 30^\circ = 180^\circ$

$\therefore x = 40^\circ$

35. 다음 그림에서 점 I는 $\triangle ABC$ 의 내심이다. $\angle ADB = 82^\circ$, $\angle AEB = 86^\circ$ 일 때, $\angle C = (\quad)^\circ$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 :

°

▷ 정답 : 52°

해설

$\angle A = 2\angle x$, $\angle B = 2\angle y$ 라 하면, $\triangle ABE$ 에서
 $2\angle x + 2\angle y + 86^\circ = 180^\circ \cdots \textcircled{\text{①}}$

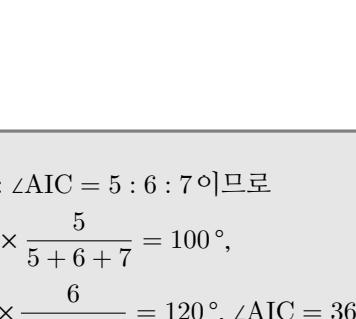
$\triangle ADB$ 에서 $\angle x + 2\angle y + 82^\circ = 180^\circ \cdots \textcircled{\text{②}}$

①, ②에서 $\angle x = 30^\circ$, $\angle y = 34^\circ$

$\triangle ABC$ 에서 $60^\circ + 68^\circ + \angle C = 180^\circ$ 이다.

$\therefore \angle C = 52^\circ$

36. 다음 그림에서 $\triangle ABC$ 의 내심을 I라 하고 $\angle AIB : \angle BIC : \angle AIC = 5 : 6 : 7$ 일 때, $\angle x$ 의 값을 구하여라.



▶ 답:

◦

▷ 정답: 50°

해설

$\angle AIB : \angle BIC : \angle AIC = 5 : 6 : 7$ 이므로

$$\angle AIB = 360^\circ \times \frac{5}{5+6+7} = 100^\circ,$$

$$\angle BIC = 360^\circ \times \frac{6}{5+6+7} = 120^\circ, \angle AIC = 360^\circ \times \frac{7}{5+6+7} = 140^\circ \text{이다.}$$

점 I가 삼각형의 내심일 때,

$$\angle AIC = 140^\circ = 90^\circ + \frac{1}{2}\angle B \text{이므로}$$

$$\angle B = 100^\circ, \angle x = \frac{1}{2}\angle B = 50^\circ \text{이다.}$$