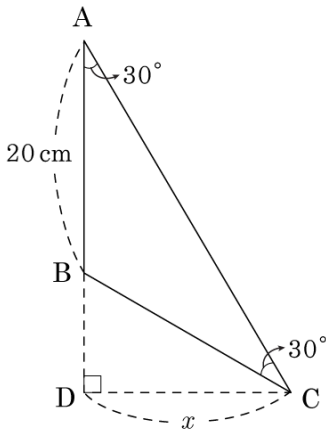


1. 다음과 같은 $\triangle ABC$ 가 있다. $\overline{AB} = 20\text{cm}$ 라고 할 때, x 의 길이는?

- ① $8\sqrt{3}\text{cm}$ ② $9\sqrt{3}\text{cm}$
 ③ $10\sqrt{3}\text{cm}$ ④ $11\sqrt{3}\text{cm}$
 ⑤ $12\sqrt{3}\text{cm}$



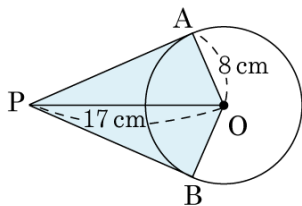
해설

$\overline{BC} = 20\text{cm}$ 이고 $\angle CBD = 60^\circ$ 이므로

$$x = 20 \times \sin 60^\circ = 20 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 10\sqrt{3}(\text{cm})$$

2. 다음 그림에서 색칠한 부분의 넓이를 구하여라.

(단, $\overline{PA}$, $\overline{PB}$ 는 원 O 의 접선)



▶ 답: cm^2

▷ 정답: 120 cm^2

해설

$$\triangle PAO \equiv \triangle PBO,$$

$$\angle A = 90^\circ \text{ 이므로}$$

$$\overline{PA} = \sqrt{17^2 - 8^2} = 15(\text{cm})$$

$$\triangle PAO = 15 \times 8 \times \frac{1}{2} = 60(\text{cm}^2)$$

$$\therefore \square PBOA = 60 \times 2 = 120(\text{cm}^2)$$

3. 다음 그림에서 $\angle B = 60^\circ$, $\overline{AB} = 16\text{cm}$, $\overline{BC} = 12\text{cm}$, $\overline{AE} = 9\text{cm}$ 일 때, $\overline{DF}$ 의 길이는? (단, 점 D, E, F 는 접점)

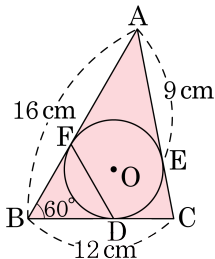
① $4\sqrt{3}\text{cm}$

② 5cm

③ $5\sqrt{2}\text{cm}$

④ 7cm

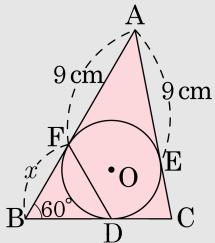
⑤ $8\sqrt{2}\text{cm}$



해설

$\overline{BF} = \overline{BD}$ 이므로 $\triangle BFD$ 는 정삼각형이다.

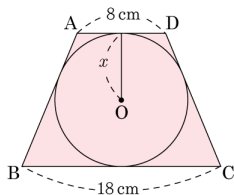
다음 그림에서



$$x + 9 = 16$$

$$\therefore x = 7(\text{cm})$$

4. 다음 그림과 같이 원 O 에 외접하는 등변사다리꼴 ABCD 에서 $\overline{AD} = 8\text{cm}$, $\overline{BC} = 18\text{cm}$ 일 때, 원 O 의 반지름의 길이는?



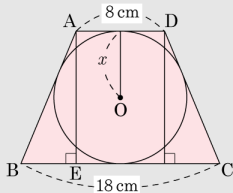
- ① 3cm ② 4cm ③ 5cm ④ 6cm ⑤ 7cm

해설

$$\overline{AB} + \overline{CD} = 8 + 18 = 26(\text{cm})$$

□ABCD 는 등변사다리꼴이므로 $\overline{AB} = \overline{CD}$

$$\therefore \overline{AB} = 13(\text{cm})$$

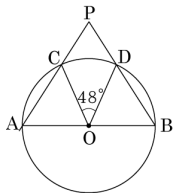


점 A 에서 $\overline{BC}$ 에 내린 수선의 발을 E 라 하면

$$\overline{BE} = 5(\text{cm}) \quad \therefore \overline{AE} = 2x = \sqrt{13^2 - 5^2} = 12(\text{cm})$$

$$\therefore x = 12 \times \frac{1}{2} = 6(\text{cm})$$

5. 다음 그림에서 $\overline{AB}$ 는 원 O 의 지름이고, $\angle COD = 48^\circ$ 일 때, $\angle CPD$ 의 크기를 구하여라.



① 60°

② 62°

③ 64°

④ 66°

⑤ 68°

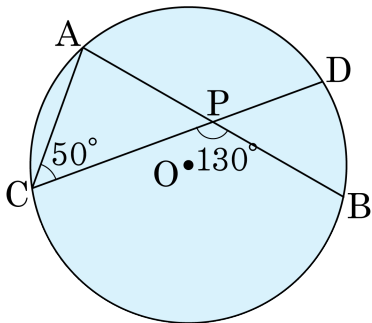
해설

$$A \text{ 와 } D \text{ 를 이으면 } \angle CAD = \frac{1}{2} \times 48^\circ = 24^\circ$$

$$\angle ADB = \angle ADP = 90^\circ$$

$$\therefore \angle CPD = 180^\circ - 90^\circ - 24^\circ = 66^\circ$$

6. 다음 그림의 원 O 에서 $5.0\text{pt}\widehat{CB}$ 는 원의 둘레의 길이의 몇 배인지 구하여라.



▶ 답 :

배

▶ 정답 : $\frac{4}{9}$ 배

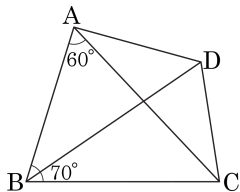
해설

$$\angle CAB = 130^\circ - 50^\circ = 80^\circ$$

$$\angle COB = 2\angle CAB = 160^\circ$$

$$5.0\text{pt}\widehat{CB} \text{ 는 원의 둘레의 } \frac{160^\circ}{360^\circ} = \frac{4}{9} \text{ (배)}$$

7. 다음 그림에서 $\square ABCD$ 가 원에 내접할 때,
 $\angle BDC$ 의 크기는?



① 50°

② 55°

③ 60°

④ 65°

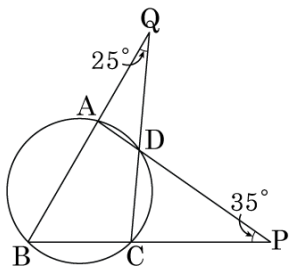
⑤ 70°

해설

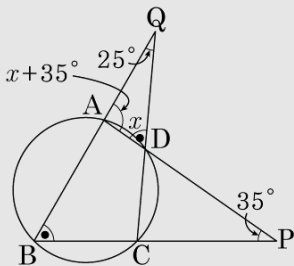
$$\angle BDC = \angle BAC = 60^\circ (\because \widehat{BC} \text{의 원주각})$$

8. 다음 그림에서 $\angle P = 35^\circ$, $\angle Q = 25^\circ$ 일 때, $\angle ABC$ 의 크기는?

- ① 53° ② 57° ③ 60°
 ④ 63° ⑤ 67°



해설



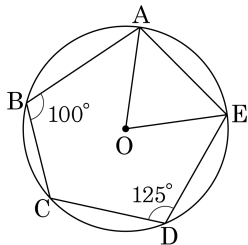
$\angle ABC = x$ 라 하면, $\angle ADQ = x$

$\angle DAQ = x + 35^\circ$ (삼각형의 외각)

$\triangle QAD$ 에서 $x + 25^\circ + (x + 35^\circ) = 180^\circ$

$\therefore x = 60^\circ$

9. 다음 그림과 같이 원 O 에 내접하는 오각형 ABCDE 에서 $\angle ABC = 100^\circ$, $\angle CDE = 125^\circ$ 이고, $\overline{AO} = 6\text{cm}$ 일 때, 부채꼴 AOE 의 넓이는?



① πcm^2

② $4\pi\text{cm}^2$

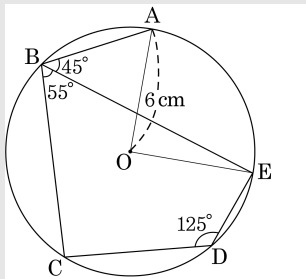
③ $6\pi\text{cm}^2$

④ $9\pi\text{cm}^2$

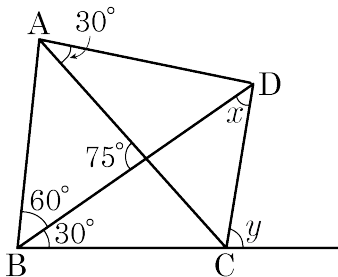
⑤ $11\pi\text{cm}^2$

해설

보조선 $\overline{BE}$ 를 그어 내접하는 사각형에서 $\angle CBE = 55^\circ$ 이므로 $\angle ABE = 45^\circ$ 이다. $\widehat{AE}$ 의 중심각 $\angle AOE = 2\angle ABE = 90^\circ$ 이다. 따라서 부채꼴 AOE 의 넓이 $S = \pi \times 6^2 \times \frac{90^\circ}{360^\circ} = 9\pi(\text{cm}^2)$



10. 다음 점 A, B, C, D 가 한 원 위에 있을 때, $\angle x + \angle y$ 의 크기는?



① 90°

② 100°

③ 110°

④ 120°

⑤ 130°

해설

$\angle DAC = \angle DBC = 30^\circ$ 이므로 사각형은 원에 내접한다.

$\angle BAC = \angle BDC = x$

$$x = 180^\circ - (60^\circ + 75^\circ) = 45^\circ$$

$\angle DAC = \angle DBC = 30^\circ$ 이므로

$$\angle BAD = 75^\circ = \angle y$$

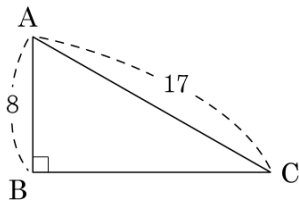
$$\therefore \angle x + \angle y = 120^\circ$$

11. 다음과 같은 직각삼각형에서 $\tan C \sin C$ 의 값으로 바르게 구한 것은?

① $\frac{63}{255}$
④ $\frac{67}{255}$

② $\frac{64}{255}$
⑤ $\frac{68}{255}$

③ $\frac{66}{255}$



해설

$$\overline{BC} = \sqrt{17^2 - 8^2} = \sqrt{289 - 64} = \sqrt{225} = 15$$

$$\tan C \sin C = \frac{8}{15} \times \frac{8}{17} = \frac{64}{255}$$

12. $30^\circ < A < 90^\circ$ 일 때, $\sqrt{\left(\sin A + \frac{1}{2}\right)^2} - \sqrt{(\sin 30^\circ - \sin A)^2}$ 의 값을 구하면?

① $2 \sin A$

② 2

③ $\frac{1}{2} \sin A$

④ 1

⑤ 0

해설

$$\sin A + \frac{1}{2} > 0, \sin 30^\circ - \sin A < 0 \text{ 이므로}$$

$$\sqrt{\left(\sin A + \frac{1}{2}\right)^2} - \sqrt{(\sin 30^\circ - \sin A)^2}$$

$$= \sin A + \frac{1}{2} + \sin 30^\circ - \sin A$$

$$= \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = 1$$

13. 다음 삼각비의 표를 보고 $\sin 49^\circ + \tan 30^\circ - \cos 48^\circ$ 의 값을 구하여라.

각도	사인(sin)	코사인(cos)	탄젠트(tan)
30°	0.6293	0.7771	0.8098
40°	0.6428	0.7660	0.8391
41°	0.6561	0.7547	0.8693
42°	0.6691	0.7431	0.9004

▶ 답 :

▷ 정답 : 0.8954

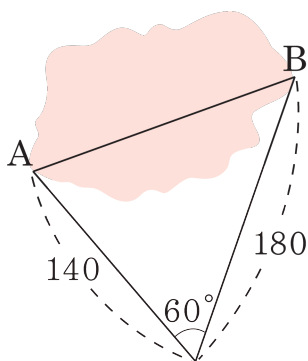
해설

$$\sin 49^\circ = \cos (90^\circ - 49^\circ) = \cos 41^\circ,$$

$$\cos 48^\circ = \sin (90^\circ - 48^\circ) = \sin 42^\circ$$

$$(\text{준식}) = 0.7547 + 0.8098 - 0.6691 = 0.8954$$

14. 직접 잴 수 없는 두 지점 A, B 사이의 거리를 구하기 위하여 다음 그림과 같이 측량하였다. 이 때, $\overline{AB}$ 의 길이를 구하여라.



▶ 답 :

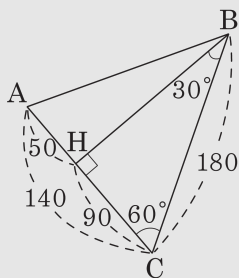
▷ 정답 : $20\sqrt{67}$

해설

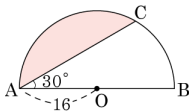
$$\begin{aligned}\overline{BH} &= 180 \times \sin 60^\circ \\ &= 180 \times \frac{\sqrt{3}}{2} \\ &= 90\sqrt{3}\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\overline{CH} &= 180 \times \cos 60^\circ \\ &= 180 \times \frac{1}{2} \\ &= 90\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\therefore \overline{AB} &= \sqrt{(90\sqrt{3})^2 + 50^2} \\ &= \sqrt{26800} = 20\sqrt{67}\end{aligned}$$



15. 그림과 같이 반지름의 길이가 16 인 반원에서 $\angle BAC = 30^\circ$ 일 때, 색칠한 부분의 넓이를 구하여라.



▶ 답:

▶ 정답: $\frac{256}{3}\pi - 64\sqrt{3}$

해설

$$16 \times 16 \times \pi \times \frac{120^\circ}{360^\circ} - \frac{1}{2} \times 16 \times 16 \times \sin(180^\circ - 120^\circ)$$

$$= \frac{256}{3}\pi - 64\sqrt{3}$$

