1. 다음 두 다항식 *A*, *B*에 대하여 *A – B*를 구하면?

$$A = 2y^2 + x^2 - 3xy, \ B = -4x^2 - 2xy + 5y^2$$

- ① $5x^2 2xy + 3y^2$ $3 5x^2 + xy + 3y^2$
- $25x^2 xy 3y^2$ $4 5x^2 + 2xy - 3y^2$
- $(5) \ 5x^2 + 3xy + 3y^2$

동류항끼리 계산해 준다.

해설

$$A - B = (2y^2 + x^2 - 3xy) - (-4x^2 - 2xy + 5y^2)$$
$$= 5x^2 - xy - 3y^2$$

2. 다음 식을 계산했을 때, 몫은?

$$(4x^4 - 5x^3 + 3x^2 - 4x + 1) \div (x^2 - x + 1)$$

- ① $4x^2 3x + 2$ ② $4x^2 x 2$ ③ $4x^2 2x + 1$

해설

\therefore 몫 : $4x^2 - x - 2$, 나머지 : -5x + 3

- **3.** 등식 $ax^2 (2a+c)x 1 = (b-2)x^2 + (b+3)x c$ 가 x에 대한 항등식이 되도록 상수 a,b,c를 정할 때, $a^2 + b^2 + c^2$ 의 값은?
 - ① 4 ② 5 ③ 6 ④ 7 ⑤ 8

해설 $(준식) = (a-b+2)x^2 - (2a+c+b+3)x - 1 + c = 0$ 이 식이 x에 대한 항등식이므로 $a-b+2=0,\ 2a+c+b+3=0,\ c=1$ $\Rightarrow a=-2,\ b=0,\ c=1$ $\therefore a^2+b^2+c^2=5$

4. 다음 식이 x에 대한 항등식이 되도록 A, B의 값을 정할 때, A + B의 값을 구하여라.

$$4x - 6 = A(x+1) - B(x-1)$$

답:

▷ 정답: -6

해설

x에 대한 항등식이므로 x의 값에 관계없이 항상 성립한다. 따라서 x = -1을 양변에 대입하면, $4 \times (-1) - 6 = A(-1+1) - B(-1-1)$

-10 = 2B : B = -5또, x = 1을 양변에 대입하면,

 $4 \times 1 - 6 = A(1+1) - B(1-1)$

-2 = 2A : A = -1A = -1, B = -5

 $\therefore A + B = -6$

우변을 전개해서 내림차순으로 정리하면,

4x - 6 = (A - B)x + A + B

해설

 $\therefore A + B = -6$

- **5.** 다항식 f(x)를 x-2로 나눈 몫을 Q(x)라 할 때, 나머지는?
- ① f(2) ② f(-2) ③ f(2) + Q(2)
- (4) Q(2) (5) Q(-2)

f(x) = (x-2) Q(x) + R $\therefore f(2) = R$

해설

- **6.** $(x^3 + ax + 2)(x^2 + bx + 2)$ 를 전개했을 때, x^2 과 x^3 의 계수를 모두 0이 되게 하는 상수 a, b에 대하여 a + b의 값은?
 - ① -2 ② -1 ③ 1 ④ 2 ⑤ $\frac{3}{2}$

해설 $(x^3 + ax + 2)(x^2 + bx + 2)$ $= x^5 + bx^4 + (a + 2)x^3 + (ab + 2)x^2 + (2a + 2b)x + 4$ $(x^2 의 계수) = (x^3 의 계수) = 0 이므로$ ab + 2 = 0, a + 2 = 0따라서 a = -2, b = 1

 $\therefore a+b=-1$

7. 다음 등식이 k의 값에 관계없이 항상 성립할 때, xy의 값을 구하여라.

(2k+3)x + (3k-1)y + 5k - 9 = 0

답:

▷ 정답: -6

k에 대하여 내림차순으로 정리하면

해설

(2x+3y+5)k+(3x-y-9) = 0 이것은 k에 대한 항등식이므로

2x + 3y + 5 = 0

3x - y - 9 = 0

연립방정식을 풀면 x = 2, y = -3

 $\therefore xy = 2 \times (-3) = -6$

- 8. 다항식 $x^3 + ax 8$ 을 $x^2 + 4x + b$ 로 나눌 때, 나머지가 3x + 4가 되도록 상수 a + b의 값을 정하여라.
 - ▶ 답:

▷ 정답: -7

해설

 $x^3 + ax - 8$ 을 $x^2 + 4x + b$ 로 직접나는 나머지는

(a-b+16)x + 4b - 8 $(a-b+16)x + 4b - 8 = 3x + 4 \cdots$

(a-b+16)x+4b-8=3x+ \bigcirc 이 x에 대한 항등식이므로,

a-b+16=3, 4b-8=4

∴ a = -10, b = 3∴ a + b = -7

 $x^3 + ax - 8 = (x^2 + 4x + b)(x + p) + 3x + 4$ 의 양변의 계수를

해설

비교하여 $a=-10,\;b=3,\;p=-4$ 를 구해도 된다.

9. $f(x) = x^3 - ax^2 + bx - 2$ 가 (x-1)(x+2)로 나누어 떨어지도록 상수 a+b의 값을 정하시오.

답:

▷ 정답: -3

해설

 $f(x) = x^3 - ax^2 + bx - 2$ 라 놓으면, f(1) = 1 - a + b - 2 = 0

 $\therefore -a + b = 1 \cdots \bigcirc$ f(-2) = -8 - 4a - 2b - 2 = 0

- **10.** $x^2 2x y^2 + 2y$ 를 인수분해하였더니, (x + ay)(x by + c)가 되었다. 이 때, a, b, c를 순서대로 쓴 것은?
- ① -1, 0, 1 ② -1, 1, 2 ③ -2, -1, 1
- **④**−1, −1, −2 **⑤** −1, 2

 $x^{2} - 2x - y^{2} + 2y = (x + y)(x - y) - 2(x - y)$ = (x - y)(x + y - 2) $\therefore a = -1, b = -1, c = -2$

11. (a-b+c)(a+b-c)를 전개한 식은?

①
$$a^2 + b^2 + c^2 - 2bc$$

②
$$a^2 - b^2 + c^2 - 2bc$$

$$(a-b+c) (a+b-c)$$

= $\{a-(b-c)\}\{a+(b-c)\}$

해설

$$\begin{vmatrix} a^2 - (b-c)^2 \\ = a^2 - b^2 - c^2 + 2bc \end{vmatrix}$$

12. $x^4 + 3x^2 + 4 = (x^2 + x + 2)(x^2 + ax + b)$ 일 때, 상수 a, b의 곱을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -2

해설

(좌 년) = $(x^2 + 2)^2 - x^2$ = $(x^2 + x + 2)(x^2 - x + 2)$ ∴ a = -1, b = 2 $\therefore ab = -1 \times 2 = -2$

13. 다항식
$$x^5\left(x+\frac{1}{x}\right)\left(1+\frac{2}{x}+\frac{3}{x^2}\right)$$
의 차수는?

① 2차 ② 3차 ③ 6차 ④ 7차 ⑤ 8차

해설
$$x^{5}\left(x+\frac{1}{x}\right)\left(1+\frac{2}{x}+\frac{3}{x^{2}}\right)$$
$$=x^{2}(x^{2}+1)(x^{2}+2x+3)$$
$$\therefore 6차 다항식$$

- **14.** 다항식 $f(x) = 4x^3 + ax^2 + x + 1 = x + \frac{1}{2}$ 로 나누면 나머지가 1일 때, 다항식 f(x)를 2x + 1로 나눈 몫 Q(x)와 나머지 R을 구하면?

 - ① $Q(x) = 2x^2 x$, R = 1 ② $Q(x) = 2x^2 + x$, R = 1
 - ⑤ $Q(x) = 4x^2 + 2x, R = \frac{1}{2}$
 - ③ $Q(x) = 2x^2 2x, R = 1$ ④ $Q(x) = 4x^2 2x, R = \frac{1}{2}$
 - - $f\left(-\frac{1}{2}\right) = 1 = \frac{a}{4} : a = 4$
 - 따라서 $f(x) = 4x^3 + 4x^2 + x + 1$ = $x(4x^2 + 4x + 1) + 1$ = $x(2x + 1)^2 + 1$
 - 2x + 1로 나누면 $Q(x) = 2x^2 + x$, R = 1

- **15.** $(a+b)(a^2-ab+b^2)(a^3-b^3)$ 의 전개식으로 옳은 것은?

 - ① $a^3 + b^3$ ② $a^6 + b^6$
- $3a^6 b^6$
- $\textcircled{4} \ a^9 + b^9$ $\textcircled{5} \ a^9 b^9$

(준식)= $(a^3 + b^3)(a^3 - b^3) = a^6 - b^6$

16. a+b+c=0, $a^2+b^2+c^2=1$ 일 때, $4(a^2b^2+b^2c^2+c^2a^2)$ 의 값은?

① $\frac{1}{4}$ ② $\frac{1}{2}$ ③ 1 ④ 2 ⑤ 3

(a+b+c)² = a² + b² + c² + 2(ab + bc + ca)
∴ ab + bc + ca =
$$-\frac{1}{2}$$

$$4(a^{2}b^{2} + b^{2}c^{2} + c^{2}a^{2})$$

$$= 4\{(ab + bc + ca)^{2} - 2abc(a + b + c)\}$$

$$= 4 \times \left(-\frac{1}{2}\right)^{2} = 1$$

- **17.** 다항식 f(x)를 $x^2 4$ 로 나누었을 때의 나머지가 -x + 4이다. 다항식 f(x+1)을 $x^2 + 2x - 3$ 으로 나누었을 때의 나머지를 구하면?
 - ① 2x + 14 2x
- ②-x+3 ③ x-1⑤ 2x - 3

 $f(x) = (x^2 - 4)P(x) - x + 4$ = (x+2)(x-2)P(x) - x + 4

f(-2) = 6, f(2) = 2 $f(x+1) = (x^2 + 2x - 3)Q(x) + ax + b$

= (x+3)(x-1)Q(x) + ax + b

x = -3을 대입하면 f(-2) = -3a + b = 6x=1을 대입하면 f(2)=a+b=2

 $\therefore a = -1, b = 3$ 따라서 나머지는 -x+3

- **18.** 임의의 실수 x에 대하여 $2x^3-5x+2=a(x+1)^3+b(x+1)^2+c(x+1)+d$ 가 성립할 때, $a^2 - b^2 + c^2 - d^2$ 의 값을 구하면?
 - ① 56

해설

- ② 28 ③ -28 ④ -46



a,b,c,d 는 $2x^2 - 5x + 2$ 를 (x+1) 로 계속 나눠 줄때 나오는 나머지이다. 조립제법을 이용해 보면 0 -1 2 3 -3 5 ← d -1 2 -2 -24 2 -41 ← c -1-2-6 ← b 2 -1 1 \mathbf{a} $\therefore a^2 - b^2 + c^2 - d^2 = 2^2 - (-6)^2 + 1^2 - 5^2 = -56$

19. x + y = 2, $x^3 + y^3 = 14$ 일 때, $x^5 + y^5$ 의 값을 구하면?

③ 52 ① 12 ② 32 ⑤ 102

자 3 +
$$y^5 = (x^2 + y^2)(x^3 + y^3) - x^2y^2(x + y) \cdots (*)$$

 $x^3 + y^3 = (x + y)^3 - 3xy(x + y)$
 $\therefore 14 = 8 - 6xy$

$$\therefore xy = -1 \cdot \cdots \cdot \textcircled{1}$$

$$x^3 + y^3 = 14 \cdot \dots \cdot 2$$

$$x^{3} + y^{3} = 14 \cdots 2$$

$$x^{2} + y^{2} = (x + y)^{2} - 2xy = 4 - 2(-1) = 6 \cdots 3$$
①, ②, ③을 (*) 에 대입하면

$$x^5 + y^5 = 6 \times 14 - 2 = 82$$

- **20.** 삼각형의 세 변의 길이 a, b, c에 대하여 $a^2 + b^2 + c^2 = ab + bc + ca$ 가 성립할 때, 이 삼각형은 어떤 삼각형인가?
 - ① 직각삼각형 ③ 정삼각형
- ② 이등변삼각형
- ④ 직각이등변삼각형
- ⑤ 둔각삼각형

 $a^{2} + b^{2} + c^{2} = ab + bc + ca$ | k | $a^{2} + b^{2} + c^{2} - ab - bc - ca = 0$

 $\frac{1}{2}(2a^2 + 2b^2 + 2c^2 - 2ab - 2bc - 2ca) = 0$ $\frac{1}{2}(a^2 - 2ab + b^2 + b^2 - 2bc + c^2 + c^2 - 2ca + a^2) = 0$

 $\frac{1}{2}\left\{(a-b)^2 + (b-c)^2 + (c-a)^2\right\} = 0$

a, b, c는 실수이므로

a - b = 0, b - c = 0, c - a = 0

 $\therefore a = b = c$ 따라서, 주어진 삼각형은 정삼각형이다.

21. 두 다항식 A, B에 대하여 $A + 3B = 2x^2 - 7x - 1$, $B - A = 2x^2 - 5x - 7$ 일 때, A + B는?

- ① -x+3 ② x-3 ③ x^2+x+3

$$A = -x^{2} + 2x + 5, B = x^{2} - 3x - 2$$

$$A + B = (-x^{2} + 2x + 5) + (x^{2} - 3x - 2) = -x + 3$$

$$\begin{cases} A + 3B = 2x^2 - 7x - 1 \\ B - A = 2x^2 - 5x - 7 \end{cases}$$

22. 다항식 $(5x^2 + 3x + 1)^2$ 을 전개하였을 때, x^2 의 계수는?

① 10 ② 13 ③ 16 ④ 19 ⑤ 25

(5x² + 3x + 1)(5x² + 3x + 1)에서 i)(인차하)(인차하)이 경우 0x²

i) (일차항)×(일차항)의 경우 9x² ii) (이차항)×(상수항)의 경우 2×5x²

 $\stackrel{\triangle}{=}, 5x^2 + 5x^2 + 9x^2 = 19x^2$

∴ 19

23. 등식 $3x^2 + 2x + 1 = a(x-1)^2 + b(x-1) + c$ 이 x에 대한 항등식이 될 때, a - b + c의 값은?

① 6 ② 5 ③ 3 ④1 ⑤ 0

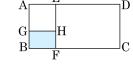
해설

우변을 전개하여 x에 대한 내림차순으로 정리하면 $ax^{2} - (2a - b)x + a - b + c = 3x^{2} + 2x + 1$ 계수를 비교하면 a = 3, 2a - b = -2, a - b + c = 1a = 3, b = 8, c = 6a - b + c = 3 - 8 + 6 = 1

해설

양변에 x = 0을 대입하면 1 = a - b + c

24. 다음 그림의 사각형 AGHE, 사각형 EFCD는 정사각형이고, $\overline{AD}=a$, $\overline{AB}=b$ 일때, 사각형 GBFH의 넓이는? G



① $a^2 - 2ab - b^2$ ③ $-a^2 + 3ab - 2b^2$ ② $a^2 + 3b^2 - 2ab$ ④ $-a^2 + 3ab - b^2$

해설

 $(5) -a^2 + 2ab - b^2$

□GBFH = □ABCD - □AGHE - □EFCD = $ab - (a - b)^2 - b^2 = ab - (a^2 - 2ab + b^2) - b^2$ = $-a^2 + 3ab - 2b^2$ **25.** $(2x^3 - 3x^2 + 3x + 4)(3x^4 + 2x^3 - 2x^2 - 7x + 8)$ 을 전개한 식에서 x^3 의 계수는?

① 31

- ② 33 ③ 35 ④ 37
- **(5)** 39

 $2x^3 \times 8 - 3x^2 \times (-7x) + 3x \times (-2x^2) + 4 \times 2x^3 = 39x^3$