

1. 이차방정식 $x^2 - (a + 5)x - 2a + 6 = 0$ 의 한 근이 $2\sqrt{3}\cos 30^\circ$ 일 때, 상수 a 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 0

해설

한 근이 $2\sqrt{3} \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 3$ 이므로

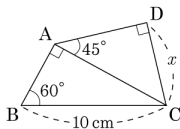
x 의 값에 대입하면

$$9 - (a + 5) \times 3 - 2a + 6 = 0$$

$$-5a = 0$$

$a = 0$ 이다.

2. 다음 그림에서 선분 DC 의 길이는? (단, $\angle B = 60^\circ$, $\angle DAC = 45^\circ$, $\overline{BC} = 10\text{cm}$)



① $\frac{5\sqrt{3}}{2}\text{cm}$

② $\frac{5\sqrt{6}}{2}\text{cm}$

③ $\frac{5\sqrt{2}}{3}\text{cm}$

④ $\frac{5\sqrt{3}}{3}\text{cm}$

⑤ $\frac{5\sqrt{6}}{3}\text{cm}$

해설

$$\sin 60^\circ = \frac{\overline{AC}}{10}$$

$$\therefore \overline{AC} = 10 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 5\sqrt{3}(\text{cm})$$

$$\sin 45^\circ = \frac{x}{\overline{AC}}, \quad \frac{\sqrt{2}}{2} = \frac{x}{5\sqrt{3}}$$

$$\therefore x = 5\sqrt{3} \times \frac{\sqrt{2}}{2} = \frac{5\sqrt{6}}{2}(\text{cm})$$

3. 다음 보기의 삼각비의 값을 큰 것부터 차례로 나열하여라.

보기

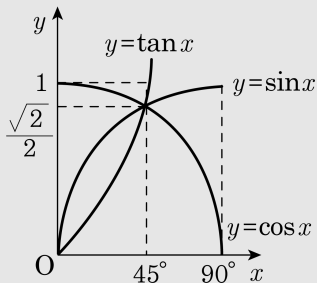
$$\tan 60^\circ, \sin 90^\circ, \cos 60^\circ$$

$$\cos 90^\circ, \tan 45^\circ, \sin 45^\circ$$

▶ 답 :

▷ 정답 : $\tan 60^\circ > \tan 45^\circ = \sin 90^\circ > \sin 45^\circ > \cos 60^\circ > \cos 90^\circ$

해설



4. 다음 중 $2 \sin 60^\circ \tan 30^\circ \cos 0^\circ + 7$ 의 값은?

① 3

② 5

③ 6

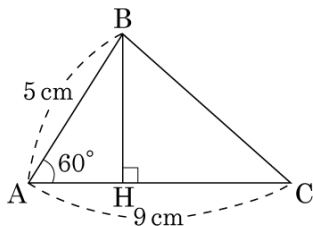
④ 8

⑤ 10

해설

$$(\text{준식}) = 2 \times \frac{\sqrt{3}}{2} \times \frac{1}{\sqrt{3}} \times 1 + 7 = 1 + 7 = 8$$

5. 다음 그림과 같이 $\angle A = 60^\circ$, $\overline{AB} = 5\text{cm}$, $\overline{AC} = 9\text{cm}$ 인 $\triangle ABC$ 에서 $\overline{BC}$ 의 길이를 구하여라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : $\sqrt{61}$ cm

해설

$$\overline{BH} = 5 \sin 60^\circ = 5 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{5\sqrt{3}}{2}(\text{cm})$$

$$\overline{AH} = 5 \cos 60^\circ = 5 \times \frac{1}{2} = \frac{5}{2}(\text{cm})$$

$$\overline{CH} = 9 - \frac{5}{2} = \frac{13}{2}(\text{cm})$$

$$\overline{BC} = \sqrt{\left(\frac{5\sqrt{3}}{2}\right)^2 + \left(\frac{13}{2}\right)^2}$$

$$= \sqrt{\frac{75}{4} + \frac{169}{4}}$$

$$= \sqrt{\frac{244}{4}} = \sqrt{61}(\text{cm})$$

6. 다음 $\triangle ABC$ 에서 $\angle C = 60^\circ$, $\overline{AC} = 4\text{cm}$, $\overline{BC} = 5\text{cm}$ 일 때, $\overline{AB}$ 의 길이를 구하면?

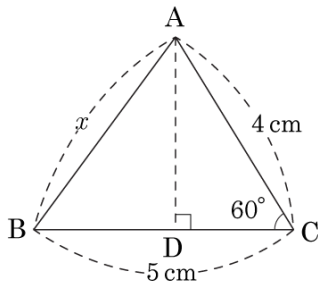
① $2\sqrt{3}$

② $\sqrt{21}$

③ $6\sqrt{3}$

④ $3\sqrt{7}$

⑤ $4\sqrt{3}$



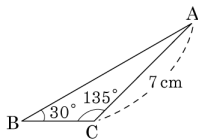
해설

$$\angle C = 60^\circ \text{ 이므로 } \overline{AD} = 4 \times \sin 60^\circ = 2\sqrt{3}$$

$$\overline{CD} = 4 \times \cos 60^\circ = 2 \text{ 이므로 } \overline{BD} = 3$$

따라서 $\triangle ABD$ 에 피타고라스 정리를 적용하면 $x = \sqrt{3^2 + (2\sqrt{3})^2} = \sqrt{21}$ 이다.

7. 다음 그림의 $\triangle ABC$ 에서 $\angle ACB = 135^\circ$, $\overline{AC} = 7\text{cm}$ 이다. $\overline{AB}$ 의 길이를 구하여라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : $7\sqrt{2}$ cm

해설

$$\angle ACH = 180^\circ - 135^\circ = 45^\circ$$

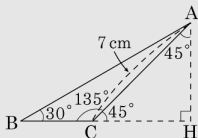
$$\cos 45^\circ = \frac{\overline{CH}}{7}$$

$$\overline{CH} = 7 \cos 45^\circ = 7 \times \frac{\sqrt{2}}{2} = \frac{7\sqrt{2}}{2} (\text{cm})$$

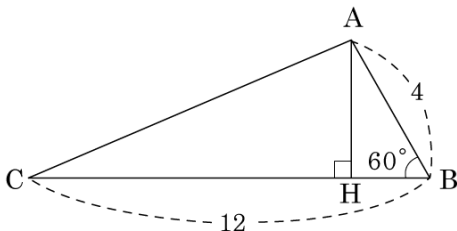
$$\overline{AH} = \overline{CH} = \frac{7\sqrt{2}}{2} (\text{cm})$$

$$\sin 30^\circ = \frac{\overline{AH}}{\overline{AB}}$$

$$\therefore \overline{AB} = \frac{7\sqrt{2}}{2} \div \frac{1}{2} = 7\sqrt{2} (\text{cm})$$



8. 다음 그림과 같은 삼각형 ABC 에서 $\overline{AC}$ 의 길이는?



① $3\sqrt{7}$

② $4\sqrt{7}$

③ $5\sqrt{7}$

④ $6\sqrt{7}$

⑤ $7\sqrt{7}$

해설

$$\overline{AH} = \overline{AB} \times \sin 60^\circ = 4 \times \sin 60^\circ = 4 \times \frac{3}{2} = 2\sqrt{3}$$

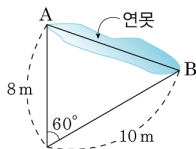
$$\overline{BH} = 4 \cos 60^\circ = 4 \times \frac{1}{2} = 2$$

$$\therefore \overline{CH} = 12 - 2 = 10$$

$$\overline{AC} = \sqrt{(2\sqrt{3})^2 + 10^2}$$

$$= \sqrt{12 + 100} = \sqrt{112} = 4\sqrt{7}$$

9. 다음 그림과 같이 연못 양쪽의 두 지점 A, B 사이의 거리는?



① $2\sqrt{21}\text{m}$

② $3\sqrt{21}\text{m}$

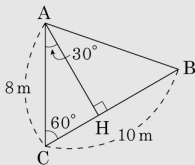
③ $4\sqrt{21}\text{m}$

④ $6\sqrt{3}\text{m}$

⑤ $8\sqrt{3}\text{m}$

해설

점 A에서 $\overline{BC}$ 에 내린 수선의 발을 H라 하면 $\overline{AB}^2 = \overline{AH}^2 + \overline{BH}^2$ 이고



$$\overline{AH} = 8 \sin 60^\circ = 4\sqrt{3}(\text{m})$$

$$\overline{BH} = 10 - \overline{CH}$$

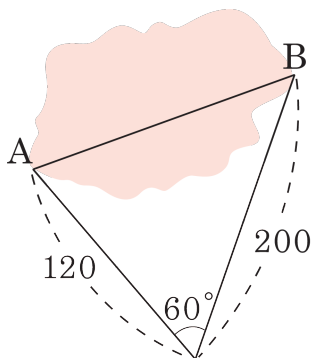
$$= 10 - 8 \cos 60^\circ$$

$$= 10 - 8 \times \frac{1}{2} = 6(\text{m})$$

$$\overline{AB}^2 = (4\sqrt{3})^2 + 6^2 = 84$$

$$\therefore \overline{AB} = 2\sqrt{21}(\text{m})$$

10. 직접 잴 수 없는 두 지점 A, B 사이의 거리를 구하기 위하여 다음 그림과 같이 측량하였다. 이 때, $\overline{AB}$ 의 길이를 구하면?



① $40\sqrt{11}$

② $40\sqrt{13}$

③ $40\sqrt{15}$

④ $40\sqrt{17}$

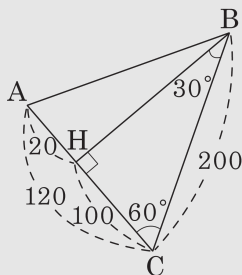
⑤ $40\sqrt{19}$

해설

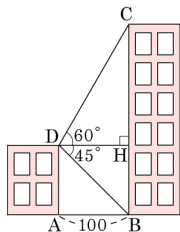
$$\begin{aligned}\overline{BH} &= 200 \times \sin 60^\circ \\ &= 200 \times \frac{\sqrt{3}}{2} \\ &= 100\sqrt{3}\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\overline{CH} &= 200 \times \cos 60^\circ \\ &= 200 \times \frac{1}{2} \\ &= 100\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\therefore \overline{AB} &= \sqrt{(100\sqrt{3})^2 + 20^2} \\ &= \sqrt{30400} = 40\sqrt{19}\end{aligned}$$



11. 다음 그림과 같이 간격이 100m 인 두 건물이 있다. 왼쪽의 낮은 건물의 옥상에서 다음 건물을 올려다 본 각도는 60° 이고 내려다 본 각도는 45° 일 때, 다음 건물의 높이를 구하여라.



▶ 답 : m

▷ 정답 : $100(1 + \sqrt{3})$ m

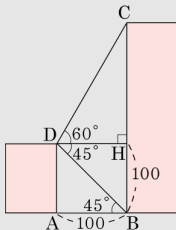
해설

$$\overline{BH} = 100, \quad \overline{DH} = 100$$

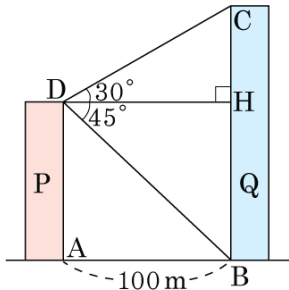
$$\overline{CH} = \tan 60^\circ \times \overline{DH}$$

$$= \sqrt{3} \times 100 = 100\sqrt{3}$$

$$\overline{BC} = 100 + 100\sqrt{3} = 100(1 + \sqrt{3}) \text{ (m)}$$



12. 다음 그림과 같이 간격이 100m 인 두 건물 P, Q 가 있다. P 건물 옥상에서 Q 건물을 올려다 본 각도는 30° 이고, 내려다 본 각도는 45° 일 때, Q 건물의 높이를 구하여라.



▶ 답 : m

▶ 정답 : $100\left(1 + \frac{\sqrt{3}}{3}\right)$ m

해설

$\overline{BH} = \overline{AB} = \overline{AD} = \overline{DH} = 100(\text{m})$ 이고, Q 건물의 높이는 $\overline{BC} = \overline{BH} + \overline{CH}$ 이다.

$\overline{CH} = 100 \tan 30^\circ$ 이므로 Q 건물의 높이 $\overline{BC} = 100 + 100 \times \frac{\sqrt{3}}{3} = 100\left(1 + \frac{\sqrt{3}}{3}\right)$ m 이다.