

1. 전체집합  $U = \{10, 20, 30, 40, 50, 60\}$ 의 두 부분집합  $A, B$  가  $A \cup B = U, A \cap B = \{30, 50\}$  을 만족한다. 집합  $A, B$  의 원소의 합을 각각  $S(A), S(B)$  라고 할 때,  $S(A) + S(B)$  의 값을 구하여라.

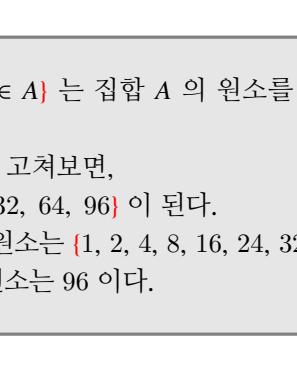
▶ 답:

▷ 정답: 290

해설

$S(A) + S(B)$  의 값을 구하는 것이므로  
각 원소를 아무렇게 배열해도 원소의 합은 같다.  
 $\therefore 10 + 20 + 30 + 40 + 50 + 60 + (30 + 50) = 290$

2. 두 집합  $A = \{1, 2, 4, 8, 16, 24\}$ ,  $B = \{4 \times x \mid x \in A\}$ 에 대하여 다음  
엔 다이어그램의 색칠한 부분을 나타내는 집합의 원소의 최댓값을  
구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 96

해설

$B = \{4 \times x \mid x \in A\}$ 은 집합  $A$ 의 원소를  $x$ 에 대입한 수들의  
집합이다.

원소나열법으로 고쳐보면,

$B = \{4, 8, 16, 32, 64, 96\}$ 이 된다.

색칠한 부분의 원소는  $\{1, 2, 4, 8, 16, 24, 32, 64, 96\}$ 이다.

이때, 가장 큰 원소는 96이다.

3. 전체집합  $U$ 의 두 부분집합  $A, B$ 에 대하여 다음 연산 과정 중 처음으로 잘못된 곳을 찾아라.

$$B^c - A^c = B^c \cap (A^c)^c = B^c \cap A = B - A = (A \cap B)$$

▶ 답:

▷ 정답: Ⓛ

해설

$B^c \cap A = A - B$  이다. 따라서 처음으로 잘못된 곳은 Ⓛ  $B - A$ 이다.

4. 두 집합  $A$ ,  $B$ 가 다음과 같을 때,  $(A - B) \cup X = X$ ,  $(A \cup B) \cap X = X$  를 만족하는 집합  $X$ 의 개수는?

$$A = \{x \mid x \text{은 } 8\text{의 약수}\}, B = \{x \mid x \text{은 } 5\text{의 헤수}\}$$

- ① 2 개    ② 4 개    ③ 6 개    ④ 8 개    ⑤ 10 개

해설

$$(A - B) \cap X = X \Rightarrow (A - B) \subset X$$

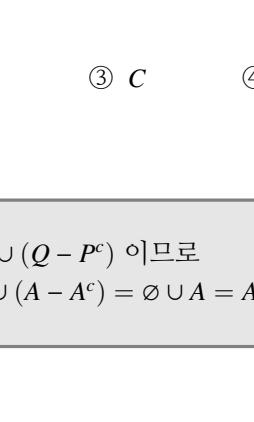
$$(A \cup B) \cap X = X \Rightarrow X \subset (A \cup B)$$

$$\{2, 4, 8\} \subset X \subset \{1, 2, 3, 4, 5, 8\}$$

집합  $X$ 는 집합  $A \cup B$ 의 부분집합 중 원소 2, 4, 8을 반드시 포함하는 집합이다.

$$\therefore 2^{6-3} = 2^3 = 8(\text{개})$$

5. 집합  $A, B, C$  가 전체집합  $U$  의 부분집합으로서 다음 그림과 같이 주어졌다. 두 집합  $P, Q$ 에 대하여  $P \circ Q$  를  $P \circ Q = (P - Q) \cup (Q - P^c)$  와 같이 정의할 때,  $A \circ A$  의 값을 구하면?



- ①  $A$       ②  $B$       ③  $C$       ④  $\emptyset$       ⑤  $A - B$

해설

$P \circ Q = (P - Q) \cup (Q - P^c)$  이므로  
 $A \circ A = (A - A) \cup (A - A^c) = \emptyset \cup A = A$  이다.

6. 세 권의 책 A, B, C가 있다. A를 읽은 학생은 5명, B를 읽은 학생은 4명, C를 읽은 학생은 7명, A와 B를 모두 읽은 학생은 3명, 세 권을 모두 읽은 학생은 2명일 때, C만 읽은 학생의 수가 가장 적을 경우는 몇 명인가?

- ① 1명      ② 2명      ③ 3명      ④ 4명      ⑤ 5명

해설

집합 A, B, C를 각각 책 A, B, C를 읽은 학생들의 집합이라 하면  $n(A) = 5$ ,  $n(B) = 4$ ,  $n(C) = 7$ ,  $n(A \cap B) = 3$ ,  $n(A \cap B \cap C) = 2$  C만 읽는 학생수가 가장 적을 때는 A와 C, B와 C를 읽은 학생 수가 가장 많은 경우로 벤다이어그램에서



$$7 - (2 + 2 + 1) = 2(\text{명})$$

7. 전체집합이  $U = \{x \mid 1 \leq x \leq 10, x \text{는 정수}\}$  이고,  $A = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ ,  $B = \{1, 2, 3, 4\}$ ,  $S \cap A^c = \emptyset$ ,  $n(S \cap B) = 3$  일 때, 집합  $S$ 의 개수는?

- ① 4 개    ② 8 개    ③ 16 개    ④ 32 개    ⑤ 64 개

해설

$S \cap B$ 는  $\{1, 2, 3\}, \{1, 2, 4\}, \{1, 3, 4\}, \{2, 3, 4\}$ 가 될 수 있다.

$S \cap A^c = S - A = \emptyset$ 이므로,  $S \subset A$

따라서  $S \cap B = \{1, 2, 3\}$ 인 경우,  $S$ 는 1, 2, 3을 원소로 갖고 4를 원소로 갖지 않는  $A$ 의 부분집합이 되어 그 개수는 집합  $\{5, 6\}$ 의 부분집합의 개수와 같다.

$S \cap B = \{1, 2, 4\}, \{1, 3, 4\}, \{2, 3, 4\}$ 인 경우도 같은 수만큼의 부분집합이 있으므로

$S$ 의 개수는  $2^2 \times 4 = 16$  (개)이다.

8. 집합  $U = \{x|x \leq 10, x\text{는 자연수}\}$  의 두 부분집합  $A, B$  가 있다.  
 $A \cap B = \emptyset, A \cup B = U$  이고,  $A$  의 모든 원소의 합은 15 일 때, 집합  $B$  의 모든 원소의 합을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 40

해설

$U = \{x|x \leq 10, x\text{는 자연수}\} = \{1, 2, 3, \dots, 10\}$   
 $A \cap B = \emptyset, A \cup B = U$  집합  $A, B$  는 서로소이고, 전체집합  $U$  의 모든 원소를 나누어 가진다.  
전체집합  $U$  의 모든 원소의 합은  $1 + 2 + 3 + \dots + 10 = 55$  이고,  
 $A$  의 모든 원소의 합은 15 이므로  
집합  $B$  의 모든 원소의 합은  $55 - 15 = 40$

9. 집합  $N = \{x \mid x \text{는 } 100\text{이하의 자연수}\}$  의 부분집합  $A_n = \{x \mid x \text{는 } n\text{의 배수}\}$ 에 대하여 다음 중 옳은 것을 모두 골라라.

- Ⓐ  $A_2 \subset A_4$   
Ⓑ  $A_3 \subset A_4 = A_{12}$   
Ⓒ  $A_4 \cup A_6 \subset A_2$   
Ⓓ  $(A_2 \cap A_3) \cup (A_3 \cap A_4) = A_{12}$   
Ⓔ  $n(A_4) > n(A_2)$   
Ⓕ  $A_3 - A_4 = A_3 - A_{12}$

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: Ⓑ

▷ 정답: Ⓒ

▷ 정답: Ⓠ

해설

Ⓐ  $A_2 \subset A_4 \rightarrow A_4 \subset A_2$   
Ⓑ  $A_3 \subset A_4 = A_{12} \rightarrow$  옳다.  
Ⓒ  $A_4 \cup A_6 \subset A_2 \rightarrow A_4 \subset A_2$  이고  $A_6 \subset A_2$  이므로 옳다.  
Ⓓ  $(A_2 \cap A_3) \cup (A_3 \cap A_4) = A_{12} \rightarrow A_6 \cup A_{12} = A_6$  이므로 옳지 않다.  
Ⓔ  $n(A_4) > n(A_2) \rightarrow A_4 \subset A_2$  이므로 옳지 않다.  
Ⓕ  $A_3 - A_4 = A_3 - A_{12} \rightarrow 3$ 의 배수에서 4의 배수인 것을 제외한 집합은, 3의 배수에서 12의 배수를 제외한 집합과 같으므로 옳다.

10. 전체집합  $U = \{1, 3, 5, 7, 9\}$  의 두 부분집합  $A, B$ 에 대하여  $A = \{1, 9\}$ ,  $A - (A - B) = \{1\}$ 을 만족하는 집합  $B$ 의 개수를 구하여라.

▶ 답:

개

▷ 정답: 8개

해설

$$\begin{aligned} A - (A - B) &= A \cap (A \cap B^C)^C \\ &= A \cap (A^C \cup B) \\ &= (A \cap B) = \{1\} \end{aligned}$$

$A = \{1, 9\}$ ,  $(A \cap B) = \{1\}$ ,  $U = \{1, 3, 5, 7, 9\}$ 을 만족하는  
집합  $B$ 는 원소 1을 반드시 포함하고 원소 9를 반드시 포함하지  
않으므로

집합  $B$ 의 개수는  $2^3 = 8$ (개)