

1. 두 점 $A(9, -4)$, $B(2, a)$ 에서 \overline{AB} 를 $m : (m - 1)$ 로 내분하는 점이 $(5, 4)$ 일 때, $a - m$ 의 값은?

- ① 4 ② -2 ③ 6 ④ 3 ⑤ -3

해설

두 점 $A(9, -4)$, $B(2, a)$ 에서 \overline{AB} 를

$m : (m - 1)$ 로 내분하는 점의 좌표는

$$\left(\frac{2m + (m-1)9}{m + (m-1)}, \frac{ma + (m-1)(-4)}{m + (m-1)} \right) = (5, 4) \text{ 이므로}$$

$$m = 4, a = 10 \quad \therefore a - m = 6$$

2. 점 (2, 5)를 지나고 x 축에 평행한 직선이 $y = 3x - 4$ 와 만나는 교점의 좌표는?

① (2, 2)

② (3, 5)

③ (4, 5)

④ (1, -1)

⑤ (1, 2)

해설

점 (2, 5)를 지나고
 x 축에 평행한 직선의 방정식은
 $y = 5$ 이므로 구하는 교점은 두 직선

$$\begin{cases} y = 5 & \dots \text{㉠} \\ y = 3x - 4 & \dots \text{㉡} \end{cases} \text{의 교점이다.}$$

이 때, ㉠을 ㉡에 대입하면 $5 = 3x - 4$

$$\therefore x = 3$$

따라서, 교점의 좌표는 (3, 5)이다.

3. 실수 전체의 집합을 정의역과 공역으로 하는 함수 f 가 $f(x) = \begin{cases} x & (x \text{는 유리수}) \\ 1-x & (x \text{는 무리수}) \end{cases}$ 과 같을 때 $f(\sqrt{2}) + f(1-\sqrt{2})$ 의 값은 얼마인지 구하여라.

▶ 답 :

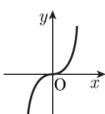
▷ 정답 : 1

해설

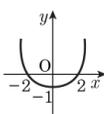
$\sqrt{2}$ 와 $1-\sqrt{2}$ 는 모두 무리수이므로,
 $f(\sqrt{2}) = 1 - \sqrt{2}$
 $f(1 - \sqrt{2}) = 1 - (1 - \sqrt{2}) = \sqrt{2}$
 $\therefore f(\sqrt{2}) + f(1 - \sqrt{2}) = (1 - \sqrt{2}) + \sqrt{2} = 1$

4. 다음 함수의 그래프 중 일대일 대응이 아닌 것은?

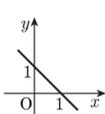
①



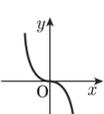
②



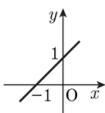
③



④



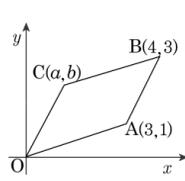
⑤



해설

치역과 공역이 같고 임의의 두 실수 x_1, x_2 에 대하여 $x_1 \neq x_2$ 일 때 $f(x_1) \neq f(x_2)$ 를 만족해야하므로 정답은 ②번이다.

5. 다음 그림과 같이 네 점 $A(3, 1)$, $B(4, 3)$, $C(a, b)$, $O(0, 0)$ 을 꼭짓점으로 하는 평행사변형 $OABC$ 에서 $a + b$ 의 값을 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 3

해설

평행사변형 $OABC$ 에서 두 대각선의 중점은 일치하므로

$$\left(2, \frac{3}{2}\right) = \left(\frac{a+3}{2}, \frac{b+1}{2}\right)$$

$$\frac{a+3}{2} = 2 \text{에서 } a = 1$$

$$\frac{b+1}{2} = \frac{3}{2} \text{에서 } b = 2$$

$$\therefore a + b = 3$$

6. x, y 에 대한 이차방정식 $x^2 + y^2 - 2kx + 2ky + 3k^2 - 4k + 2 = 0$ 이 반지름의 길이가 1 인 원의 방정식일 때, 상수 k 값의 합을 구하시오.

▶ 답 :

▷ 정답 : 4

해설

주어진 방정식을 변형하면

$$(x-k)^2 + (y+k)^2 = -k^2 + 4k - 2 \quad \dots \textcircled{1}$$

반지름의 길이가 1 이므로

$$\textcircled{1} \text{에서 } -k^2 + 4k - 2 = 1 \leftarrow r^2 = 1$$

$$k^2 - 4k + 3 = 0, (k-1)(k-3) = 0$$

$$\therefore k = 1 \text{ 또는 } k = 3$$

따라서 합은 4이다.

7. 방정식 $x^2 + y^2 + kx - 2y + 10 = 0$ 이 원을 나타낼 때, k 의 범위를 구하면?

① $-4 < k < 5$

② $k < -4$ 또는 $k > 5$

③ $-6 < k < 6$

④ $k < -6$ 또는 $k > 6$

⑤ $-4 < k < 6$

해설

$$\text{준 식 : } \left(x + \frac{k}{2}\right)^2 + (y-1)^2 = \frac{k^2}{4} - 9$$

$$\text{중심이 } \left(-\frac{k}{2}, 1\right),$$

반지름이 $\sqrt{\frac{k^2}{4} - 9}$ 인 원이 되려면

$$\frac{k^2}{4} - 9 > 0$$

$$\therefore k^2 - 36 > 0$$

$$\therefore (k+6)(k-6) > 0$$

$$\therefore k < -6 \text{ 또는 } k > 6$$

8. 직선 $y = -3x + 2$ 을 다음과 같이 대칭 이동 할 때, 옳은 것을 모두 고르면?

① (x 축) : $y = 3x - 2$

② (y 축) : $y = -3x - 2$

③ (원점) : $y = 3x + 2$

④ ($y = x$) : $y = -\frac{1}{3}x + \frac{2}{3}$

⑤ ($y = -x$) : $y = \frac{1}{3}x + \frac{2}{3}$

해설

① x 축 : $y = -3x + 2 \rightarrow (-y) = -3x + 2$

$\rightarrow y = 3x - 2$ (O)

② y 축 : $y = -3x + 2 \rightarrow y = -3(-x) + 2$

$\rightarrow y = 3x + 2$ (X)

③ 원점 : $y = -3x + 2 \rightarrow (-y) = -3(-x) + 2$

$\rightarrow y = -3x - 2$ (X)

④ $y = x$: $y = -3x + 2 \rightarrow x = -3y + 2$

$\rightarrow y = -\frac{1}{3}x + \frac{2}{3}$ (O)

⑤ $y = -x$: $y = -3x + 2 \rightarrow (-x) = -3(-y) + 2$

$\rightarrow y = -\frac{1}{3}x - \frac{2}{3}$ (X)

9. 점 P(2, 1) 을 x 축에 대하여 대칭이동한 점을 Q, 원점에 대하여 대칭이동한 점을 R 라 할 때, 세 점 P, Q, R 를 세 꼭짓점으로 하는 $\triangle PQR$ 의 넓이를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 4

해설

점 P(2, 1) 을 x 축에 대하여 대칭이동한

점 Q 는 Q(2, -1)

또, 점 P(2, 1) 을 원점에 대하여

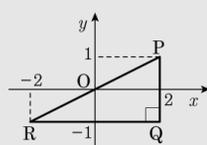
대칭이동한 점 R 는 R(-2, -1)

따라서, 다음 그림에서 세 점

P(2, 1), Q(2, -1), R(-2, -1) 을

꼭짓점으로 하는 $\triangle PQR$ 의 넓이는

$$\frac{1}{2} \times 4 \times 2 = 4$$



10. x 가 양의 실수 일 때, $x^2 + 1 + \frac{1}{x^2}$ 의 최솟값과 그 때의 x 값을 차례대로 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: 3

▷ 정답: 1

해설

$x^2 > 0, \frac{1}{x^2} > 0$ 이므로

산술평균과 기하평균에 의하여

$$x^2 + 1 + \frac{1}{x^2} \geq 2\sqrt{x^2 \times \frac{1}{x^2}} + 1 \geq 2 + 1 = 3$$

등호는 $x^2 = \frac{1}{x^2}$ 일 때 성립하므로 $x^4 = 1$

따라서 양의 실수 x 는 1이다.

최솟값은 3이고, x 값은 1이다.

11. 전체집합 U 의 두 부분집합 A, B 가 각각 공집합이 아닐 때, 항상 서로 소인 두 집합끼리 짝지은 것은?

- ① A 와 $A \cap B$
- ② $A - B$ 와 $A \cup B$
- ③ $A \cap B$ 와 $A \cup B$
- ④ $A^c \cap B$ 와 B
- ⑤ $A \cup B^c$ 와 $B - A$

해설

$B^c \cup A$ 은 $(B - A)^c$ 을 나타내는 것과 같으므로, 서로소인 집합이 된다.