

1. 영수네 반의 과학 성적의 남자평균과 여자 평균이 다음 표와 같을 때, 전체 평균을 구하여라.

	남자	여자
학생 수(명)	20	15
평균 점수(점)	76	83

▶ 답 : 점

▷ 정답 : 79 점

해설

$$\frac{20 \times 76 + 15 \times 83}{20 + 15} = 79(\text{점})$$

2. 다음 도수분포표는 민지네 반 10명의 던지기 기록을 나타낸 표이다.
던지기 기록의 평균은?

거리 (m)	도수 (명)
0 ^{이상} ~ 5 ^{미만}	1
5 ^{이상} ~ 10 ^{미만}	2
10 ^{이상} ~ 15 ^{미만}	4
15 ^{이상} ~ 20 ^{미만}	3
합계	10

① 10 m

② 12 m

③ 14 m

④ 16 m

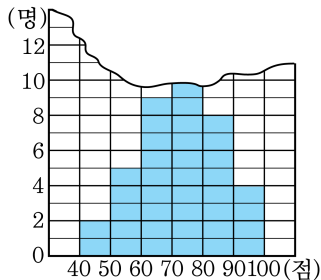
⑤ 20 m

해설

계급값이 각각 2.5, 7.5, 12.5, 17.5 이므로

$$\begin{aligned}(\text{평균}) &= \frac{(2.5 \times 1 + 7.5 \times 2 + 12.5 \times 4 + 17.5 \times 3)}{10} \\ &= \frac{120}{10} = 12(\text{m})\end{aligned}$$

3. 다음 그림은 아람이네 반 40 명의 국어 성적을 나타낸 히스토그램의 일부이다. 이 40 명의 학생의 국어 성적의 평균을 구하여라.(단, 소수 첫째자리에서 반올림한다.)



▶ 답 : 점

▷ 정답 : 73점

해설

70 점이상 80 점미만인 계급의 도수는

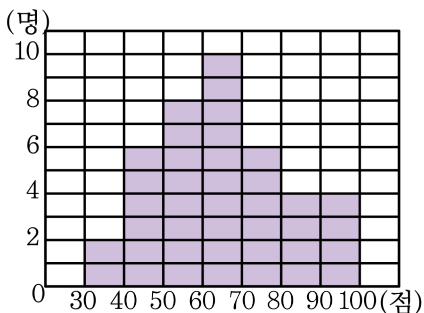
$$40 - (2 + 5 + 9 + 8 + 4) = 12$$

$$(\text{평균}) = \frac{1}{40} \{45 \times 2 + 55 \times 5 + 65 \times 9 + 75 \times 12 + 85 \times 8 + 95 \times 4\} =$$

72.75(점)

따라서 소수 첫째자리에서 반올림하면 73 점이다.

4. 다음은 40 명의 수학성적에 대한 히스토그램이다. 다음 물음에 답하여라.



(1) 계급값을 차례대로 나열하여라.

(2) 평균을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : (1) 35 점, 45 점, 55 점, 65 점, 75 점, 85 점, 95 점

▷ 정답 : (2) 65 점

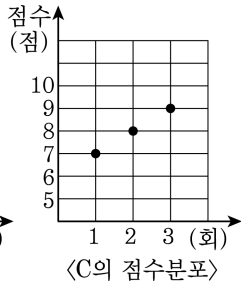
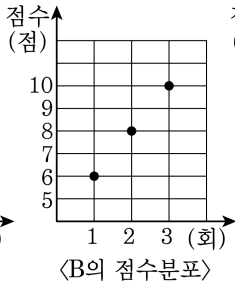
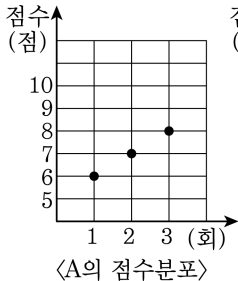
해설

(1) 계급값을 차례대로 나열하면 35 점, 45 점, 55 점, 65 점, 75 점, 85 점, 95 점이다.

(2) (평균)

$$\begin{aligned}
 &= \frac{35 \times 2 + 45 \times 4 + 55 \times 6 + 65 \times 8}{40} \\
 &\quad \times \frac{10 + 75 \times 6 + 85 \times 4 + 95 \times 4}{40} \\
 &= \frac{70 + 270 + 440 + 650 + 450 + 340 + 380}{40} \\
 &= \frac{2600}{40} = 65
 \end{aligned}$$

5. 다음은 양궁선수 A, B, C 가 3 회에 걸쳐 활을 쏜 기록을 나타낸 그래프이다.



A, B, C 의 활을 쏜 점수의 표준편차를 각각 a , b , c 라고 할 때, a , b , c 의 대소 관계는?

① $a = b = c$

② $a = c < b$

③ $a < b = c$

④ $a = b > c$

⑤ $a < b < c$

해설

표준편차는 자료가 흩어진 정도를 나타내므로 A, C 의 표준편차는 같고, B 의 표준편차는 A, C 의 표준편차보다 크다.
따라서 $a = c < b$ 이다.

6. 다음은 다섯 명의 학생 A, B, C, D, E 가 5 일 동안 받은 문자의 개수를 나타낸 표이다. 이때, 표준편차가 가장 큰 사람은 누구인가?

	월요일	화요일	수요일	목요일	금요일
A	2	5	2	5	2
B	3	6	3	6	4
C	10	2	1	11	3
D	8	8	8	8	9
E	5	6	7	8	9

① A

② B

③ C

④ D

⑤ E

해설

표준편차는 자료가 흩어진 정도를 나타내고, 표준편차가 클수록 변량이 평균에서 더 멀어지므로 표준편차가 가장 큰 학생은 C 이다.

7. 세 실수 a, b, c 가 $a^2 + b^2 + c^2 = 24$, $a + b, b + c, c + a$ 의 평균이 4 일 때, ab, bc, ca 의 평균을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 2

해설

$a + b, b + c, c + a$ 의 평균이 4 이므로

$$\frac{2(a + b + c)}{3} = 4, \quad a + b + c = 6$$

$(a + b + c)^2 = a^2 + b^2 + c^2 + 2(ab + bc + ca)$ 에서

$$a^2 + b^2 + c^2 = (a + b + c)^2 - 2(ab + bc + ca)$$

$$24 = 6^2 - 2(ab + bc + ca)$$

$$\therefore ab + bc + ca = 6$$

따라서 ab, bc, ca 의 평균은

$$\frac{ab + bc + ca}{3} = \frac{6}{3} = 2 \text{ 이다.}$$

8. 다섯 개의 변량 4, 3, a , b , 8의 평균이 6 이고, 분산이 4 일 때, $a^2 + b^2$ 의 값은?

① 100

② 105

③ 111

④ 120

⑤ 125

해설

다섯 개의 변량 4, 3, a , b , 8 의 평균이 6 이므로

$$\frac{4 + 3 + a + b + 8}{5} = 6, a + b + 15 = 30$$

$$\therefore a + b = 15 \cdots \textcircled{㉠}$$

또, 분산이 4 이므로

$$\frac{(4-6)^2 + (3-6)^2 + (a-6)^2 + (b-6)^2 + (8-6)^2}{5} = 4$$

$$\frac{4 + 9 + a^2 - 12a + 36 + b^2 - 12b + 36 + 4}{5} = 4$$

$$\frac{a^2 + b^2 - 12(a+b) + 89}{5} = 4$$

$$a^2 + b^2 - 12(a+b) + 89 = 20$$

$$\therefore a^2 + b^2 - 12(a+b) = -69 \cdots \textcircled{㉡}$$

㉡의 식에 ㉠을 대입하면

$$\therefore a^2 + b^2 = 12(a+b) - 69 = 12 \times 15 - 69 = 111$$

9. 세호네 반 학생 30 명의 몸무게의 총합은 2100 , 몸무게의 제곱의 총합은 150000 일 때, 세호네 반 학생 몸무게의 표준편차를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 10

해설

$$(\text{분산}) = \frac{\{(\text{변량})^2 \text{의 총 합}\}}{\text{변량의 총 개수}} - (\text{평균})^2$$

$$\frac{150000}{30} - 70^2 = 100, \text{ 즉 분산은 } 100 \text{ 이다.}$$

따라서 표준편차는 10 이다.

10. 다음 표는 A, B, C, D, E 5명의 학생의 영어 성적의 편차를 나타낸 것이다. 이 때, 5명의 영어 성적의 표준편차를 구하여라.

학생	A	B	C	D	E
편차(점)	-5	0	10	x	5

▶ 답 :

▷ 정답 : $5\sqrt{2}$

해설

편차의 합은 0이므로

$$-5 + 0 + 10 + x + 5 = 0$$

$$\therefore x = -10$$

$$\frac{(-5)^2 + 10^2 + (-10)^2 + (-5)^2}{5}$$

$$= \frac{25 + 100 + 100 + 25}{5} = \frac{250}{5} = 50$$

따라서 표준편차는 $\sqrt{50} = 5\sqrt{2}$ 이다.

11. 실수 x 에 대하여 이차방정식 $\frac{x^2}{p} + x + 1 = 0$ 의 근의 개수를 a 개, 이차방정식 $x^2 + \frac{x}{p} + \frac{1}{pq} = 0$ 의 근의 개수를 b 개라 하자. $a^2 + b^2 - 2a - 2b = -2$ 일 때, $p + q$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 20

해설

$$a^2 + b^2 - 2a - 2b = -2 \text{ 에서}$$

$$(a-1)^2 + (b-1)^2 = 0 \text{ 이므로 } a=1, b=1$$

$$\text{즉, } \frac{x^2}{p} + x + 1 = 0 \text{ 과 } x^2 + \frac{x}{p} + \frac{1}{pq} = 0 \text{ 이 모두 중근을 가지므로}$$

$$D = 1 - \frac{4}{p} = 0$$

$$\therefore p = 4$$

$$D = \frac{1}{p^2} - \frac{4}{pq} = 0$$

$$\therefore q = 16$$

따라서 $p + q = 4 + 16 = 20$ 이다.

12. 네 개의 변량 a, b, c, d 의 평균이 2 이고, 표준편차가 2 일 때, $2a-1, 2b-1, 2c-1, 2d-1$ 의 평균을 m , 분산을 s 라고 하자. 이때, 상수 m, s 의 합 $m+s$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 19

해설

네 개의 변량 a, b, c, d 의 평균이 2 이므로

$$\frac{a+b+c+d}{4} = 2$$

$$\therefore a+b+c+d = 8 \quad \cdots \cdots \textcircled{7}$$

또한, a, b, c, d 의 표준편차가 2 이므로 분산은 $2^2 = 4$ 이다.
즉,

$$\frac{(a-2)^2 + (b-2)^2 + (c-2)^2 + (d-2)^2}{4} = 4$$

$$(a-2)^2 + (b-2)^2 + (c-2)^2 + (d-2)^2 = 16$$

$$a^2 - 4a + 4 + b^2 - 4b + 4 + c^2 - 4c + 4 + d^2 - 4d + 4 = 16$$

$$a^2 + b^2 + c^2 + d^2 - 4(a+b+c+d) + 16 = 16$$

위의 식에 $\textcircled{7}$ 을 대입하면

$$a^2 + b^2 + c^2 + d^2 - 4 \times 8 + 16 = 16$$

$$\therefore a^2 + b^2 + c^2 + d^2 = 32$$

한편, $2a-1, 2b-1, 2c-1, 2d-1$ 의 평균은

$$\frac{(2a-1) + (2b-1) + (2c-1) + (2d-1)}{4} =$$

$$\frac{2(a+b+c+d) - 4}{4} = \frac{2 \times 8 - 4}{4} = 3$$

이고, 분산은

$$\frac{(2a-1-3)^2 + (2b-1-3)^2 + (2c-1-3)^2}{4} + \frac{(2d-1-3)^2}{4}$$

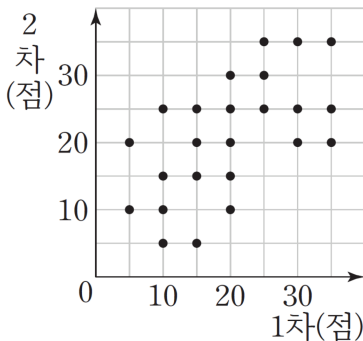
$$= \frac{(2a-4)^2 + (2b-4)^2 + (2c-4)^2 + (2d-4)^2}{4}$$

$$= \frac{4(a^2 + b^2 + c^2 + d^2) - 16(a+b+c+d)}{4} + \frac{4 \times 16}{4}$$

$$= \frac{4 \times 32 - 16 \times 8 + 64}{4} = 16$$

따라서 $m = 3, s = 16$ 이므로 $m+s = 3+16 = 19$ 이다.

13. 그림은 로희네 반 학생 24명의 음악 실기 시험 1차, 2차 점수를 조사하여 나타낸 산점도이다. 1차 점수가 상위 25% 이내에 드는 학생들과 하위 25% 이내에 드는 학생들의 2차 점수의 평균의 차를 구하시오.



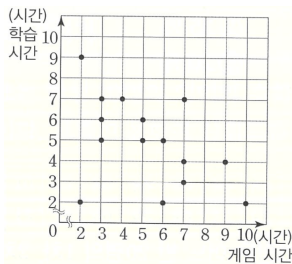
▶ 답 :

▷ 정답 : 12.5 점

해설

상위 25%와 하위 25% 이내에 드는 학생 수는 각각 6명이다.
 1차 점수가 상위 25% 이내에 드는 학생들의 점수는 30점 이상
 이므로 2차 점수의 평균은 $\frac{80}{3}$ 점
 1차 점수가 하위 25% 이내에 드는 학생들의 점수는 10점 이하
 이므로 2차 점수의 평균은 $\frac{85}{6}$ 점
 따라서 (차) = $\frac{75}{6} = 12.5$ 점

14. 그림은 어느 반 15명의 이틀 동안 게임 시간과 학습 시간의 관계를 나타낸 산점도이다. 학습 시간과 게임 시간이 모두 6시간 미만인 학생 수를 A, 학습 시간과 게임 시간이 모두 7시간 이상인 학생 수를 B라 할 때, $A+B$ 의 값을 구하시오.

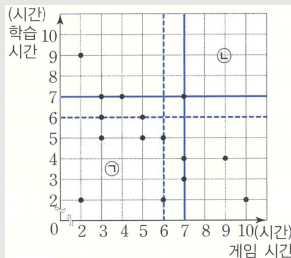


▶ 답 :

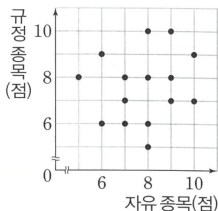
▷ 정답 : 4

해설

A의 값은 경계를 포함하지 않으므로 3이고, B의 값은 경계를 포함하므로 1이다. 따라서 $A+B=4$ 이다.



15. 어느 대회에서 체조 선수 15명의 자유 종목과 규정 종목의 점수를 조사하여 나타낸 산점도이다. () 안에 알맞은 수의 합을 구하시오.

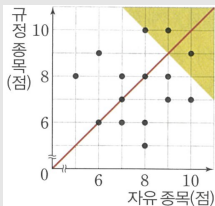


- (ㄱ) 규정 종목 점수와 자유 종목 점수가 같은 선수는 전체 선수의 ()%이다.
 (ㄴ) 규정 종목 점수보다 자유 종목 점수가 더 높은 선수는 ()명이다.
 (ㄷ) 두 종목의 점수의 평균이 9점 이상인 선수는 ()명이다.

▶ 답 :

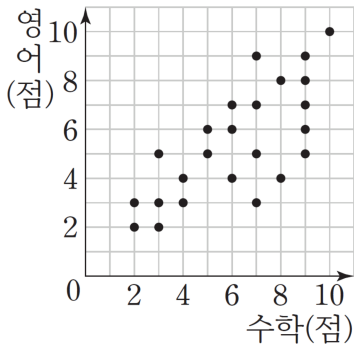
▷ 정답 : 30

해설



(ㄱ) 20%, (ㄴ) 7명, (ㄷ) 3명
 따라서 (합)=20+7+3=30이다.

16. 그림은 현수네 반 학생 명의 수학과 영어 수행 평가 점수를 조사하여 나타낸 산점도이다. 두 과목의 점수 차가 2점 이상인 학생 수를 구하시오.

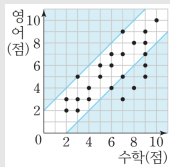


▶ 답 :

▶ 정답 : 9명

해설

산점도에서 경계선을 포함한 색칠한 부분에 속하는 점의 개수와 같으므로 9명이다.



17. 다음 중 상관관계가 같은 것끼리 짝 지으시오.

① 핸드폰 사용량과 시력

② 키와 앞은키

③ 학습량 성적

④ 청력과 허리둘레

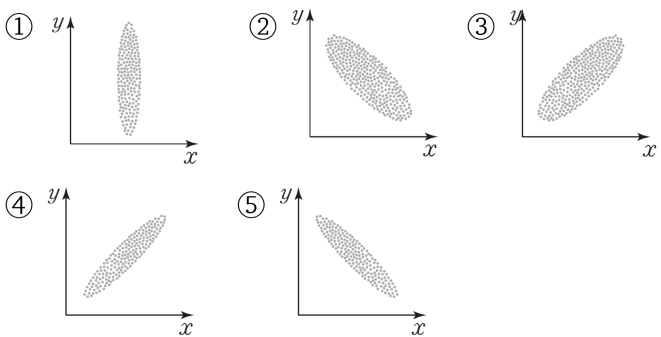
해설

① 음의 상관관계

②, ③ 양의 상관관계

④ 상관관계가 없다.

18. 다음 산점도 중 양의 상관관계가 가장 강한 것은?



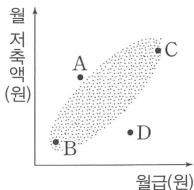
▶ 답 :

▶ 정답 : ④

해설

양의 상관관계를 나타낸 것은 ③, ④이고, 이 중 양의 상관관계가 가장 강하게 나타나는 것은 ④이다.

19. 어느 회사 직원들의 월급과 월 저축액을 조사하여 나타낸 산점도이다.
옳은 것은 모두 몇 가지인가?



- (ㄱ) 월급이 많은 직원이 대체로 월 저축액도 많은 편이다.
(ㄴ) A, B, C, D 네 직원 중 월 저축액이 가장 많은 직원은 C이다.
(ㄷ) A, B, C, D 네 직원 중 월급에 비하여 월 저축액이 가장 적은 직원은 B이다.

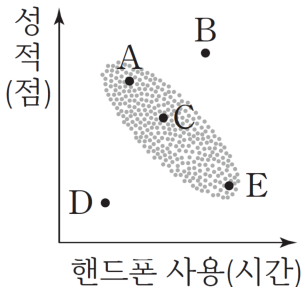
▶ 답 :

▷ 정답 : 2가지

해설

(ㄷ) A, B, C, D 네 직원 중 월급에 비하여 월 저축액이 가장 적은 직원은 D이다.

20. 어느 중학교 학생들의 하루 동안 핸드폰 사용 시간과 성적에 대한 산점도이다. 5명의 학생 A, B, C, D, E 중 핸드폰 사용 시간에 비해 성적이 가장 높은 학생을 말하십시오.



▶ 답:

▷ 정답: B

해설