1. 다음 빈 칸에 알맞은 말을 써 넣어라.

 $A \cap B = A$ 인 것은 $A \subset B$ 이기 위한 \square 조건이다.

답:

➢ 정답: 필요충분

 $A \cap B = A$ 인 것이 곧, $A \subset B$ 을 의미하므로 명제와 역 모두 참이

해설

되는 필요충분조건이다.

2. 전체집합 U 의 두 부분집합 A,B 에 대하여 $(A \cup B) - A = \emptyset$ 가 성립하기 위한 필요충분조건은?

- ① $A \subset B$ ② $A \cap B = \emptyset$ ③ $A \cap B = A$

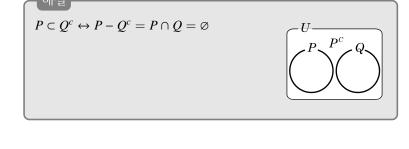
B 집합이 A 집합 안에 포함된다는 의미이므로 \P 가 정답이다.

- **3.** 두 조건 p,q에 대하여 $\sim q$ 는 p이기 위한 필요조건이다. 조건 p,q를 만족하는 집합을 각각 P,Q라 할 때, 다음 중 옳은 것은? (단, U는 전체집합이다.)
 - ① $P \cap Q = \emptyset$ ② $P \cup Q = U$ ③ $P \subset Q$ ④ $Q \subset P$ ⑤ $Q^c = P$

해설 $P \subset Q^c \Rightarrow P - Q^c = \emptyset \Rightarrow P \cap (Q^c)^c = \emptyset$

 $\therefore P \cap Q = \emptyset$ 벤다이어그램으로 나타내면 다음과 같다.

- 4. 두 조건 p,q를 만족하는 집합을 각각 P,Q라 하자. $\sim p$ 가 q 이기 위한 필요조건일 때, 다음 중 옳은 것은?
 - $\bigcirc P \cap Q = \phi \qquad \qquad \bigcirc P \subset Q \qquad \qquad \bigcirc Q \subset P$



- 5. 두 조건 p,q의 진리집합을 각각 P,Q라 하고 $\sim p$ 가 $\sim q$ 이기 위한 충분조건이지만 필요조건은 아닐 때, 다음 중 옳은 것은?
 - ① $P Q = \emptyset$ ② $P \cap Q = Q$ ③ $P \cap Q = P$

 $\sim p$ 가 $\sim q$ 이기 위한 충분조건이므로 $\sim p \rightarrow \sim q$ 이고, 대우 $q \rightarrow p$

해설

는 참이다. 따라서, 두 진리집합 사이에는 $Q \subset P$ 가 성립하므로 $P \cap Q = Q$

- **6.** $\{(A \cap B) \cup (A B)\} \cap B = A$ 가 성립하기 위한 필요충분조건으로 알맞은 것은?

 $\begin{cases} (A \cap B) \cup (A - B) \} \cap B \\ = \left\{ (A \cap B) \cup (A \cap B^c) \right\} \cap B \\ = \left\{ A \cap (B \cup B^c) \right\} \cap B \\ = A \cap B = A \\ \therefore A \subset B$ 이므로 $A \cap B^c = \emptyset$ 이면 $A \subset B$ 이므로 필요충분조건은 ① 이다.

- 7. 전체집합 U 의 두 부분집합 A, B 에 대하여 $(A B) \cup (B A) = U$ 이 성립하기 위한 필요충분조건은?
- - ① A = B ② $B \subset A$ ③ $A \subset B$

좌변의 집합이 나타내는 부분은 A, B의 합집합에서 교집합을 뺀

부분의 원소들을 나타낸다. 그런데, 그 부분이 전체집합이 되어야 하므로 A와 B의 교집합은 없으면서, A 와 B 의 합집합이 전체집합이 되는 꼴이 나타나야 한다. 따라서, 이를 만족하는 것은 ④, ⑤인데, 여기에서 ④번은 필요 조건에 성립되지 않으므로 답은 ⑤번이 된다.

- 8. 두 집합 P, Q 는 각각 조건 p, q 를 만족하는 원소들의 집합이고, 두 집합 P, Q 에 대하여 P (P Q) = P 가 성립할 때, 다음 중 옳은 것은?
 - p 는 q 이기 위한 충분조건이다.p 는 q 이기 위한 필요조건이다.

 - ③ $p \leftarrow q$ 이기 위한 필요충분조건이다.
 - ④ $p \vdash q$ 이기 위한 충분조건 또는 필요조건이다. ⑤ $p \vdash q$ 이기 위한 아무조건도 아니다.

 $P - (P - Q) = P - (P \cap Q^c) = P \cap (P \cap Q^c)^c$

해설

 $=P\cap (P^c\cup Q)=(P\cap P^c)\cup (P\cap Q)=P\cap Q=P\ \text{이므로}$ $P\subset Q$ 이고 $p\Rightarrow q$ 이므로 $p\leftarrow q$ 이기 위한 충분조건이다.

- 9. 전체집합 $U = \{x \mid x \in 10 \text{ 이하의 자연수}\}$ 의 두 부분집합 P, Q 가 조건 p, q를 만족하는 집합이라고 하자. 조건 p가 'x는 소수' 이고 p가 q이기 위한 필요조건일 때, 집합 Q의 원소가 될 수 $\underline{\text{dt}}$ 것은?
 - ① 2 ② 3 ③ 5 ④ 7 ⑤

 $U=\{1,2,3,\cdots,9,10\},\ P\subset U,\ Q\subset U$ 이고 조건 p가 'x는 소수' 이므로 $P=\{2,3,5,7\}$ p가 q이기 위한 필요조건이므로 $Q\subset P$ 따라서, 집합 P의 원소가 아닌 것은 집합 Q의 원소가 될 수 없다.

- **10.** 세 조건 p, q, r를 만족하는 집합을 각각 P, Q, R 라 하자. p 는 q 이기 위한 충분조건이고 $\sim r \vdash q$ 이기 위한 필요충분조건일 때, 다음 중 옳은 것은?
 - ① $R \cap Q = R$ ② $R \cup Q = R$ ③ $P \cap Q = \emptyset$

p 는 q 이기 위한 충분조건이므로 $P \subset Q$ $\sim r$ 는 q 이기 위한 필요충분조건이므로 $R^c=Q$ 따라서, 세 집합의 포함 관계를 벤 다이어그램으로 나타내면 다음과 같으므로 $\therefore P \cap R = \emptyset$

11. 두 조건 p, q 를 만족하는 집합을 각각 P, Q 라고 하자. 이때, 다음 식을 만족시키는 조건 p 는 q 이기 위한 무슨 조건인지 구하여라.

 $\{(P \cap Q) \cup (P \cap Q^c)\} \cap Q = P$

 ■ 답:
 조건

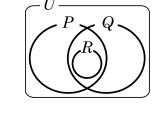
 □ 정답:
 충분조건

 $\{(P \cap Q) \cup (P \cap Q^c)\} \cap Q = P$ $\{P \cap (Q \cup Q^c)\} \cap Q = P$ $(P \cap U) \cap Q = P$

 $P \cap Q = P$ $P \subset Q$

∴ p ⇒ q
 따라서, p 는 q 이기 위한 충분조건이다.

12. 전체집합 U 에 대하여 세 조건 p,q,r 를 만족하는 집합을 각각 P,Q,R 라 하자. 이 집합의 포함 관계가 다음 그림과 같을 때, 다음 중 옳은 것은?



- r 는 p 또는 q 이기 위한 필요조건이다.
 ~ r 는 ~ p 또는 ~ q 이기 위한 충분조건이다.
- ③ r 는 p 이고 q 이기 위한 충분조건이다.
- ④ r 는 p 이고 q 이기 위한 필요충분조건이다.
- ⑤ ~ r 는 p 이고 ~ q 이기 위한 충분조건이다.

$R \subset (P \cup Q), R \subset (P \cap Q)$ 이므로

① r는 p 또는 q 이기 위한 충분조건이다. ③ r는 p이고 q이기 위한 충분조건이다.

- 13. 전체집합 U 에 대하여 두 조건 p,q 를 만족하는 집합을 각각 P,Q 라할 때, $P-Q=\emptyset$ 이면 다음 중 항상 옳은 것은?
 - ② $p \leftarrow q$ 이기 위한 필요조건이다.

① $p \leftarrow q$ 이기 위한 필요충분조건이다.

- ④ *p* 는 ~ *q* 이기 위한 필요조건이다.
- ⑤ *p* 는 ∼ *q* 이기 위한 충분조건이다.

 $P-Q=\emptyset$ 이면 $P\subset Q$ 이므로 p 는 q 이기 위한 충분조건이다.

- **14.** 전체집합 U에 대하여 두 집합이 $A = \{x \mid x > 3\}$, $B = \{x \mid x \le -1\}$ 일 때, 주어진 조건 또는 명제를 집합으로 바르게 표현한 것은?
 - ① 조건: x < 3, 집합표현: A^c
 - ③ 조건: -1 < x ≤ 3, 집합표현: $(A \cap B)^c$

② 조건: $x \ge -1$, 집합표현: B^c

- ④ 명제 : $x > 3 \rightarrow x > -1$, 집합표현 : $A \subset B^c$
- ⑤ 조건: $x \le 3$ 또는 x > -1, 집합표현: $(A \cup B)^c$

① $A^c \stackrel{\diamond}{\leftarrow} x \le 3$ 이다.

- ② $B^c \stackrel{\diamond}{\leftarrow} x > -1$ 이다.
- ③ $(A \cap B)^c$ 에서 $A \cap B = \phi$ 이므로 $(A \cap B)^c$ 은 전체집합 U이다.
- $(A \cup B)^c \stackrel{\diamond}{\leftarrow} -1 < x \le 3$ 이다.

- 15. 전체집합 U 에 대하여 두 조건 p,q 를 만족하는 집합을 각각 P,Q 라 할 때, $P \cup (Q - P) = P$ 인 관계가 성립한다면 $q \leftarrow p$ 이기 위한 무슨 조건인가?

① $p \vdash q$ 이기 위한 충분조건이다.

- $\bigcirc q$ 는 p 이기 위한 충분조건이다.
- ③ $p \leftarrow q$ 이기 위한 필요충분조건이다.
- ④ $q \vdash p$ 이기 위한 필요조건이다. ⑤ $q \leftarrow p$ 이기 위한 필요충분조건이다.

 $P \cup (Q - P) = P \cup (Q \cap P^c)$ $= (P \cup Q) \cap (P \cup P^c)$

해설

 $= (P \cup Q) \cap U$ $= P \cup Q$

에서 $P \cup Q = P$ 이므로 $Q \subset P$ 따라서, q 는 p 이기 위한 충분조건이다.

- 16. 두 조건 $p_n, q_n(n=1, 2)$ 에 대하여 $P_n=\{x|x\vdash p_n$ 을 만족한다.}, Q_n $=\{x|x 는 q_n$ 을 만족한다. $\}$ 이고, p_1 은 p_2 이기 위한 필요조건, q_n 은 p_n 이기 위한 충분조건일 때, 다음 중 옳지 <u>않은</u> 것은?
- $② P_1 \cap Q_1 = Q_1$
 - $\textcircled{5}(P_1 \cap Q_1) \cup Q_2 = Q_1$

p_1 은 P_2 이기 위한 필요조건이므로 $P_1 \supset P_2$, q_n 은 p_n 이기 위한

해설

충분조건이므로 $P_1 \supset Q_1, P_2 \supset Q_2$ ① $P_1 \cap P_2 = P_2$

- $(P_1 \cup Q_1) \cup P_2 = P_1 \cup P_2 = P_1$ $(P_1 \cup Q_1) \cap P_2 = P_1 \cap P_2 = P_2$
- 따라서 옳지 않은 것은 ⑤이다.

- 17. 두 조건 p, q를 만족하는 집합을 각각 P, Q라 하자. $\sim q$ 가 p이기 위한 필요조건일 때, 다음 중 옳은 것은?
- ① $P^c \subset Q$ ② $Q \subset P$ ③ $Q P = \phi$

 $p \rightarrow \sim q$ 이므로 진리집합으로 표현하면, $P \subset Q^c$ 이다.

 $\stackrel{\sim}{\neg}$, $P \cap Q^c = P \Rightarrow P - Q = P$

- 18. 전체집합 U의 임의의 세 부분집합 A, B, C 에 대하여 <보기 $>의 <math>(\mathcal{H})$, (내에 들어갈 것을 순서대로 나열한 것은?
 - (1) $A \subset B 는 A B = \emptyset$ 이 되기 위한 $\boxed{$ 개 조건이다. (2) $B = C 는 A \cup B = A \cup C$ 이 되기 위한 내 조건이다.
 - ③ 필요충분, 필요충분
 - ① 필요, 필요충분 ② 필요, 필요 ④ 필요충분, 충분
 - ⑤ 충분, 필요충분

(1)은 명제, 역 모두 성립하는 필요충분조건이고,

- (2)는 역일 경우에 성립하지 않는 경우가 있으므로 충분조건이
- (반례) 역의 경우에서 $A\supset B, A\supset C, B\subset C$ 이면 성립하지 않는다.

- 19. 두 조건 p,q 를 만족하는 집합을 각각 P,Q 라 하자. p 가 q 이기 위한 충분조건이지만 필요조건은 아닐 때, 다음 중 옳지 <u>않은</u> 것은?
 - $\textcircled{9} Q P = \emptyset \qquad \qquad \textcircled{9} P \cap Q = P$
- - ① $Q^c \cap P^c = Q^c$ ② $P Q = \emptyset$ ③ $P \cup Q = Q$

p 가 q 이기 위한 충분조건이므로 $P \subset Q$

p 가 q 이기 위한 필요조건이 아니므로 $Q \not\subset P$ $\therefore Q - P \neq \emptyset$

- **20.** 정삼각형 ABC는 이등변삼각형 ABC이기 위한 무슨 조건인가?
 - ① 충분조건② 필요조건③ 대우④ 필요충분조
 - ④ 필요충분조건
 - ⑤ 아무조건도 아니다.

정삼각형 ⊂ 이등변삼각형

21. 다음 ()에 『필요, 충분, 필요충분』 중에서 알맞은 것을 차례대로 써 넣어라.

 $x=2 는 x^2=4$ 이기 위한 ()조건이다 평행사변형은 직사각형이기 위한 ()조건이다.

 답:
 조건

 답:
 조건

 □
 ★

 ○ 정답: 충분조건

▷ 정답: 필요조건

x = 2 는 $x^2 = 4$ 이기 위한 충분 조건이다. 평행사변형은 직사 각형이기 위한 필요 조건이다.

- **22.** 다음 중에서 p 는 q 이기 위한 충분조건이 <u>아닌</u> 것은? (단 a,b,c 는 실수)
 - ① p: a = b, q: ac = bc
 - ② $p: a^2 + b^2 = 0, q: a = 0$ $\Xi b = 0$
 - ③ p: △ABC 는 이등변삼각형, q: ∠B = ∠C ④ p: a = 1, q: a² - 3a + 2 = 0
 - ⑤ $p: 0 < a < b, q: a^2 < b^2$

① $q:ac=bc \rightarrow a=b$ 또는 c=0 (참)

- ② a ≠ 0 그리고 b ≠ 0 → a² + b² ≠ 0(참) ③ ∠B ≠ ∠C → △ABC는 이등변 삼각형이 아니다. (거짓)
- 반례 : ∠C = ∠A 인 이등변 삼각형
- ④ q: a = 1, 2 (참) ⑤ $(0 < a < b) \subset (a^2 < b^2 \Leftrightarrow 0 < a < b$ 또는 b < a < 0)
- \bigcirc $(0 < u < v) \subset (u$

- **23.** 다음 중 $p \leftarrow q$ 이기 위한 충분조건인 것은? (단, a,b,c는 실수)
 - p: ab = 0, q: a+b=0p : ac = bc, q : a = b

 - $p: \triangle ABC$ 는 이등변삼각형, $q: \angle B = \angle C$
 - 4 p: a > -1, q: a > 2

① 아무 조건이 아니다.

- $q \rightarrow p \; (p \leftarrow q \;$ 이기 위한 필요조건)
- $q \rightarrow p \; (p \leftarrow q \;$ 이기 위한 필요조건)
- $q \rightarrow p \; (p \leftarrow q \;$ 이기 위한 필요조건) $p \rightarrow q \ (p \leftarrow q \ \mbox{oll})$ 위한 충분조건)

- **24.** 다음 중 p 가 q 이기 위한 충분조건이지만 필요조건은 <u>아닌</u> 것은?
 - ② $p:A\subset B,\ q:A-B=\emptyset$

① p : ac = bc, q : a = b

- ③p: a > 0 ান b < 0, q: ab < 0
- ④ p:a+b가 정수, q:a,b가 정수
- ⑤ $p: \triangle ABC$ 는 정삼각형이다. $q: \triangle ABC$ 의 세 내각의 크기가 같다.
- 슅너.

- ${f 25}$. 다음에서 조건 p가 조건q 이기 위한 필요조건이고 충분조건은 아닌 것을 골라 기호로 써라. (단,*a*,*b* 는 실수)

 - © $p:a^2+b^2=0, q:a=0$ 이코 b=0
 - © $p:a^2=b^2 q: a=b$

▶ 답:

▷ 정답: ②

© $p: a^2 = b^2 \leftarrow q: a = b$ ∴ $p \vdash q$ 이기 위한 필요조건

26. 다음 중에서 p가 q이기 위한 필요조건인 것을 고르면?

- ① p: a = b, q: ac = bc
- ② $p: a > b, q: a^2 > b^2$
- \bigcirc $p:A\subset (B\cap C), q:A\subset (B\cup C)$
- $\bigcirc p: x + y = 1, q: x = 2, y = -1$ ⑤ p:|x-1|<1, q:|x|<1

$q \rightarrow p$ 가 참. 즉, 주어진 명제의 역이 참인 것을 찾는다.

해설

① 충분조건 반례 : c = 0, a = 1, b = 2

- ② 충분조건 반례 : a = -2, b = -1
- ③ 합집합에 포함된다 하여 교집합에 포함된다고 할 수 없다.
- $(B \cap C) \subset (B \cup C)$ 이므로 $p \to q$ (충분조건) ④ 역: x = 2, y = -1 이면 x + y = 1 이다.(참)
- ⑤ $|x-1| < 1 \Rightarrow 0 < x < 2, |x| < 1 \Rightarrow -1 < x < 1$ 이므로 $q \Rightarrow p$

27. 네 집합 *A*, *B*, *C*, *D* 가 *A* ⊂ *B*, *C* ⊂ *D* 를 만족시킬 때, 다음 (1), (2)의 안에 들어갈 내용을 <보기>에서 찾아 차례로 나열한 것을 고르면?

③ B ⊂ C 인 것은 A ⊂ D 이기 위한
 ⑥ B ∩ D ≠ Ø 인 것은 A ∩ C ≠ Ø 이기 위한

보기

- I. 필요조건이나, 충분조건은 아니다. I. 충분조건이나, 필요조건은 아니다.
- Ⅲ. 필요충분조건이다.
- Ⅳ. 아무 조건도 아니다.
- ① I, I ② I, II ③ I, I ④ I, V ⑤ II, I

해설

③ $B \subset C$ 이면 $A \subset B \subset C \subset D$ (∵ $A \subset B$, $C \subset D$) ∴ $A \subset D$

그러나 $A \subset D$ 이면 $B \subset C$ 는 성립하지 않는다. 따라서, 충분조

그러나 $A \subset D$ 이면 $B \subset C$ 는 건이지만 필요조건은 아니다.

[반례]

CU





28. 다음 보기의 안에 알맞은 것을 차례로 적으면?

보기 \bigcirc 세 집합 A, B, C 에 대하여 $A \cup C = B \cup C$ 인 것은

- A = B 이기 위한 \Box 조건이다.
- \bigcirc $x^2 2xy + y^2 = 0$ $\stackrel{\circ}{\leftarrow}$ x = y = 0 이기 위한 조건이다.
- ③ 필요, 필요

① 충분, 필요

- ② 필요, 충분 ④ 필요충분, 필요
- ⑤ 필요충분, 필요충분

 \bigcirc $A \cup C = B \cup C$ $\overset{\longrightarrow}{\longleftarrow}$ $A = B < 반례 > A = \{1\}, B = \{1\}$ $\{2\}, C = \{1, 2\}$

: 필요조건 \bigcirc $x^2 - 2xy + y^2 = 0$, $(x - y)^2 = 0$ 이므로 x = y

x = y = 0 \therefore 필요조건 [반례] x = 1, y = 1

- **29.** x,y 가 실수일 때 세 명제 p: xy = 0, q: |x| + |y| = 0, r: x + y = 0 에 대한 다음 설명 중 옳은 것은?
 - ② $p \leftarrow r$ 이기 위한 충분조건이지만 필요조건은 아니다.

① $p \vdash q$ 이기 위한 충분조건이지만 필요조건은 아니다.

- ③ $p \leftarrow q$ 이기 위한 필요충분조건이다.
- ④ *q* 는 *p* 이기 위한 필요조건이다.
- \bigcirc q는 r이기 위한 충분조건이다.

$p: xy = 0 \rightarrow x = 0 \, \, \underline{\div} \, y = 0$

해설

 $q: |x| + |y| = 0 \rightarrow x = 0$ 그리고 y = 0 $r: x + y = 0 \rightarrow x = -y$

 $\therefore q \rightarrow p \{ p 는 q$ 이기위한필요조건} $q \leftarrow p$ 이기위한충분조건

 ${f 30}$. 다음 보기는 p 가 q 이기 위한 어떤 조건인가를 말하고 있다. 올바른 것의 개수는 몇 개인가?(단, a,b,x,y 는 실수)

- \bigcirc p: a+b>2, q: a>1, b>1 (충분조건)
- © p:a 는 4의 배수, q:a는 짝수 (충분조건)
- © $p:(A \cup B) (A \cap B) = \emptyset$, q:A = B (필요충분조건)
- ② p: a < b, q: |a| < |b| (필요충분조건)p: |x-1| = 2, q: x²-2x+3=0 (필요조건)
- (필요조건)
- ①2개

2 3 H 3 4 H 4 5 H 5 6 H

해설 각 조건에 대한 대우가 참인지 확인하고 반례를 찾는다.

 \bigcirc 반례 : a=0,b=3 .: 필요조건 (거짓) \bigcirc 대우 : a가 홀수이면 4의 배수가 아니다. (참)

 $\therefore A = B$ (참)

② 반례: *a* = −3, *b* = 1 (거짓)

① |x-1|=2 의 해집합 $P=\{-1,3\}$ $x^2 - 2x + 3 = 0$ 의 해집합 $Q = \emptyset$

 $y = 2 - x, x(2 - x) = 1 \Rightarrow x^2 - 2x + 1 = 0$

 $\therefore x = 1, y = 1$ 이므로 필요충분조건 (거짓) 따라서 옳은 것은 3개