- **1.** 다음 문장 중 명제인 것을 <u>모두</u> 고르면?
 - ① 북한산은 아름답다.
 - ② 미국의 수도는 뉴욕이다. ③ 거짓말은 나쁘다.
 - 1,222 12 1.
 - ④ 우리나라의 미래는 청소년에게 달렸다.
 - ⑤ 세계에서 가장 긴 강은 나일강이다.

② 거짓, ⑤ 참

따라서 명제는 ②, ⑤ 이다.

2. 다음 중 명제가 <u>아닌</u> 것은?

- ① 6과 18의 최대공약수는 3 이다. ② 설악산은 제주도에 있다.
- ③ x = 2 이면 3x = 6 이다.
- 4x + 1 < 0
- ⑤ 삼각형의 세 내각의 크기의 합은 180°이다.

명제는 참과 거짓을 명확하게 판단할 수 있는 문장이나 식을

해설

말한다. ①, ②는 거짓 명제이고, ③, ⑤는 참인 명제이다. 그러 나 ④는 x의 값에 따라서 참일 수도 있고 거짓일 수도 있으므로 명제가 아니다.

- **3.** 다음 중 명제가 아닌 것을 <u>모두</u> 고르면?
 - 무궁화 꽃은 아름답다.② 한국의 수도는 서울이다. 4x + 1 = 431+2 < 5
 - ③ 대학에 가고 싶다.

①, ⑤ 감탄문, 희망사항, 명령, 주관적인 견해 등은 참, 거짓을

해설

판단할 수 없으므로 명제가 아니다. ②, ③ 참인 명제이다. ④ x = 3인 경우는 참이지만 $x \neq 3$ 인 경우는 거짓이다. 따라서 x의 값에 따라 참, 거짓이 달라지므로 명제가 아니다.

- 4. 다음 문장 중 명제인 것을 <u>모두</u> 고르면?
 - $\boxed{3}|-3| = -3$
 - ① 4는 12의 약수이다. ② x + y = 10 이다.
 - ⑤ *x* 는 무리수이다.
- ④x = 2 일 때, x 1 > 0

① 참, ③ 거짓, ④ 참

따라서 명제는 ①, ③, ④

5. 다음 중 명제를 $\underline{\mathbf{P}}$ 고르면?

 $\bigcirc 2 + 2 = 4$ $\bigcirc x + 8 = x - 5$

③ ¬, □ 4 □, □ 5 □, □ ① ⑦ ② ⑤

명제는 참, 거짓이 명확해야 한다.

⊙ 참, ⓒ 거짓 \bigcirc , \bigcirc 미지수 x 의 값에 따라 참이 되기도 하고 거짓이 되기도

하므로 명제가 아니다.

6. 다음 중 명제가 <u>아닌</u> 것은?

- 14x + 1 < -x 2
- ② x가 소수이면 x는 홀수이다.
 ③ x = -1 이면 x + 4 = 3이다.
- ④ 2의 배수는 4의 배수이다.
 ⑤ xy = 0이면 x = 0 또는 y = 0이다.

명제는 참과 거짓을 명확하게 판단할 수 있는 문장이나 식이다.

해설

②, ④는 거짓 명제이고, ③, ⑤는 참인 명제이다. ① 은 x의 값에 따라서 참일 수도 있고 거짓일 수도 있으므로 명제가 아니다.

7. 다음 중 명제가 <u>아닌</u> 것은?

- ① 한라산은 제주도에 있다.
- ② 독도는 섬이 아니다. ③ 19 는 짝수이다.
- ④ 수학 책은 두껍다.
 - ⑤ 삼각형의 세 내각의 크기의 합은 180°이다.

참인 명제 : ①, ⑤

거짓인 명제 : ②, ③ ④의 경우 두껍다는 기준이 모호하므로 명제가 아니다.

- **8.** 다음 명제 중에서 그 부정이 참인 것을 <u>모두</u> 고르면?
 - ① 2 < √6 ≤ 3 ③ 2 > 3 또는 3 ≤ 5
- ②2는 소수가 아니다.
- ③ 24는 4와 6의 공배수이다.
- $\boxed{4} 2 \le \sqrt{3} < 3$

거짓인 명제의 부정은 참이므로 거짓인 명제를 찾으면 된다. ①,

해설

③, ⑤는 참인 명제이고, 2는 소수이고 √3 = 1.7··· 이므로 ②,
 ④는 거짓인 명제이다.

- 다음 중 거짓인 명제를 모두 고른 것은? 9.
 - ① xy > x + y > 4 이면 x > 2, y > 2 이다. ② x > 1 이면 $x^2 > 1$ 이다.

 - ③x + y = 0 이면 x = 0 이고 y = 0 이다. ④ x = 1 이면 $x^2 = 1$ 이다.
 - ⑤ 2x + 4 > 0 이면 x > -2 이다.

① (반례) x = 1.5, y = 10이면 xy > x + y > 4이지만 x < 2,

- y > 2이므로 거짓이다. ③ (반례) x=-1,y=1 이면 x+y=0 이지만 $x\neq 0,y\neq 0$
- 이므로 거짓이다.

10. 다음 보기 중 참인 명제를 <u>모두</u> 고르면?

- ① $x^2 + y^2 = 0$ 이면 x = 0 이고 y = 0 이다. (단, x, y는 실수) ② x + y, xy 가 모두 실수이면 x, y 도 모두 실수이다.
- ③ 자연수 n 에 대하여 n^2 이 홀수이면 n 도 홀수이다.
- ④ x+y>1 이면 x>1 이고 y>1 이다.
- ⑤ x 가 16 의 약수이면 x 는 8 의 약수이다.

① 실수 범위에서 x=0 , y=0 일 경우에만 성립하므로 참이다.

- ③ 홀수끼리 곱하면 항상 홀수가 나오므로 참이다.

11. 다음 명제 중 참인 것의 개수를 구하면?

 \bigcirc x 가 무리수 이면 x 는 무한소수이다.

 $\bigcirc 2a^2 - 3b^2 = ab$ 이면 a + b = 0 이다.

- © 무한소수는 분수로 나타낼 수 없다. ⓐ x 가 3 의 배수이면 x+1 은 짝수이다.
- ◎ 사각형의 대각선이 직교하면 마름모이다.
- ① 1개

- ② 2개 ③ 3개 ④ 4개 ⑤ 0개

$\bigcirc 2a^2 - ab - 3b^2 = 0$, (a+b)(2a-3b) = 0

- $\therefore a+b=0$ 또는 2a-3b=0 이므로 거짓 ℂ 무리수는 순환하지 않는 무한소수이므로 참
- ⓒ 순환하는 무한소수는 유리수이므로 거짓
- ② 반례 : x = 6 일 때 x + 1 = 7(홀수)@ 대각선이 직교하는 사각형이 모두 마름모는 아니다. 정사각
- 형도 있다. ∴ ᢕ만 참이다.

12. 다음 다섯 개의 명제 중 참인 명제의 개수는? (단, a, b, c는 실수)

- © a < b 이면 ac < bc 이다.
- © a < b 이면 $a^2 < b^2$ 이다. ② $a+b\sqrt{3}=0$ 이면 a=0 그리고 b=0
- © a < b 이면 $\frac{1}{a} > \frac{1}{b}$
- ① 없다. ② 1개 ③ 2개 ④ 3개 ⑤ 4개

 \bigcirc $|a| + |b| = 0 \leftrightarrow a = b = 0 \leftrightarrow ab = 0$

- \bigcirc $c \le 0$ 인 경우 성립하지 않는다. ⑤ 반례 : a=-1, b=0
- ② 반례 : $a=\sqrt{3}, b=-1$ (a,b 가 유리수일 때 명제가 성립한
- 다.)
- ① 반례 : a = -1, b = 1 (a, b 가 같은 부호일 때 성립한다.)

13. 다음 중 거짓인 명제는?

- ① 직사각형은 사다리꼴이다. ② x > 3이면 x > 5 이다.
- ③ a = b이면 $a^3 = b^3$ 이다.
- ④ *x*가 4의 배수이면 *x*는 2의 배수이다.
- ⑤ (x-3)(y-5) = 0이면 x = 3 또는 y = 5이다.

반례: x = 4

- 14. 다음 중 참인 명제는? (단, 문자는 모두 실수이다.)
 - ① a < b이면 a + c > b + c② a < b 이면 a - c > b - c
 - ③ a < b이고 c > 0이면 ac > bc

 - 4a < b이고 c > 0이면 $\frac{a}{c} < \frac{b}{c}$ ⑤ ac < bc이면 a > b

실수의 대소 관계에는 다음과 같은 성질이 있다.

해설

i) 임의의 두 실수 a, b 에 대하여 a > b, a = b, a < b 중에서

- 어느 하나만이 성립한다. ii) a > b, b > c 이면 a > c
- iii) a > b 이면 $a \pm c > b \pm c$
- iv) a > b, c > 0 이면 ac > bc
- v) a > b, c < 0 이면 ac < bc따라서 참인 것은 ④이다.

15. 다음 <보기 > 의 명제 중 참인 것을 <u>모두</u> 고른 것은? (단, a,b,c,d 는 실수)

- ① ab = 0 이면 a = 0 이고 b = 0 이다. ② a+b>2 , ab>1 이면 a>1 , b>1 이다.
- © a > b, c > d 이면 a + c > b + d 이다.
- a + b > 0 이면 a > 0 또는 b > 0 이다.
- ① ⑦, © ④ ⑦, ©, @
- ②(E), (E) (S) (T), (E), (E), (E)
- ③ □, ⊜

해설

① 반례: a = 0, b = 1

- \bigcirc 반례: $a=3,\,b=rac{1}{2}$
- ② 반례: $a = -\sqrt{2}, b = 1$

16. 다음 중 참인 명제는 모두 몇 개인가?

- ① 임의의 유리수 x에 대하여 x + y = √3 을 만족하는 유리수 y 가 존재한다.
 ⑥ 임의의 유리수 x에 대하여 xy = 1 을 만족하는 유리수 y
- 한 점의의 π 니구 x에 대하여 xy = 1 늘 한국이는 π 니구 가 존재한다.
- © 임의의 무리수 x에 대하여 xy = 1 을 만족하는 무리수 y 가 존재한다.
 ② 임의의 무리수 x에 대하여 √3x 는 무 리수이다.

② 2 개 ③ 3 개 ④ 4 개 ⑤ 없다.

⑤ 주어진 조건을 만족하는 유리수 y가 존재한다면 (유리수)+(유

해설

①1 개

리수)=(무리수)가 되므로 모순이다. (거짓) ⓒ x = 0 일 때, xy = 1을 만족하는 y는 존재하지 않는다. (거짓)

© x가 무리수이므로 $x \neq 0$ 이다. 즉, xy = 1 에서 $y = \frac{1}{x}$ 은 무리수이므로 무리수 y가 존재한다. (참)

(리) 이 되어 유리수이다. (거)

짓) 따라서 참인 명제는 ⓒ 하나뿐이다.

17. 다음 명제 중에서 참인 것의 개수는?

- \bigcirc $xy \neq 6$ 이면 $x \neq 2$ 이거나 $y \neq 3$ 이다.

② 1 개 ③ 2 개

- © x, y 가 실수일 때, x + y > 0 이면 x > -1 또는 y > 1 이다.
- ② x + y가 유리수이면 x, y 중 적어도 하나는 유리수이다.

④3 개

⑤ 4 개

①, ①, ②의 경우 그 대우를 적어 보면 ①의 대우: 정수 n 에 대하여, n 이 홀수이면 n^2 도 홀수이다.

①의 대우: x = 2 이고 y = 3 이면 xy = 6 이다.

©의 대우: x, y 가 실수일 때, $x \le -1$ 이고 $y \le 1$ 이면 $x + y \le 0$

이다. 이것은 모두 참임을 알 수 있다. ②의 반례 ; $x = \sqrt{2}$, $y = -\sqrt{2}$ 이면 x + y 가 유리수지만 x, y 는

모두 무리수이다.

① 0개

18. 다음 <보기 > 의 명제 중 참인 것의 개수는?

- x ≠ 1 이면 x² ≠ 1 이다.
- 무리수이다.
 (a) ab가 유리수 이면 a+b도 유리수이다.

① 0

3 2

④ 3

⑤ 4

해설

라 할 때, $P \subset Q$ 이므로 참 ⓒ 반례 : x = -1 일 때, 거짓

© 반례 : $a = \sqrt{2}$ $b = -\sqrt{2}$ 일 때, a + b = 0, ab = -2 이므로

거짓 ② 반례 : $a=\sqrt{3}+\sqrt{2}, b=\sqrt{3}-\sqrt{2}$ 일 때, ab=1(유리수) , $a+b=2\sqrt{3}$ (무리수) 이므로 거짓

19. 다음 보기에서 참인 명제의 개수는? 보기

 \bigcirc $A \subset B$ 이면 $A - B = \emptyset$ 이다.

- \bigcirc $A \subset (B \cup C)$ 이면 $A \subset B$ 또는 $A \subset C$ 이다.
- ⑤ 4 의 배수는 12 의 배수이다.
- ② 12 의 배수는 4 의 배수이다.

② 2개

- 짝수이다.

 $A \not\subset C$ 이므로 거짓이다.

① 1개

해설

ⓒ (반례)

© (반례) 8 은 4 의 배수이지만 12 의 배수는 아니므로 거짓이다. 따라서 참인 명제는 3개이다.

③3개 ④ 4개

이면 $A \subset (B \cup C)$ 이지만 $A \not\subset B$ 이고

⑤ 5개

20. 다음 중 항상 참이라고 할 수 <u>없는</u> 것은?

- ① 자연수 n에 대하여, n^2 이 짝수이면 n도 짝수 이다.
- ② 자연수 n, m에 대하여 $n^2 + m^2$ 이 홀수이면, nm은 짝수이다.
- ③ 자연수 n에 대하여, n^2 이 3의 배수이면, n은 3의 배수이다. ④ a, b가 실수일 때, $a+b\sqrt{2}=0$ 이면, a=0이다.
- ⑤ 두 실수 a, b에 대하여, a+b>2이면, a>1 또는 b>1

①, ③ : n^2 이 p의 배수이면, n은 p의 배수이다. (참)

- ② : 대우는 'nm 은 홀수이면 $n^2 + m^2$ 이 짝수이다.' nm은 홀수, 즉 n,m 모두 홀수이면 n^2, m^2 모두 홀수이므로 $n^2 + m^2$ 은 짝수
- | 국 *n,m* 포구 불구이 *l. n ,m* 포구 불구이르도 *n + m* 는 석 -| 이다. | ∴ 주어진 명제는 참
- ④ 반례 : $a = 2\sqrt{2}, b = -1$
- ※ 주의) 주어진 명제가 참일 때는 a, b가 유리수라는 조건일
- 때임을 명심해야 한다. ③ 대우 : $a \le 1$ 그리고 $b \le 1$ 이면 $a + b \le 2$ (참)

21. 다음 중 참인 명제의 개수는?

- (가) 6 의 배수는 2 의 배수이다. (나) 두 삼각형의 넓이가 같으면 합동이다.
- (다) 소수는 모두 홀수이다.
- (라) 평행사변형은 정사각형이다.
- (마) 홀수의 집합은 덧셈에 대하여 닫혀 있다.
- (바) 얼마나 아름다운 풍경인가?

해설

①1개

② 2개 ③ 3개 ④ 4개 ⑤ 5개

(r) 6 의 배수의 집합은 2 의 배수의 집합에 포함되므로 참이다.

- (나) 두 삼각형의 넓이가 같아도 형태가 다를 수 있으므로 꼭 합동이 되지만은 않는다.
- (다)소수에는 2도 포함되므로 짝수도 있다. (라) 정사각형의 집합이 평행사변형의 집합의 진부분집합이므로
- 거짓이다.
- (P) 예를 들어 3+5=8 즉, 짝수가 나오므로 닫혀있지 않다. (바) 명제가 성립되지 않는다. (: 참, 거짓을 구분할 수 없다.)

22. 다음 보기의 명제 중 참인 것을 <u>모두</u> 고르면?

- 정사각형은 마름모이다.
- \bigcirc 임의의 유리수 x 에 대하여 $\sqrt{2}x$ 는 무리수이다.
- a + b > 0이면 a > 0이고 b > 0이다.
 x가 6의 약수이면 x 는 12의 약수이다.

해설

(4) (L), (D) (S) (E), (D)

(반례) \bigcirc a = 1, b = -4 © x = 0 @ a = 5, b = -4

∴ ⓒ, @만 참이다.

- **23.** 다음 중 조건 p,q 에 대하여 명제 $p \rightarrow q$ 가 거짓인 것은? (단, x,y 는 실수이다.)
 - ① p: x = 1, $q: x^2 3x + 2 = 0$ ② $p: x^2 = 1,$ q: |x| = 1
 - ③ p:x, y는 홀수이다.
 - *q* : *x* + *y* 는 짝수이다. ④ 세 집합 *A*, *B*, *C* 에 대하여
 - $p: A \cup C = B \cup C,$ q: A = B
 - ⑤ *p* : □ABCD 는 마름모이다. *q* : □ABCD 는 평행사변형이다.

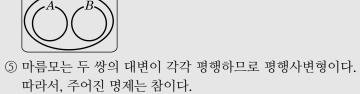
① x = 1 이면 $x^2 - 3x + 2 = 0$ 이므로 참이다.

- ② $x^2 = 1$ 이면 x = -1, 1 이므로
- |x| = |-1| = |1| = 1

따라서, 주어진 명제는 참이다. ③ $x=2m+1,\ y=2n+1\ (m,\ n$ 은 정수)이라 하면 x+y=

④ (반례) 벤 다이어그램에서 $A \subset C$ 이고 $B \subset C$ 이면 $A \cup C = B \cup C$ 이지만 $A \neq B$ 이다.

(2m+1) + (2n+1) = 2(m+n+1) 이므로 참이다.



24. 다음 중 참인 명제는?

- 직사각형은 마름모이다.
 평행사변형은 직사각형이다.
- ③ 사다리꼴이면 정사각형이다.
- ④ 정삼각형이면 이등변삼각형이다.
- ③ 삼각형 ABC 가 직각삼각형이면 ∠A = 90°이다.

④ 이등변삼각형의 집합은 정삼각형의 집합을 포함하고 있으므

로 참이다.

- **25.** 다음 명제 중 참인 것은? (단, x, y, z 는 실수이다.)
 - xz = yz 이면 x = y 이다.
 - x + y > 0, xy > 0 이면 x > 0 이고 y > 0 이다.
 - x 가 3 의 배수이면 x 는 9 의 배수이다.
 - $x^2 + y^2 \neq 0$ 이면 $x \neq 0$ 이고 $y \neq 0$ 이다.
 - ⑤ 삼각형 ABC 가 이등변삼각형이면 정삼각형이다.

xy > 0 이면, x 와 y 의 부호가 같다는 것인데 x + y > 0 이려면

둘 다 양수여야 하므로 참이다.

26. 세 조건 p, q, r 에 대하여 항상 옳은 것은?

p: x > 2, $q: x < 3, \qquad r: 2 < x < 3$

- ① $p \Rightarrow q$ ② $\sim p \Rightarrow r$ ③ $\sim q \Rightarrow r$

 $p,\;q,\;r$ 을 만족하는 집합을 각각 P,Q,R 이라 하면 $R\subset P,R\subset Q$ 이므로 $r \to p$, $r \to q$ \therefore 대우 : $\sim p \Rightarrow \sim r$, $\sim q \Rightarrow \sim r$

- 27. 다음 중에서 참인 명제는? (단, 문자는 실수이다.)
 - ① $x^2 = 1$ 이면 $x^3 = 1$ 이다. ② $\sqrt{(-3)^2} = -3$
 - ③ |x| > 0이면 x > 0이다.
 - ④|x + y| = |x y| 이면 xy = 0이다.
 - (4) |x + y| = |x y| 이번 xy = 0이다. (5) 대각선의 길이가 같은 사각형은 직사각형이다.

① x = -1이면 $x^2 = 1$ 이지만 $x^3 = -1$ 이므로 거짓인 명제이다.

- ② $\sqrt{(-3)^2} = |-3| = 3$ 이므로 거짓인 명제이다.
- ③ x = -2이면 |-2| = 2 > 0 이지만 -2 < 0이므로 거짓인
- ④ |x + y| = |x y|의 양변을 제곱하면 (x + y)² = (x y)² ↔ x² + 2xy + y² = x² - 2xy + y² ↔ xy = 0 따라서, 참인
- 명제이다. ⑤ 등변사다리꼴은 대각선의 길이가 같지만 직사각형은 아니다. 따라서, 거짓인 명제이다.

28. 다음 명제 중 참인 것은?

- ① p 가 소수이면 \sqrt{p} 는 무리수이다. ② x < y이면 $\frac{1}{x} > \frac{1}{y}$ 이다. (단, $x \neq 0, y \neq 0$)
- ③ $\triangle ABC$ 가 직각삼각형이면 $\overline{AB}^2 + \overline{BC}^2 = \overline{AC}^2$ 이다.
- ④ a+b가 짝수이면 a,b는 짝수이다.
- ⑤ 12와 18의 공약수는 9의 약수이다.

① 소수 $p = k^2$ 이 될 수 없으므로 \sqrt{p} 는 무리수

- ② 반례 : x = -1, y = 1, 즉 두 수의 부호가 다르면 성립하지
- 않는다. ③ 직각삼각형의 빗변이 $\overline{\mathrm{AC}}$ 이 아닌 다른 변이 될 수도 있다.
- ④ 반례 : a=1, b=3⑤ 12와 18의 공약수는 6의 약수이다.

- **29.** 명제 'x 가 4의 배수이면 x 는 2의 배수이다' 의 대우는?
 - x 가 2의 배수이면 x 는 4의 배수이다.
 x 가 2의 배수이면 x 는 4의 배수가 아니다.
 - ③ *x* 가 4의 배수이면 *x* 는 2의 배수가 아니다.
 - ④ *x* 가 4의 배수가 아니면 *x* 는 2의 배수가 아니다.
 - ⑤x 가 2의 배수가 아니면 x 는 4의 배수가 아니다.

 $p \rightarrow q$ 의 대우는 $\sim q \rightarrow \sim p$

30. 명제「내일 소풍가지 않으면, 비가 온다.」의 대우는?

- 내일 소풍가면, 비가 오지 않는다.
 내일 비가 오면, 소풍 가지 않는다.
- ③ 내일 비가 오지 않으면, 소풍 간다.
- 에 내일 미가 오지 않으면, 소궁 산다
- ④ 내일 소풍 가지 않으면, 비가 오지 않는다.⑤ 내일 소풍 가면, 비가 온다.

명제 ' $p \rightarrow q$ '의 대우는 ' $\sim q \rightarrow \sim p$ ' 이다.

p: 소풍가지 않는다. q: 비가 온다. 따라서 $\sim q \rightarrow \sim p$: 내일 비가 오지 않으면, 소풍 간다.(여기에서 '내일'은 가정, 결론에 포함되는 것이 아니라 명제의 대전제가되는 부분이다.)