

1. 다음 중 $x^4 - x^2$ 의 인수가 아닌 것은?

- ① x ② $x - 1$ ③ $x + 1$
④ $x^3 - x$ ⑤ x^4

해설

$$\begin{aligned}x^4 - x^2 &= x(x^3 - x) \\&= x^2(x^2 - 1) \\&= x^2(x - 1)(x + 1)\end{aligned}$$

2. 복소수 $z = \frac{1+i}{\sqrt{2}}$ 에 대하여 z^2 을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $z^2 = i$

해설

$$z = \frac{1+i}{\sqrt{2}} \text{ 이므로 } z^2 = \frac{1+2i-1}{2} = i$$

3. $2 \leq x \leq 3$ 일 때, $\frac{2x}{1-x}$ 의 범위는?

- Ⓐ $-4 \leq \frac{2x}{1-x} \leq -3$ Ⓑ $-4 \leq \frac{2x}{1-x} \leq -2$
Ⓑ $-4 \leq \frac{2x}{1-x} \leq -1$ Ⓒ $1 \leq \frac{2x}{1-x} \leq 2$
Ⓒ $1 \leq \frac{2x}{1-x} \leq 3$

해설

$$\frac{2x}{1-x} = \frac{-2(-x+1) + 2}{-x+1} = -2 + \frac{2}{-x+1}$$

$2 \leq x \leq 3$ 에서 -1 을 곱하면 $-2 \geq -x \geq -3$

1 을 더하면 $-1 \geq -x + 1 \geq -2$

역수를 취하면 $\frac{1}{-1} \leq \frac{1}{-x+1} \leq \frac{1}{-2}$

2 를 곱하면 $-2 \leq \frac{2}{-x+1} \leq -1$

-2 를 더하면 $-4 \leq -2 + \frac{2}{-x+1} \leq -3$ 에서 $-4 \leq \frac{2x}{1-x} \leq -3$

4. 다음 중 연립부등식 $\begin{cases} 2x - 3 < 7 \\ 5x + 4 \geq x \end{cases}$ 의 해를 모두 구하면?

- ① -2 ② -1 ③ 0 ④ 4 ⑤ 5

해설

$$\begin{cases} 2x - 3 < 7 \cdots \textcircled{\text{1}} \\ 5x + 4 \geq x \cdots \textcircled{\text{2}} \end{cases}$$

①에서 $2x < 10$, $x < 5$

②에서 $4x \geq -4$, $x \geq -1$

$\therefore -1 \leq x < 5$

5. 점 $(1, -\sqrt{3})$ 을 지나고 x 축의 양의 방향과 이루는 각의 크기가 60° 인 직선의 방정식은?

① $y = \frac{\sqrt{3}}{3}x + \sqrt{3}$ ② $y = \sqrt{3}x + \sqrt{3}$

③ $y = x - \sqrt{3}$

④ $y = \sqrt{3}x - 2\sqrt{3}$

⑤ $y = \sqrt{3}x + 2\sqrt{3}$

해설

기울기가 $\tan 60^\circ = \sqrt{3}$ 이고,
점 $(1, -\sqrt{3})$ 을 지나므로

$$y - (-\sqrt{3}) = \sqrt{3}(x - 1)$$

$$\therefore y = \sqrt{3}x - 2\sqrt{3}$$

6. 점 $(2, -4)$ 를 지나고 직선 $x - 2y - 4 = 0$ 에 수직인 직선의 방정식은?

- ① $y = 2x - 1$ ② $y = -2x + 1$ ③ $y = -x + 2$
④ $y = x - 2$ ⑤ $y = -2x$

해설

$$2y = x - 4 \Rightarrow y = \frac{1}{2}x - 2$$

따라서 구하는 직선의 방정식의
기울기는 -2 이고 점 $(2, -4)$ 를 지나므로
 $y + 4 = -2(x - 2)$, $y = -2x$

7. 세 직선 $x+y-1=0$, $x+ay+3=0$, $x-y-3=0$ 의 한 점에서 만날 때, 상수 a 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 5

해설

두 직선 $x+y-1=0$, $x-y-3=0$ 의 교점을 구하면 $(2, -1)$ 이고,
이 점을 직선 $x+ay+3=0$ 의 지나면 되므로 $2+a\cdot(-1)+3=0$
 $\therefore a=5$

8. 다음 중 다항식의 전개가 잘못된 것은?

① $(x+1)(x^2-x+1) = x^3 + 1$

② $(a+2b-3c)^2 = a^2 + 4b^2 + 9c^2 + 4ab - 12bc - 6ac$

③ $(x+2)(x^2-2x+4) = x^3 + 8$

④ $(x^2-xy+y^2)(x^2+xy+y^2) = x^4 - x^2y^2 + y^4$

⑤ $(x-1)^2(x+1)^2 = x^4 - 2x^2 + 1$

해설

$$\begin{aligned} \textcircled{4} \quad & (x^2-xy+y^2)(x^2+xy+y^2) \\ &= (x^2+y^2)^2 - (xy)^2 \\ &= x^4 + x^2y^2 + y^4 \end{aligned}$$

9. 두 다항식 $2x^2 + 2x - 4$ 와 $4x^3 - 4$ 에 관한 설명이다. 옳지 않은 것을 고르면?

- ① 두 다항식은 $(x - 1)$ 로 나누어 떨어지므로, $(x - 1)$ 은 두 다항식의 공약수이다.
- ② 두 다항식은 공약수가 있으므로 서로소가 아니다.
- ③ $4(x - 1)^3(x + 2)^2(x^2 + x + 1)$ 은 두 다항식의 공배수이다.
- ④ 두 다항식의 최대공약수는 $2(x - 1)$ 이다.
- ⑤ 두 다항식의 최소공배수는 $(x + 2)(x - 1)^2(x^2 + x + 1)$ 이다.

해설

$$2x^2 + 2x - 4 = 2(x - 1)(x + 2)$$
$$4x^3 - 4 = 4(x - 1)(x^2 + x + 1)$$

최대공약수 : $2(x - 1)$

최소공배수 : $4(x - 1)(x + 2)(x^2 + x + 1)$

10. 이차함수의 최댓값 또는 최솟값과 그 때의 x 의 값이 옳지 않은 것은?

- ① $y = 2x^2 \rightarrow x = 0$ 일 때, 최솟값 0
- ② $y = -3x^2 + 4 \rightarrow x = 0$ 일 때, 최댓값 4
- ③ $y = -(x + 3)^2 \rightarrow x = -3$ 일 때, 최댓값 0
- ④ $y = -(x + 2)^2 - 1 \rightarrow x = -2$ 일 때, 최댓값 -1
- ⑤ $y = 2x^2 + 4x + 1 \rightarrow x = -1$ 일 때, 최솟값 1

해설

$$\begin{aligned} \textcircled{5} \quad y &= 2(x^2 + 2x + 1 - 1) + 1 \\ y &= 2(x + 1)^2 - 1 \end{aligned}$$

따라서 $x = -1$ 일 때 최솟값 -1 을 갖는다.

11. 이차함수 $y = 2x^2$ 의 그래프와 모양이 같고 $x = -1$ 일 때, 최솟값 4 를 갖는 이차함수의 식은?

- ① $y = 2(x - 1)^2$ ② $y = 2(x - 1)^2 + 4$
③ $y = 2(x + 1)^2 + 4$ ④ $y = -2(x + 1)^2 + 4$
⑤ $y = -2(x - 1)^2 + 4$

해설

$y = 2x^2$ 의 그래프와 모양이 같고 꼭짓점이 $(-1, 4)$ 이므로

$$y = 2(x + 1)^2 + 4$$

12. x 의 범위가 $0 \leq x \leq 3$ 일 때, 이차함수 $y = -x^2 + 2x + 1$ 의 최댓값을 M , 최솟값을 m 이라 한다. 이 때, $M + m$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 0

해설

$$y = -x^2 + 2x + 1 = -(x-1)^2 + 2$$

이므로 오른쪽 그림에서 주어진 이차함수

는 $x = 1$ 일 때, 최댓값 2, $x = 3$ 일 때,
최솟값 -2를 가짐을 알 수 있다.

$$\therefore M + m = 2 + (-2) = 0$$



13. 방정식 $x^3 - x = 0$ 의 해를 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: $x = -1$

▷ 정답: $x = 0$

▷ 정답: $x = 1$

해설

좌변을 인수분해 하면

$$x^3 - x = x(x^2 - 1) = x(x - 1)(x + 1)$$

$$\therefore x = -1, 0, 1$$

14. 연립부등식 $\begin{cases} 3x + 1 \geq \frac{1}{2}x - 4 \\ 4x - 4 < x + 2 \end{cases}$ 를 만족하는 x 의 값 중 가장 작은 정수를 a , 가장 큰 정수를 b 라 할 때, $a + b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -1

해설

$$3x + 1 \geq \frac{1}{2}x - 4 \text{ 의 양변에 } 2 \text{ 를 곱하면}$$

$$6x + 2 \geq x - 8$$

$$5x \geq -10$$

$$x \geq -2$$

$$4x - x < 2 + 4$$

$$3x < 6, \quad x < 2$$

$$\text{그리므로 } -2 \leq x < 2$$

$$a + b = (-2) + 1 = -1$$

15. 부등식 $3x - 2 \leq 5x + 8 \leq 4x + a$ 의 해가 $b \leq x \leq 9$ 일 때, $a + b$ 의 값은?

- ① 8 ② 10 ③ 12 ④ 19 ⑤ 22

해설

$$\begin{aligned}3x - 2 &\leq 5x + 8 \leq 4x + a \\ \rightarrow \begin{cases} 3x - 2 \leq 5x + 8 \\ 5x + 8 \leq 4x + a \end{cases} \\ \rightarrow \begin{cases} 3x - 5x \leq 8 + 2 \\ 5x - 4x \leq a - 8 \end{cases} \\ \rightarrow \begin{cases} x \geq -5 \\ x \leq a - 8 \end{cases} \\ -5 \leq x \leq a - 8 \end{aligned}$$

에서 $a - 8 = 9$ 이므로 $a = 17$

또한 $b = -5$

$\therefore a = 17, b = -5$

따라서 $a + b = 17 - 5 = 12$ 이다.

16. 연속하는 세 홀수의 합이 45 보다 크고 55 보다 작을 때, 세 홀수를 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▶ 정답: 15

▶ 정답: 17

▶ 정답: 19

해설

연속하는 세 홀수를 $x - 2, x, x + 2$ 라 하면

$$45 < (x - 2) + x + (x + 2) < 55$$

$$45 < 3x < 55$$

$$\rightarrow \begin{cases} 45 < 3x \\ 3x < 55 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} x > 15 \\ x < \frac{55}{3} \end{cases} \rightarrow 15 < x < \frac{55}{3}$$

$$\therefore x = 16, 17, 18$$

x 는 홀수이므로 17이다.

따라서 세 홀수는 15, 17, 19이다.

17. 좌표평면 위의 세 점 A(2, 0), B(3, a), C(4, 2)에 대하여 $\overline{AB} = \overline{BC}$ 일 때, a의 값은?

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

해설

$$\begin{aligned}\overline{AB} = \overline{BC} \text{에서 } \overline{AB}^2 = \overline{BC}^2 \text{이므로} \\ (3 - 2)^2 + (a - 0)^2 = (4 - 3)^2 + (2 - a)^2\end{aligned}$$

$$1 + a^2 = 1 + 4 - 4a + a^2$$

$$4a = 4 \quad \therefore a = 1$$

18. 수직선 위의 두 점 A(-3), B(6)에 대하여 선분 AB를 2 : 1로 내분하는 점을 P, 3 : 2로 외분하는 점을 Q라 한다. 두 점 P, Q 사이의 거리를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 21

해설

$$\frac{2 \times 6 + 1 \times (-3)}{2 + 1} = 3 \text{에서 } P(3)$$

$$\frac{3 \times 6 - 2 \times (-3)}{3 - 2} = 24 \text{에서 } Q(24)$$

$$\therefore \overline{PQ} = |24 - 3| = 21$$

19. 두 직선 $(k-2)x + 3y - 1 = 0$, $y = kx + 3$ 이 수직이 되도록 하는 모든 k 의 값을 구하면?

- ① 3, 1
② 3, -1
④ 1, 5
⑤ -2, -3

해설

$$y = kx + 3 \Rightarrow kx - y + 3 = 0$$

$$(k-2)k + 3 \cdot (-1) = 0$$

$$k^2 - 2k - 3 = 0$$

$$(k-3)(k+1) = 0$$

$$\therefore k = 3, -1$$

해설

기울기의 곱이 -1임을 이용하면

$$-\frac{k-2}{3} \times k = -1$$

$$\therefore k(k-2) = 3$$

$$\therefore k = 3, -1$$

20. $x^2 + y^2 + x - y + k = 0$ 의 그래프가 원을 나타내도록 하는 상수 k 의 값의 범위는?

① $k \leq \frac{1}{2}$ ② $k < \frac{1}{2}$ ③ $k > \frac{1}{2}$ ④ $k \geq \frac{1}{2}$ ⑤ $k < \frac{1}{3}$

해설

주어진 방정식을 정리하면,

$$\Rightarrow \left(x + \frac{1}{2}\right)^2 + \left(y - \frac{1}{2}\right)^2 = \frac{1}{2} - k$$

$$\therefore \text{원이 되려면, } \frac{1}{2} - k > 0 \rightarrow k < \frac{1}{2}$$

21. 직선 $3x + y - 5 = 0$ 을 x 축 방향으로 1만큼, y 축 방향으로 n 만큼 평행이동하면 직선 $3x + y - 1 = 0$ 이 된다. 이 때, n 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -7

해설

x 축 방향으로 1, y 축 방향으로 n 만큼 평행이동하므로
직선 $3x + y - 5 = 0$ 에 x 대신 $x - 1$, y 대신 $y - n$ 을 대입하면
 $3(x - 1) + (y - n) - 5 = 0$
 $3x + y - n - 8 = 0 \quad \dots\dots \textcircled{7}$
 $\textcircled{7} \Rightarrow 3x + y - 1 = 0$ 과 일치하므로 $-n - 8 = -1 \therefore n = -7$

22. 원 $(x + 4)^2 + (y - 3)^2 = 3$ 을 원점에 대하여 대칭이동한 도형의 방정식은?

- ① $(x - 4)^2 + (y - 3)^2 = 3$ ② $(x + 4)^2 + (y + 3)^2 = 3$
③ $(x + 3)^2 + (y + 4)^2 = 3$ ④ $(x - 4)^2 + (y + 3)^2 = 3$
⑤ $(x + 3)^2 + (y - 4)^2 = 3$

해설

원점대칭은 x, y 부호를 각각 반대로 해주면 된다.
따라서 $x \rightarrow -x, y \rightarrow -y$ 를 대입한다.

23. $P = (2+1)(2^2+1)(2^4+1)(2^8+1)(2^{16}+1)$ 의 값을 구하면?

- ① $2^{32}-1$ ② $2^{32}+1$ ③ $2^{31}-1$
④ $2^{31}+1$ ⑤ $2^{17}-1$

해설

주어진 식에 $(2-1)=1$ 을 곱해도 식은 성립하므로

$$P = (2-1)(2+1)(2^2+1)(2^4+1)(2^8+1)(2^{16}+1)$$

$$= (2^2-1)(2^2+1)(2^4+1)(2^8+1)(2^{16}+1)$$

$$= (2^4-1)(2^4+1)(2^8+1)(2^{16}+1)$$

$$= \vdots$$

$$= (2^{16}-1)(2^{16}+1)$$

$$= 2^{32}-1$$

24. $2x^3 + 9x^2 + 11x + 7 = a(x+1)^3 + b(x+1)^2 + c(x+1) + d \nmid x^{\alpha}$
대한 항등식일 때, a, b, c, d 를 차례로 구하면?

- ① 3, -1, 3, 2 ② 2, 3, -1, 3
③ -3, 1, -3, -2 ④ -2, -3, 1, -3
⑤ 1, -3, 4, -2

해설

조립제법을 이용하면

$$\begin{array}{r|rrrr} -1 & 2 & 9 & 11 & 7 \\ & & -2 & -7 & -4 \\ \hline -1 & 2 & 7 & 4 & 3 \\ & & -2 & -5 & \\ \hline -1 & 2 & 5 & -1 & \\ & & -2 & & \\ \hline & 2 & 3 & & \\ \uparrow & & & & \\ a & & & & \end{array} \leftarrow d$$
$$c$$

$$a = 2, b = 3, c = -1, d = 3$$

25. $x^3 - 4x^2 + 5x - 3$ 을 $x - 3$ 에 대해 내림차순으로 정리하기 위해
때, $ABCD$ 의 값을 구하면?

- ① -20 ② 40 ③ -60 ④ 120 ⑤ -120

해설

$x^3 - 4x^2 + 5x - 3$ 을 $x - 3$ 에 대해 내림차순으로 정리하기 위해
 $x - 3$ 으로 반복하여 나누면 나머지가 차례로 D, C, B, A 가
되므로

$$\begin{array}{r} 3 \mid 1 & -4 & 5 & -3 \\ & 3 & -3 & 6 \\ \hline 3 & 1 & -1 & 2 & | 3 \\ & & 3 & 6 \\ \hline 3 & 1 & 2 & | 8 & \leftarrow c \\ & & 3 \\ \hline & 1 & 5 & \leftarrow b \\ \uparrow & & a \\ \end{array}$$

$$\therefore ABCD = 1 \times 5 \times 8 \times 3 = 120$$

26. 200 원짜리 자두와 500 원짜리 복숭아을 합하여 9개를 사는데, 그 값이 2800 원 이상 3600 원 이하가 되게 하려고 한다. 복숭아는 최대 몇 개까지 살 수 있는지 구하여라.

▶ 답: 개

▷ 정답: 6 개

해설

자두의 개수 : $(9 - x)$ 개, 복숭아의 개수 : x 개
 $2800 \leq 200(9 - x) + 500x \leq 3600$

$$\begin{cases} 2800 \leq 200(9 - x) + 500x \\ 200(9 - x) + 500x \leq 3600 \end{cases}$$

$$\therefore \frac{10}{3} \leq x \leq 6$$

따라서 살 수 있는 복숭아의 최대 개수는 6 개이다.

27. 좌표 평면 위에서 모든 실수 x 에 대하여 직선 $y = 2(kx + 1)$ 이 곡선 $y = -(x - 2)^2 + 1$ 보다 항상 위쪽에 있도록 실수 k 의 값을 정할 때, 다음 중 k 의 값의 범위에 속하지 않는 것은?

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 0 ⑤ -1

해설

임의의 실수 x 에 대하여 부등식

$$2(kx + 1) > -(x - 2)^2 + 1 \cdots ㉠$$

항상 성립하도록 k 의 값을 정하면 된다.

㉠식을 정리하면

$$x^2 + 2(k - 2)x + 5 > 0 \cdots ㉡$$

항상 성립하기 위하여

$$\frac{D}{4} = (k - 2)^2 - 5 < 0$$

$$\Rightarrow k^2 - 4k - 1 < 0$$

$$\therefore 2 - \sqrt{5} < k < 2 + \sqrt{5}$$

이때, 0, 1, 2, 3은 k 의 값의 범위에 속하나

-1은 속하지 않는다.

28. 두 원 $x^2 + y^2 = r^2$ ($r > 0$), $(x + 3)^2 + (y - 4)^2 = 4$ 가 외접할 때, r 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 3

해설

두 원 $x^2 + y^2 = r^2$ ($r > 0$), $(x + 3)^2 + (y - 4)^2 = 4$ 의 중심 사이의 거리 $d = \sqrt{(-3)^2 + 4^2} = 5$

두 원이 외접하면 $r + 2 = 5$ 이므로 $r = 3$