

1. 다음 두 이차방정식의 공통인 근을 고르면?

보기

$$(x+3)(x-2) = 0, x^2 + 4x + 3 = 0$$

- ① -2 ② -3 ③ -4 ④ -5 ⑤ -6

해설

$$\begin{aligned}(x+3)(x-2) &= 0 \\ x &= -3 \text{ 또는 } x = 2 \\ x^2 + 4x + 3 &= 0 \\ (x+3)(x+1) &= 0 \\ x &= -3 \text{ 또는 } x = -1 \\ \text{따라서 공통근은 } -3 \text{ 이다.}\end{aligned}$$

2. 다음 두 이차방정식을 동시에 만족시키는 x 의 값을 구하여라.

보기

$$x^2 - 2x - 8 = 0, x^2 + x - 20 = 0$$

▶ **답:**

▷ **정답:** $x = 4$

해설

$$x^2 - 2x - 8 = (x - 4)(x + 2) = 0$$
$$\therefore x = 4, -2$$
$$x^2 + x - 20 = (x + 5)(x - 4) = 0$$
$$\therefore x = 4, -5$$

따라서 공통근은 $x = 4$ 이다.

3. -1 은 이차방정식 $x^2 + ax + 1 = 0$ 과 $2x^2 - 3x + b = 0$ 의 공통인 해이다. 이 때, $a^2 + b^2$ 의 값은?

- ① 25 ② 27 ③ 29 ④ 31 ⑤ 33

해설

각 이차방정식에 $x = -1$ 을 대입하면

$$(-1)^2 - a + 1 = 0, \quad a = 2$$

$$2 \times (-1)^2 + 3 + b = 0 \quad b = -5$$

$$\therefore a^2 + b^2 = 2^2 + (-5)^2 = 29$$

4. 두 이차방정식 $x^2 + ax - 5 = 0$ 과 $2x^2 - 7x - 3b = 0$ 의 공통인 근이 5 일 때, $a + b$ 의 값을 구하시오.

▶ 답:

▷ 정답: 1

해설

각 이차방정식에 $x = 5$ 를 대입하면
 $25 + 5a - 5 = 0$, $a = -4$
 $2 \times 5^2 - 7 \times 5 - 3b = 0$, $b = 5$
따라서 $a + b = (-4) + 5 = 1$ 이다.

5. 두 이차방정식 $x^2 - 2x - 15 = 0$ 과 $x^2 - 9 = 0$ 의 공통인 근을 고르면?

- ① -6 ② -5 ③ -4 ④ -3 ⑤ -2

해설

$(x + 3)(x - 5) = 0, x = -3, 5$
 $(x + 3)(x - 3) = 0, x = -3, 3$
따라서 두 이차방정식의 공통근은 -3 이다.

6. 다음 두 이차방정식을 동시에 만족하는 x 의 값을 구하여라.

$$2x^2 - 9x + 9 = 0, 4x^2 - 8x + 3 = 0$$

▶ 답:

▷ 정답: $x = \frac{3}{2}$

해설

$$\begin{aligned} 2x^2 - 9x + 9 &= 0 \\ (x-3)(2x-3) &= 0 \\ x &= 3 \text{ 또는 } x = \frac{3}{2} \\ 4x^2 - 8x + 3 &= 0 \\ (2x-3)(2x-1) &= 0 \\ x &= \frac{3}{2} \text{ 또는 } x = \frac{1}{2} \end{aligned}$$

7. 이차방정식 $(x-3)^2 = 4x$ 와 공통인 해를 갖는 방정식은?

① $x^2 - 4x + 3 = 0$

② $x^2 - 6x + 9 = 0$

③ $x^2 - 10x = 9$

④ $x^2 + 10x + 9 = 0$

⑤ $2x^2 - 5x - 3 = 0$

해설

$$\begin{aligned}(x-3)^2 &= 4x \\ x^2 - 6x + 9 - 4x &= 0 \\ x^2 - 10x + 9 &= 0 \\ (x-1)(x-9) &= 0 \\ x = 1 \text{ 또는 } x = 9 \\ \textcircled{1} x^2 - 4x + 3 &= 0 \\ (x-3)(x-1) &= 0 \\ x = 1 \text{ 또는 } x = 3\end{aligned}$$

8. 다음 두 이차방정식의 공통인 근을 구하여라.

$$x^2 - 8x + 15 = 0, 2x^2 - 9x + 9 = 0$$

▶ 답:

▷ 정답: $x = 3$

해설

$$\begin{aligned}x^2 - 8x + 15 &= 0 \\(x - 5)(x - 3) &= 0 \\ \therefore x &= 5 \text{ 또는 } x = 3 \\2x^2 - 9x + 9 &= 0 \\(2x - 3)(x - 3) &= 0 \\ \therefore x &= \frac{3}{2} \text{ 또는 } x = 3\end{aligned}$$

따라서 공통인 해는 $x = 3$ 이다.

9. 두 이차방정식 $x^2 + 2x - 15 = 0$ 과 $x^2 - 9 = 0$ 의 공통인 근은?

- ① 1 ② -3 ③ 3 ④ 5 ⑤ 9

해설

$$\begin{aligned}x^2 + 2x - 15 &= 0 \\(x + 5)(x - 3) &= 0 \\x &= -5 \text{ 또는 } x = 3 \\x^2 - 9 &= 0 \\x^2 &= 9 \\x &= 3 \text{ 또는 } -3 \\\therefore \text{공통인 근 } x &= 3\end{aligned}$$

10. 이차방정식 $x^2 + 4x - 32 = 0$ 과 $2x^2 - 13x + 20 = 0$ 의 공통근을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $x = 4$

해설

$$x^2 + 4x - 32 = 0, (x + 8)(x - 4) = 0$$

$$\therefore x = -8 \text{ 또는 } x = 4$$

$$2x^2 - 13x + 20 = 0, (2x - 5)(x - 4) = 0$$

$$\therefore x = \frac{5}{2} \text{ 또는 } x = 4$$

따라서 공통해는 $x = 4$ 이다.

11. 두 이차방정식 $x^2 - 3x + a = 0$, $x^2 - 5x - b = 0$ 의 공통인 근이 2일 때, $a - b$ 의 값은?

- ① 4 ② -6 ③ -8 ④ 8 ⑤ -4

해설

2는 두 이차방정식의 공통인 근이므로 각각의 이차방정식에 $x = 2$ 를 대입하면
 $2^2 - 3 \times 2 + a = 0$
 $\therefore a = 2$
 $2^2 - 5 \times 2 - b = 0$
 $\therefore b = -6 \therefore a - b = 2 - (-6) = 8$

12. 두 이차방정식 $x^2 + 9x + a = 0$, $x^2 + bx + 10 = 0$ 의 공통인 근이 -2 일 때, $\frac{a}{b}$ 를 구하면?

- ① 1 ② -2 ③ 2 ④ -3 ⑤ 3

해설

두 이차방정식의 공통인 근이 -2 이므로 각각의 방정식에 $x = -2$ 를 대입하면

$$4 - 18 + a = 0, 4 - 2b + 10 = 0$$

$$\therefore a = 14, b = 7$$

$$\therefore \frac{a}{b} = 2$$

13. 두 방정식 $x^2 - 4x - 12 = 0$, $x^2 - 6x + p = 0$ 을 동시에 만족하는 해가 있을 때, $-p$ 의 값은? (단, $p \neq 0$)

- ① 4 ② 16 ③ -16 ④ 8 ⑤ -8

해설

$$x^2 - 4x - 12 = 0$$

$$(x - 6)(x + 2) = 0$$

$$x = -2, 6$$

1) $x = -2$ 가 $x^2 - 6x + p = 0$ 의 해일 때,

$$4 + 12 + p = 0 \therefore p = -16$$

2) $x = 6$ 이 $x^2 - 6x + p = 0$ 의 해일 때,

$$36 - 36 + p = 0 \therefore p = 0$$

따라서 $p \neq 0$ 이므로 $-p = -(-16) = 16$ 이다.

14. 두 이차방정식 $x^2 - 5x - 36 = 0$, $2x^2 + 11x + 12 = 0$ 의 공통근이 $2x^2 + mx - 4m = 0$ 의 한 근일 때, m 의 값은?

① -4 ② -2 ③ 0 ④ 2 ⑤ 4

해설

$$x^2 - 5x - 36 = 0 \Rightarrow (x + 4)(x - 9) = 0$$

$$\therefore x = -4, 9$$

$$2x^2 + 11x + 12 = 0 \Rightarrow (2x + 3)(x + 4) = 0$$

$$\therefore x = -\frac{3}{2}, -4$$

두 이차방정식의 공통근 $x = -4$

이차방정식 $2x^2 + mx - 4m = 0$ 에 $x = -4$ 를 대입하면,

$$2(-4)^2 - 4m - 4m = 0$$

$$m = 4 \text{ 이다.}$$

15. 두 이차방정식 $2x^2 - 7x - 4 = 0$, $2x^2 - 5x - 12 = 0$ 을 동시에 만족하는 x 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 4

해설

$$2x^2 - 7x - 4 = 0$$

$$(2x + 1)(x - 4) = 0$$

$$x = -\frac{1}{2} \text{ 또는 } x = 4$$

$$2x^2 - 5x - 12 = 0$$

$$(2x + 3)(x - 4) = 0$$

$$x = -\frac{3}{2} \text{ 또는 } x = 4$$

따라서 동시에 만족하는 x 의 값은 4이다.

16. 두 이차방정식 $2x^2 - 2x - 12 = 0$, $3x^2 - 11x + 6 = 0$ 을 동시에 만족하는 x 의 값은?

- ① 0 ② 1 ③ 2 ④ 3 ⑤ 4

해설

$$2x^2 - 2x - 12 = 2(x - 3)(x + 2) = 0$$

$$x = 3 \text{ 또는 } x = -2$$

$$3x^2 - 11x + 6 = (3x - 2)(x - 3) = 0$$

$$x = \frac{2}{3} \text{ 또는 } x = 3$$

따라서 동시에 만족하는 x 의 값은 3이다.

17. 두 이차방정식 $2x^2 - 2x - 12 = 0$, $3x^2 - 11x + 6 = 0$ 을 동시에 만족하는 x 의 값은?

- ① 0 ② 1 ③ 2 ④ 3 ⑤ 4

해설

$$2x^2 - 2x - 12 = 0$$

$$2(x - 3)(x + 2) = 0$$

$$\therefore x = 3 \text{ 또는 } x = -2$$

$$3x^2 - 11x + 6 = (3x - 2)(x - 3) = 0$$

$$\therefore x = \frac{2}{3} \text{ 또는 } x = 3$$

18. 두 이차방정식 $(x+6)(2x+3)=0$, $(4x+6)(x-9)=0$ 의 공통인해를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $x = -\frac{3}{2}$

해설

$$(x+6)=0 \text{ 또는 } (2x+3)=0, (4x+6)=0 \text{ 또는 } (x-9)=0$$

$$\therefore \text{해는 각각 } x = -6, -\frac{3}{2}.$$

$$x = -\frac{3}{2}, x = 9 \text{ 이므로}$$

$$\text{공통인 해는 } x = -\frac{3}{2} \text{ 이다.}$$

19. 두 이차방정식 $2x^2 + mx - 3 = 0$, $x^2 + x + n = 0$ 의 공통인 해가 $x = -3$ 일 때, $m + n$ 의 값은?

- ① -11 ② -1 ③ 1 ④ 8 ⑤ 11

해설

$x = -3$ 이므로 -3 은 두 방정식의 공통인 해이다.

$x = -3$ 을 두 방정식에 각각 대입하면

$$18 - 3m - 3 = 0 \text{이므로 } m = 5$$

$$9 - 3 + n = 0 \text{이므로 } n = -6$$

$$\therefore m + n = -1$$

20. 두 이차방정식 $2x^2 + mx - 8 = 0$, $x^2 - 5x - n = 0$ 의 공통인 해가 $x = -1$ 일 때, $m - n$ 의 값을 구하면?

- ① -12 ② -11 ③ 0 ④ 11 ⑤ 12

해설

$$2 \times (-1)^2 + m(-1) - 8 = 0$$

$$\therefore m = 2 - 8 = -6$$

$$(-1)^2 - 5(-1) - n = 0$$

$$\therefore n = 1 + 5 = 6$$

$$\therefore m - n = (-6) - 6 = -12$$

21. 두 이차방정식 $x(x+1) = 0$, $x^2 - 4x - 5 = 0$ 의 공통인 해가 $x = a$ 일 때, a 의 값은?

- ① -1 ② 0 ③ 1 ④ 4 ⑤ 5

해설

$x(x+1) = 0$ 의 해를 구하면 $x = -1, x = 0$

$(x-5)(x+1) = 0$ 의 해를 구하면 $x = -1, x = 5$

$\therefore a = -1$

22. 두 이차방정식 $x^2 + x + a = 0$, $3x^2 - bx + 6 = 0$ 의 공통인 해가 $x = 3$ 일 때, $a + b$ 의 값을 구하면?

① -2 ② -1 ③ 0 ④ 1 ⑤ 2

해설

공통인 해가 $x = 3$ 이므로
 $x = 3$ 은 $x^2 + x + a = 0$, $3x^2 - bx + 6 = 0$ 의 근이다.
 $x = 3$ 을 두 방정식에 각각 대입하면
 $9 + 3 + a = 0 \quad \therefore a = -12$
 $27 - 3b + 6 = 0 \quad \therefore b = 11$
따라서 $a + b = -12 + 11 = -1$

23. 두 이차방정식 $x^2 - 4x - a = 0$, $x^2 + bx + c = 0$ 의 공통인 해가 $x = -1$ 이고, $x^2 + bx + c = 0$ 의 근의 개수가 1개일 때, $a + b + c$ 의 값은?

- ① 6 ② 8 ③ 10 ④ 12 ⑤ 14

해설

$$x = -1 \text{ 을 } x^2 - 4x - a = 0 \text{ 에 대입하면 } 1 + 4 - a = 0$$

$$\therefore a = 5$$

$x^2 + bx + c = 0$ 은 중근 $x = -1$ 을 갖는다.

$$(x + 1)^2 = 0$$

$$x^2 + 2x + 1 = 0$$

$$\therefore b = 2, c = 1$$

$$\therefore a + b + c = 5 + 2 + 1 = 8$$

24. 두 이차방정식 $x^2 + 3x - 4 = 0$, $x^2 + x - 12 = 0$ 의 공통인 해를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -4

해설

$$x^2 + 3x - 4 = 0$$

$$(x + 4)(x - 1) = 0$$

$$\therefore x = -4, x = 1$$

$$x^2 + x - 12 = 0$$

$$(x + 4)(x - 3) = 0$$

$$\therefore x = -4, x = 3$$

25. 두 이차방정식 $2x^2 + 3x - 2 = 0$, $2x^2 + 7x + 6 = 0$ 의 공통인 해를 구하면?

① $x = -2$

② $x = -1$

③ $x = 0$

④ $x = 1$

⑤ $x = 2$

해설

$$2x^2 + 3x - 2 = 0$$

$$(2x - 1)(x + 2) = 0$$

$$x = \frac{1}{2}, x = -2$$

$$2x^2 + 7x + 6 = 0$$

$$(2x + 3)(x + 2) = 0$$

$$x = -\frac{3}{2}, x = -2$$

따라서 공통인 해는 $x = -2$

26. 두 이차방정식 $x^2 + 3x - 4 = 0$, $x^2 + x - 12 = 0$ 의 공통인 근을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -4

해설

$$x^2 + 3x - 4 = 0$$

$$(x+4)(x-1) = 0$$

$$x = -4, 1$$

$$x^2 + x - 12 = 0$$

$$(x+4)(x-3) = 0$$

$$x = -4, 3$$

따라서 공통인 근은 -4이다.

27. 두 이차방정식 $2x^2 + 3x - 2 = 0$, $2x^2 + 7x + 6 = 0$ 의 공통인 해를 구하면?

- ① -5 ② -4 ③ -3 ④ -2 ⑤ 1

해설

$$2x^2 + 3x - 2 = 0$$

$$(2x - 1)(x + 2) = 0$$

$$x = \frac{1}{2} \text{ 또는 } x = -2$$

$$2x^2 + 7x + 6 = 0$$

$$(2x + 3)(x + 2) = 0$$

$$x = -\frac{3}{2} \text{ 또는 } x = -2$$

따라서 두 이차방정식의 공통인 해는 -2이다.

28. 두 이차방정식 $2x^2 - ax + 2 = 0$, $x^2 - 3x + b = 0$ 의 공통인 해가 2일 때, ab 의 값은?

- ① -25 ② -10 ③ 1 ④ 10 ⑤ 25

해설

주어진 식에 x 대신 2를 대입하면

$$8 - 2a + 2 = 0 \quad \therefore a = 5$$

$$4 - 6 + b = 0 \quad \therefore b = 2$$

$$\therefore ab = 5 \times 2 = 10$$

29. 두 이차방정식 $2x^2 + x + a = 0$, $4x^2 + bx - 18 = 0$ 의 공통인 근이 3일 때, $a + b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : -27

해설

$x = 3$ 을 대입하면

$$2 \times 3^2 + 3 + a = 0 \quad \therefore a = -21$$

$$4 \times 3^2 + 3b - 18 = 0 \quad \therefore b = -6$$

$$\therefore a + b = -21 - 6 = -27$$

30. 두 이차방정식 $5x^2 - 8x + a = 0$, $x^2 - bx + 9 = 0$ 의 공통인 근이 1일 때, $a + b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 13

해설

$x = 1$ 을 대입하면

$$5 \times 1^2 - 8 \times 1 + a = 0 \quad \therefore a = 3$$

$$1^2 - b + 9 = 0 \quad \therefore b = 10$$

$$\therefore a + b = 3 + 10 = 13$$

31. 두 이차방정식 $x^2 + x - p = 0$, $x^2 - qx - 8 = 0$ 의 공통인 근이 1일 때, $2p + q$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : -3

해설

$x^2 + x - p = 0$ 과 $x^2 - qx - 8 = 0$ 에 $x = 1$ 을 대입하면
 $p = 2, q = -7$
 $\therefore 2p + q = -3$

32. 두 이차방정식 $2x^2 - ax + 2 = 0$, $x^2 - 3x + b = 0$ 의 공통인 해가 2일 때, ab 의 값을 구하면?

- ① -25 ② -10 ③ 1 ④ 10 ⑤ 25

해설

주어진 식에 x 대신 2를 대입하면

$$8 - 2a + 2 = 0, \quad a = 5$$

$$4 - 6 + b = 0, \quad b = 2$$

$$\therefore ab = 10$$

33. 두 이차방정식 $x^2 - ax + 3 = 0$, $x^2 + 2x - b = 0$ 의 공통근이 $x = 1$ 일 때,

$a - b$ 의 값은?

- ① 0 ② -1 ③ 1 ④ 3 ⑤ 4

해설

$x^2 - ax + 3 = 0$, $x^2 + 2x - b = 0$ 에
 $x = 1$ 을 대입하면
 $a = 4$, $b = 3$
 $\therefore a - b = 1$

34. 두 이차방정식 $x^2 - 2x + a = 0$, $x^2 + bx - 6 = 0$ 의 공통근이 $x = -2$ 일 때, ab 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 8

해설

$$x^2 - 2x + a = 0 \text{에 } x = -2 \text{를 대입하면}$$

$$4 + 4 + a = 0$$

$$a = -8$$

$$x^2 + bx - 6 = 0 \text{에 } x = -2 \text{를 대입하면}$$

$$4 - 2b - 6 = 0$$

$$b = -1$$

$$\therefore ab = 8$$

35. 두 이차방정식 $2x^2 - 7x - 4 = 0$, $2x^2 - 5x - 12 = 0$ 을 동시에 만족하는 x 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $x = 4$

해설

$$2x^2 - 7x - 4 = 0$$

$$(2x + 1)(x - 4) = 0$$

$$\therefore x = -\frac{1}{2} \text{ 또는 } x = 4$$

$$2x^2 - 5x - 12 = 0$$

$$(2x + 3)(x - 4) = 0$$

$$\therefore x = -\frac{3}{2} \text{ 또는 } x = 4$$

36. 다음 방정식의 공통근을 구하여라.

$$\begin{aligned}8x^2 + 14x - 15 &= 0 \\ 2x^2 - 3x - 20 &= 0\end{aligned}$$

▶ 답:

▷ 정답: $x = -\frac{5}{2}$

해설

$$\begin{aligned}8x^2 + 14x - 15 &= 0 \\ (2x + 5)(4x - 3) &= 0\end{aligned}$$

$$\therefore x = -\frac{5}{2} \text{ 또는 } x = \frac{3}{4}$$

$$2x^2 - 3x - 20 = 0$$

$$(2x + 5)(x - 4) = 0$$

$$\therefore x = -\frac{5}{2} \text{ 또는 } x = 4$$

따라서 공통근은 $x = -\frac{5}{2}$ 이다.

37. 다음 방정식의 공통근을 구하여라.

$$\begin{aligned}x^2 + 4x + 3 &= 0 \\ 3x^2 - x - 4 &= 0\end{aligned}$$

▶ 답:

▷ 정답: $x = -1$

해설

$$\begin{aligned}x^2 + 4x + 3 &= 0 \\ (x+1)(x+3) &= 0 \\ \therefore x &= -1 \text{ 또는 } x = -3 \\ 3x^2 - x - 4 &= 0 \\ (x+1)(3x-4) &= 0 \\ \therefore x &= -1 \text{ 또는 } x = \frac{4}{3}\end{aligned}$$

따라서 공통근은 $x = -1$ 이다.

38. 두 이차방정식 $x^2 - 10x + a = 0$, $x^2 + b = 0$ 의 공통인 해가 3일 때, $a + b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 12

해설

주어진 식에 x 대신 3을 대입하면
 $3^2 - 10 \times 3 + a = 0 \quad \therefore a = 21$
 $3^2 + b = 0 \quad \therefore b = -9$
 $\therefore a + b = 21 - 9 = 12$

39. 두 이차방정식 $x^2 + 2x - p = 0$, $x^2 - qx - 12 = 0$ 의 공통인 근이 3일 때, $p - q$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 16

해설

$x^2 + 2x - p = 0$ 과 $x^2 - qx - 12 = 0$ 에 $x = 3$ 을 대입하면
 $p = 15$, $q = -1$
 $\therefore p - q = 16$