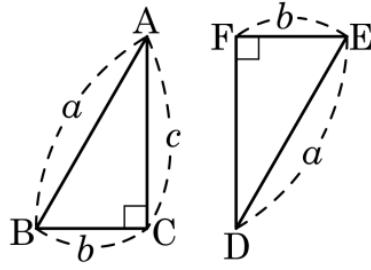


1. 다음 그림과 같은 두 직각삼각형 ABC, DEF 가 합동임을 증명하는 과정이다. (1) ~ (5) 안에 알맞은 것을 보기에서 찾아라.



증명)

$\triangle ABC$ 와 $\triangle DEF$ 에서

$$\angle C = \boxed{(1)} = \boxed{(2)}, \overline{AB} = \boxed{(3)}, \overline{BC} = \boxed{(4)}$$

$$\therefore \triangle ABC \equiv \triangle DEF \text{ (} \boxed{(5)} \text{ 합동)}$$

보기

㉠ $\angle F$

㉡ \overline{DE}

㉢ \overline{DF}

㉣ \overline{EF}

㉤ SAS

㉥ RHS

㉦ RHA

㉧ 90°

㉨ 45°

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: ㉠

▷ 정답: ㉧

▷ 정답: ㉡

▷ 정답: ㉩

▷ 정답: ㉨

해설

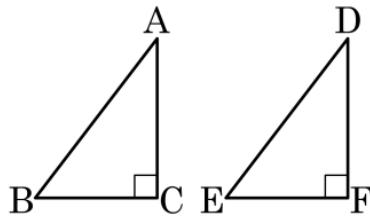
증명)

$\triangle ABC$ 와 $\triangle DEF$ 에서

$$\angle C = \angle F = 90^\circ, \overline{AB} = \overline{DE}, \overline{BC} = \overline{EF}$$

$$\therefore \triangle ABC \equiv \triangle DEF \text{ (RHS 합동)}$$

2. 다음은 $\triangle ABC$ 와 $\triangle DEF$ 가 RHS 합동임을 보이려는 과정이다. 보이기 위해 필요한 것들로 옳은 것은?



$\triangle ABC$ 와 $\triangle DEF$ 에서

$\therefore \triangle ABC \cong \triangle DEF$ (RHS 합동)

- ① $\angle A = \angle B$, $\overline{AB} = \overline{DE}$, $\overline{BC} = \overline{EF}$
- ② $\angle B = \angle E$, $\overline{AB} = \overline{DE}$, $\overline{BC} = \overline{EF}$
- ③ $\angle B = \angle E$, $\overline{AC} = \overline{DF}$, $\overline{BC} = \overline{EF}$
- ④ $\angle C = \angle F = 90^\circ$, $\overline{AB} = \overline{DE}$, $\overline{BC} = \overline{EF}$
- ⑤ $\angle C + \angle F = 360^\circ$, $\overline{AB} = \overline{DE}$, $\overline{BC} = \overline{EF}$

해설

두 직각삼각형, 빗변의 길이와 다른 한 변의 길이가 같아야 하므로,

(두 직각삼각형이다.) $\Rightarrow \angle C = \angle F = 90^\circ$

(빗변의 길이가 같다) $\Rightarrow \overline{AB} = \overline{DE}$

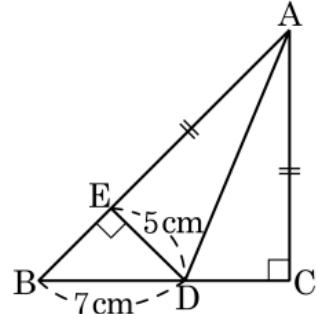
(다른 한 변의 길이가 같다.)

$\Rightarrow \overline{BC} = \overline{EF}$ 또는 $\overline{AC} = \overline{DF}$

따라서 필요한 것은

$\angle C = \angle F = 90^\circ$, $\overline{AB} = \overline{DE}$, $\overline{BC} = \overline{EF}$ 또는 $\angle C = \angle F = 90^\circ$, $\overline{AB} = \overline{DE}$, $\overline{AC} = \overline{DF}$ 이다.

3. 다음 그림과 같이 $\angle C = 90^\circ$ 인 직각삼각형 ABC에서 $\overline{AE} = \overline{AC}$, $\overline{AB} \perp \overline{DE}$ 일 때, \overline{DC} 의 길이를 구하여라.



▶ 답 : cm

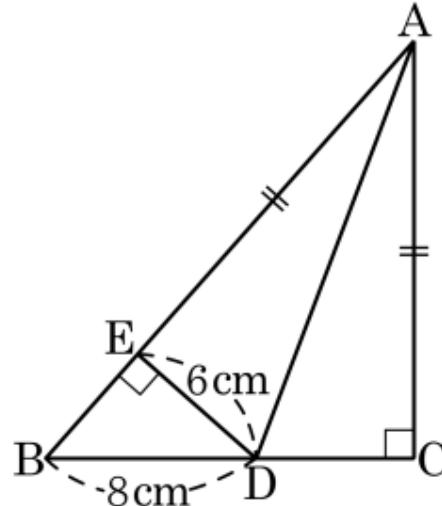
▷ 정답 : 5cm

해설

$\triangle AED$ 와 $\triangle ACD$ 에서
 $\overline{AE} = \overline{AC}$, $\angle AED = \angle ACD$, \overline{AD} 는 공통
 $\therefore \triangle AED \cong \triangle ACD$ (RHS 합동)
 $\therefore \overline{DC} = \overline{ED} = 5$ (cm)

4. 다음 그림과 같이 $\angle C = 90^\circ$ 인 직각삼각형 ABC에서 $\overline{AE} = \overline{AC}$, $\overline{AB} \perp \overline{DE}$ 일 때, \overline{DC} 의 길이는?

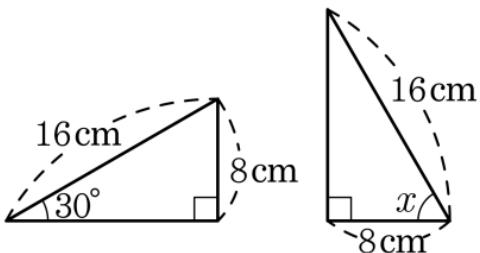
- ① 3 cm
- ② 6 cm
- ③ 7 cm
- ④ 8 cm
- ⑤ 10 cm



해설

$$\begin{aligned}\triangle AED &\equiv \triangle ACD \text{ (RHS 합동)} \\ \therefore \overline{ED} &= \overline{CD} = 6 \text{ (cm)}\end{aligned}$$

5. 다음 두 직각삼각형의 합동조건을 쓰고 $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 : 합동

▶ 답 : —

▷ 정답 : RHS 합동

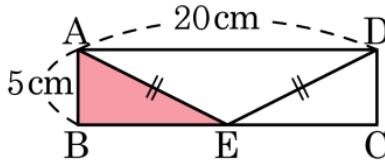
▷ 정답 : 60°

해설

한 각이 직각(R)이고, 빗변의 길이(H)가 같고, 다른 한 변의 길이(S)가 같으므로, RHS 합동

$$\therefore \angle x = 90^{\circ} - 30^{\circ} = 60^{\circ}$$

6. 다음 그림의 직사각형 ABCD 는 $\overline{AB} = 5\text{cm}$, $\overline{AD} = 20\text{cm}$ 이다. \overline{BC} 위에 $\overline{AE} = \overline{DE}$ 가 되도록 점 E 를 잡을 때, $\triangle ABE$ 의 넓이는?



- ① 20cm^2 ② 25cm^2 ③ 30cm^2
④ 35cm^2 ⑤ 35cm^2

해설

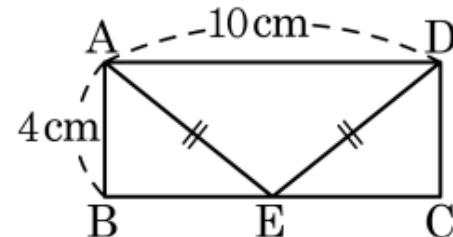
$\triangle ABE$ 와 $\triangle DCE$ 에서 $\angle ABC = \angle DCE = 90^\circ$ $\overline{AE} = \overline{DE}$, $\overline{AB} = \overline{DC}$

$\therefore \triangle ABE \equiv \triangle DCE$ (RHS 합동), $\overline{BE} = \overline{CE}$ 이므로 $\overline{BE} = \frac{1}{2} \times \overline{BC} = \frac{1}{2} \times 20 = 10(\text{cm})$

$\therefore \triangle ABE = \frac{1}{2} \times 10 \times 5 = 25(\text{cm}^2)$

7. 다음 직사각형 ABCD에서 $\overline{AB} : \overline{BE}$ 는?

- ① 1 : 2
- ② 2 : 3
- ③ 3 : 4
- ④ 4 : 5
- ⑤ 1 : 1



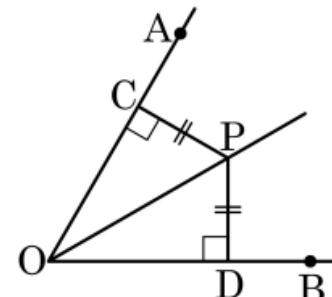
해설

$\triangle ABE$ 와 $\triangle DCE$ 에서 $\overline{AB} = \overline{CD}$ 이고, $\angle B = \angle C = 90^\circ$,
 $\overline{AE} = \overline{ED}$ 이므로

$\triangle ABE \cong \triangle DCE$ 는 RHS 합동이다.

따라서 $\overline{BE} = \overline{EC} = 10 \div 2 = 5(\text{cm})$ 이므로 $\overline{AB} : \overline{BE} = 4 : 5$ 이다.

8. $\angle AOB$ 의 내부에 한 점 P에서 두 변 OA, OB에 내린 수선의 발을 각각 C, D라고 할 때, $\overline{PC} = \overline{PD}$ 이면 $\triangle COP \cong \triangle DOP$ 임을 증명하기 위해서 이용한 합동조건은?



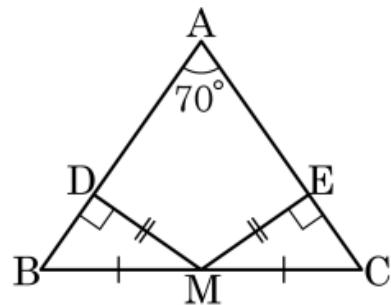
- ① SSS 합동
- ② SAS 합동
- ③ ASA 합동
- ④ RHA 합동
- ⑤ RHS 합동

해설

$\angle PCO = \angle PDO = 90^\circ$, \overline{OP} (공통), $\overline{CP} = \overline{PD}$ 이므로 $\triangle COP \cong \triangle DOP$ 는 RHS 합동이다.

9. 다음 그림의 $\triangle ABC$ 에서 $\angle A = 70^\circ$, 변 BC의 중점 M에서 \overline{AB} 와 \overline{AC} 에 내린 수선의 발을 각각 D, E 라 하면 $\overline{MD} = \overline{ME}$ 이다. $\angle BMD$ 의 크기는?

- ① 35° ② 30° ③ 25°
④ 20° ⑤ 15°

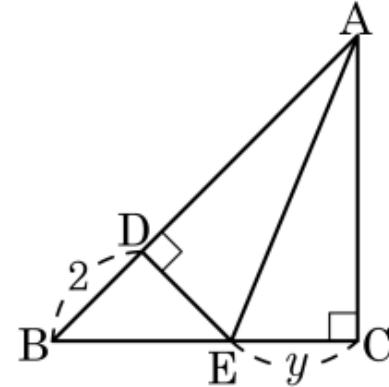


해설

$\triangle BMD$ 와 $\triangle CME$ 는 RHS 합동조건에 의해 합동이 된다.
따라서 $\angle B$ 와 $\angle C$ 는 같게 되고 $\triangle ABC$ 는 이등변삼각형이 되어
 $\angle B$ 와 $\angle C$ 는 55° 가 된다.
따라서 $\angle BMD$ 는 35° 이다.

10. 다음 그림에서 $\overline{AC} = \overline{BC} = \overline{AD}$, $\overline{BD} = 2$ 이다.
 y 의 값은?

- ① 2 ② 3 ③ 4 ④ 5 ⑤ 6



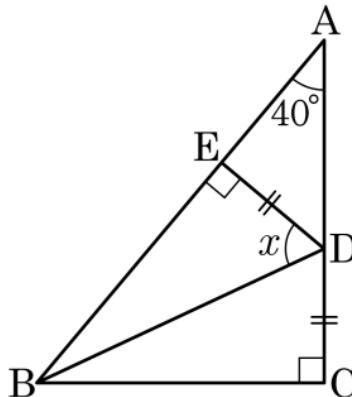
해설

$\overline{AC} = \overline{BC}$ 이므로 $\angle A = \angle B = 45^\circ$

따라서 $\angle B = 45^\circ$ 이다.

$\triangle ADE \cong \triangle ACE$ (RHS 합동)이고 $\angle B = \angle BED$ 이므로 $y = \overline{DE} = \overline{BD} = 2$

11. $\triangle ABC$ 에서 $\angle C = \angle E = 90^\circ$, $\angle A = 40^\circ$, $\overline{CD} = \overline{ED}$ 일 때, $\angle x$ 의 크기는?

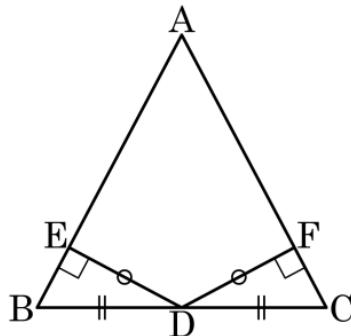


- ① 45° ② 50° ③ 65° ④ 70° ⑤ 75°

해설

$\triangle BDE \cong \triangle BDC$ (RHS합동) 이므로,
 $\angle EBD = \angle CBD = 25^\circ$, $\triangle BDE$ 에서 $\angle x = 65^\circ$

12. 다음 그림과 같은 $\triangle ABC$ 에서 $\angle FDC = 28^\circ$ 일 때, $\angle A$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 : $\underline{\hspace{2cm}}$ $^\circ$

▷ 정답 : 56°

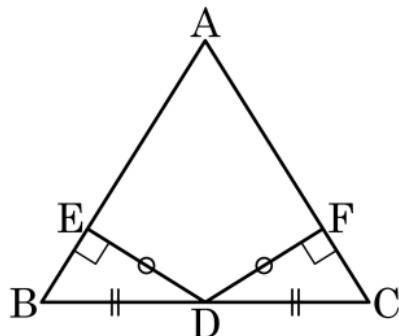
해설

$$\triangle EBD \cong \triangle FCD (\text{RHS 합동})$$

$$\angle EBD = \angle FCD = 62^\circ$$

$$\therefore \angle A = 180^\circ - 62^\circ \times 2 = 56^\circ$$

13. 다음 그림과 같은 $\triangle ABC$ 에서 $\angle FDC = 32^\circ$ 일 때, $\angle A$ 의 크기는 ?



- ① 52° ② 56° ③ 58° ④ 62° ⑤ 64°

해설

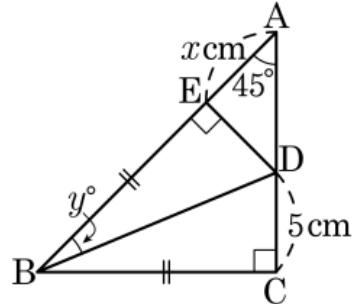
$\triangle EBD \cong \triangle FCD$ (RHS합동)

$$\angle EBD = \angle FCD = 58^\circ$$

$$\therefore \angle A = 180^\circ - 58^\circ \times 2 = 64^\circ$$

14. 다음 $\triangle ABC$ 에서 x , y 의 값을 차례로 나열한 것은?

- ① 3, 20 ② 3, 22.5 ③ 5, 20
④ 5, 22.5 ⑤ 4, 25



해설

$\triangle BED \cong \triangle BCD$ (RHS 합동)이다.

$$\angle CBE = 180^\circ - 45^\circ - 90^\circ = 45^\circ \text{이고},$$

$$\angle CBD = \angle EBD = 22.5^\circ$$

$$\therefore \angle y = 22.5^\circ$$

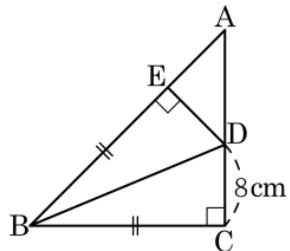
$\triangle AED$ 는 직각이등변삼각형이고

$$(\because \angle DAE = 45^\circ = \angle ADE)$$

$$\overline{DC} = \overline{ED} = \overline{AE} = 5 \text{ cm}$$

$$\therefore x = 5 \text{ cm}$$

15. 그림에서 $\triangle ABC$ 는 $\angle C = 90^\circ$ 이고 $\overline{AC} = \overline{BC}$ 인 직각이등변삼각형이다. $\overline{BC} = \overline{BE}$, $\overline{AB} \perp \overline{DE}$ 이고 $\overline{CD} = 8\text{ cm}$ 일 때, $\triangle AED$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답 : cm^2

▷ 정답 : 32 cm^2

해설

$\triangle ABC$ 는 직각이등변삼각형이므로 $\angle BAC = 45^\circ$ 이다.

따라서 $\triangle AED$ 도 직각이등변삼각형이다.

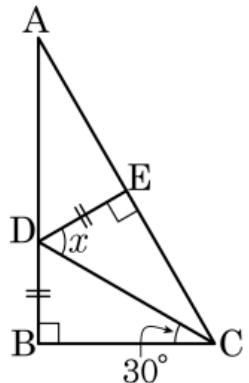
$\triangle EDB \cong \triangle CDB$ (RHS 합동),

$\overline{CD} = \overline{ED}$ 이므로 $\overline{ED} = \overline{EA}$ 이다.

그러므로 $\triangle AED$ 는 밑변 8 cm, 높이 8 cm 인 직각이등변삼각형이다.

따라서 넓이는 $\frac{1}{2} \times 8 \times 8 = 32 (\text{cm}^2)$ 이다.

16. 다음 그림과 같이 직각삼각형 ABC에서 점 D에서 \overline{AC} 에 내린 수선의 발이 E이고 $\overline{BD} = \overline{ED}$ 일 때, $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 : $\underline{\hspace{1cm}}$

▶ 정답 : 60°

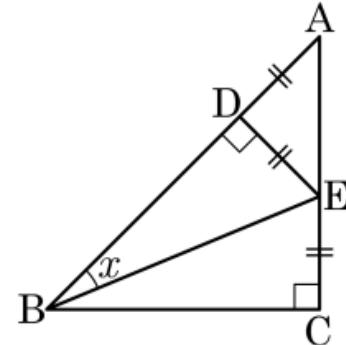
해설

$\triangle CDB$ 와 삼각형 $\triangle CDE$ 는 RHS 합동이다.

$\angle x = \angle CDB$ 이므로 $\angle x = 60^\circ$

17. 다음 그림과 같이 $\overline{AC} = \overline{BC}$ 인 직각이등변삼각형 ABC에서 $\overline{AD} = \overline{DE} = \overline{EC}$ 일 때, $\angle x$ 의 크기는?

- ① 22°
- ② 22.5°
- ③ 23°
- ④ 23.5°
- ⑤ 25°



해설

$\triangle DBE$ 와 $\triangle CBE$ 에 대하여

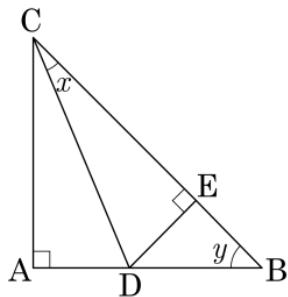
$\angle BDE = \angle BCE = 90^\circ$, $\overline{DE} = \overline{CE}$,

\overline{BE} 는 공통, $\triangle DBE \cong \triangle CBE$ (RHS 합동)

$\angle DBE = \angle CBE$ 이고 $\angle DBE + \angle CBE = \angle ABC = 45^\circ$ 이므로

$\therefore \angle x = \angle DBE = 22.5^\circ$

18. 다음 그림과 같이 $\overline{AC} = \overline{AB}$ 인 직각이등변 삼각형 ABC에서 $\overline{AD} = \overline{DE}$ 일 때, $\angle x + \angle y$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 : $\underline{\hspace{1cm}}$ °

▷ 정답 : 67.5°

해설

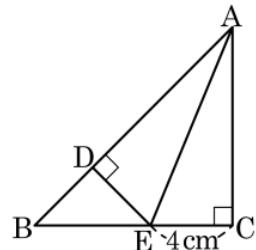
$\triangle ADC$ 와 $\triangle EDC$ 에서 \overline{CD} 는 공통,
 $\angle CAD = \angle CED = 90^\circ$, $\overline{DE} = \overline{AD}$ 이므로
 $\triangle ADC \equiv \triangle EDC$ 는 RHS 합동이다.

$\triangle ABC$ 가 직각 이등변삼각형이므로 $\angle y = 45^\circ$,

$\angle ACB = \angle y = 45^\circ$ 에서 $\angle DCB = \angle x = \frac{1}{2} \times 45^\circ = 22.5^\circ$ 이다.

따라서 $\angle x + \angle y = 22.5 + 45 = 67.5^\circ$ 이다.

19. 다음 그림의 $\triangle ABC$ 는 $\angle C = 90^\circ$, $\overline{AC} = \overline{BC}$ 인 직각이등변삼각형이다. \overline{AB} 위에 $\overline{AC} = \overline{AD}$ 인 점 D 를 잡고 $\overline{AB} \perp \overline{DE}$ 가 되게 점 E 를 \overline{BC} 위에 잡는다. $\overline{EC} = 4\text{cm}$ 일 때, $\overline{DB} + \overline{DE}$ 의 길이는?



- ① 7cm ② 7.5cm ③ 8cm
 ④ 8.5cm ⑤ 9cm

해설

$\triangle ADE$ 와 $\triangle ACE$ 에서 $\angle ADE = \angle C = 90^\circ \dots \textcircled{\text{D}}$
 \overline{AE} 는 공통... $\textcircled{\text{L}}$ $\overline{AD} = \overline{AC} \dots \textcircled{\text{E}}$

$\textcircled{\text{D}}, \textcircled{\text{L}}, \textcircled{\text{E}}$ 에 의해 $\triangle ADE \cong \triangle ACE$ (RHS합동)

$$\therefore \overline{DE} = \overline{EC} = 4(\text{cm}) \dots \textcircled{\text{B}}$$

$\overline{AC} = \overline{BC}$, $\angle D = 90^\circ$ 이므로

$$\angle DBE = \angle DEB = 45^\circ$$

$$\therefore \overline{DB} = \overline{DE} \dots \textcircled{\text{C}}$$

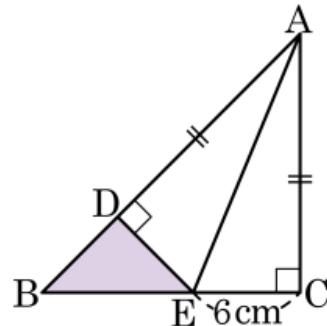
$$\textcircled{\text{B}}, \textcircled{\text{C}} \text{에 의해 } \overline{DB} = \overline{DE} = 4(\text{cm})$$

$$\therefore \overline{DB} + \overline{DE} = 4 + 4 = 8(\text{cm})$$

20. 다음 그림의 $\triangle ABC$ 는 $\overline{AC} = \overline{BC}$ 인 직각이등변삼각형이다. 빗변 AB 위에 $\overline{AC} = \overline{AD}$ 가 되게 점 D 를 잡고, 점 D 를 지나며 \overline{AB} 에 수직인 직선과 \overline{BC} 와의 교점을 E 라 할 때, $\overline{EC} = 6\text{cm}$ 이다. $\triangle BDE$ 의 넓이는?

① 12cm^2 ② 14cm^2 ③ 16cm^2

④ 18cm^2 ⑤ 20cm^2

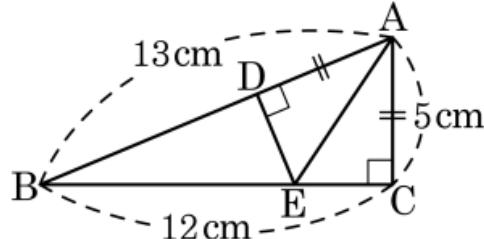


해설

$\triangle ADE \cong \triangle ACE$ (RHS 합동) 이므로 $\overline{DE} = \overline{CE} = 6\text{cm}$,
 $\triangle BDE$ 는 직각이등변삼각형이므로 $\overline{DE} = \overline{DB} = 6\text{cm}$

$$\therefore \triangle BDE = \frac{6 \times 6}{2} = 18(\text{cm}^2)$$

21. 직각삼각형 ABC에서
 $\overline{AC} = \overline{AD}$, $\overline{AB} \perp \overline{DE}$ 이다.
 $\overline{AB} = 13\text{cm}$, $\overline{BC} = 12\text{cm}$, $\overline{AC} = 5\text{cm}$
 일 때, 삼각형 BED의 둘레의 길이
 는?



- ① 12cm ② 13cm ③ 14cm ④ 18cm ⑤ 20cm

해설

$\triangle ACE \equiv \triangle ADE$ (RHS 합동) 이므로

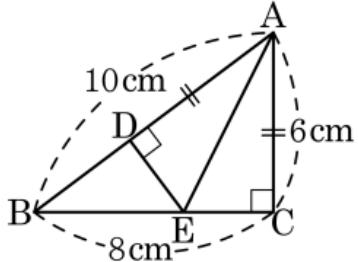
$$\overline{DE} = \overline{EC}, \overline{AD} = \overline{AC} \quad \therefore \overline{BD} = 8\text{cm}$$

$\triangle BDE$ 에서 $\overline{DE} + \overline{BE} = \overline{EC} + \overline{BE} = \overline{BC} = 12\text{cm}$ 이므로

$$\triangle BDE \text{의 둘레의 길이} = 8 + 12 = 20(\text{cm})$$

22. 직각삼각형 ABC에서 $\overline{AC} = \overline{AD}$, $\overline{AB} \perp \overline{DE}$ 이다. $\overline{AB} = 10\text{cm}$, $\overline{BC} = 8\text{cm}$, $\overline{AC} = 6\text{cm}$ 일 때, 삼각형 BED의 둘레는 삼각형 ABC의 몇 배인가?

- ① $\frac{1}{3}$ 배
- ② $\frac{1}{2}$ 배
- ③ $\frac{1}{4}$ 배
- ④ $\frac{1}{5}$ 배
- ⑤ $\frac{1}{6}$ 배



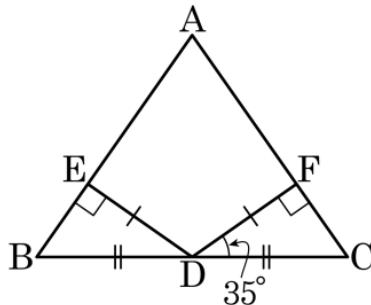
해설

$\triangle ACE \cong \triangle ADE$ (RHS 합동) 이므로 $\overline{DE} = \overline{EC}$, $\overline{AD} = \overline{AC}$ $\therefore \overline{BD} = 4\text{cm}$

$\triangle BDE$ 에서 $\overline{DE} + \overline{BE} = \overline{EC} + \overline{BE} = \overline{BC} = 8\text{cm}$ 이므로
 $\triangle BDE$ 의 둘레의 길이= $4 + 8 = 12(\text{cm})$

$\triangle ABC = 10 + 8 + 6 = 24(\text{cm})$ 이므로 $\frac{1}{2}$ 배이다.

23. 다음 $\triangle ABC$ 에서 점 D는 \overline{BC} 의 중점이고, 점 D에서 \overline{AB} 와 \overline{AC} 에 내린 수선을 \overline{ED} , \overline{FD} 라 하고 그 길이가 같을 때, $\angle A$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 : $\underline{\hspace{1cm}}$

▷ 정답 : 70°

해설

$\triangle EBD$ 와 $\triangle FCD$ 에서 $\angle BED = \angle CFD = 90^\circ$

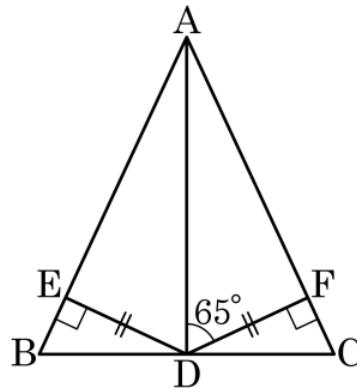
$$\overline{ED} = \overline{FD}, \overline{BD} = \overline{CD}$$

$\therefore \triangle EBD \cong \triangle FCD$ (RHS 합동)

$$\angle B = \angle C = 90^\circ - 35^\circ = 55^\circ$$

$$\angle A = 180^\circ - 55^\circ \times 2 = 70^\circ$$

24. 다음 $\triangle ABC$ 에서 $\overline{DE} = \overline{DF}$ 이고 $\angle AED = \angle AFD = 90^\circ$ 이다.
 $\angle ADF = 65^\circ$ 일 때, $\angle BAC$ 의 크기는?



- ① 35° ② 40° ③ 45° ④ 50° ⑤ 55°

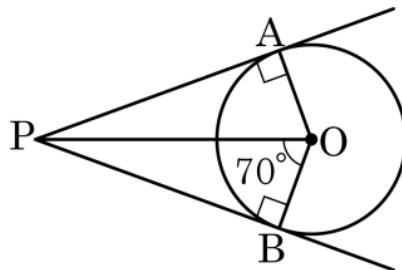
해설

$\triangle ADE \cong \triangle ADF$ (RHS 합동)

$$\angle DAF = 180^\circ - (90^\circ + 65^\circ) = 25^\circ = \angle EAD$$

$$\therefore \angle BAC = 25^\circ \times 2 = 50^\circ$$

25. 다음 그림에 대한 설명 중 옳은 것은?

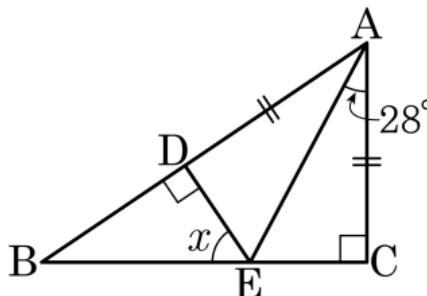


- ① $\overline{AP} = \frac{1}{2}\overline{AO}$
- ② $\triangle PAO \cong \triangle PBO$
- ③ $\angle APB = 30^\circ$
- ④ $\angle POA = 60^\circ$
- ⑤ $\overline{PO} = \overline{AP}$

해설

$\triangle PAO$ 와 $\triangle PBO$ 에서 \overline{OP} 는 공통이고, $\angle PAO = \angle PBO = 90^\circ$, $\overline{OB} = \overline{AO}$ 는 반지름으로 같으므로 $\triangle PAO \cong \triangle PBO$ 는 RHS 합동이다.

26. 다음 그림과 같은 직각삼각형 ABC에서 $\overline{AC} = \overline{AD}$, $\angle EAC = 28^\circ$ 일 때, $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



- ① 54° ② 56° ③ 58° ④ 60° ⑤ 62°

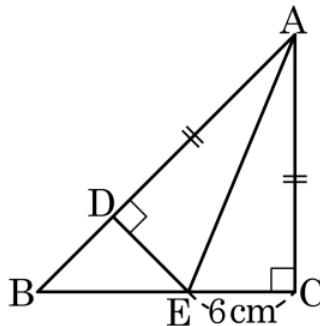
해설

$$\triangle AED \cong \triangle AEC \text{ (RHS 합동)}$$

$$\angle AED = \angle AEC = 62^\circ$$

$$\therefore \angle x = 180^\circ - (62^\circ + 62^\circ) = 56^\circ$$

27. 다음 직각삼각형 ABC에서 $\overline{AC} = \overline{AD}$ 인 점 D를 잡고 $\overline{AB} \perp \overline{DE}$ 인 점 E를 잡았다.
 $\overline{EC} = 6\text{cm}$ 일 때, \overline{DE} 의 길이를 구하여라.



▶ 답 : cm

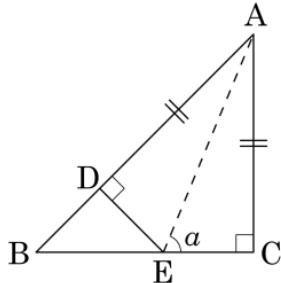
▷ 정답 : 6cm

해설

$\triangle ACE \equiv \triangle ADE$ (RHS합동) 이다.
그러므로 $\overline{DE} = \overline{EC} = 6(\text{cm})$

28. 직각삼각형 ABC에서

$\angle C = 90^\circ$, $\overline{AC} = \overline{BC}$ 이다. $\overline{AC} = \overline{AD}$ 되게 점 D를 \overline{AB} 위에 잡고 \overline{AB} 에 수직인 직선을 그어 \overline{BC} 위의 교점을 E라 할 때, $\angle a$ 의 크기 를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 67.5°

해설

$\triangle ABC$ 는 $\overline{AC} = \overline{BC}$ 인 직각이등변삼각형이므로

$\angle A = \angle B = 45^\circ$

$\triangle BDE$ 는 직각삼각형이고,

$\angle DBE = 45^\circ$, $\angle BED = 45^\circ$

$\triangle AED$ 와 $\triangle AEC$ 에서

$\overline{AC} = \overline{AD}$, \overline{AE} 는 공통, $\angle ADE = \angle ACE = 90^\circ$ 이므로

$\triangle AED \equiv \triangle AEC$ (RHS 합동)

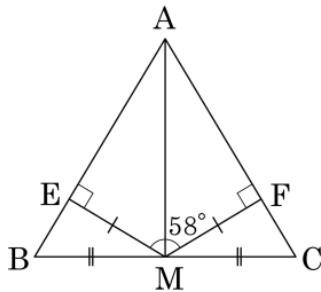
따라서 $\angle AED = \angle AEC = \angle a$

$\angle BED + \angle AED + \angle AEC = 180^\circ$ 에서

$45^\circ + 2 \times \angle a = 180^\circ$

$\therefore \angle a = 67.5^\circ$

29. 다음 그림과 같은 $\triangle ABC$ 에서 $\angle AMF = 58^\circ$ 일 때, $\angle BAC$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 64°

해설

\triangleAME 와 \triangleAMF 에서

$$\angle AEM = \angle AFM = 90^\circ$$

\overline{AM} 는 공통

$$\overline{ME} = \overline{MF}$$

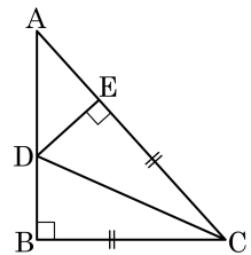
$\therefore \triangleAME \cong \triangleAMF$ (RHS 합동)

$$\triangleAMF \text{에서 } \angle MAF = 90^\circ - 58^\circ = 32^\circ$$

$$\angle MAF = \angle MAE \text{이므로}$$

$$\angle BAC = 2 \times 32^\circ = 64^\circ$$

30. $\angle B = 90^\circ$ 인 직각삼각형 ABC가 있다.
 $\angle DEC = 90^\circ$, $\overline{BC} = \overline{EC}$ 이고, $\triangle DBC \equiv \triangle DEC$ (RHS 합동)를 설명하기 위해 필요한 조건을 보기에서 모두 골라라.



보기

㉠ $\overline{BC} = \overline{EC}$

㉡ $\angle DBC = \angle DEC$

㉢ $\overline{DB} = \overline{DE}$

㉣ $\angle DAE = \angle BDC$

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : ㉠

▷ 정답 : ㉡

해설

RHS 합동은 두 직각삼각형의 빗변의 길이와 다른 한 변의 길이가 각각 같으면 합동이다.

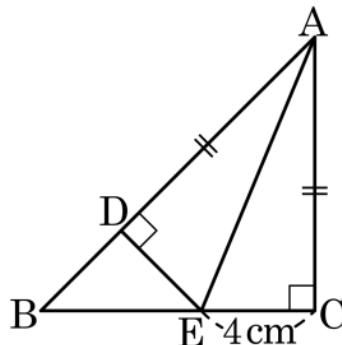
두 직각삼각형은 $\angle DBC = \angle DEC$ 이다.

빗변의 길이 \overline{CD} 는 공통된 변으로 같다.

$\overline{BC} = \overline{EC}$ 이므로 빗변이 아닌 다른 한 변의 길이가 같다.

따라서 $\triangle DBC \equiv \triangle DEC$ (RHS 합동)이라고 할 수 있다. 필요한 것은 ㉠, ㉡이다.

31. 다음 직각삼각형 ABC에서 $\overline{AC} = \overline{AD}$ 인 점 D를 잡고 $\overline{AB} \perp \overline{DE}$ 인 점 E를 잡았다. $\overline{EC} = 4\text{cm}$ 일 때, \overline{DE} 의 길이를 구하여라.



▶ 답 : cm

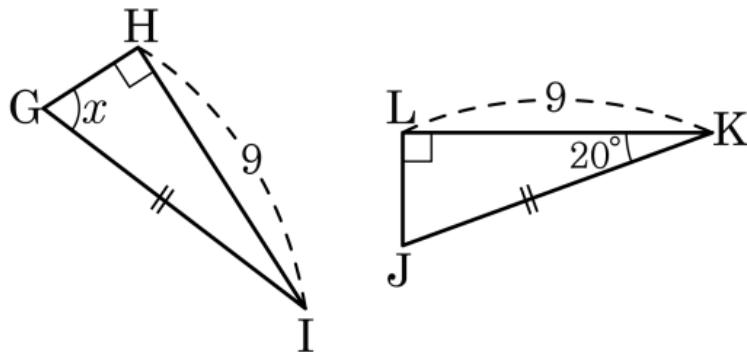
▶ 정답 : 4cm

해설

$\triangle ACE \cong \triangle ADE$ (RHS합동) 이므로

$$\overline{DE} = \overline{EC} = 4\text{cm}$$

32. 두 직각삼각형이 다음 그림과 같을 때, $\angle x$ 의 크기는?



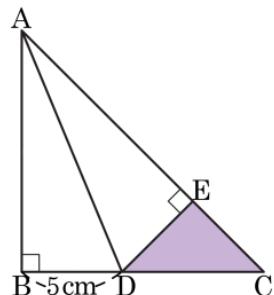
- ① 55° ② 60° ③ 65° ④ 70° ⑤ 75°

해설

$\triangle GHI, \triangle JLK$ 는 RHS 합동

$$\therefore \angle x = \angle LJK = 180^\circ - 90^\circ - 20^\circ = 70^\circ$$

33. 다음 그림과 같이 $\triangle ABC$ 는 $\overline{AB} = \overline{BC}$ 인 직각이등변삼각형이다. \overline{BD} 의 길이가 5 cm 일 때, 색칠한 부분의 넓이를 구하여라.



▶ 답 : cm²

▷ 정답 : $\frac{25}{2}$ cm²

해설

$\overline{AB} = \overline{BC}$ 인 직각이등변삼각형이므로

$$\angle C = \angle A = 45^\circ$$

$\triangle EDC$ 에서 $\angle EDC = 90^\circ - 45^\circ = 45^\circ$ 이므로

$\triangle EDC$ 는 직각이등변삼각형이다.

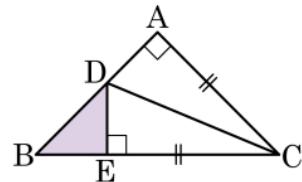
$$\therefore \overline{ED} = \overline{EC}$$

$\triangle ABD \cong \triangle AED$ (RHS 합동) 이므로

$$\overline{BD} = \overline{ED} = 5 \text{ cm}$$

따라서 색칠한 부분의 넓이는 $\frac{1}{2} \times 5 \times 5 = \frac{25}{2}$ (cm²)

34. 그림의 $\triangle ABC$ 는 $\angle A = 90^\circ$ 이고, $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 직각이등변삼각형이다. $\overline{AC} = \overline{EC}$, $\overline{BC} \perp \overline{DE}$ 이고 $\overline{AD} = 6\text{ cm}$ 일 때, $\triangle DBE$ 의 넓이는?



- ① 10 cm^2
- ② 14 cm^2
- ③ 18 cm^2
- ④ 22 cm^2
- ⑤ 26 cm^2

해설

$\triangle ABC$ 는 직각이등변삼각형이므로 $\angle ABC = 45^\circ$ 이다.

따라서 $\triangle BED$ 도 직각이등변삼각형이다.

$\triangle ADC \equiv \triangle EDC$ (RHS 합동), $\overline{AD} = \overline{DE}$ 이다. 따라서 $\overline{ED} = \overline{EB}$ 이다.

그러므로, $\triangle BED$ 는 밑변 6 cm, 높이 6 cm 인 직각이등변삼각형이다.

따라서, 넓이는 $\frac{1}{2} \times 6 \times 6 = 18 (\text{cm}^2)$ 이다.