

1. 3개의 직선 $y = -x + 6$, $y = x + 6$, $y = 2$ 로 둘러싸인 도형의 넓이를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 16

해설



$$\therefore (4+4) \times (6-2) \times \frac{1}{2} = 16$$

2. 일차함수 $y = \frac{3}{2}x + 5$ 의 그래프와 방정식 $x = 1$, $y = 2$ 의 그래프로 둘러싸인 도형의 넓이를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $\frac{27}{4}$

해설

$$y = \frac{3}{2}x + 5 \text{ 와 } x = 1 \text{ 의 교점 } \left(1, \frac{13}{2}\right)$$

$$y = \frac{3}{2}x + 5 \text{ 와 } y = 2 \text{ 의 교점 } (-2, 2)$$

$$(\text{넓이}) = 3 \times \frac{9}{2} \times \frac{1}{2} = \frac{27}{4}$$



3. 4개의 직선 $y = -x + 1$, $y = -x - 1$, $y = x - 1$, $y = x + 1$ 로 둘러싸인 도형의 넓이를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 2

해설



$$(\text{넓이}) = 2 \times 2 \times \frac{1}{2} = 2$$

4. 4개의 직선 $y = -x + 3$, $y = -x - 3$, $y = x - 3$, $y = x + 3$ 으로 둘러싸인
도형의 넓이는?

- ① 10 ② 12 ③ 14 ④ 16 ⑤ 18

해설



$$\therefore (\text{넓이}) = 6 \times 6 \times \frac{1}{2} = 18$$

5. $2x - 3y + 6 = 0$ 의 그래프와 x 축 및 y 축으로 둘러싸인 도형의 넓이는?

- ① -2 ② -3 ③ 2 ④ 3 ⑤ 0

해설

그래프가 x 축, y 축과 만나는 점이 각각 $(-3, 0)$, $(0, 2)$ 이므로 도형의 넓이는 $\frac{1}{2} \times 3 \times 2 = 3$ 이다.



6. 다음 일차방정식의 그래프와 x 축, y 축으로 둘러싸인 삼각형의 넓이를 구하여라.

$$-3x + 2y - 6 = 0$$

▶ 답:

▷ 정답: 3

해설

그래프가 x 축, y 축과 만나는 점이 각각 $(-2, 0)$, $(0, 3)$ 이므로 도형의 넓이는

$$\frac{1}{2} \times 2 \times 3 = 3$$



7. 3 개의 직선 $y = -x + 6$, $y = x + 6$, $x = 2$ 로 둘러싸인 도형의 넓이를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 4

해설



$$\therefore (8 - 4) \times 2 \times \frac{1}{2} = 4$$

8. 일차방정식 $y = \frac{3}{2}x + 5$ 의 그래프와 방정식 $x = 2, y = -1$ 의 그래프로 둘러싸인 도형의 넓이를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 27

해설

$$y = \frac{3}{2}x + 5 \text{ 와 } x = 2 \text{ 의 교점 } (2, 8),$$

$$y = \frac{3}{2}x + 5 \text{ 와 } y = -1 \text{ 의 교점 } (-4, -1)$$



$$(\text{넓이}) = 6 \times 9 \times \frac{1}{2} = 27$$

9. 다음 세 직선 $x = -5$, $y = 1$, $y = -\frac{1}{2}x$ 로
둘러싸인 삼각형의 넓이를 구하면?



▶ 답:

▷ 정답: $\frac{9}{4}$

해설

$y = 1$ 과 $y = -\frac{1}{2}x$ 의 교점을 구하면

$1 = -\frac{1}{2}x$, $x = -2$, $(-2, 1)$ 이고,

$x = -5$ 와 $y = -\frac{1}{2}x$ 와의 교점을 구하면

$-\frac{1}{2}(-5) = \frac{5}{2}$ 에서 $(-5, \frac{5}{2})$ 이다.

따라서 넓이를 구하면 $\frac{1}{2} \times (5 - 2) \times \left(\frac{5}{2} - 1\right) = \frac{9}{4}$ 이다.

10. 세 방정식 $x + 3y - 18 = 0$, $2x - 3y - 9 = 0$, $x = 0$ 의 그래프로 둘러싸인 부분의 넓이는?

① 24 ② 36 ③ $\frac{17}{2}$ ④ $\frac{35}{2}$ ⑤ $\frac{81}{2}$

해설

두 직선의 방정식 $x + 3y - 18 = 0$, $2x - 3y - 9 = 0$ 의 교점은 $(9, 3)$ 이고, 그레프를 그려보면

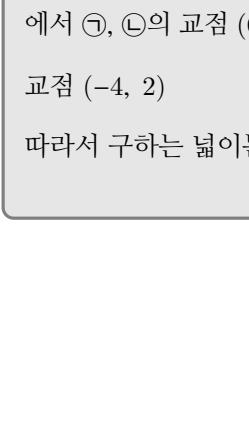


따라서 넓이를 구하면 $\frac{1}{2} \times 9 \times 9 = \frac{81}{2}$

11. 세 방정식 $y = 2$, $-x + y = -4$, $2x + y = -6$ 의 그래프로 둘러싸인 부분의 넓이는?

Ⓐ $\frac{100}{3}$ Ⓑ $\frac{112}{3}$ Ⓒ $\frac{140}{3}$ Ⓓ $\frac{144}{3}$ Ⓔ $\frac{135}{3}$

해설



$y = 2 \cdots \textcircled{1}$

$-x + y = -4 \cdots \textcircled{2}$

$2x + y = -6 \cdots \textcircled{3}$

에서 Ⓛ, Ⓜ의 교점 $(6, 2)$, Ⓜ, Ⓝ의 교점 $\left(-\frac{2}{3}, -\frac{14}{3}\right)$, Ⓛ, Ⓝ의

교점 $(-4, 2)$

따라서 구하는 넓이는 $10 \times \left(\frac{14}{3} + 2\right) \times \frac{1}{2} = \frac{100}{3}$

12. $a < 0$ 일 때 세 직선 $y = ax + 3$, $x + y = 3$, $y = 0$ 으로 둘러싸인 삼각형의 넓이가 12 일 때, 상수 a 의 값은?

① $\frac{3}{11}$ ② $-\frac{3}{11}$ ③ $\frac{3}{5}$ ④ $-\frac{3}{5}$ ⑤ $-\frac{5}{11}$

해설

$y = ax + 3$, $x + y = 3$ 두 직선은 y 절편이 같으므로 $(0, 3)$ 에서 만나고, $y = 0$ 은 x 축이다.

따라서 넓이가 12이고, 높이가 3인 삼각형의 밑변의 길이는 8이다.

$x + y = 3$ 의 x 절편은 3° 이고, $y = ax + 3$ 에서 밑변의 길이가 8이기 위해서 x 절편은 -5 또는 11 이고, $a < 0$ 이므로 x 절편은 11 이다.

$\therefore a = -\frac{3}{11}$

