

3. 상민이가 등산을 하는데 올라갈 때에는 시속 2km 로 걷고, 내려올 때에는 다른 길을 택하여 시속 4km 로 걸어서 모두 5 시간이 걸렸다. 총 12km 를 걸었다고 할 때, 내려온 거리는?

① 4km ② 5km ③ 6km ④ 7km ⑤ 8km

해설

올라갈 때 거리를 x km, 내려올 때 거리를 y km 라 하면

$$\begin{cases} x + y = 12 \\ \frac{x}{2} + \frac{y}{4} = 5 \end{cases}$$

$$x = 8, y = 4$$

$$\therefore 4\text{km}$$

4. 희철이가 등산을 하는데 올라갈 때에는 시속 3km 로 걷고, 내려올 때에는 다른 길을 택하여 시속 5km 로 걸어서 모두 4 시간이 걸렸다. 총 16km 를 걸었다고 할 때, 올라간 거리를 구하여라.

▶ 답: km

▷ 정답: 6km

해설

올라간 거리를 x km, 내려온 거리를 y km 라 하면

총 걸린 시간이 4시간이므로 $\frac{x}{3} + \frac{y}{5} = 4 \dots \text{㉠}$

총 거리가 16km 이므로

$x + y = 16 \dots \text{㉡}$

㉠ $\times 15 -$ ㉡ $\times 3$ 하면

$$\begin{array}{r} 5x+3y=60 \\ -) 3x+3y=48 \\ \hline 2x=12 \end{array}$$

$x = 6$

$y = 16 - 6 = 10$

따라서 올라간 거리 6km, 내려온 거리 10km이다.

5. 올라가고 내려오는데 총 18km 의 거리를 등산하는 데, 올라갈 때는 시속 3km 의 속력으로 걷고, 내려올 때는 시속 4km 의 속력으로 걸어서 5 시간 20 분이 걸렸다. 내려온 거리는?

- ① 4km ② 5.2km ③ $\frac{5}{6}$ km
④ 8km ⑤ 10km

해설

올라간 거리를 x km, 내려온 거리를 y km라 하면

$$\begin{cases} x + y = 18 \\ \frac{x}{3} + \frac{y}{4} = 5\frac{1}{3} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x + y = 18 \\ 4x + 3y = 64 \end{cases}$$

방정식을 풀면 $x = 10, y = 8$

\therefore 내려온 거리는 8km

6. 수영이는 8시부터 산에 오르기 시작했고, 20분 후에 희윤이가 오르기 시작했다. 수영이는 매분 50m의 속력으로, 희윤이는 매분 90m의 속력으로 걸어갈 때, 희윤이가 수영이를 만나는 시각은?

- ① 8시 30분 ② 8시 45분 ③ 8시 55분
④ 9시 ⑤ 9시 10분

해설

희윤이가 걸어난 시간을 x 분, 수영이가 걸어난 시간을 y 분이라고 하면

$$y = x + 20 \dots\dots ㉠$$

(거리) = (속력) × (시간) 이고, 두 사람이 걸어난 거리는 같으므로

$$50y = 90x \dots\dots ㉡$$

㉠을 ㉡에 대입하면

$$50(x + 20) = 90x$$

$$4x = 100$$

$$\therefore x = 25$$

$$x = 25 \text{ 를 ㉠에 대입하면 } y = 45$$

따라서 두 사람이 만나는 시각은 8시 45분이다.

7. 도서관에 갔다 오는데 갈 때는 시속 3km 로 걷고, 올 때는 갈 때보다 1km 더 먼 길을 시속 4km 로 걸었다. 도서관에 갔다 오는데 모두 1 시간이 걸렸다고 할 때, 도서관까지 왕복한 거리를 구하여라.

▶ 답: km

▷ 정답: $\frac{25}{7}$ km

해설

갈 때 걸은 거리를 xkm, 올 때 걸은 거리를 ykm 라 하면

$$y = x + 1, \frac{x}{3} + \frac{y}{4} = 1 \text{ 이므로 } x = \frac{9}{7}, y = \frac{16}{7} \text{ 이다.}$$

따라서 왕복한 거리는 $\frac{9}{7} + \frac{16}{7} = \frac{25}{7}$ (km) 이다.

8. 학교에 갔다 오는데 갈 때는 시속 2km 로 걷고, 올 때에는 5km 가 더 먼 길을 시속 4km 로 걸었다. 가고 오는데 모두 7 시간이 걸렸다면 올 때 걸은 거리를 구하여라.

▶ 답: km

▷ 정답: $\frac{38}{3}$ km

해설

갈 때 걸은 거리를 x km, 올 때 걸은 거리를 y km 라 하면

$$\begin{cases} y = x + 5 \cdots \text{㉠} \\ \frac{x}{2} + \frac{y}{4} = 7 \cdots \text{㉡} \end{cases}$$

㉡의 양변에 4 를 곱하면 $2x + y = 28$,

㉠을 $2x + y = 28$ 에 대입하면 $2x + x + 5 = 28$

$$3x = 23$$

$$\therefore x = \frac{23}{3}, y = \frac{38}{3}$$

\therefore 갈 때 걸은 거리 $\frac{23}{3}$ km, 올 때 걸은 거리 $\frac{38}{3}$ km

9. 보경이는 30km 떨어진 두 지점 A 중학교에서 삼암 월드컵 경기장을 왕복하는데 갈 때는 걸어서 1 시간, 자전거로 2 시간 걸렸고, 올 때는 걸어서 3 시간, 자전거로 1 시간 걸렸다. 보경이가 탄 자전거의 속력은?

- ① 4km/시 ② 8km/시 ③ 10km/시
④ 12km/시 ⑤ 14km/시

해설

걸을 때의 속력을 x km/시, 자전거의 속력을 y km/시 라고 하면

$$\text{(거리)} = \text{(시간)} \times \text{(속력)} \text{ 이므로 } \begin{cases} x + 2y = 30 \\ 3x + y = 30 \end{cases}$$

연립방정식을 풀면 $x = 6$, $y = 12$ 이다.

\therefore 자전거의 속력은 12km/시 이다.

10. 등산을 하는데, 올라갈 때는 시속 3km 로 걷고, 내려올 때에는 3km 가 더 먼 길을 시속 4km 로 걸었다. 올라가고 내려오는데 모두 6시간이 걸렸다면 올라갈 때 걸은 거리는 몇 km 인지 구하여라.

▶ 답: km

▷ 정답: 9km

해설

올라갈 때 걸은 거리를 xkm, 내려올 때 걸은 거리를 ykm

$$\begin{cases} y = x + 3 \cdots \text{㉠} \\ \frac{x}{3} + \frac{y}{4} = 6 \cdots \text{㉡} \end{cases}$$

㉡의 양변에 12를 곱하면 $4x + 3y = 72$, ㉠을 $4x + 3y = 72$ 에 대입하면 $4x + 3(x + 3) = 72$

$$7x = 63$$

$$\therefore x = 9, y = 12$$

\therefore 올라갈 때 걸은 거리 9km, 내려올 때 걸은 거리 12km

11. 윤희는 친구들과 함께 관악산에 올랐다. 전체 10km 의 길을 걸었다. 오르막길일 때는 시속 2km 로, 내리막길일 때는 시속 3km 로 걸어 모 두 4 시간이 걸렸다고 한다. 윤희와 친구들은 오르막길과 내리막길을 각각 몇 km 씩 걸었는지 차례대로 구하여라.

▶ 답: km

▶ 답: km

▷ 정답: 4 km

▷ 정답: 6 km

해설

오르막길을 x km, 내리막길을 y km 걸었다고 하면

총 걸린 시간이 4 시간이므로

$$\frac{x}{2} + \frac{y}{3} = 4 \cdots \textcircled{1}$$

총 거리가 10km 이므로

$$x + y = 10 \cdots \textcircled{2}$$

$\textcircled{1} \times 6 - \textcircled{2} \times 2$ 하면

$$3x + 2y = 24$$

$$-) 2x + 2y = 20$$

$$x = 4$$

$$x = 4, y = 10 - 4 = 6$$

\therefore 오르막길 4km, 내리막길 6km

12. 전체 16km의 거리를 등산하는 데, 올라갈 때는 시속 3km의 속력으로 내려올 때는 시속 4km의 속력으로 걸어서 4시간 40분이 걸렸다. 내려온 거리를 구하여라.

▶ 답: km

▷ 정답: 8km

해설

올라간 거리를 x km, 내려온 거리를 y km라 하면

$$\begin{cases} x + y = 16 \\ \frac{x}{3} + \frac{y}{4} = 4\frac{2}{3} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x + y = 16 \\ 4x + 3y = 56 \end{cases}$$

방정식을 풀면 $x = 8, y = 8$

∴ 내려온 거리는 8km

13. 등산을 하는데, 올라갈 때는 시속 3km 로 걷고, 내려올 때에는 4km 가 더 먼 길을 시속 5km 로 걸었다. 올라가고 내려오는 데 모두 6 시간이 걸렸다면 올라갈 때 걸은 거리는?

- ① $\frac{39}{4}$ km ② $\frac{60}{7}$ km ③ $\frac{55}{4}$ km
 ④ $\frac{88}{7}$ km ⑤ $\frac{33}{4}$ km

해설

올라갈 때 걸은 거리를 x km, 내려올 때 걸은 거리를 y km 라 하면

$$\begin{cases} y = x + 4 \cdots \text{㉠} \\ \frac{x}{3} + \frac{y}{5} = 6 \cdots \text{㉡} \end{cases}$$

㉡의 양변에 15를 곱하면 $5x + 3y = 90$, ㉠을 $5x + 3y = 90$ 에 대입하면 $5x + 3(x + 4) = 90$

$$8x = 78$$

$$\therefore x = \frac{39}{4}, y = \frac{55}{4}$$

\therefore 올라갈 때 걸은 거리 $\frac{39}{4}$ km, 내려올 때 걸은 거리 $\frac{55}{4}$ km

14. 등산을 하는데 올라갈 때는 시속 2km 의 속력으로 걷고, 내려올 때는 다른 길을 선택하여 올라갈 때보다 2km 짧은 길을 시속 4km 의 속력으로 걸어서 총 5 시간 30 분이 걸렸다. 내려올 때 걸은 거리를 구하여라.

▶ 답: km

▷ 정답: 6km

해설

올라갈 때 거리를 xkm , 내려올 때 거리를 ykm 라 하면

$$\begin{cases} y = x - 2 \dots \textcircled{1} \\ \frac{x}{2} + \frac{y}{4} = 5\frac{1}{2} \dots \textcircled{2} \end{cases}$$

② × 4 하면

$2x + y = 22$ 이고 ① 을 $2x + y = 22$ 에 대입하면 $2x + x - 2 = 22$

, $3x = 24$

$\therefore x = 8\text{km}$, $y = 6\text{km}$

\therefore 올라갈 때 거리 8km , 내려올 때 거리 6km

15. 수인이가 평지를 거쳐 산을 오르다가 다시 같은 길로 산을 내려와 출발점으로 되돌아 왔다. 평지에서의 속력은 시속 6km 이고, 올라갈 때는 시속 4km, 내려갈 때는 시속 12km 였다고 한다. 이때, 왕복하는데 걸린 시간이 5 시간이었다면 왕복거리를 구하여라.

▶ 답: km

▷ 정답: 30km

해설

산에 오를 때 평지의 거리를 xkm, 오르막 또는 내리막길의 거리를 ykm 라 하면

$$\frac{x}{6} + \frac{y}{4} + \frac{y}{12} + \frac{x}{6} = 5$$

$$\frac{x}{3} + \frac{y}{3} = 5$$

$x + y = 15$ 이므로 왕복거리는 30km