1. 다음 중 x, y 가 자연수일 때, 일차방정식 $3x + 2y = 17$ 의 해를 모두 구한 것은?

① (1, 7)

② (1, 7), (2, 5)

③ (1, 7), (3, 4)

④ (1, 7), (3, 4), (5, 1)

⑤ (1, 7), (3, 4), (5, 1), (7, -2)

해설

x, y 가 자연수일 때, 일차방정식 $3x + 2y = 17$ 의 해는 (1, 7), (3, 4), (5, 1) 이다.

2. x, y 가 모두 자연수일 때, 일차방정식 $x + 3y = 15$ 를 만족하는 해는 모두 몇 개인가?

- ① 1 개 ② 2 개 ③ 3 개 ④ 4 개 ⑤ 5 개

해설

$x = 15 - 3y$
(12, 1), (9, 2), (6, 3), (3, 4)
∴ 4개

3. x, y 가 10 보다 작은 자연수일 때, 일차방정식 $3x - 2y = 15$ 의 해를 만족하는 순서쌍은 모두 몇 개인가?

① 1 개 ② 2 개 ③ 3 개 ④ 4 개 ⑤ 5 개

해설

미지수가 두 개, 방정식은 하나일 때, 계수가 큰 미지수를 기준으로 대입해 가며 해를 찾는다.
 $\therefore (7, 3), (9, 6)$

4. x, y 가 자연수일 때, 일차방정식 $x + 3y = 15$ 를 만족하는 순서쌍 (x, y) 의 갯수를 구하여라.

▶ 답: 개

▷ 정답: 4개

해설

$x + 3y = 15$ 를 만족하는 순서쌍은
 $(3, 4), (6, 3), (9, 2), (12, 1)$ 이므로 4개

5. 자연수 x, y 에 대하여, 일차방정식 $7x + 2y = 56$ 의 해 중에서 $x < y$ 를 만족하는 해를 모두 고르면?

- ① (0, 28) ② (2, 21) ③ (4, 14)
④ (6, 7) ⑤ (8, 0)

해설

$x = 1, 2, 3, \dots$ 을 차례로 대입하면 $7x + 2y = 56$ 의 해는 (2, 21), (4, 14), (6, 7) 이고 이것은 모두 $x < y$ 를 만족한다.

6. x, y 가 자연수일 때, 일차방정식 $\frac{1}{2}x + \frac{1}{3}y - 5 = 0$ 의 해는 모두 몇 쌍인가?

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

$(x, y) = (2, 12), (4, 9), (6, 6), (8, 3)$ 의 4개이다.

7. x, y 가 음이 아닌 정수일 때, 일차방정식 $4x + 5y = 40$ 의 해를 순서쌍 (x, y) 로 나타내면?
- ① $(1, 8), (5, 4), (10, 1)$
 - ② $(5, 4)$
 - ③ $(0, 8), (5, 4), (10, 0)$
 - ④ $(0, 8), (1, 6), (5, 4), (10, 0)$
 - ⑤ $(0, 10), (5, 5), (10, 0)$

해설

$x = 0, 1, 2, 3, \dots$ 을 차례로 대입하면, $(0, 8), (5, 4), (10, 0)$ 이므로 구하는 해는 $(0, 8), (5, 4), (10, 0)$ 이다.

8. 자연수 x, y 에 대하여 $x + 3y = 13$ 을 만족하는 (x, y) 의 개수는?

① 2

② 3

③ 4

④ 5

⑤ 6

해설

$x = 13 - 3y$ 에 차례대로 대입을 하면

$(1, 4), (4, 3), (7, 2), (10, 1)$

$\therefore$ 4개

9. x, y 는 자연수이고, $\frac{1}{3}x + y = 2$ 일 때, (x, y) 의 개수는 몇개인지 구하여라.

▶ 답: 개

▷ 정답: 1개

해설

$\frac{1}{3}x + y = 2$ 에서 x, y 가 자연수인 순서쌍은 $(3, 1)$ 뿐이므로 1개이다.

10. 다음은 x, y 가 자연수일 때, 일차방정식 $3x+y=13$ 을 푸는 과정이다.
 () 안의 값이 옳지 않은 것은?

$3x+y=13$ 을 y 에 관하여 풀면 (①)
 x 에 1, 2, 3, 4, 5, 6 을 대입하여 y 의 값을 구하면

x	1	2	3	4	5	6
y	(②)	7	4	1	(③)	-5

이 때, y 의 값도 (④) 이어야 하므로
 해는 (1, 10), (2, 7), (3, 4), (⑤) 이다.

- ① $y = -3x + 13$ ② 10 ③ -1
 ④ 자연수 ⑤ (4, 1)

해설

$3x+y=13$ 을 y 에 관하여 풀면 $y = -3x + 13$
 x 에 1, 2, 3, 4, 5, 6 을 대입하여 y 의 값을 구하면

x	1	2	3	4	5	6
y	(10)	7	4	1	(-2)	-5

이 때, y 의 값도 자연수이어야 하므로 해는 (1, 10), (2, 7), (3, 4), (4, 1) 이다.

11. x, y 가 자연수일 때, 일차방정식 $2x + 3y = 30$ 의 해의 개수는?

- ① 2 ② 3 ③ 4 ④ 5 ⑤ 6

해설

$2x + 3y = 30$ 의 y 에 1, 2, 3, ... 을 차례대로 대입하여 자연수가 되는 순서쌍을 구하면 (3, 8), (6, 6), (9, 4), (12, 2)이다.

12. x, y 가 자연수일 때, 일차방정식 $5x + y = 20$ 의 해는 모두 몇 쌍인지 구하여라.

▶ 답: 3쌍

▷ 정답: 3쌍

해설

(1, 15), (2, 10), (3, 5)

13. x, y 가 자연수일 때, 일차방정식 $x+2y=6$ 의 해는 모두 몇 쌍인가?

- ① 1 쌍 ② 2 쌍 ③ 3 쌍 ④ 4 쌍 ⑤ 5 쌍

해설

(4, 1), (2, 2)

14. x, y 가 자연수일 때, 일차방정식 $x+2y=5$ 의 해는 모두 몇 쌍인가?

- ① 1 쌍 ② 2 쌍 ③ 3 쌍 ④ 4 쌍 ⑤ 5 쌍

해설

(1, 2), (3, 1)

17. 자연수 x, y 에 대하여 $x + y - 10 = 0$ 를 만족하는 x, y 의 순서쌍 (x, y) 의 개수를 구하여라.

▶ 답: 개

▷ 정답: 9개

해설

자연수 x, y 에 대하여 $x + y - 10 = 0$ 을 만족하는 순서쌍은 $(1, 9), (2, 8), (3, 7), (4, 6), (5, 5), (6, 4), (7, 3), (8, 2), (9, 1)$ 로 9개이다.

18. x, y 가 자연수일 때, $3x + y = 19$ 를 만족하는 x, y 순서쌍의 개수를 구하면?(단, $x > y$)

- ① 2 개 ② 3 개 ③ 4 개 ④ 5 개 ⑤ 6 개

해설

자연수 x, y 에 대하여 $3x + y = 19$ 를 만족하는 순서쌍은 $(1, 16), (2, 13), (3, 10), (4, 7), (5, 4), (6, 1)$ 이고 이 중 x 의 값이 더 큰 것은 2개이다.

19. x, y 가 자연수일 때, 일차방정식 $x + 2y = 7$ 의 해의 개수는?

- ① 2 개 ② 3 개 ③ 4 개 ④ 5 개 ⑤ 6 개

해설

$x + 2y = 7$ 의 y 에 1, 2, 3, ... 을 차례대로 대입하여 자연수가 되는 순서쌍을 구하면 (1, 3), (3, 2), (5, 1) 이다.
따라서 해의 개수는 3 개이다.

20. x, y 가 자연수일 때, 일차방정식 $x + 3y = 13$ 의 해의 개수는?

- ① 2 ② 3 ③ 4 ④ 5 ⑤ 6

해설

$x = 13 - 3y$ 에 $y = 1, 2, 3, \dots$ 을 차례대로 대입하여 해를 구하면
(1, 4), (4, 3), (7, 2), (10, 1) 이다.
따라서 해의 개수는 4 이다.

21. x, y 가 자연수일 때, 일차방정식 $3x + y = 19$ 의 해의 개수는?

- ① 3 ② 4 ③ 5 ④ 6 ⑤ 7

해설

자연수 x, y 에 대하여 $3x + y = 19$ 를 만족하는 순서쌍은
(1, 16), (2, 13), (3, 10), (4, 7), (5, 4), (6, 1)
따라서 해의 개수는 6개이다.

22. x, y 가 자연수일 때, 일차방정식 $2x+5(y-1) = 19$ 의 해를 모두 구한 것은?

① (1, 2), (2, 4)

② (2, 1), (2, 4)

③ (2, 4), (7, 2)

④ (1, 2), (5, 4), (6, 3)

⑤ (5, 4), (6, 3), (7, 2)

해설

주어진 식을 정리하면 $2x+5y = 24$ 이다.

이 때, x, y 의 값을 표로 나타내면

x	1	2	3	4	5	6	7	8	9
y	$\frac{22}{5}$	4	$\frac{18}{5}$	$\frac{16}{5}$	$\frac{14}{5}$	$\frac{12}{5}$	2	$\frac{8}{5}$	$\frac{6}{5}$

이므로 x, y 값이 자연수가 되는 쌍을 찾으면 (2, 4), (7, 2) 이다.

23. 방정식 $x + y = 9$ 을 만족하는 x, y 의 순서쌍의 개수에서 방정식 $2x + y = 11$ 을 만족하는 x, y 순서쌍의 개수를 뺀 값을 구하여라. (단, x, y 는 자연수이다.)

▶ 답 :

▷ 정답 : 3

해설

방정식 $x + y = 9$ 의 x, y 값을 표로 나타내면

x	1	2	3	4	5	6	7	8
y	8	7	6	5	4	3	2	1

방정식 $2x + y = 11$ 의 x, y 값을 표로 나타내면

x	1	2	3	4	5	6
y	9	7	5	3	1	-1

이다. 따라서 x, y 값이 자연수인 순서쌍의 개수를 구하면 8개, 5개 이므로 $8 - 5 = 3$ 이다.

24. 방정식 $x + 2y = 10$ 을 만족하는 x, y 의 순서쌍의 개수와 방정식 $4x + y = 20$ 을 만족하는 x, y 의 순서쌍의 개수를 더한 값을 구하여라. (단, x, y 는 자연수이다.)

▶ 답 :

▷ 정답 : 8

해설

방정식 $x + 2y = 10$ 의 x, y 값을 표로 나타내면

x	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
y	$\frac{9}{2}$	4	$\frac{7}{2}$	3	$\frac{5}{2}$	2	$\frac{3}{2}$	1	$\frac{1}{2}$	0

이고, 방정식 $4x + y = 20$ 값을 표로 나타내면

x	1	2	3	4	5
y	16	12	8	4	0

이다. 따라서 x, y 값이 자연수인 순서쌍의 개수를 구하면 4개, 4개 이므로 $4 + 4 = 8$ 이다.

25. x, y 가 자연수이고 $x \geq y$ 일 때, 일차방정식 $x + 3y = 15$ 를 만족하는 순서쌍의 개수는?

- ① 1개 ② 2개 ③ 3개 ④ 4개 ⑤ 10개

해설

x, y 가 자연수이므로 $x + 3y = 15$ 의 해는 $(3, 4), (6, 3), (9, 2), (12, 1)$ 이다.
이 중에서 $x \geq y$ 를 만족하는 순서쌍은 $(6, 3), (9, 2), (12, 1)$ 로 3개이다.

26. x, y 가 자연수일 때, 다음 중 일차방정식의 해의 수가 가장 작은 것은?

① $2x + y = 8$ ② $2x + y = 9$ ③ $x + 4y = 15$

④ $6x + 4y = 24$ ⑤ $2x + y = 11$

해설

- ① $2x + y = 8$: (3, 2), (2, 4), (1, 6)
- ② $2x + y = 9$: (1, 7), (2, 5), (3, 3), (4, 1)
- ③ $x + 4y = 15$: (3, 3), (7, 2), (11, -1)
- ④ $6x + 4y = 24$: (2, 3)
- ⑤ $2x + y = 11$:
(1, 9), (2, 7), (3, 5), (4, 3), (5, 1)

27. 두 자연수 a, b 에 대하여 $a * b = a + 3b$ 라고 할 때, $2x * 3y = 4 * 7$ 의 해를 모두 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: $x = 8$

▷ 정답: $y = 1$

해설

$a * b = a + 3b$ 이므로

$2x * 3y = 2x + 3 \times 3y = 2x + 9y$

$4 * 7 = 4 + 3 \times 7 = 25$

$2x + 9y = 25$ 를 만족하는 자연수 x, y 는 $x = 8, y = 1$

28. x, y 가 자연수일 때, 일차방정식 $3x + y = 20$ 의 해 중에서 $x < y$ 인 것의 개수는?

- ① 1개 ② 2개 ③ 3개 ④ 4개 ⑤ 5개

해설

자연수 x, y 에 대하여, $3x + y = 20$ 의 해를 구하면
(1, 17), (2, 14), (3, 11), (4, 8), (5, 5), (6, 2) 이고,
이 중 $x < y$ 인 것은 (1, 17), (2, 14), (3, 11), (4, 8) 이다.
따라서 4개

29. x, y 가 정수이고, $-2 \leq x \leq 2$ 일 때, 미지수가 2개인 일차방정식 $x + 2y = 5$ 의 해의 개수를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 2개

해설

x, y 가 정수일 때 $x + 2y = 5$ 를 만족하는 (x, y) 는 $(-1, 3), (1, 2)$ 이다.

30. $\frac{1}{2}x + y = 10$, x, y 는 자연수($x > y$)일 때, 방정식의 해의 개수를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 6

해설

(2, 9), (4, 8), (6, 7), (8, 6), (10, 5), (12, 4), (14, 3), (16, 2), (18, 1)
에서 $x > y$ 를 만족하는 것은
(8, 6), (10, 5), (12, 4), (14, 3), (16, 2), (18, 1)
따라서 6개다.

31. x, y 가 자연수일 때, 일차방정식 $x + 2y = 8$ 의 해의 개수는?

- ① 0 개 ② 1 개 ③ 2 개 ④ 3 개 ⑤ 4 개

해설

$x + 2y = 8$ 을 만족하는 자연수 x, y 의 값은
(2, 3), (4, 2), (6, 1) → 3 개

32. x, y 가 자연수일 때, 일차방정식 $x+y=6$ 의 해의 개수를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 5개

해설

해는 $(2, 5), (4, 4), (6, 3), (8, 2), (10, 1)$ 의 5 개이다.

33. 자연수 x, y 에 대하여 일차방정식 $2x + 3y = 12$ 의 해의 개수를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 1개

해설

$x = 1, 2, 3, 4, \dots$ 를 차례로 대입하여 y 의 값을 구한다. 이때, x, y 가 자연수인 순서쌍은 $(3, 2)$ 이므로, 해는 1개이다.

34. x, y 가 자연수일 때, 일차방정식 $2x+y=a$ 가 단 한 개의 해를 갖도록 하는 자연수 a 의 값을 모두 구하여라.

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : 3

▷ 정답 : 4

해설

$a = 1, 2$ 일 때, $2x+y = a$ 를 만족시키는 자연수 x, y 의 순서쌍은 없다.

$a = 3$ 일 때, $2x+y = 3$ 을 만족시키는 자연수 x, y 의 순서쌍은 $(1, 1)$ 이다.

$a = 4$ 일 때, $2x+y = 4$ 를 만족시키는 자연수 x, y 의 순서쌍은 $(1, 2)$ 이다.

$a = 5$ 일 때, $2x+y = 5$ 를 만족시키는 자연수 x, y 의 순서쌍은 $(1, 3), (2, 1)$ 이다.

따라서 단 한 개의 해를 갖도록 하는 자연수 a 의 값은 3, 4 이다.

35. x, y 가 자연수일 때, 다음 중 일차방정식의 해가 3개인 것은?

① $3x + y = 15$ ② $-3x + y = 12$ ③ $x - y = 3$

④ $2x + 3y = 20$ ⑤ $4x + 6y = 24$

해설

① $3x + y = 15$: $(1, 12), (2, 9), (3, 6), (4, 3)$

② $-3x + y = 12$: $(1, 15), (2, 18), (3, 21), \dots$

③ $x - y = 3$: $(4, 1), (5, 2), (6, 3), \dots$

④ $2x + 3y = 20$: $(1, 6), (4, 4), (7, 2)$

⑤ $4x + 6y = 24$: $(3, 2)$

36. 연산 $\odot$ 을 $x \odot y = 2x + y$ 라 정의할 때, 자연수 x, y 에 대하여 $x \odot 2y = 4 \odot 2$ 의 해를 모두 고르면?

① (1, 5)

② (2, 3)

③ (3, 3)

④ (4, 1)

⑤ (5, 6)

해설

$x \odot 2y = 4 \odot 2$ 를 정의에 맞게 계산하면 $2x + 2y = 4 \times 2 + 2$ 이고, 이를 정리하면 $x + y = 5$ x, y 가 자연수이므로 $x = 1, 2, 3, \dots$ 을 차례로 대입하면 (1, 4), (2, 3), (3, 2), (4, 1)

37. 두 자연수 a, b 에 대하여 $a * b = 5a + 2b$ 라고 할 때, $x * 2y = 1 * 4$ 의 해를 구하여라. (단, x, y 는 자연수)

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : $x = 1$

▷ 정답 : $y = 2$

해설

$$x * 2y = 5x + 4y$$

$$1 * 4 = 5 \times 1 + 2 \times 4 = 13$$

$$5x + 4y = 13$$

$$\therefore x = 1, y = 2$$

38. x, y 가 자연수일 때, 일차방정식 $4x + y = 13$ 의 해 중에서 $x > y$ 인 것의 개수는?

- ① 1 개 ② 2 개 ③ 3 개 ④ 4 개 ⑤ 5 개

해설

$4x + y = 13$ 의 해는 $(1, 9), (2, 5), (3, 1)$ 이고,
그 중 $x > y$ 를 만족하는 것은 $(3, 1)$ 이다.

39. x, y 가 자연수일 때, 일차방정식 $4x + y = 13$ 의 해 중에서 $x > y$ 인 것의 개수는?

- ① 1 개 ② 2 개 ③ 3 개 ④ 4 개 ⑤ 5 개

해설

$4x + y = 13$ 의 해는 $(1, 9), (2, 5), (3, 1)$ 이고,
그 중 $x > y$ 를 만족하는 것은 $(3, 1)$ 이다.

40. x, y 가 자연수일 때, 일차방정식 $x+3y = 15$ 의 해의 개수를 구하여라.

▶ 답: 개

▷ 정답: 4개

해설

일차방정식을 만족하는 해의 순서쌍은 $(3, 4), (6, 3), (9, 2), (12, 1)$ 이므로 해의 개수는 4(개)이다.

41. x, y 가 자연수일 때, $3x + 2y = 11$ 을 만족하는 (x, y) 의 개수는?

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

(1, 4), (3, 1)이므로 2