

1. $A = 3a - 2b$, $B = 2a - 5b$ 일 때, $-3A - B$ 를 a 와 b 에 관한 식으로 나타내어라.

▶ 답:

▷ 정답: $-11a + 11b$

해설

$$\begin{aligned}-3A - B &= -3(3a - 2b) - (2a - 5b) \\&= -9a + 6b - 2a + 5b \\&= -11a + 11b\end{aligned}$$

2. $y = 2 - 3x$ 일 때, $2x - 3y + 5$ 를 x 에 관한 식으로 나타내어라.

▶ 답:

▷ 정답: $11x - 1$

해설

준식에 y 값을 대입하면

$$2x - 3(2 - 3x) + 5 = 2x - 6 + 9x + 5 = 11x - 1$$

3. $y = 2x - 3$ 일 때, $-7x + 2y + 2$ 를 x 에 관한 식으로 나타낸 것은?

- ① $-3x + 4$ ② $3x + 4$ ③ $3x - 4$
④ $-3x - 4$ ⑤ $-3x - 3$

해설

$$\begin{aligned}-7x + 2y + 2 &= -7x + 2(2x - 3) + 2 \\&= -7x + 4x - 6 + 2 \\&= -3x - 4\end{aligned}$$

4. $y = -2x - 3$ 일 때, $3x - y - 5$ 를 x 에 관한 식으로 나타내어라.

▶ 답:

▷ 정답: $5x - 2$

해설

$$3x - (-2x - 3) - 5 = 3x + 2x + 3 - 5 = 5x - 2$$

5. $y = 2x - 3$ 일 때, $-7x + 2y + 2$ 를 x 에 관한 식으로 나타낸 것은?

- ① $-3x + 4$ ② $3x + 4$ ③ $3x - 4$
④ $-3x - 4$ ⑤ $-3x - 3$

해설

$$\begin{aligned}-7x + 2y + 2 &= -7x + 2(2x - 3) + 2 \\&= -7x + 4x - 6 + 2 \\&= -3x - 4\end{aligned}$$

6. $x = 2$, $y = -3$ 일 때, $2x + 5y - (3y - 3x)$ 를 계산하면?

- ① -8 ② -4 ③ 1 ④ 2 ⑤ 4

해설

$$(준식) = 5x + 2y = 5 \times 2 + 2 \times (-3) = 4$$

7. $a = -1$, $b = 2$ 일 때, $-3a + 6b - 3(b + 2a)$ 를 계산하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 15

해설

$$\begin{aligned}-3a + 6b - 3(b + 2a) &= -3a + 6b - 3b - 6a \\&= -9a + 3b \\ \therefore -9 \times (-1) + 3 \times 2 &= 9 + 6 = 15\end{aligned}$$

8. 실수 x, y 에 대하여 $3x + 2y = 0$ 인 관계가 있을 때, 다음 식의 값은?

$$\frac{3xy}{2x^2 + y^2} - \frac{xy}{3x^2 - y^2}$$

- ① 0 ② 1 ③ -1 ④ $\frac{16}{17}$ ⑤ $-\frac{52}{17}$

해설

$y = -\frac{3}{2}x$ 이므로 주어진 식에 대입하면,

$$\begin{aligned} & \frac{3xy}{2x^2 + y^2} - \frac{xy}{3x^2 - y^2} \\ &= \frac{3x\left(-\frac{3}{2}x\right)}{2x^2 + \left(-\frac{3}{2}x\right)^2} - \frac{x\left(-\frac{3}{2}x\right)}{3x^2 - \left(-\frac{3}{2}x\right)^2} \\ &= \frac{-\frac{9}{2}x^2}{2x^2 + \frac{9}{4}x^2} - \frac{-\frac{3}{2}x^2}{3x^2 - \frac{9}{4}x^2} = \frac{-\frac{9}{2}x^2}{\frac{17}{4}x^2} - \frac{-\frac{3}{2}x^2}{\frac{3}{4}x^2} \end{aligned}$$

$$= \frac{16}{17}$$

9. $A = x(x - 2)$, $B = (2x^3 + 4x^2 + 6x) \div 2x$ 일 때, $A - (2B - A)$ 를 간단히 하였을 때, 각 항의 계수와 상수항의 합을 구하면?

- ① -12 ② 12 ③ 14 ④ -14 ⑤ 16

해설

$A = x^2 - 2x$, $B = x^2 + 2x + 3$ 이고 $A - (2B - A) = 2A - 2B = 2(A - B)$ 이다.

$A - B = -4x - 3$, $2(A - B) = -8x - 6$ 이므로 각 항의 계수와 상수항의 합은 -14 이다.

10. $2x = 3y$ 일 때, $\frac{6x^3 - 6x^2y}{2x^3 + 3x^2y}$ 의 값을 구하여라. (단, $x \neq 0$)

▶ 답:

▷ 정답: $\frac{1}{2}$

해설

$$\frac{6x^3 - 6x^2y}{2x^3 + 3x^2y} = \frac{6x - 6y}{2x + 3y} = \frac{6x - 4x}{2x + 2x} = \frac{2x}{4x} = \frac{1}{2}$$

11. $y = 2x - 1$ 일 때, $x - 2y + 5$ 를 x 에 관한 식으로 나타내면?

- ① $-4x - 2$ ② $-x - 1$ ③ $2x + 5$
④ $\textcircled{4} -3x + 7$ ⑤ $4x - 3$

해설

$$\begin{aligned}x - 2y + 5 &\parallel y = 2x - 1 \text{ 을 대입} \\x - 2(2x - 1) + 5 &= x - 4x + 2 + 5 \\&= -3x + 7\end{aligned}$$

12. $y = 2x + 1$ 일 때, $x - y + 4$ 를 x 에 관한 식으로 나타내면?

- ① $-x - 2$ ② $-x + 1$ ③ $\textcircled{3} -x + 3$
④ $x + 1$ ⑤ $2x + 3$

해설

$$\begin{aligned}x - y + 4 &\parallel y = 2x + 1 \text{ 을 대입} \\x - (2x + 1) + 4 &= x - 2x - 1 + 4 \\&= -x + 3\end{aligned}$$

13. $x = 3a - 4b - 7$, $y = -2a + b$ 일 때, 다음 식 $2x - 3y + 4$ 를 a, b 에 관한 식으로 옮겨 나타낸 것은?

- ① $-5b - 10$ ② $-11b - 10$ ③ $12a - 11b - 10$
④ $12a - 5b - 3$ ⑤ $12a - 7b - 3$

해설

$$\begin{aligned}x &= 3a - 4b - 7, \quad y = -2a + b \text{를 각각 대입하면} \\2(3a - 4b - 7) - 3(-2a + b) + 4 &= 6a + 6a - 8b - 3b - 14 + 4 \\&= 12a - 11b - 10\end{aligned}$$

14. $x = \frac{a}{2}$, $y = \frac{2b}{3}$ 일 때, $2ax - 3by$ 를 a 와 b 에 관한 식으로 나타내면?

- ① $2a - 2b$ ② $2a - 3b$ ③ $\textcircled{3} a^2 - 2b^2$
④ $a^2 - b^2$ ⑤ $2a^2 - 3b^2$

해설

$x = \frac{a}{2}$, $y = \frac{2b}{3}$ 를 식 $2ax - 3by$ 에 대입하면

$$2a \times \frac{a}{2} - 3b \times \frac{2b}{3} = a^2 - 2b^2$$

15. $A = 3x + 2y$, $B = -5x + 3y$ 일 때, $3A - \{3B + 2(A - B)\}$ 를 x , y 에
관한 식으로 나타내면 $ax + by$ 이다. 이때, $a - b$ 의 값은?

- ① 5 ② 7 ③ 9 ④ 11 ⑤ 13

해설

$$\begin{aligned} A &= 3x + 2y, B = -5x + 3y \text{ 를} \\ \text{식 } 3A - \{3B + 2(A - B)\} \text{ 에 대입하면} \\ 3A - \{3B + 2(A - B)\} \\ &= 3A - (2A + B) \\ &= A - B \\ &= (3x + 2y) - (-5x + 3y) \\ &= 8x - y \\ a &= 8, b = -1 \\ \therefore a - b &= 8 - (-1) = 9 \end{aligned}$$

16. $y = 4x - 3$ 일 때, $-4x^2 + 2xy - y$ 을 x 에 관한 식으로 나타낼 때,
 $Ax^2 + Bx + C$ 이면 $A + B + C$ 의 값은?

- ① -11 ② -3 ③ 3 ④ 11 ⑤ 13

해설

$y = 4x - 3$ 을 식 $-4x^2 + 2xy - y$ 대입하면

$$-4x^2 + 2x(4x - 3) - 4x + 3$$

$$= -4x^2 + 8x^2 - 6x - 4x + 3$$

$$= 4x^2 - 10x + 3$$

$$\therefore A + B + C = 4 + (-10) + 3 = -3$$

17. $x = 2a - b$, $y = -3a + b$ 일 때, $2x - 5y$ 를 a , b 에 관한 식으로 옮기 나타낸 것은?

- ① $19a - 17b$ ② $19a - 7b$ ③ $19a - 3b$
④ $19a + 7b$ ⑤ $19a + 3b$

해설

$$\begin{aligned} x &= 2a - b \text{ } \circ \text{므로 } 2x = 2(2a - b) = 4a - 2b \\ y &= -3a + b \text{ } \circ \text{므로 } 5y = 5(-3a + b) = -15a + 5b \\ 2x - 5y &= 2(2a - b) - 5(-3a + b) \\ &= 4a - 2b + 15a - 5b \\ &= 19a - 7b \end{aligned}$$

18. 두 다항식 A , B 에 대하여 $A = -a + 3b$, $B = 2a - 4b + c$ 일 때,
 $2(A+B) - (A+B)$ 를 a , b , c 에 관한 식으로 나타내면?

- ① $a - b + c$ ② $10b - c$ ③ $5a - 9b + 3c$
④ $11a - 9b - c$ ⑤ $9a - 11b + c$

해설

$$\begin{aligned} A &= -a + 3b, B = 2a - 4b + c \text{ } \diamond] \text{므로} \\ 2(A+B) - (A+B) &= 2A + 2B - A - B \\ &= A + B \\ &= (-a + 3b) + (2a - 4b + c) \\ &= a - b + c \end{aligned}$$

19. $2x = 3y$ 일 때, $\frac{6x^3 - 6x^2y}{2x^3 + 3x^2y}$ 의 값을 구하여라. (단, $x \neq 0$)

▶ 답:

▷ 정답: $\frac{1}{2}$

해설

$$\frac{6x^3 - 6x^2y}{2x^3 + 3x^2y} = \frac{6x - 6y}{2x + 3y} = \frac{6x - 4x}{2x + 2x} = \frac{2x}{4x} = \frac{1}{2}$$

20. $a = 3x - 5y$, $b = x - 4y$ 일 때, $(5a - 3b) - 2(2a + b)$ 를 x , y 에 관한 식으로 나타내어라.

▶ 답:

▷ 정답: $-2x + 15y$

해설

$$\begin{aligned}(5a - 3b) - 2(2a + b) &= a - 5b \\&= 3x - 5y - 5(x - 4y) \\&= -2x + 15y\end{aligned}$$

21. $A = 3x - 2y$, $B = 2x + y$ 일 때, $2(3A - 2B) - 3(2A - B)$ 를 x , y 에 관한 식으로 나타내면?

- ① $2x + y$ ② $\textcircled{2} -2x - y$ ③ $5x - y$
④ $3x - y$ ⑤ $x - 3y$

해설

$2(3A - 2B) - 3(2A - B) = 6A - 4B - 6A + 3B = -B$
따라서 $B = 2x + y$ 를 대입하면 $-B = -2x - y$ 이다.

22. 아버지의 나이가 영수의 2 배이고, 영수는 어머니보다 22 살이 적다.
어머니의 나이를 x 일 때, 아버지의 나이를 x 에 관한 식으로 나타내어라.

▶ 답:

▷ 정답: $2x - 44$

해설

(아버지의 나이) = (영수의 나이) $\times 2 \cdots ①$
(영수의 나이) = (어머니의 나이) $- 22 \cdots ②$
어머니의 나이를 x 라 하면 영수의 나이는 $x - 22$ 이다.
①의 식에 영수의 나이 $x - 22$ 를 대입하면 (아버지의 나이) =
 $(x - 22) \times 2 = 2x - 44$ 이다.

23. $A = x - y$, $B = -2x + y$ 일 때, $3A - [2B - A - \{3B - (2A - B)\}] = ax + by$ 이다. $a + b$ 의 값은?

- ① 0 ② 2 ③ **-2** ④ 4 ⑤ -4

해설

$3A - [2B - A - \{3B - (2A - B)\}]$ 을 정리하면 $2A + 2B$ 이다.

$A = x - y$, $B = -2x + y$ 를 대입하면

$$2(x - y) + 2(-2x + y) = -2x$$

$$a = -2, b = 0$$

$$\therefore a + b = -2$$

24. $A = \frac{x-y}{2}$, $B = \frac{x-2y+1}{3}$ 일 때, $4A - 6B$ 를 x , y 에 대한 식으로 나타내면?

- ① $4x + 2y - 2$ ② $2y - 2$ ③ $4x - 2y + 2$
④ $-x + 4y + 3$ ⑤ $x - 4y + 3$

해설

$$4\left(\frac{x-y}{2}\right) - 6\left(\frac{x-2y+1}{3}\right) = 2x - 2y - 2x + 4y - 2 = 2y - 2$$

25. $A = x - 2y$, $B = 2x - y + 3$ 일 때, 식 $A - (B - A) - 2B + 5$ 을 x, y 에
관한 식으로 나타내면?

- ① $3x - 3y + 3$ ② $-3x - 4y + 3$ ③ $\cancel{-4x - y - 4}$
④ $-4x - y + 14$ ⑤ $-4x - 7y + 4$

해설

$$\begin{aligned}A - (B - A) - 2B + 5 \\&= A - B + A - 2B + 5 \\&= 2A - 3B + 5 \\&= 2(x - 2y) - 3(2x - y + 3) + 5 \\&= 2x - 4y - 6x + 3y - 9 + 5 \\&= -4x - y - 4\end{aligned}$$

26. $A = \frac{x-y}{2}$, $B = \frac{x+y}{3}$ 일 때, $3\{2B - 4(B-3A)\} - 32A + 3B$ 을 x, y 로 나타낸 것은?

- ① $x+2y$ ② $x+3y$ ③ $x-2y$
④ $x-3y$ ⑤ $x+4y$

해설

$3\{2B - 4(B-3A)\} - 32A + 3B$ 를 간단하게 정리하면

$$3(2B - 4B + 12A) - 32A + 3B$$

$$= 3(12A - 2B) - 32A + 3B$$

$$= 36A - 32A - 6B + 3B$$

$$= 4A - 3B$$

$4A - 3B$ 으로 $A = \frac{x-y}{2}$, $B = \frac{x+y}{3}$ 를 대입하면

$$4 \times \frac{x-y}{2} - 3 \times \frac{x+y}{3} = 2(x-y) - (x+y)$$

$$= x-3y$$

27. $a = -x + 3y$, $b = 2x - y$ 고, $3(2a - b) - 4(a - b)$ 를 x , y 에 관한 식으로 나타냈을 때, y 의 계수를 말하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 5

해설

$$3(2a - b) - 4(a - b) = 6a - 3b - 4a + 4b = 2a + b$$

$a = -x + 3y$, $b = 2x - y$ 를 대입하면

$$2(-x + 3y) + (2x - y) = -2x + 6y + 2x - y = 5y$$

28. $2x = 3y$ 일 때, $\frac{6x^3 - 6x^2y}{2x^3 + 3x^2y}$ 의 값을 구하여라. (단, $x \neq 0$)

▶ 답:

▷ 정답: $\frac{1}{2}$

해설

$$\begin{aligned}\frac{6x^3 - 6x^2y}{2x^2 + 3x^2y} &= \frac{6x^3 - 2x^2 \cdot 3y}{2x^3 + x^2 \cdot 3y} \\ &= \frac{6x^3 - 2x^2 \cdot 2x}{2x^3 + x^2 \cdot 2x} \\ &= \frac{4x^3}{4x^3} = \frac{1}{2}\end{aligned}$$

29. $A = x^2 - 2x + 5$, $B = 2x^2 + x - 3$ 일 때, $5A - (2A + B)$ 를 x 에 관한
식으로 나타내면?

- ① $2x^2 - 5x + 8$ ② $-3x^2 - 7x - 5$
③ $x^2 + 6x + 9$ ④ $-x^2 + 10x - 22$
⑤ $x^2 - 7x + 18$

해설

$$\begin{aligned}(준식) &= 3A - B \\&= 3(x^2 - 2x + 5) - (2x^2 + x - 3) \\&= x^2 - 7x + 18\end{aligned}$$

30. $\frac{3}{a} = \frac{1}{b}$ 일 때, $\frac{a^2 + 2b^2}{3ab}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $\frac{11}{9}$

해설

$$a = 3b, \frac{a^2 + 2b^2}{3ab} = \frac{(3b)^2 + 2b^2}{3b \cdot 3b} = \frac{11b^2}{9b^2} = \frac{11}{9}$$

31. $A = x - y$, $B = -2x + y$ 일 때, $3A - [2B - A - \{3B - (2A - B)\}] = ax + by$ 이다. $a + b$ 의 값은?

- ① 0 ② 2 ③ -2 ④ 4 ⑤ -4

해설

$$\begin{aligned} & 3A - [2B - A - \{3B - (2A - B)\}] \\ &= 3A - \{2B - A - (3B - 2A + B)\} \\ &= 3A - (2B - A + 2A - 4B) \\ &= 3A - (A - 2B) \\ &= 2A + 2B \text{ 이다.} \end{aligned}$$

$A = x - y$, $B = -2x + y$ 를 대입하면

$$2(x - y) + 2(-2x + y) = -2x$$

$$a = -2, b = 0 \quad \therefore a + b = -2$$

32. $A = \frac{x-y}{2}$, $B = \frac{x-2y+1}{3}$ 일 때, $4A - 6B$ 를 x , y 에 대한 식으로 나타내면?

- ① $4x + 2y - 2$ ② $2y - 2$ ③ $4x - 2y + 2$
④ $-x + 4y + 3$ ⑤ $x - 4y + 3$

해설

$$\begin{aligned} & 4\left(\frac{x-y}{2}\right) - 6\left(\frac{x-2y+1}{3}\right) \\ &= 2x - 2y - 2x + 4y - 2 = 2y - 2 \end{aligned}$$

33. $A = \frac{2x-y}{2}$, $B = \frac{x+3y+2}{3}$ 일 때, $A - \{2A - 3B - 3(A - 2B)\}$ 를 x , y 에 관한 식으로 나타내면?

- ① $x + 2y + 1$ ② $x + 2y - 1$ ③ $x + 4y - 2$
④ $x - 4y - 2$ ⑤ $x - 8y + 2$

해설

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= A - (2A - 3B - 3A + 6B) \\&= A - (-A + 3B) = 2A - 3B \\A, B \text{의 값을 대입하면} \\(\text{준식}) &= 2x - y - (x + 3y + 2) = x - 4y - 2\end{aligned}$$

34. $A = 2x + 5y$, $B = \frac{3x - 4y + 2}{5}$ 일 때, $2A - \{2B - (A - 3B)\}$ 를 x, y

에 관한 식으로 나타내면?

① $3x + 19y + 2$ ② $-3x - 19y - 2$ ③ $\cancel{3x + 19y - 2}$

④ $3x - 19y + 2$ ⑤ $-3x + 19y - 2$

해설

$$2A - \{2B - (A - 3B)\} = 2A - (2B - A + 3B)$$

$$= 2A - (-A + 5B)$$

$$= 3A - 5B$$

A, B 의 값을 대입하면

$$(준식) = 3(2x + 5y) - 5\left(\frac{3x - 4y + 2}{5}\right)$$

$$= 6x + 15y - 3x + 4y - 2$$

$$= 3x + 19y - 2$$

35. $A = 2x + 5y$, $B = \frac{3x - 4y + 2}{5}$ 일 때, $2A - \{2B - (A - 3B)\}$ 를 x , y 에 관한 식으로 나타내면?

- ① $3x + 19y + 2$ ② $-3x - 19y - 2$ ③ $\cancel{3x + 19y - 2}$
④ $3x - 19y + 2$ ⑤ $-3x + 19y - 2$

해설

$$\begin{aligned} & 2A - \{2B - (A - 3B)\} \\ &= 2A - (2B - A + 3B) \\ &= 2A - (-A + 5B) \\ &= 3A - 5B \\ &= 3(2x + 5y) - 5\left(\frac{3x - 4y + 2}{5}\right) \\ &= 6x + 15y - 3x + 4y - 2 \\ &= 3x + 19y - 2 \end{aligned}$$

36. $x : y = 3 : 5$ 일 때, $\frac{3x^2 + 9y^2}{2x^2 + 3xy}$ 의 값은?

- ① $\frac{8}{5}$ ② $\frac{12}{5}$ ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

비례식을 풀면 $5x = 3y$, 식을 변형하고 대입하면

$$\frac{3x^2 + 9y^2}{2x^2 + 3xy} = \frac{3x^2 + (3y)^2}{2x^2 + x \times (3y)} = \frac{3x^2 + (5x)^2}{2x^2 + x \times (5x)} = \frac{28x^2}{7x^2} = 4$$

37. $A = 2x - z$, $B = x - 3y + 2z$, $C = 4y + z$ 일 때, 다음 식을 x , y , z 에
관한 식으로 바르게 나타낸 것은?

$$A - 2B - \{B - (A - 2C) + C\}$$

- ① $x + 3y - 11z$ ② $x - 3y + 9z$ ③ $x - 3y - 11z$
④ $7x - 3y - 11z$ ⑤ $7x - 3y - 5z$

해설

$$\begin{aligned} A - 2B - \{B - (A - 2C) + C\} \\ &= A - 2B - (B - A + 2C + C) \\ &= A - 2B - (B - A + 3C) \\ &= A - 2B - B + A - 3C \\ &= 2A - 3B - 3C \\ &\therefore 2A - 3B - 3C \\ &= 2(2x - z) - 3(x - 3y + 2z) - 3(4y + z) \\ &= 4x - 2z - 3x + 9y - 6z - 12y - 3z \\ &= x - 3y - 11z \end{aligned}$$

38. $\text{기호 } *$ 를 $a * b = \frac{2a - b}{a + b}$ 로 약속할 때, $a * b = \frac{3}{2}$ 이면 $2b * 2a$ 의

값은?

- ① $\frac{1}{2}$ ② $-\frac{7}{2}$ ③ $\frac{7}{2}$ ④ $-\frac{1}{3}$ ⑤ $-\frac{1}{2}$

해설

$$\frac{2a - b}{a + b} = \frac{3}{2}$$

$$4a - 2b = 3a + 3b$$

$$\therefore a = 5b$$

$$2b * 2a = \frac{2 \times 2b - 2a}{2b + 2a} = \frac{2(2b - a)}{2(a + b)} = \frac{2b - a}{a + b}$$

$$a = 5b \text{이므로 } \frac{2b - 5b}{5b + b} = -\frac{3b}{6b} = -\frac{1}{2}$$

39. $a = x + 2y$, $b = 3x - y$ 일 때, $4a - 3b$ 를 x , y 에 관한 식으로 나타내면?

- ① $-5x + 5y$ ② $-5x + 9y$ ③ $\textcircled{3} -5x + 11y$
④ $-5x + 3y$ ⑤ $-5x + y$

해설

$$\begin{aligned}4a - 3b &= 4(x + 2y) - 3(3x - y) \\&= 4x + 8y - 9x + 3y \\&= -5x + 11y\end{aligned}$$

40. $x = \frac{a+b}{3}$, $y = \frac{a-b}{3}$ 일 때, $3ax + 6by$ 를 a 와 b 에 관한 식으로 나타내면?

- ① $a^2 + ab + b^2$ ② $a^2 + 2ab - 2b^2$ ③ $\textcircled{3} a^2 + 3ab - 2b^2$
④ $a^2 - 3ab - 2b^2$ ⑤ $a^2 - 3ab + 2b^2$

해설

$$3a\left(\frac{a+b}{3}\right) + 6b\left(\frac{a-b}{3}\right) = a^2 + 3ab - 2b^2$$

41. $a = 2x - 3$ 일 때, 다음 식을 x 에 관한 식으로 나타내면?

$$(2a - 3)x^2 - ax + a + 3$$

① $-4x^3 + 11x^2 + 5x$

② $-4x^3 - 11x^2 - 5x$

③ $-4x^3 - 11x^2 + 5x$

④ $4x^3 - 11x^2 - 5x$

⑤ $4x^3 - 11x^2 + 5x$

해설

$a = 2x - 3$ 을 주어진 식에 대입하면

$$(2a - 3)x^2 - ax + a + 3$$

$$= \{2(2x - 3) - 3\} x^2 - (2x - 3)x + (2x - 3) + 3$$

$$= (4x - 9)x^2 - (2x - 3)x + 2x - 3 + 3$$

$$= 4x^3 - 9x^2 - 2x^2 + 3x + 2x$$

$$= 4x^3 - 11x^2 + 5x$$

42. $a = 2x + 1$ 일 때, 다음 등식을 x 에 관한 식으로 나타내면?

$$(a - 1)x^2 - ax + 2a - 2$$

① $-2x^3 + 2x^2 + 3x$

② $\textcircled{2} 2x^3 - 2x^2 + 3x$

③ $2x^3 + 2x^2 - 3x$

④ $2x^3 + 2x^2 + 3x$

⑤ $2x^3 - 2x^2 - 3x$

해설

$a = 2x + 1$ 을 주어진 식에 대입하면

$$(a - 1)x^2 - ax + 2a - 2$$

$$= (2x + 1 - 1)x^2 - (2x + 1)x + 2(2x + 1) - 2$$

$$= 2x^3 - 2x^2 - x + 4x + 2 - 2$$

$$= 2x^3 - 2x^2 + 3x$$

43. $a = -2x + 3y$, $b = x - 2y$ 일 때, $4(2a - 3b) - 2(a - 4b)$ 를 x , y 에 관한 식으로 나타내면?

- ① $-40x + 70y$ ② $-32x - 58y$ ③ $-24x + 38y$
④ $-16x + 26y$ ⑤ $-8x + 20y$

해설

$4(2a - 3b) - 2(a - 4b)$ 를 간단히 정리하면

$8a - 12b - 2a + 8b = 6a - 4b$ 이다.

$a = -2x + 3y$, $b = x - 2y$ 를 대입하면

$$6a - 4b = 6(-2x + 3y) - 4(x - 2y)$$

$$= -12x + 18y - 4x + 8y$$

$$= -16x + 26y$$

44. $A = \frac{3x-y}{2}$, $B = \frac{x+y+1}{3}$ 일 때, $4A + 9B - 5$ 를 x, y 를 사용하여 나타내면?

- ① $9x + y - 2$ ② $9x - y - 2$ ③ $9x + y + 2$
④ $9x - y + 2$ ⑤ $-9x + y - 2$

해설

$$A = \frac{3x-y}{2}, B = \frac{x+y+1}{3} \text{ 를 } 4A + 9B - 5 \text{ 에 대입하면}$$

$$\begin{aligned} 4A + 9B - 5 \\ &= 4 \times \frac{3x-y}{2} + 9 \times \frac{x+y+1}{3} - 5 \\ &= 2(3x-y) + 3(x+y+1) - 5 \\ &= 6x - 2y + 3x + 3y + 3 - 5 \\ &= 9x + y - 2 \end{aligned}$$

45. $A = 2x - y$, $B = -x + 2y - 3$ 이고, $A - 2B + 5$ 를 x, y 에 관한 식으로 나타내었을 때, x 의 계수, y 의 계수, 상수항을 각각 a, b, c 라 하면 $a + b + c$ 의 값은?

① 10 ② 11 ③ 12 ④ 13 ⑤ 14

해설

$$\begin{aligned} A &= 2x - y, B = -x + 2y - 3 \\ A - 2B + 5 &= (2x - y) - 2(-x + 2y - 3) + 5 \\ &= 2x - y + 2x - 4y + 6 + 5 \\ &= 4x - 5y + 11 \end{aligned}$$

$$\therefore a = 4, b = -5, c = 11$$

$$\text{따라서 } a + b + c = 4 + (-5) + 11 = 10$$

46. $A = x^2 - 3x + 5$, $B = 2x^2 + x - 3$, $C = -3x^2 + 5$ 일 때, $2A - \{B - 3(A + 2C)\}$ 를 x 에 관한 식으로 나타내면?

- ① $-15x^2 - 16x - 58$
② $-15x^2 + 16x + 58$
③ $15x^2 - 16x + 58$
④ $-16x^2 - 15x + 58$
⑤ $-15x^2 - 16x + 58$

해설

$$2A - (B - 3A - 6C) = 2A - B + 3A + 6C \\ = 5A - B + 6C$$

$$A = x^2 - 3x + 5, B = 2x^2 + x - 3, C = -3x^2 + 5 \text{ 를 대입하면} \\ 5(x^2 - 3x + 5) - (2x^2 + x - 3) + 6(-3x^2 + 5) \\ = (5 - 2 - 18)x^2 + (-15 - 1)x + 25 + 3 + 30 \\ = -15x^2 - 16x + 58$$

47. $A = x^2 - 2x + 4$, $B = 2x^2 - x + 2$, $C = -2x^2 + 3$ 일 때, $A - \{B - 2(A + C)\}$ 를 x 에 관한 식으로 나타내면?

- ① $-3x^2 - 5x + 16$ ② $-3x^2 + 5x + 9$
③ $3x^2 - 5x + 9$ ④ $4x^2 - 5x + 3$
⑤ $-4x^2 - 5x + 10$

해설

$$\begin{aligned} A - \{B - 2(A + C)\} &= A - B + 2A + 2C \\ &= 3A - B + 2C \\ A = x^2 - 2x + 4, B = 2x^2 - x + 2, C = -2x^2 + 3 &\text{이므로} \\ 3A - B + 2C &= 3(x^2 - 2x + 4) - (2x^2 - x + 2) \\ &\quad + 2(-2x^2 + 3) \\ &= 3x^2 - 6x + 12 - 2x^2 + x - 2 - 4x^2 + 6 \\ &= -3x^2 - 5x + 16 \end{aligned}$$

48. $\frac{2}{x} = \frac{1}{y}$ 일 때, $(10xy - 15y^2) \div 5y^2$ 의 값은?

- ① -5 ② -3 ③ -2 ④ 1 ⑤ 5

해설

$$\frac{2}{x} = \frac{1}{y} \Leftrightarrow x = 2y \text{이다.}$$

$$(10xy - 15y^2) \div 5y^2 = \frac{2x}{y} - 3 = \frac{4y}{y} - 3 = 4 - 3 = 1$$

49. $A = x - 3y$, $B = -3x + 2y$ 일 때, $5A - [B - \{3A - (A - 2B)\}]$ 을 x, y 에 관한 식으로 나타내면?

- ① $4x + 19y$ ② $\textcircled{2} 4x - 19y$ ③ $6x + 11y$
④ $6x - 11y$ ⑤ $3x - y$

해설

$$5A - [B - \{3A - (A - 2B)\}] = 7A + B$$

$A = x - 3y$, $B = -3x + 2y$ 을 대입하면

$$7A + B = 7(x - 3y) + (-3x + 2y)$$

$$= 7x - 21y - 3x + 2y$$

$$= 4x - 19y$$

50. $A = \frac{2x - 3y + 1}{3}$, $B = \frac{x - 2y + 1}{2}$ 일 때, $A - \{B - (2A - B)\}$ 를 x , y 를 써서 나타내어라.

▶ 답:

▷ 정답: $x - y$

해설

$$A - \{B - (2A - B)\} = A - (-2A + 2B) = 3A - 2B$$

$$A = \frac{2x - 3y + 1}{3}, B = \frac{x - 2y + 1}{2} \text{ 을 대입하면}$$

$$3 \times \frac{2x - 3y + 1}{3} - 2 \times \frac{x - 2y + 1}{2}$$

$$= 2x - 3y + 1 - x + 2y - 1 = x - y$$

51. $a = -\frac{1}{3}$, $b = \frac{3}{7}$ 일 때, $\frac{8ab^2 - 6a^2b}{2a^2b^2}$ 의 값은?

- ① -11 ② -13 ③ -15 ④ -17 ⑤ -19

해설

$$\frac{8ab^2 - 6a^2b}{2a^2b^2} = \frac{4}{a} - \frac{3}{b} = 4 \div \left(-\frac{1}{3}\right) - 3 \div \frac{3}{7} = -19$$

52. $A = 2x + 3y - z$, $B = 4x - 5y + 2z$, $C = -x + 4y + 3z$ 일 때,
 $A - \{B - (A - 2C)\} = lx + my + nz$ 이다. 이때, $l + m + n$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -5

해설

$$\begin{aligned} A - \{B - (A - 2C)\} &= A - (B - A + 2C) \\ &= A - B + A - 2C \\ &= 2A - B - 2C \\ &= 2(2x + 3y - z) - (4x - 5y + 2z) - 2(-x + 4y + 3z) \\ &= 4x + 6y - 2z - 4x + 5y - 2z + 2x - 8y - 6z \\ &= 2x + 3y - 10z \\ \therefore l + m + n &= 2 + 3 - 10 = -5 \end{aligned}$$