

1. 다음 중 $y = -\frac{4}{x}$ 의 그래프에 대한 설명으로 옳은 것을 모두 고르면?

(정답 2개)

- ① 원점을 지나는 매끄러운 곡선이다.
- ② 제 1, 3사분면에 있다.
- ③ 점 $(1, -4)$ 를 지난다.
- ④ x 의 값이 증가하면 y 의 값도 증가한다.
- ⑤ $y = 4x$ 의 그래프와 만난다.

해설

- ① 원점을 지나지 않는다.
- ② 제 2, 4사분면에 있다.
- ⑤ $y = 4x$ 의 그래프는 제 1, 3사분면을 지나는 직선이므로
 $y = -\frac{4}{x}$ 의 그래프와 만나지 않는다.

2. 다음은 $y = -\frac{13}{x}$ 의 그래프에 대한 설명이다. 옳지 않은 것은?

- ① $(1, -13)$ 을 지난다.
- ② 제 2 사분면과 제 4 사분면을 지난다.
- ③ 원점에 대하여 대칭이다.
- ④ $y = -3x$ 와 두 점에서 만난다.

해설

$y = -\frac{13}{x}$ 의 그래프를 그려보면



④, 정수인 점은 $(-13, 1), (-1, 13), (1, -13), (13, -1)$ 4 개이다.

3. 다음은 $y = -\frac{6}{x}$ 의 그래프에 대한 설명이다. 옳은 것을 모두 고르면?
(정답 2개)

- ① 원점을 지나는 곡선이다.
- ② 점 $\left(-4, \frac{2}{3}\right)$ 을 지난다.
- ③ 제 2 사분면과 제 4 분면을 지난다.
- ④ x 의 값이 증가하면 y 의 값은 감소한다.
- ⑤ $x < 0$ 일 때, $y > 0$ 이다.

해설

$y = -\frac{6}{x}$ 의 그래프를 그려보면



- ① 원점을 지나지 않는 쌍곡선이다.
- ② $x = -4$ 일 때 $y = \frac{3}{2}$ 이다.
- ④ x 의 값이 증가하면 y 의 값도 증가한다.

4. 다음 중 $y = \frac{10}{x}$ 의 그래프에 대한 설명으로 옳지 않은 것은?

- ① 한 쪽의 곡선으로 그려진다.
- ② 제1, 3사분면 위에 있다.
- ③ 점 $(2, 5)$ 를 지난다.
- ④ x 의 값이 증가하면 y 의 값은 감소한다.
- ⑤ 원점을 지난다.

해설

⑤ $y = \frac{10}{x}$ 의 그래프는 원점을 지난지 않는다.



5. $y = \frac{3}{x}$ 의 그래프가 두 점 $(a, 6)$, $(-2, b+1)$ 을 지날 때, ab 의 값은?

- ① $-\frac{1}{4}$ ② $-\frac{1}{2}$ ③ $-\frac{3}{4}$ ④ -1 ⑤ $-\frac{5}{4}$

해설

$$y = \frac{3}{x} \text{ } \textcircled{1} \parallel x = a, y = 6 \text{ 을 대입하면}$$

$$6 = \frac{3}{a}, \quad a = \frac{1}{2}$$

$$y = \frac{3}{x} \text{ } \textcircled{2} \parallel x = -2, y = b+1 \text{ 을 대입하면}$$

$$b+1 = -\frac{3}{2}, \quad b = -\frac{5}{2}$$

$$\therefore ab = \frac{1}{2} \times \left(-\frac{5}{2}\right) = -\frac{5}{4}$$

6. 다음 중 $y = \frac{6}{x}$ 의 그래프 위의 점이 아닌 것은?

- ① (6, 1) ② (1, 6) ③ (2, 3) ④ (3, 2) ⑤ (3, 3)

해설

$y = \frac{6}{x}$ 에 (3, 3) 을 대입하면 $\frac{6}{3} \neq 3$ 이다.

7. $y = \frac{10}{x}$ 의 그래프가 $(-1, a), (b, 5)$ 를 지날 때, $a + b$ 의 값은?

- Ⓐ -8 Ⓛ -6 Ⓜ -4 Ⓞ 8 Ⓟ 12

해설

$$\frac{10}{(-1)} = a, a = -10$$

$$5 = \frac{10}{b}, b = 2$$

$$\therefore a + b = -8$$

8. $y = -\frac{16}{x}$ 의 그래프가 $(-2, a)$ 를 지날 때, 상수 a 의 값은?

- ① 8 ② 10 ③ 14 ④ 16 ⑤ 18

해설

$$-\frac{16}{(-2)} = 8 = a$$

9. 다음 중 $y = \frac{3}{x}$ 의 그래프에 대한 설명 중 옳은 것은?

- ① 제2,4 사분면을 지난다.
- ② x 의 값이 증가할 때, y 의 값도 증가한다.
- ③ 점 $(6, 2)$ 를 지난다.
- ④ 원점을 지나는 직선이다.
- ⑤ 제1,3 사분면을 지나는 쌍곡선이다.

해설

$$y = \frac{3}{x} \text{ (반비례) 그래프}$$

- ① $a > 0$ 이므로 제1,3 사분면을 지난다.
- ② $a > 0$ 이므로 x 값이 증가할 때 y 값은 감소한다.
- ③ 점 $\left(6, \frac{1}{2}\right)$ 을 지난다.
- ④ 원점을 지나지 않는다.

10. 다음 중 $y = \frac{-18}{x}$ 의 그래프 위의 점이 아닌 것은?

- ① (6, -3) ② (-2, 9) ③ (-18, 1)
④ (1, -9) ⑤ (-6, 3)

해설

④ (1, -9) \Rightarrow (1, -18)

11. $y = -\frac{16}{x}$ 의 그래프가 점 $(a, -8)$, $(-4, b)$ 를 지날 때, a, b 의 값은?

- ① 4, 4 ② 2, 4 ③ 2, 8 ④ 4, 8 ⑤ 4, 10

해설

$y = -\frac{16}{x}$ 의 점 $(a, -8)$ 을 지나므로 $-\frac{16}{a} = -8$, $a = 2$ 이다.

점 $(-4, b)$ 를 지나므로 $-\frac{16}{(-4)} = b$, $b = 4$ 이다.

12. $y = \frac{18}{x}$ 의 그래프가 두 점 $(2, a), (b, -6)$ 을 지날 때, $a-b$ 의 값은?

- ① -12 ② 12 ③ 3 ④ 6 ⑤ -3

해설

$$a = \frac{18}{2} = 9$$

$$-6 = \frac{18}{b}, b = -3$$

$$\therefore a - b = 9 - (-3) = 12$$

13. $y = \frac{6}{x}$ 의 그래프 위에 있는 점이 아닌 것은?

- ① $(-3, -2)$ ② $(-1, -6)$ ③ $(1, 6)$
④ $\textcircled{④} (2, -3)$ ⑤ $\left(5, \frac{6}{5}\right)$

해설

④ $(2, -3)$ 을 대입하면 $-3 \neq \frac{6}{2} = 3$ 이므로 성립하지 않는다.

14. 점 P($a, -1$)은 $y = -3x$ 위의 점이고, 점 Q($-2, b$)은 $y = \frac{2}{x}$ 위의 점이다. ab 의 값은?

- ① $\frac{1}{3}$ ② $-\frac{1}{3}$ ③ 1 ④ 3 ⑤ -3

해설

($a, -1$)을 $y = -3x$ 에 대입하면

$$-1 = -3a$$

$$\therefore a = \frac{1}{3}$$

($-2, b$)을 $y = \frac{2}{x}$ 에 대입하면

$$b = \frac{2}{-2} = -1$$

$$\therefore ab = -\frac{1}{3}$$

15. 다음 중 $y = \frac{12}{x}$ 의 그래프 위의 점이 아닌 것은?

- ① $(-2, -6)$ ② $(-1, -12)$ ③ $(1, 12)$
④ $(2, 6)$ ⑤ $(3, 3)$

해설

$$\frac{12}{3} = 4 \text{ 이므로 } (3, 4) \text{ 를 지난다.}$$

16. $y = \frac{9}{x}$ 의 그래프가 점 $(a, -3)$ 를 지날 때, 점 $(-2a, a)$ 는 제 몇 사분면
위의 점인지 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 제4사분면

해설

$$y = \frac{9}{x} \text{에 } x = a, y = -3 \text{를 대입하면}$$

$$-3 = \frac{9}{a}, a = -3$$

따라서, 점 $(-2a, a) = (6, -3)$ 은 제4사분면 위의 점이다.