1. 다음은 어떤 수의 2 배에 7 을 더한 수가 그 수보다 11 이 작을 때, 어떤 수를 구하는 과정이다. 이 풀이 과정에서 처음으로 잘못된 곳을 찾으려면?

어떤 수를 x 라 하면

어떤 수의 2 배에 7 을 더한 수는 $2x + 7 \dots$ ㉠

그 수(어떤 수)보다 11 작은 수는 $x - 11 \dots$ ㉡

방정식을 세우면 $2x + 7 = x - 11 \dots$ ㉢

방정식을 풀면 $x = 18 \dots$ ㉣

따라서, 어떤 수는 18... ㉤

① ㉠

② ㉡

③ ㉢

④ ㉣

⑤ ㉤

해설

$$2x + 7 = x - 11$$

$$x = -18$$

$$\therefore x = -18$$

2. 어떤 수에서 17 을 뺀 수가 그 수의 3 배보다 1 이 클 때, 어떤 수를 구하는 과정이다. 빈 칸에 들어갈 알맞은 숫자들의 합을 구하여라.

어떤 수를 x 라 하면 $x - \square = x \times \square + \square$
방정식을 풀면 $x = \square$
따라서, 어떤 수는 $\square$ 이다.

▶ 답 :

▷ 정답 : 3

해설

어떤 수를 x 라 하면

어떤 수에서 17 을 뺀 수 : $x - 17$

어떤 수의 3 배보다 1 이 큰 수 : $3x + 1$

$$x - 17 = 3x + 1$$

$$-2x = 18$$

$$\therefore x = -9$$

따라서, 빈 칸에 들어갈 숫자들의 합은

$$17 + 3 + 1 + (-9) + (-9) = 3 \text{ 이다.}$$

3. 어떤 수를 5배 한 뒤 12를 빼 수는 그 수에 8을 더한 수와 같다. 어떤 수를 구하여라.

① 4

② 5

③ 6

④ 7

⑤ 8

해설

어떤 수를 x 라 하면

$$5x - 12 = x + 8$$

$$4x = 20$$

$$\therefore x = 5$$

4. 어떤수를 3배 한 뒤 2를 더한 수는 그 수에 14를 더한 수와 같다고 할 때, 어떤 수를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $x = 6$

해설

$$3x + 2 = x + 14$$

$$2x = 12$$

$$\therefore x = 6$$

5. 어떤 수의 3 배에 11 을 더하면 그 수의 7 배보다 9 만큼 작다. 어떤 수를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 5

해설

어떤 수를 x 라 하면

$$3x + 11 = 7x - 9$$

$$-4x = -20$$

$$\therefore x = 5$$

6. 어떤 수에서 5 를 뺀 후 4 배 한 수는 그 수에 3 배 하여 2 를 더한 수와 같다. 어떤 수를 구하면?

① 6

② 10

③ 12

④ 20

⑤ 22

해설

어떤 수를 x 라 하면

$$4(x - 5) = 3x + 2$$

$$4x - 20 = 3x + 2$$

$$\therefore x = 22$$

7. 어떤 수의 3배에서 2를 뺀 수가 -17 일 때, 어떤 수는?

① -5

② -3

③ 0

④ 2

⑤ 5

해설

어떤 수를 x 라 하면

$$3x - 2 = -17$$

$$3x = -15$$

$$\therefore x = -5$$

8. 어떤 수 x 의 2 배보다 3 이 큰 수가 15 이다. 어떤 수는?

① 9

② 8

③ 7

④ 6

⑤ 5

해설

$$2x + 3 = 15 \quad \therefore x = 6$$

9. '어떤 수 x 보다 3 만큼 큰 수는 x 의 2 배보다 2 가 작다' 를 방정식으로 바르게 나타낸 것은?

① $x + 3 = 2x - 2$

② $x + 3 = 2x + 2$

③ $x + 2 = 2x - 3$

④ $2x - 3 = x + 1$

⑤ $2x + 1 = x - 3$

해설

$$x + 3 = 2x - 2$$

10. 어떤 수 x 와 15 를 더한 값은 그 수의 5 배보다 5 만큼 더 작다고 할 때, x 를 구하기 위한 식으로 바른 것은?

① $x + 15 = 5x + 5$

② $x + 15 = 5x - 5$

③ $x + 15 = 5(x - 5)$

④ $x + 15 < 5x$

⑤ $15x = 5x - 5$

해설

$$x + 15 = 5x - 5$$

$$-4x = -20$$

$$x = 5$$

11. 어떤 수에 $\frac{1}{2}$ 배하여 5를 더한 수는 어떤 수를 4배하여 5를 빼 수의 $\frac{1}{3}$ 이라 한다. 어떤 수는?

① 4

② 5

③ 6

④ 7

⑤ 8

해설

어떤 수를 x 라 하자.

$$\frac{1}{2}x + 5 = \frac{1}{3}(4x - 5)$$

$$3x + 30 = 8x - 10$$

$$-5x = -40$$

$$\therefore x = 8$$

12. 다음 문제의 풀이 과정을 보고 처음으로 틀린 과정을 찾아내라.

문제 : 현진이는 연필과 볼펜을 합쳐서 20 자루를 가지고 있다. 연필의 개수는 볼펜의 개수의 4 배가 된다고 할 때 현진이가 가지고 있는 연필의 개수는 몇 개인가?

(풀이) :

- ㉠ 연필의 개수를 x 라 하면 볼펜의 개수는 $20 - x$ 라 할 수 있다.
- ㉡ 연필의 개수가 볼펜의 개수의 4 배이므로 볼펜의 개수는 $4x$ 자루이다.
- ㉢ 연필의 개수와 볼펜의 개수를 더하면 $x + 4x = 20$ 이므로 $x = 4$ 이다.
- ㉣ ㉠ 번 과정에 $x = 4$ 를 대입하면 연필의 개수는 4 자루, 볼펜의 개수는 16 자루이다.

▶ 답 :

▶ 정답 : ㉡

해설

- ㉠ 연필과 볼펜을 합쳐서 20 자루라고 했으므로 옳다
- ㉡ 연필의 개수가 볼펜의 개수의 4 배이므로 볼펜의 개수는 $\frac{1}{4}x$ 자루이다.
- ㉢ 연필과 볼펜의 개수를 더하면 $x + \frac{1}{4}x = 20$ 이 되므로 $x = 16$ 이 된다.
- ㉣ ㉠번 과정에 $x = 16$ 을 대입하면 연필의 개수는 16 자루, 볼펜의 개수는 4 자루임을 알 수 있다.
처음 틀린 과정은 ㉡번이다.

13. 어떤 수의 2배에서 2를 뺀 것은 어떤 수의 $\frac{1}{3}$ 배에서 3을 더한 것과 같다고 할 때, 어떤 수를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 3

해설

$$2x - 2 = \frac{1}{3}x + 3$$

$$6x - 6 = x + 9$$

$$5x = 15$$

$$\therefore x = 3$$

14. 지은이의 키는 민지의 키보다 4cm 더 크다. 지은이와 민지의 키의 평균이 160cm 일 때, 민지의 키를 구하면?

① 158 cm

② 159 cm

③ 160 cm

④ 161 cm

⑤ 162 cm

해설

민지의 키를 x cm 라 하면, 지은이의 키는 $(x + 4)$ cm 이다. 두 사람의 평균 키를 구하는 식은 $\frac{x + (x + 4)}{2} = 160$ 이다.

위의 방정식을 풀면 $2x + 4 = 320$, $x = 158$ 이다.
따라서, 민지의 키는 158 cm 이다.

15. 72 송이의 장미꽃을 정희와 은혜에게 나누어 주는데 정희에게는 은혜가 받는 장미꽃의 2배보다 9 송이를 적게 주려고 한다. 은혜가 받는 장미꽃의 수를 x 송이라고 할 때, x 를 구하는 방정식을 바르게 세운 것은?

① $x + 2(x + 9) = 72$

② $x + (x - 9) = 72 \div 2$

③ $x + 2x + 9 = 72$

④ $2x + 9 - x = 72$

⑤ $x + 2x - 9 = 72$

해설

정희가 받는 장미꽃의 수는 $(2x - 9)$ 송이다.

장미꽃은 모두 72 송이이므로

$x + 2x - 9 = 72$ 이다.

16. 52 개의 구슬을 갑, 을 두 사람이 나누어 가졌는데 갑이 을보다 16 개더 많이 가졌다. 이 때, 을이 가진 구슬의 개수를 x 개라고 할 때, x 를 구하는 방정식이 아래와 같다. A 의 값을 구하여라.

$$2x + A = 0$$

▶ 답:

▷ 정답: $A = -36$

해설

을이 x 개가졌을 때, 갑은 $(x + 16)$ 개를 갖는다.

갑이 가진 구슬의 개수와 을이 가진 구슬의 개수의 합인 52 개를 이용하여 식을 세워보면

$$(x + 16) + x = 52 \text{이다.}$$

식을 정리하고, 우변의 52 를 좌변으로 이항하면, $2x + 16 = 52$

$$2x + 16 - 52 = 0$$

$2x - 36 = 0$ 따라서 $A = -36$ 이다.

17. 길이가 1 m 50 cm인 끈을 A, B 두 사람이 나누어 갖는데, A가 가진 끈의 길이와 B가 가진 끈의 길이의 비가 2 : 1이 되도록 가지려고 한다. 이때, B가 갖게 되는 끈의 길이를 구하여라.

① 25 cm

② 50 cm

③ 75 cm

④ 100 cm

⑤ 125 cm

해설

B가 가진 끈의 길이를 x cm라 하면, A가 가진 끈의 길이는 $2x$ cm가 된다.

(A가 가진 끈의 길이) + (B가 가진 끈의 길이) = 150(cm) 이므로

$$2x + x = 150$$

$$3x = 150$$

$$\therefore x = 50$$

따라서 B가 가진 끈의 길이는 50 cm이다.

19. 어떤 수에 2 배에서 11 을 뺀 수는 원래 수를 $\frac{1}{3}$ 배한 후 4 를 더한 수와 같다. 어떤 수를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 9

해설

어떤 수를 x 라 하면

$$2x - 11 = \frac{1}{3}x + 4$$

$$6x - 33 = x + 12$$

$$5x = 45$$

$$x = 9$$

20. 어떤 수를 3 배하여 5 를 더한 다음 $\frac{1}{4}$ 배할 것을 잘못하여 4 배하였더니 56 이 되었다. 바르게 계산한 값은?

- ① 1 ② $\frac{1}{2}$ ③ 2 ④ $\frac{5}{2}$ ⑤ $\frac{7}{2}$

해설

어떤 수를 x 라 하면

$$4(3x + 5) = 56$$

$$3x + 5 = 14$$

$$3x = 9$$

$$x = 3$$

따라서 바르게 계산한 값은 $(3 \times 3 + 5) \times \frac{1}{4} = \frac{7}{2}$

21. 어떤 수의 8배에서 3을 빼면 어떤 수의 3배보다 8만큼 작다. 어떤 수를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -1

해설

어떤 수를 x 라 하자.

$$8x - 3 = 3x - 8$$

$$5x = -5$$

$$\therefore x = -1$$

22. 어떤 수에 3 을 더하여 7 을 곱할 것을 잘못하여 7 을 더하여 3 을 곱하였더니 원래 수의 $\frac{2}{3}$ 가 되었다. 바르게 계산하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -42

해설

어떤 수를 x 라 하자.

$$(x + 7) \times 3 = \frac{2}{3}x$$

$$9x + 63 = 2x$$

$$7x = -63$$

$$x = -9$$

어떤 수가 -9 이므로 바르게 계산하면

$$(-9 + 3) \times 7 = -42 \text{ 이다.}$$

23. 어떤 분수의 분모와 분자의 합은 48 이고, 기약분수로 나타내면 이다. 이때, 분모는?

① 12

② 18

③ 24

④ 30

⑤ 36

해설

분자를 x 라 하면 분모는 $48 - x$ 이다.

$$\frac{x}{48 - x} = \frac{3}{5} \text{ 이므로 } 5x = 3(48 - x)$$

$$8x = 144, x = 18$$

$\therefore \frac{18}{30}$ 에서 분모는 30이다

24. 어떤 분수의 분자와 분모의 차가 4 이고 기약분수로 나타내면 $\frac{5}{3}$ 이다.
이때, 원래 분수의 분모와 분자의 합을 구하여라.

▶ 답:

▶ 정답: 16

해설

기약분수로 나타냈을 때, 가분수이므로 분자가 분모보다 크다.
따라서 분모를 x 라 하면 분자는 $x+4$ 가 된다.

$$\frac{x+4}{x} = \frac{5}{3}$$

$$3(x+4) = 5x$$

$$3x+12 = 5x$$

$$-2x = -12$$

$$x = 6$$

원래 분수는 $\frac{10}{6}$ 이다.

따라서 (분모와 분자의 합) = $6+10 = 16$

25. 서로 다른 두 자연수에 대하여 큰 수를 작은 수로 나눈 몫이 3, 나머지가 6 이다. 큰 수와 작은 수의 차가 20 일 때, 큰 수를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 27

해설

작은 수를 x 라 하면, 큰 수는 $20 + x$ 이다.

$$20 + x = 3x + 6$$

$$2x = 14$$

$$x = 7$$

작은 수가 7 이므로 큰 수는 $3 \times 7 + 6 = 27$ 이다.

26. 어느 농구시합에서 형진이가 2 점짜리와 3 점짜리 슛을 모두 8 골을 넣어 20 점을 얻었다. 이때, 3 점짜리 슛은 몇 골을 넣었는가?

① 2 골

② 3 골

③ 4 골

④ 5 골

⑤ 6 골

해설

3 점짜리 슛을 x 골 넣었다면, 2 점짜리 슛은 $(8 - x)$ 골이다.

$$3x + 2(8 - x) = 20$$

$$3x - 2x = 20 - 16$$

$$\therefore x = 4$$

따라서 3 점짜리 슛은 4 골이다.

27. 민정이는 구슬을 7 개 가지고 있고, 민호는 21 개 가지고 있다. 민정이와 민호가 같은 양의 구슬을 더 가지게 되었다니 민호의 구슬이 민정이의 구슬의 2 배가 되었다. 더 가지게 된 구슬의 양은 몇 개인지 구하여라.

▶ 답: 개

▷ 정답: 7 개

해설

x 개의 구슬을 더 가졌다고 하면, 민정이의 구슬의 수는 $(7 + x)$ 개, 민호의 구슬의 수는 $(21 + x)$ 개이므로

$$2(7 + x) = (21 + x), 14 + 2x = 21 + x$$

$$\therefore x = 7$$

28. 2에서 어떤 수 x 의 5배를 더한 것은 x 의 3배에서 10을 뺀 것과 같다고 한다. 어떤 수 x 의 값은?

① -8

② -6

③ -4

④ -2

⑤ 2

해설

$$2 + 5x = 3x - 10$$

$$2x = -12$$

$$x = -6$$

29. 어떤 분수의 분모와 분자의 차이가 8 이고 크기가 $\frac{3}{5}$ 과 같을 때, 이 분수는? (단, 분모 > 분자)

① $-\frac{3}{5}$

② $\frac{3}{5}$

③ $\frac{6}{10}$

④ $\frac{9}{15}$

⑤ $\frac{12}{20}$

해설

분모를 x , 분자를 $x - 8$ 이라고 하면

$$\frac{x-8}{x} = \frac{3}{5}$$

$$3x = 5(x - 8)$$

$$3x = 5x - 40, 3x - 5x = -40$$

$$-2x = -40, x = 20$$

분모 20, 분자 12

$$\therefore \frac{12}{20}$$

30. 어떤 식 A 에서 $x - 2$ 를 더해야 할 것을 잘못하여 뺐더니 $4x + 5$ 가 되었다. 이 때, A 는?

① $4x - 2$

② $4x + 2$

③ $5x + 2$

④ $5x - 2$

⑤ $5x + 3$

해설

$$A - (x - 2) = 4x + 5$$

$$A = 4x + 5 + (x - 2)$$

$$= 4x + 5 + x - 2$$

$$= 5x + 3$$

31. 합이 90 인 세 자연수의 비가 다음과 같을 때, 이 세 자연수를 구하여라.

$$\frac{1}{10} : \frac{1}{6} : \frac{1}{3}$$

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : 15

▷ 정답 : 25

▷ 정답 : 50

해설

세 자연수를 $\frac{x}{10}$, $\frac{x}{6}$, $\frac{x}{3}$ 라 하면

$$\frac{x}{10} + \frac{x}{6} + \frac{x}{3} = 90$$

$$\therefore x = 150$$

따라서 세 자연수는 15, 25, 50 이다.

32. 서로 다른 두 자연수에 대하여 큰 수를 작은 수로 나눈 몫이 5, 나머지가 4이다. 큰 수와 작은 수의 합이 40일 때, 작은 수를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 6

해설

작은 수를 x 라 하면 큰 수는 $40 - x$ 이다.

$$40 - x = 5x + 4$$

$$6x = 36$$

$$\therefore x = 6$$

33. 다음 배열표에서 색칠된 부분과 같이 5개의 자연수를 묶었을 때 합이 500이 되는 수 중에서 가장 작은 수와 가장 큰 수의 합을 구하여라.

2	10	18	26	34	42
4	12	20	28	36	44
6	14	22	30	38	46
8	16	24	32	40	47

▶ 답:

▷ 정답: 200

해설

색칠된 부분의 가장 작은 수를 n 이라 두면,
 색칠된 부분의 수는 작은 순서부터 $n, n+6, n+8, n+10, n+16$ 이다.

$$n + (n + 6) + (n + 8) + (n + 10) + (n + 16) = 500 \text{에서}$$

$$5n + 40 = 500$$

$$5n = 460$$

따라서 합이 500이 되는 수 중에서 가장 작은 수는 92, 가장 큰 수는 $92 + 16 = 108$ 이므로 그 합은 $92 + 108 = 200$ 이다.