

1. 방정식 $\frac{ax+2}{4} + \frac{a(x-1)}{2} = 1$ 의 해가 $x = -1$ 일 때, a 의 값은?

- ① $-\frac{2}{5}$ ② -1 ③ 0 ④ 1 ⑤ $\frac{2}{5}$

해설

$x = -1$ 을 대입하면

$$\frac{-a+2}{4} + \frac{-2a}{2} = 1$$

양변에 4를 곱한다.

$$-a+2-4a=4$$

$$-5a=2, a=-\frac{2}{5}$$

2. x 에 대한 방정식 $8 - 2a = 3x - 4$ 의 해가 $x = 3$ 일 때, a 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

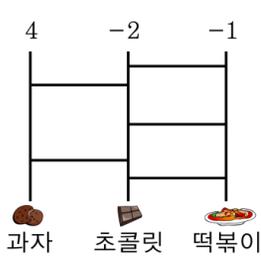
▷ 정답 : $\frac{3}{2}$

해설

$$\begin{aligned} &8 - 2a = 3x - 4 \text{ 에} \\ &x = 3 \text{ 을 대입하면} \\ &8 - 2a = 3 \times 3 - 4 \\ &8 - 2a = 5 \\ &-2a = -3 \\ &\therefore a = \frac{3}{2} \end{aligned}$$

3. 민식, 규리, 혜선의 세 친구는 각자 일차방정식을 풀어서 구한 해로 사다리 게임을 하여 해당하는 간식을 먹기로 하였다. 세 사람이 고른 일차방정식이 각각 다음과 같을 때, 떡볶이를 먹는 사람은 누구인지 말하여라.

$$\begin{aligned} \text{민식} &: -2x + 1 = x + 4 \\ \text{규리} &: 5x = 2x - 6 \\ \text{혜선} &: 6x - 1 = 4x + 7 \end{aligned}$$



▶ 답:

▷ 정답: 민식

해설

$$\begin{aligned} \text{민식} &: -2x + 1 = x + 4 \\ &- 2x - x = 4 - 1 \\ &- 3x = 3 \\ &\therefore x = -1 \\ \text{규리} &: 5x = 2x - 6 \\ &5x - 2x = -6 \\ &3x = -6 \\ &\therefore x = -2 \\ \text{혜선} &: 6x - 1 = 4x + 7 \\ &6x - 4x = 7 + 1 \\ &2x = 8 \\ &\therefore x = 4 \end{aligned}$$

따라서 떡볶이를 먹는 사람은 해가 -1 인 민식이다.

4. x 에 관한 일차방정식 $3x - 7 = 2(5x + a)$ 의 해가 $x = -3$ 일 때, a 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 7

해설

$3x - 7 = 2(5x + a)$ 에 $x = -3$ 을 대입하면

$$3 \times (-3) - 7 = 2 \{5 \times (-3) + a\}$$

$$-9 - 7 = 2(-15 + a)$$

$$-16 = -30 + 2a$$

$$2a = 14, a = 7$$

5. 방정식 $3x - 5 = 28 - 3x$ 의 해가 $x = a$ 일 때, x 에 관한 일차방정식 $ax + \frac{3}{5} = -2$ 의 해를 구하면?

- ① $-\frac{13}{10}$ ② $-\frac{13}{5}$ ③ -2 ④ -5 ⑤ -11

해설

$$3x - 5 = 28 - 3x$$

$$30x - 50 = 28 - 30x$$

$$60x = 78, x = \frac{13}{10}$$

$$\therefore a = \frac{13}{10}$$

$$ax + \frac{3}{5} = -2 \text{에 } a = \frac{13}{10} \text{을 대입하면}$$

$$\frac{13}{10}x + \frac{3}{5} = -2$$

$$\frac{13}{10}x = -\frac{13}{5}$$

$$\therefore x = -2$$

6. x 에 대한 방정식 $ax + 2 = x - 3$ 의 해가 $x = 1$ 일 때, a 의 값으로 알맞은 것은?

① -5 ② -4 ③ -3 ④ 3 ⑤ 4

해설

방정식 $ax + 2 = x - 3$ 에 $x = 1$ 을 대입하면,
 $a + 2 = 1 - 3 = -2$
 $\therefore a = -4$

7. x 에 관한 방정식 $4x + 17 = 1 - 2a$ 의 해가 $x = -3$ 일 때, a 의 값을 구하면?

- ① -4 ② -2 ③ 1 ④ 3 ⑤ 4

해설

방정식 $4x + 17 = 1 - 2a$ 에 $x = -3$ 을 대입하면,

$$-12 + 17 = 1 - 2a$$

$$5 = 1 - 2a$$

$$\therefore a = -2$$

8. 다음 x 에 관한 일차방정식의 해가 $x = -3$ 일 때, a 의 값은?

$$a(12 - x) = 7x + a$$

- ① $-\frac{3}{2}$ ② $-\frac{1}{2}$ ③ $\frac{1}{2}$ ④ $\frac{3}{2}$ ⑤ $\frac{5}{2}$

해설

$a(12 - x) = 7x + a$ 에 $x = -3$ 을 대입하면

$$15a = -21 + a$$

$$14a = -21$$

$$\therefore a = -\frac{3}{2}$$

9. 다음의 x 에 관한 두 일차방정식의 해가 모두 $x = \frac{1}{2}$ 일 때, ab 의 값을 구하여라.

$$\begin{cases} 2ax + 1 - a = a - 7 \\ \frac{1}{2}x + \frac{2}{3}b = bx - \frac{1}{6} \end{cases}$$

▶ 답:

▶ 정답: -20

해설

주어진 두 방정식에 $x = \frac{1}{2}$ 을 대입하면

$$a + 1 - a = a - 7 \text{에서}$$

$$a = 8$$

$$\frac{1}{4} + \frac{2}{3}b = \frac{1}{2}b - \frac{1}{6} \text{에서}$$

$$3 + 8b = 6b - 2$$

$$2b = -5$$

$$b = -\frac{5}{2}$$

$$\therefore ab = 8 \times \left(-\frac{5}{2}\right) = -20$$

10. x 에 관한 방정식 $7x - a = 12$ 의 해가 3일 때, $ax - 5 = 2(x + 1)$ 의 해는?

- ① 1 ② -1 ③ 2 ④ -2 ⑤ 0

해설

$7x - a = 12$ 에 $x = 3$ 을 대입하면,

$$7 \times 3 - a = 12$$

$$\therefore a = 9$$

방정식 $ax - 5 = 2(x + 1)$ 에 $a = 9$ 를 대입하면,

$$9x - 5 = 2(x + 1)$$

$$7x = 7$$

$$\therefore x = 1$$

11. 다음 방정식의 해가 $x = -2$ 일 때, a 의 값은?

$$\frac{a(x-2)}{4} - \frac{ax-2}{3} = \frac{1}{2}$$

- ① 1 ② $\frac{1}{2}$ ③ 2 ④ $-\frac{3}{4}$ ⑤ 8

해설

$$\frac{a(x-2)}{4} - \frac{ax-2}{3} = \frac{1}{2} \text{ 에 } x = -2 \text{ 를 대입하면}$$

$$\frac{-4a}{4} - \frac{-2a-2}{3} = \frac{1}{2}$$

양변에 12 를 곱하여 정리하면,

$$-4a \times 3 - 4(-2a-2) = 6$$

$$-12a + 8a + 8 = 6$$

$$4a = 2$$

$$\therefore a = \frac{1}{2}$$

12. x 에 관한 방정식 $\frac{a(x-1)}{2} - \frac{x-a}{4} = 1$ 의 해가 3일 때, 식 $5a+3$ 의 값은?

- ① 10 ② 0 ③ -7 ④ $-\frac{1}{2}$ ⑤ $\frac{7}{5}$

해설

$x = 3$ 을 방정식에 대입하면

$$\frac{2a}{2} - \frac{3-a}{4} = 1$$

양변에 4를 곱하면

$$4a - (3-a) = 4$$

$$4a - 3 + a = 4$$

$$4a - 3 + a + 6 = 4 + 6$$

$$\therefore 5a + 3 = 10$$

13. x 에 관한 일차방정식 $3x - a = 2x + 5$ 의 해가 2일 때, $(2a + 1)x - 12 = 5 - a$ 의 해는?

- ① 2 ② 4 ③ -4 ④ -3 ⑤ 3

해설

$x = 2$ 를 $3x - a = 2x + 5$ 에 대입하여 계산하면
 $6 - a = 4 + 5$, $6 - a = 9$, $-a = 3$ 이므로 $a = -3$
 $a = -3$ 을 $(2a + 1)x - 12 = 5 - a$ 에 대입하면
 $(-6 + 1)x - 12 = 5 - (-3)$ 이므로
간단히 하면 $-5x - 12 = 8$, $-5x = 20$
따라서 $x = -4$

14. x 에 관한 일차방정식 $2x + a = x$ 의 해가 3 일 때, 일차방정식 $3(x - a) = 2x - 1$ 의 해는?

① $x = 10$

② $x = 8$

③ $x = -2$

④ $x = -8$

⑤ $x = -10$

해설

$2x + a = x$ 에 $x = 3$ 을 대입하면

$$6 + a = 3, a = -3$$

$3(x - a) = 2x - 1$ 에 $a = -3$ 을 대입하면

$$3(x + 3) = 2x - 1$$

$$3x + 9 = 2x - 1$$

$$\therefore x = -10$$

15. 방정식 $3x + a = 2(x - 3)$ 의 해가 $x = 3$ 일 때, 상수 a 의 값은?

- ① -8 ② -9 ③ -10 ④ -11 ⑤ -12

해설

방정식의 해가 $x = 3$ 이므로

$$3 \times 3 + a = 2(3 - 3)$$

$$9 + a = 0$$

$$\therefore a = -9$$

16. $x + 15 = 2x - a$ 의 해가 $x = 4$ 일 때, a 의 값은?

- ① -11 ② -10 ③ 0 ④ 10 ⑤ 11

해설

$x + 15 = 2x - a$ 에 $x = 4$ 를 대입하면

$$4 + 15 = 2 \times 4 - a$$

$$a = 8 - 19$$

$$a = -11$$

17. 방정식 $\frac{1}{a}(2a-1) = 1.8 - 0.3(1-0.2x)$ 의 해가 $x = 5$ 일 때, a 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 5

해설

$$\begin{aligned}\frac{1}{a}(2a-1) &= 1.8 - 0.3(1-0.2 \times 5) \\ 2 - \frac{1}{a} &= 1.8 \\ \frac{1}{a} &= 0.2 = \frac{1}{5} \\ a &= 5\end{aligned}$$

18. 방정식 $\frac{1}{a}(4a-1) = 1.5 - 0.5(4-0.6x)$ 의 해가 $x = 5$ 일 때, a 의 값을 구하여라.

- ① 3 ② $\frac{1}{3}$ ③ 1 ④ $\frac{1}{2}$ ⑤ 2

해설

$$\begin{aligned}\frac{1}{a}(4a-1) &= 1.5 - 0.5(4-0.6 \times 5) \\ 4 - \frac{1}{a} &= 1.5 - 0.5 \\ \frac{1}{a} &= 3 \\ \therefore a &= \frac{1}{3}\end{aligned}$$

19. 방정식 $-2x = 13 + \frac{1}{6}x$ 의 해가 $4 - 2y = a(3 + 3y) + 2$ 의 해의 3 배일 때, a 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : -2

해설

$$\begin{aligned} & -2x = 13 + \frac{1}{6}x \text{ 의 해가} \\ & x = -6 \text{ 이므로 } y = -2 \\ & 4 - 2y = a(3 + 3y) + 2 \text{ 에} \\ & y = -2 \text{ 를 대입하면 } a = -2 \end{aligned}$$

20. $2x - 3 = 3(x - a)$ 의 해가 $x = 1$ 일 때, $6a$ 의 값을 구하여라.

- ① 1 ② 2 ③ 8 ④ 12 ⑤ 18

해설

$$2x - 3 = 3(x - a)$$

$$2 - 3 = 3 - 3a$$

$$3a = 4$$

$$6a = 8$$

21. x 에 대한 방정식 $6+a=-2x+5$ 의 해가 $x=-3$ 일 때, a 의 값은?

- ① 3 ② 4 ③ 5 ④ 6 ⑤ 7

해설

$$\begin{aligned}6+a &= -2x+5 \text{ 에} \\ x &= -3 \text{ 을 대입하면} \\ 6+a &= 6+5 \\ a &= 5\end{aligned}$$

22. x 에 관한 일차방정식 $4(x-3) = -x-b$ 의 해가 $x=2$ 일 때, b 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 2

해설

$4(x-3) = -x-b$ 에 $x=2$ 를 대입하면

$$4(2-3) = -2-b$$

$$-4 = -2-b$$

$$\therefore b = 2$$

23. x 에 관한 방정식 $3x - 2 = 2x + a$ 의 해가 $x = -3$ 일 때, a 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : -5

해설

$x = -3$ 을 대입하면

$$3 \times (-3) - 2 = 2 \times (-3) + a$$

$$-9 - 2 = -6 + a$$

$$-a = -6 + 11$$

$$\therefore a = -5$$

24. x 에 관한 일차방정식 $3x - a = 2x + 5$ 의 해가 2일 때, $(2a + 1)x - 12 = 5 - a$ 의 해를 구하면?

- ① 2 ② 4 ③ -4 ④ -3 ⑤ 8

해설

$x = 2$ 를 $3x - a = 2x + 5$ 에 대입하여 계산하면 $6 - a = 4 + 5$,
 $6 - a = 9$, $-a = 3$ 이므로 $a = -3$
 $a = -3$ 을 $(2a + 1)x - 12 = 5 - a$ 에 대입하면 $(-6 + 1)x - 12 = 5 - (-3)$
이므로 간단히 하면 $-5x - 12 = 8$, $-5x = 20$
따라서 $x = -4$ 이다.

25. 일차방정식 $ax+12=6x$ 의 해가 일차방정식 $4(x-2)=3(x+1)-12$ 의 해의 3 배일 때, 상수 a 의 값은?

- ① 6 ② 7 ③ 8 ④ 9 ⑤ 10

해설

$4(x-2)=3(x+1)-12$ 에서 $4x-8=3x-9$ $x=-1$
따라서 $ax+12=6x$ 의 해는 -3 이므로 $-3a+12=-18$
 $-3a=-30$
 $\therefore a=10$

26. 방정식 $2x + 5 = 3ax + 1$ 의 해가 $0.4(3x - 1) = 2.3 + \frac{2x - 3}{2}$ 의 해의 2 배라고 한다. a 의 값을 구하면?

- ① 1 ② $\frac{1}{3}$ ③ $\frac{3}{5}$ ④ $\frac{5}{7}$ ⑤ $\frac{7}{9}$

해설

$0.4(3x - 1) = 2.3 + \frac{2x - 3}{2}$ 의 해가 $x = 6$ 이므로

$2x + 5 = 3ax + 1$ 의 해는 $x = 12$ 이다.

$x = 12$ 를 대입하면 $a = \frac{7}{9}$

27. 방정식 $\frac{3x-2}{4} - \frac{5x+4}{6} = a - \frac{5}{12}x$ 의 해가 $x = -3$ 일 때, a 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $a = -\frac{13}{6}$

해설

$$\frac{3x-2}{4} - \frac{5x+4}{6} = a - \frac{5}{12}x \text{ 에}$$

$x = -3$ 을 대입하면

$$\frac{3 \times (-3) - 2}{4} - \frac{5 \times (-3) + 4}{6}$$

$$= a - \frac{5}{12} \times (-3)$$

$$\frac{-9 - 2}{4} - \frac{-15 + 4}{6} = a + \frac{5}{4}$$

$$-\frac{11}{4} + \frac{11}{6} = a + \frac{5}{4}$$

양변에 12 를 곱하면

$$-33 + 22 = 12a + 15$$

$$-12a = 15 + 11$$

$$-12a = 26, a = -\frac{26}{12}$$

$$\therefore a = -\frac{13}{6}$$

28. 방정식 $\frac{x+a}{2} + \frac{x-a}{5} = 1$ 의 해가 $x=1$ 일 때, a 의 값은?

- ① -2 ② 1 ③ 2 ④ 4 ⑤ 5

해설

$$\frac{x+a}{2} + \frac{x-a}{5} = 1 \text{ 에 } x=1 \text{ 을 대입하면}$$

$$\frac{1+a}{2} + \frac{1-a}{5} = 1$$

$$5(1+a) + 2(1-a) = 10$$

$$5a - 2a = 10 - 5 - 2$$

$$3a = 3$$

$$\therefore a = 1$$

29. 두 방정식 $\frac{3-x}{4} = \frac{x+1}{3} - 2$, $ax + \frac{15}{7} = 3x - 2$ 의 해가 같을 때, a 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $a = 2$

해설

$$\frac{3-x}{4} = \frac{x+1}{3} - 2$$

$$3(3-x) = 4(x+1) - 24$$

$$9 - 3x = 4x + 4 - 24$$

$$-7x = -29$$

$$\therefore x = \frac{29}{7}$$

$$ax + \frac{15}{7} = 3x - 2$$

$$ax - 3x = -2 - \frac{15}{7}$$

$$(a-3)x = -\frac{29}{7}$$

$$\therefore x = -\frac{29}{7(a-3)}$$

두 방정식의 해가 같으므로

$$\frac{29}{7} = -\frac{29}{7(a-3)}, a-3 = -1$$

$$\therefore a = 2$$

30. 다음 두 방정식의 해가 같을 때, a 의 값을 구하여라.

$$3(2x - 5) = 3, \quad ax - 0.3 = 0.1x$$

▶ 답:

▷ 정답: 0.2

해설

$$3(2x - 5) = 3$$

$$6x - 15 = 3$$

$$6x = 18, \quad x = 3$$

$$ax - 0.3 = 0.1x$$

$$ax - 0.1x = 0.3$$

$$(a - 0.1)x = 0.3, \quad x = \frac{3}{10a - 1}$$

방정식의 해가 같으므로

$$3 = \frac{3}{10a - 1}$$

$$30a - 3 = 3$$

$$30a = 6$$

$$a = 0.2$$

31. $ax - \frac{6b+4}{2} = \frac{x-b+6}{8} = \frac{x-3}{5}$ 을 만족하는 해가 13 일 때, a 의 값은?

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

$x = 13$ 을 대입하면

$$13a - \frac{6b+4}{2} = \frac{13-b+6}{8} = \frac{13-3}{5} \text{ 이고,}$$

$$\frac{19-b}{8} = 2 \text{ 에서 } b = 3$$

$$13a - \frac{22}{2} = 2 \text{ 에서 } a = 1$$

32. 다음 x 에 관한 방정식의 해가 $x = 4$ 일 때, a 의 값은?

$$|x - a| + \frac{1}{2}x = 6a$$

- ① $\frac{5}{7}$ ② $\frac{6}{7}$ ③ 1 ④ $\frac{8}{7}$ ⑤ $\frac{9}{7}$

해설

주어진 방정식에 $x = 4$ 을 대입하면

$$|4 - a| + 2 = 6a$$

(i) $a < 4$ 일 때

$$4 - a > 0 \text{ 이므로}$$

$$4 - a + 2 = 6a$$

$$-7a = -6, a = \frac{6}{7}$$

(ii) $a \geq 4$ 일 때

$$4 - a \leq 0 \text{ 이므로}$$

$$-4 + a + 2 = 6a$$

$$5a = -2, a = -\frac{2}{5}$$

$a = -\frac{2}{5} < 4$ 이므로 조건에 맞지 않는다.

i) ii) 로 부터 $a = \frac{6}{7}$

33. x 에 관한 일차방정식 $ax + 7 = 5(x + 1) + 4$ 의 해가 $x = -1$ 일 때, y 에 관한 일차방정식 $2(y - a) + 7 = 7y - 4$ 의 해는?

- ① $y = 1$ ② $y = 2$ ③ $y = 3$ ④ $y = 4$ ⑤ $y = 5$

해설

$ax + 7 = 5(x + 1) + 4$ 의 해가 $x = -1$ 이므로, $x = -1$ 를 대입하면

$$a \times (-1) + 7 = 5(-1 + 1) + 4$$

$$-a + 7 = 4$$

$$-a = 4 - 7 = -3$$

따라서 $a = 3$ 이다.

$2(y - a) + 7 = 7y - 4$ 에 $a = 3$ 를 대입하면

$$2(y - 3) + 7 = 7y - 4$$

$$2y - 6 + 7 = 7y - 4$$

$$5 = 5y$$

따라서 $y = 1$ 이다.