

1. 다음은 방정식을 푸는 과정이다.

$$\begin{aligned}3x + 7 &= -5x - 1 \\3x + 5x &= -1 - \boxed{} \\ \boxed{}x &= \boxed{} \\\therefore x &= \boxed{}\end{aligned}$$

빈

칸에 들어갈 수를 차례대로 쓴 것은?

- ① 7, 2, -8, -4 ② 7, 8, -8, 1 ③ 7, 8, -8, -1
④ -7, 8, -8, -1 ⑤ -7, 8, -8, 1

해설

$$3x + 7 = -5x - 1$$

$$3x + 5x = -1 - 7$$

$$8x = -8$$

$$\therefore x = -1$$

따라서 빈칸에 들어갈 수를 차례대로 쓰면 7, 8, -8, -1 이다.

2. 일차방정식 $5x - 4(x - 1) = 8 - x$ 를 풀면?

- ① $x = -2$ ② $x = -1$ ③ $x = 1$
④ $x = 2$ ⑤ $x = 3$

해설

$$5x - 4x + 4 = 8 - x$$

$$2x = 4$$

$$\therefore x = 2$$

3. 다음 방정식 중에서 해가 다른 하나는?

- ① $2x + 4 = 0$ ② $5 - 2x = 2x - 4$
③ $3x = x - 4$ ④ $2(x - 2) = x - 6$
⑤ $3(x - 2) = 5x - 2$

해설

① $2x + 4 = 0$
 $2x = -4$

$\therefore x = -2$

② $5 - 2x = 2x - 4$
 $-2x - 2x = -4 - 5$

$-4x = -9$

$\therefore x = \frac{9}{4}$

③ $3x = x - 4$

$3x - x = -4$

$2x = -4$

$\therefore x = -2$

④ $2(x - 2) = x - 6$

$2x - 4 = x - 6$

$2x - x = -6 + 4$

$\therefore x = -2$

⑤ $3(x - 2) = 5x - 2$

$3x - 6 = 5x - 2$

$3x - 5x = -2 + 6$

$-2x = 4$

$\therefore x = -2$

4. 방정식 $4x - 3(2x - 1) = 5$ 를 풀면?

- ① $x = 1$ ② $x = -1$ ③ $x = 4$
④ $x = -4$ ⑤ $x = 3$

해설

$$4x - 6x + 3 = 5$$

$$\therefore x = -1$$

5. 방정식 $3(2x - 1) = x + 12$ 을 풀면?

- ① 3 ② -3 ③ 0 ④ -1 ⑤ 2

해설

$$6x - 3 = x + 12$$

$$5x = 15$$

$$\therefore x = 3$$

6. 방정식 $2(3x - 2) + 3 = 4x - 6$ 을 풀면?

- ① $x = \frac{5}{2}$ ② $x = \frac{3}{2}$ ③ $x = \frac{1}{2}$
④ $x = -\frac{3}{2}$ ⑤ $x = -\frac{5}{2}$

해설

$$6x - 4 + 3 = 4x - 6$$

$$2x = -5$$

$$\therefore x = -\frac{5}{2}$$

7. 다음 방정식 $5(x + 6) = 3(3x + 2)$ 의 해를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $x = 6$

해설

$$5(x + 6) = 3(3x + 2)$$

$$5x + 30 = 9x + 6$$

$$5x - 9x = 6 - 30$$

$$-4x = -24$$

$$\therefore x = 6$$

8. 다음 중 방정식 $2(x - 1) = 4 - x$ 와 해가 같은 방정식은?

- ① $2x - 1 = 2$ ② $2(x + 1) = -x + 3$
③ $4 - (x - 1) = x$ ④ $-(x + 1) = x - 5$
⑤ $5 = 2(x + 1)$

해설

$2(x - 1) = 4 - x$ 를 풀면 $2x - 2 = 4 - x$, $2x + x = 4 + 2$,
 $3x = 6$, $x = 2$ 이다.
④에서 $-(x + 1) = x - 5$ 를 풀면 $-x - 1 = x - 5$, $-x - x = -5 + 1$,
 $-2x = -4$, $x = 2$ 이다.

9. 다음 [보기] 중 방정식 $2(2x - 3) = 3(x - 1)$ 과 해가 같은 방정식을 모두 골라라.

[보기]

- Ⓐ $4x - 3 = 2x + 15$
- Ⓑ $2(4x + 1) = 3(5x - 6) - 1$
- Ⓒ $3x - 4 = 2(x + 1)$
- Ⓓ $5x - 3 = 3(x + 1)$
- Ⓔ $x - 1 = 2x + 5$

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: Ⓑ

▷ 정답: Ⓣ

[해설]

$2(2x - 3) = 3(x - 1)$ 을 풀면
 $4x - 6 = 3x - 3, 4x - 3x = -3 + 6, x = 3$ 이다.
Ⓑ $2(4x + 1) = 3(5x - 6) - 1$ 을 풀면
 $8x + 2 = 15x - 19, -7x = -21, x = 3$ 이다.
Ⓓ $5x - 3 = 3(x + 1)$ 을 풀면
 $5x - 3 = 3x + 3, 5x - 3x = 3 + 3, 2x = 6, x = 3$ 이다.

10. 방정식 $6 - (3x - 4) = 8 - x$ 를 풀면?

- ① -1 ② 0 ③ 1 ④ 2 ⑤ 3

해설

$$6 - (3x - 4) = 8 - x$$

$$6 - 3x + 4 = 8 - x$$

$$-2x = -2$$

$$\therefore x = 1$$

11. 다음 일차방정식 $3(2x - 13) = 3(x - 7)$ 의 해를 구하면?

- ① 2 ② 3 ③ 4 ④ 5 ⑤ 6

해설

양변의 괄호를 풀면

$$6x - 39 = 3x - 21$$

$$3x = 18$$

$$\therefore x = 6$$

12. 일차방정식 $2(x + 3) = 5(6 - 2x)$ 를 풀면?

- ① -2 ② -1 ③ 1 ④ 2 ⑤ 3

해설

괄호를 풀면

$$2x + 6 = 30 - 10x$$

$$2x + 10x = 30 - 6$$

$$12x = 24$$

$$\therefore x = 2$$

13. 다음 일차방정식 중 해가 다른 하나를 골라라.

$$\textcircled{\text{A}} \quad 2x - 2 = -4 \quad \textcircled{\text{C}} \quad 12x + 1 = -13$$

$$\textcircled{\text{B}} \quad 5x + 2 = 1 + 4x \quad \textcircled{\text{D}} \quad 5x + 6 = 1$$

▶ 답:

▷ 정답: $\textcircled{\text{C}}$

해설

$$\textcircled{\text{A}} \quad 2x - 2 = -4, \quad 2x = -2$$

$$x = -1$$

$$\textcircled{\text{C}} \quad 12x + 1 = -13, \quad 12x = -14$$

$$x = -\frac{14}{12} = -\frac{7}{6}$$

$$\textcircled{\text{B}} \quad 5x + 2 = 1 + 4x, \quad 5x - 4x = 1 - 2$$

$$x = -1$$

$$\textcircled{\text{D}} \quad 5x + 6 = 1, \quad 5x = 1 - 6$$

$$5x = -5, \quad x = -1$$

14. 다음 일차방정식 중 해가 나머지 넷과 다른 하나는?

① $-3x - 4 = 5$ ② $x + 5 = -2x - 4$

③ $2(5x + 7) = 5x - 1$ ④ $\textcircled{4} 30x + 5 = 65$

⑤ $4x + 9 = x$

해설

④ $30x + 5 = 65$

$\therefore x = 2$

①, ②, ③, ⑤는 $x = -3$ 이다.

15. $-20x - \{3x - (12 + 5x)\} - 4x = 7$ 을 간단히 하여 $ax = b$ 의 꼴로 나타내었을 때, ab 의 값을 구하여라. (단, a 와 b 는 서로소인 자연수)

▶ 답:

▷ 정답: $ab = 110$

해설

$$-20x - \{3x - (12 + 5x)\} - 4x = 7$$

$$-20x - (3x - 12 - 5x) - 4x = 7$$

$$-20x + 2x + 12 - 4x = 7$$

$$-22x = -5$$

$$22x = 5$$

$$\therefore a = 22, b = 5$$

$$\therefore ab = 110$$

16. 다음 주어진 방정식을 간단히 하여 $ax = b$ 의 꼴로 나타내었을 때,
 $a + b$ 의 값은? (단, a 와 b 는 서로소인 자연수)

$$2x - \{3 + (3x - 4)\} = 6(x - 7)$$

- ① 22 ② 34 ③ 41 ④ 48 ⑤ 50

해설

$$2x - \{3 + (3x - 4)\} = 6(x - 7)$$

$$2x - (3 + 3x - 4) = 6x - 42$$

$$2x - 3x + 1 = 6x - 42$$

$$7x = 43$$

$$\therefore a = 7, b = 43$$

$$\therefore a + b = 50$$

17. 다음 중 방정식 $4(x - 3) = x + 3$ 과 해가 같은 방정식은?

- ① $2x - 3 = 9$ ② $2(x + 1) = 3x - 4$
③ $5x - 7 = 3(x + 1)$ ④ $7x + 1 = 2x + 3$
⑤ $x - 1 = 2x + 6$

해설

$4(x - 3) = x + 3$ 을 풀면 $4x - 12 = x + 3$, $4x - x = 3 + 12$,
 $3x = 15$, $x = 5$ 이다.

③ $5x - 7 = 3(x + 1)$ 을 풀면 $5x - 7 = 3x + 3$, $5x - 3x = 3 + 7$,
 $2x = 10$, $x = 5$ 이다.

18. 다음 중 방정식 $3(2x - 1) = x + 12$ 의 해가 같은 방정식을 2 개 고르면?

① $3(x - 1) = 2x - 1$ ② $-4x + 2 = 3(x - 1) + 5$

③ $12x - 6 = 2x + 4$ ④ $4x - 2(x - 2) = 10$

⑤ $2(x + 1) = 5x - 7$

해설

$3(2x - 1) = x + 12$ 을 풀면 $6x - 3 = x + 12$, $6x - x = 12 + 3$, $5x = 15$, $x = 3$ 이다.

④ $4x - 2(x - 2) = 10$ 을 풀면 $4x - 2x + 4 = 10$, $2x = 6$, $x = 3$ 이다.

⑤ $2(x + 1) = 5x - 7$ 을 풀면 $2x + 2 = 5x - 7$, $2x - 5x = -2 - 7$, $-3x = -9$, $x = 3$ 이다.

19. 다음 방정식 중 그 해가 가장 큰 수가 되는 방정식은?

- ① $2x = 10 - 3x$ ② $9 - 2x = x$
③ $2(x + 2) = 1$ ④ $3(x - 1) = 4x$
⑤ $4(2x - 3) = 5x$

해설

- ① $5x = 10$, $x = 2$
② $3x = 9$, $x = 3$
③ $x + 2 = \frac{1}{2}$, $x = -\frac{3}{2}$
④ $3x - 3 = 4x$, $x = -3$
⑤ $8x - 12 = 5x$, $3x = 12$, $x = 4$

20. 일차방정식 $4x - 3 = x - 6$ 의 해가 $x = a$, $-(3x - 4) = 2x - 16$ 의
해가 $x = b$ 일 때, ab 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $ab = -4$

해설

$4x - 3 = x - 6$ 을 풀면

$4x - x = -6 + 3 \quad -(3x - 4) = 2x - 16$ 을 풀면

$3x = -3$

$x = -1$

$\therefore a = -1$

$-3x + 4 = 2x - 16$

$-3x - 2x = -16 - 4$

$-5x = -20$

$x = 4$

$\therefore b = 4$

따라서 $ab = (-1) \times 4 = -4$ 이다.

21. 일차방정식 $-2(4x + 3) = 2(4x + 5)$ 를 $ax = b$ 의 꼴로 정리했을 때,

$\frac{b}{a}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -1

해설

$$-2(4x + 3) = 2(4x + 5)$$

$$-8x - 6 = 8x + 10$$

$$-16x = 16$$

$$\therefore a = -16, b = 16$$

따라서 $\frac{b}{a} = \frac{16}{-16} = -1$ 이다.

22. 일차방정식 $3(x - 1) = -4\left(\frac{1}{2}x - 4\right) + 1$ 을 $ax + b = 0$ 의 꼴로 정리

했을 때, $a \div b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $-\frac{1}{4}$

해설

$$3(x - 1) = -4\left(\frac{1}{2}x - 4\right) + 1$$

$$3x - 3 = -2x + 16 + 1$$

$$3x + 2x = 17 + 3$$

$$5x = 20$$

$$5x - 20 = 0 \text{ } \circ\text{므로 } \therefore a = 5, b = -20$$

$$\text{따라서 } a \div b = 5 \div (-20) = -\frac{1}{4} \text{ } \circ\text{다.}$$

23. 다음 중 일차방정식 $3 - 5x = -3x + 4$ 의 해와 같은 해를 갖는 방정식은?

① $5x + 2 = 17$

② $7x - 11 = 4x - 1$

③ $x + 8 = -2(x - 1)$

Ⓐ ④ $3(4x - 7) = 1 - 7(2x + 5)$

⑤ $-5(x + 6) = 12(x - 4)$

해설

$$3 - 5x = -3x + 4$$

$$-2x = 1$$

$$\therefore x = -\frac{1}{2}$$

① $5x + 2 = 17$

$$5x = 15 \quad \therefore x = 3$$

② $7x - 11 = 4x - 1$

$$3x = 10 \quad \therefore x = \frac{10}{3}$$

③ $x + 8 = -2(x - 1)$

$$x + 8 = -2x + 2$$

$$3x = -6 \quad \therefore x = -2$$

④ $3(4x - 7) = 1 - 7(2x + 5)$

$$12x - 21 = 1 - 14x - 35$$

$$26x = -13 \quad \therefore x = -\frac{1}{2}$$

⑤ $-5(x + 6) = 12(x - 4)$

$$-5x - 30 = 12x - 48$$

$$-17x = -18$$

$$\therefore x = \frac{18}{17}$$

24. 다음 중 방정식 $-x + 5(x - 2) = -17 - 3x$ 의 해와 같은 해를 갖는
방정식을 고르면?

- ① $-x + 10 = 3(x + 2) - 2x$ ② $3(x + 4) = -(x - 8) - 4$
③ $-(x - 3) + 9 = 2(3x - 1)$ ④ $4x - (x - 7) = -2(1 - x)$
⑤ $3x - (x + 4) = x - 5$

해설

$$-x + 5(x - 2) = -17 - 3x$$

$$-x + 5x - 10 = -17 - 3x$$

$$7x - 10 = -17 \quad \therefore x = -1$$

$$\textcircled{1} \quad -x + 10 = 3(x + 2) - 2x$$

$$-x + 10 = 3x + 6 - 2x$$

$$-x + 10 = x + 6 \quad \therefore x = 2$$

$$\textcircled{2} \quad 3(x + 4) = -(x - 8) - 4$$

$$3x + 12 = -x + 8 - 4$$

$$4x + 12 = -x - 4 \quad \therefore x = -2$$

$$\textcircled{3} \quad -(x - 3) + 9 = 2(3x - 1)$$

$$-x + 3 + 9 = 6x - 2$$

$$-x + 12 = 6x - 2 \quad \therefore x = 2$$

$$\textcircled{4} \quad 4x - (x - 7) = -2(1 - x)$$

$$4x - x + 7 = -2 + 2x$$

$$3x + 7 = -2 + 2x \quad \therefore x = -9$$

$$\textcircled{5} \quad 3x - (x + 4) = x - 5$$

$$3x - x - 4 = x - 5$$

$$2x - 4 = x - 5 \quad \therefore x = -1$$

25. 다음 방정식의 해가 나머지와 다른 것은?

- ① $2 - 3x = 2(x - 4)$
- ② $3(2x - 1) = 4x + 1$
- ③ $x - (5x - 11) = -2(x - 5) - 3$
- ④ $-3(2x - 7) = -(x - 14)$
- ⑤ $-(11 - 4x) = 3(-x - 1) + 6$

해설

① $2 - 3x = 2(x - 4)$
 $2 - 3x = 2x - 8$
 $-5x = -10 \quad \therefore x = 2$

② $3(2x - 1) = 4x + 1$
 $6x - 3 = 4x + 1$
 $6x - 4x = 1 - (-3)$
 $2x = 4 \quad \therefore x = 2$

③ $x - (5x - 11) = -2(x - 5) - 3$
 $x - 5x + 11 = -2x + 10 - 3$
 $-4x + 11 = -2x + 7$
 $-4x - (-2x) = 7 - 11$
 $-2x = -4 \quad \therefore x = 2$

④ $-3(2x - 7) = -(x - 14)$
 $-6x + 21 = -x + 14$
 $-6x - (-x) = 14 - 21$
 $-5x = -7 \quad \therefore x = \frac{7}{5}$

⑤ $-(11 - 4x) = 3(-x - 1) + 6$
 $-11 + 4x = -3x - 3 + 6$
 $-11 + 4x = -3x + 3$
 $4x - (-3x) = 3 - (-11)$
 $7x = 14 \quad \therefore x = 2$

26. $3 - 2x$ 의 절댓값이 $3x + 4$ 의 절댓값보다 1 작을 때, 이를 만족하는 x 의 값을 모두 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: $x = -8$

▷ 정답: $x = 0$

해설

$$(i) x < -\frac{4}{3} \text{ 일 때}$$

$$\begin{aligned}|3x + 4| - 1 &= |3 - 2x| \\ -(3x + 4) - 1 &= 3 - 2x \\ -3x + 2x &= 3 + 5 \\ x &= -8 (\circ)\end{aligned}$$

$$(ii) -\frac{4}{3} \leq x < \frac{3}{2} \text{ 일 때}$$

$$\begin{aligned}|3x + 4| - 1 &= |3 - 2x| \\ 3x + 4 - 1 &= 3 - 2x \\ 3x + 2x &= 3 - 3 \\ x &= 0 (\circ)\end{aligned}$$

$$(iii) x \geq \frac{3}{2} \text{ 일 때}$$

$$\begin{aligned}|3x + 4| - 1 &= |3 - 2x| \\ 3x + 4 - 1 &= -(3 - 2x) \\ 3x - 2x &= -3 - 3 \\ x &= -6 (\times)\end{aligned}$$

27. $5 - 3x$ 의 절댓값이 $2x + 1$ 의 절댓값보다 2 작을 때, 이를 만족하는 x 의 값을 모두 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: $x = \frac{6}{5}$

▷ 정답: $x = 4$

해설

(i) $x < -\frac{1}{2}$ 일 때

$$|2x + 1| - 2 = |5 - 3x|$$

$$-(2x + 1) - 2 = 5 - 3x$$

$$-2x - 1 - 2 = 5 - 3x$$

$$-2x + 3x = 5 + 3$$

$$x = 8 (\times)$$

(ii) $-\frac{1}{2} \leq x < \frac{5}{3}$ 일 때

$$|2x + 1| - 2 = |5 - 3x|$$

$$2x + 1 - 2 = 5 - 3x$$

$$5x = 6$$

$$x = \frac{6}{5} (\bigcirc)$$

(iii) $x \geq \frac{5}{3}$ 일 때

$$|2x + 1| - 2 = |5 - 3x|$$

$$2x + 1 - 2 = -(5 - 3x)$$

$$2x - 1 = -5 + 3x$$

$$2x - 3x = -5 + 1$$

$$-x = -4$$

$$x = 4 (\bigcirc)$$

28. $4x - 3 - (2x - 7) = 2 + 3(x - 1)$ 의 해가 $x = a$ 일 때, $a(y - 3) + 1 = 2(y - a) - 4$ 의 해를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $y = 0$

해설

$$4x - 3 - (2x - 7) = 2 + 3(x - 1)$$

$$2x + 4 = 2 + 3x - 3$$

$$-x = -5$$

$$x = 5$$

$$a(y - 3) + 1 = 2(y - a) - 4 \text{ 에 } a = 5 \text{ 를 대입}$$

$$5y - 15 + 1 = 2y - 10 - 4$$

$$3y = 0$$

$$y = 0$$

29. $7 - 1.4x = 0.3(2x - 1) + 1.3$ 의 해가 $x = a$ 일 때, $4(y - a) = -(y + 2)$ 의 해를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $y = 2$

해설

$$7 - 1.4x = 0.3(2x - 1) + 1.3$$

$$70 - 14x = 6x - 3 + 13$$

$$-20x = -60$$

$$x = 3$$

$4(y - a) = -(y + 2)$ || $a = 3$ 을 대입하면

$$4y - 12 = -y - 2$$

$$5y = 10$$

$$y = 2$$

30. 방정식 $3(2 - 5x) + 4 = 5x$ 의 해가 $x = a$ 일 때, $a + \frac{1}{a^2}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $\frac{9}{2}$

해설

$3(2 - 5x) + 4 = 5x$ 를 풀면

$$6 - 15x + 4 = 5x$$

$$-15x - 5x = -10$$

$$-20x = -10$$

$$x = \frac{1}{2} = a$$

따라서 $a^2 = \frac{1}{4}$, $\frac{1}{a^2} = 4$ 이므로

$$a + \frac{1}{a^2} = \frac{1}{2} + 4 = \frac{9}{2} \text{ 이다.}$$

31. $6x - 6y = 3(x - y) - 12$ 일 때, $x - y$ 의 값을 구하면?

- ① -1 ② -2 ③ -3 ④ -4 ⑤ -5

해설

$$6x - 6y = 3(x - y) - 12$$

$$6(x - y) = 3(x - y) - 12$$

$$3(x - y) = -12$$

$$\therefore x - y = -4$$

32. $4\{x - 3(2 - x) + 1\} = -(5x - 22)$ 의 해가 $x = a$ 일 때, $a^2 - \frac{4}{a}$ 의

값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 2

해설

$$4\{x - 3(2 - x) + 1\} = -(5x - 22)$$

$$4(x - 6 + 3x + 1) = -5x + 22$$

$$16x - 20 = -5x + 22$$

$$21x = 42$$

$$x = 2$$

$$a = 2 \text{이므로 } a^2 - \frac{4}{a} = 2^2 - \frac{4}{2} = 2 \text{이다.}$$

33. 두 수 a , b 에 대하여 $a \oplus b = 2(a+b) - ab$ 일 때, x 의 값은?

$$\{3 \oplus (x+1)\} + \{(2x-4) \oplus 1\} = 8$$

- ① 4 ② 5 ③ 6 ④ 7 ⑤ 8

해설

$$\{3 \oplus (x+1)\} + \{(2x-4) \oplus 1\} = 8$$

$$\{2(x+4) - 3(x+1)\}$$

$$+ \{2(2x-3) - (2x-4)\} = 8$$

$$(-x+5) + (2x-2) = 8$$

$$x+3=8$$

$$\therefore x=5$$