1. 다음은 나예뻐가 넌멋져에게 보낸 암호문이다. 아래 네모 칸에 쓰여진 수 중에서 $2^4 \times 3^3$ 의 약수를 모두 찾아 색칠하면 나예뻐와 넌멋져가 만나는 시간이 나타난다. 나예뻐와 넌멋져가 몇 시에 만나는지 구하여라.

2×3	12	$2^2 \times 3$
11	$2 \times 3^3 \times 5^2$	$2^4 \times 3^3$
$2^3 \times 3^2$	2×3^3	1
$3^2 \times 11$	100	2×3^2
8	3^3	$2^3 \times 3$

답: <u>시</u>

▷ 정답: 3시

-해설 94 o) c

2⁴ 의 약수는 1, 2, 2², 2³, 2⁴ 이고 3³ 의 약수는 1, 3, 3², 3³ 이다. 표의 수들을 소인수분해하여 나타내면 12 = 2² × 3, 8 = 2³, 100 = 2² × 5² 이다. 2⁴ × 3³ 의 약수를 모두 찾아 색칠하면 다음 표와 같다.

11	$2 \times 3^3 \times 5^2$	$2^4 \times 3^3$	
$2^3 \times 3^2$	2×3^3	1	
$3^2 \times 11$	100	2×3^2	
8	3^3	$2^3 \times 3$	
 따라서 나	예뻐와 넌	멋져가 만	나는 시간은 3시이다.

다음 네모 칸에 쓰여진 수 중에서 3⁴ × 11⁵ 의 약수를 모두 찾아 색칠 하면 한글 자음 중 하나가 나타난다. 그 한글 자음은 무엇인지 찾아라.

$3^4 \times 11$	11	3×11
$3^2 \times 11^2$	16	3×11^2
33	2×3^2	$3^4 \times 11^5$
$3^2 \times 11$	121	$3^3 \times 11^5$

① 7 ② L ③ C ④ 2 ⑤ D

4 2 0)

해설 3⁴ 의 약수는 1 , 3 , 3² , 3³ , 3⁴ 이고 11⁵ 의 약수는 1 , 11 , 11²

, 11^3 , 11^4 , 11^5 이다. 표의 수들을 소인수분해하면 $16=2^4$, $121=11^2$, $33=3\times 11$ 이다.

 $3^4 \times 11^5$ 의 약수를 모두 찾아 색칠하면 다음 표와 같다.

$3^2 \times 11^2$	16	3×11^2
33	2×3^2	$3^4 \times 11^5$
$3^2 \times 11$	121	$3^3 \times 11^5$

- **3.** 다음 중 180 의 약수는?
 - $2^3 \times 5$ ② $3^2 \times 7$ ③ $2^2 \times 3^2$

을 소인수분해하면 $180 = 2^2 \times 3^2 \times 5$ 이다.

- **4.** 다음 중 420 의 약수가 <u>아닌</u> 것은?
 - ① 6 ② $2^2 \times 3$ ③ $2^2 \times 3^2$ ④ 2×7 ⑤ $2 \times 3 \times 5 \times 7$

 $420 = 2^2 \times 3 \times 5 \times 7$ 이므로 ③이 약수가 아니다.

- **5.** 다음 중 350 의 약수가 <u>아닌</u> 것은?
 - ① 2 ② 2×5 ③ 2×7 ④ $2 \times 5^2 \times 7$

350 = 2 × 5² × 7 이므로 ④ 2² × 5² 은 약수가 아니다.

- 6. 다음 중 $11^3 \times 13^5$ 의 약수가 <u>아닌</u> 것은?
 - ① 11 ② 13 ③ 11×13^4 ④ $11^2 \times 13^3$ ⑤ $11^4 \times 13^5$

⑤ $11^4 \times 13^5$ 에서 11^4 은 11^3 의 약수가 아니므로 $11^3 \times 13^5$ 의 약수가 아니다.

7. $3^3 \times 5^2$ 의 약수가 <u>아닌</u> 것은?

① 3 ② 5 ③ $3^2 \times 5$ ④ $3^2 \times 5^2$

3³×5² 의 약수

1 5 5²
1 1 5 5²
3 3 3×5 3×5²
3² 3² 3²×5 3²×5²
3³ 3³ 3³×5 3³×5²

- 8. $2^4 \times 3^2 \times 5$ 의 약수 중에서 두 번째로 큰 수는?
 - ① $2^3 \times 3^2 \times 5$ ② $2^3 \times 3^2$ ③ $2^4 \times 3^2 \times 5$ ④ $2^4 \times 3 \times 5$

해설

제일 큰 약수는 자기 자신인 $2^4 \times 3^2 \times 5$ 이고, 두 번째로 큰 수는 가장 작은 소인수인 2 가 한번 덜 곱해진 것이므로, $2^{4-1} \times 3^2 \times 5 = 2^3 \times 3^2 \times 5$ 이다.

- **9.** 자연수 $2^2 \times 3 \times 5^2$ 의 약수 중에서 두 번째로 큰 수는?
 - ① $2^2 \times 3^2 \times 5^2$ ② $2 \times 3 \times 5^2$ ③ $2^2 \times 3 \times 5^2$

해설

 $2^2\times 3\times 5^2$ 의 약수 중 가장 큰 수는 $2^2\times 3\times 5^2$, 두 번째로 큰 수는 $2 \times 3 \times 5^2$

10. $2^a \times 3^b$ 이 $2^2 \times 3$ 을 약수로 가질 때, 두 자연수 a, b 의 최솟값을 구하여라.

▶ 답:

답:

ightharpoonup 정답: a=2 ightharpoonup 정답: b=1

 $2^a \times 3^b$ 이 $2^2 \times 3$ 을 약수로 가지므로, $a \leftarrow 2$ 이상의 자연수, b

는 1 이상의 자연수가 되어야 한다. 그 중 최솟값은 $a=2,\ b=1$ 일 때이다.

- **11.** $3^a \times 5^b$ 이 $3^3 \times 5$ 를 약수로 가질 때, 두 자연수 a, b 의 최솟값의 합을 구하여라.
 - ▶ 답:

▷ 정답: 4

해설

 $3^a \times 5^b$ 이 $3^3 \times 5$ 를 약수로 가지므로, a 는 3 이상의 자연수, b 는

1 이상의 자연수가 되어야 한다. 그 중 최솟값은 $a=3,\;b=1$ 일 때이다.

 $\therefore a + b = 3 + 1 = 4$

12. 다음에서 $2^4 \times 3^2$ 의 약수가 <u>아닌</u> 것은?

① 2^4 (4) 3³

② $2^2 \times 3^2$ ③ 2×3^2

⑤ 1

해설 2⁴ 의 약수는1, 2, 2², 2³, 2⁴ 이고

3² 의 약수는1, 3, 3² 이므로 $2^4 \times 3^2$ 의 약수는 다음과 같다.

ı		1	T	1 × 2	1×2	1×2	1×2
ı	Ī	3	3	3×2	3×2^2	3×2^3	3×2^4
ı		3^2	3^2	$3^2 \times 2$	$3^2 \times 2^2$	$3^2 \times 2^3$	$3^2 \times 2^4$
	_						

13. 다음에서 $2^3 \times 5$ 의 약수를 찾아 모두 고르면?(정답 2개)

① 1 ② 2×5^2 ③ $3^2 \times 5$ ② 2^5

해설

2³ 의 약수는1, 2, 2², 2³ 이고 5 의 약수는 1, 5 이므로 2³×5 의 약수는 다음과 같다.

14. 다음 중 $2^3 \times 3^3 \times 5^3$ 의 약수가 <u>아닌</u> 것은?

① 5×2^3 ④ 125

(2)8

 $3 2^3 \times 3 \times 5$

0 1

⑤ 225

● 해설 ② 80 을 소인수분해하면 80 = 2⁴ × 5 이다. 2⁴ 은 2³ × 3³ × 5³

- 의 약수가 아니다. ④ 125 를 소인수분해하면 125 = 5³ 이므로 2³ × 3³ × 5³ 의
- 약수이다. ⑤ 225 를 소인수분해하면 225 = $3^2 \times 5^2$ 이므로 $2^3 \times 3^3 \times 5^3$ 의
- 약수이다.

15. $3 \times 5^2 \times 7$ 의 약수 중 두 번째로 작은 수를 a , 세 번째로 큰 수를 b 라고 할 때, a+b 의 값을 구하여라.

답:

▷ 정답: 108

5^2 의 약수는 1 , 5 , 5^2 이고, 3×7 의 약수는 $1, 3, 7, 3 \times 7$ 이므로

표를 이용하여 약수를 구하면 다음과 같다.

× 1 5 5²

ı)	,
	1	1×1=1	$1 \times 5 = 5$	$1 \times 5^2 = 25$
	3	3×1=3	$3 \times 5 = 15$	$3 \times 5^2 = 75$
	7	$7 \times 1 = 7$	$7 \times 5 = 35$	$7 \times 5^2 = 175$
	3×7	$3 \times 7 \times 1 = 21$	$3 \times 7 \times 5 = 105$	$3\times7\times5^2=525$

즉, 1,3,5,7,15,21,25,35,75,105,175,525따라서 $3\times 5^2\times 7$ 의 약수 중 두 번째로 작은 수 a=3 이고, 세 번째로 큰 수 $b=3\times 5\times 7=105$ 이므로 a+b=3+105=108

이다.

16. 다음은 나몰라가 잘풀어에게 보낸 암호문이다. 아래 네모 칸에 쓰여진 수 중에서 270 의 약수를 모두 찾아 색칠하면 나몰라가 제일 좋아하는 숫자가 나타난다. 그 수를 구하여라.

2×5	$2 \times 3 \times 5$	$3^2 \times 5$
1	$2\times3^3\times5^2$	$2^4 \times 3^3$
$2 \times 3^2 \times 5$	$2 \times 3^3 \times 5$	45
$3^2 \times 11$	200	2×3^2
90	$3^{^3}$	$3^3 \times 5$
	$ \begin{array}{c} 1\\ 2 \times 3^2 \times 5\\ 3^2 \times 11 \end{array} $	$ \begin{array}{ccc} 1 & 2 \times 3^3 \times 5^2 \\ 2 \times 3^2 \times 5 & 2 \times 3^3 \times 5 \\ 3^2 \times 11 & 200 \end{array} $

➢ 정답: 5

▶ 답:

270 을 소인수분해면 $270 = 2 \times 3^3 \times 5$ 이므로 3^3 의 약수는

 $1, 3, 3^2, 3^3$ 2의 약수는 1 과 2

5의 약수는 1 과 5 이다.

 $200 = 2^3 \times 5^2$, $45 = 3^2 \times 5$, $90 = 2 \times 3^2 \times 5$ 이다.

270 의 약수를 모두 찾아 색칠하면 다음 표와 같다. 2×5 $2\times3\times5$ $3^2\times5$

	1	$2 \times 3^3 \times 5^2$	$2^4 \times 3^3$				
	$2 \times 3^2 \times 5$	$2 \times 3^3 \times 5$	45				
	$3^2 \times 11$	200	2×3^2				
	90	3^3	$3^3 \times 5$				
따라서 나몰라가 가장 좋아하는 숫자는 5 이다.							

17. 다음 중 63 의 약수가 <u>아닌</u> 것을 고르면?

① 1 ② 3^2 ③ 7 ④ 3×7 ⑤ 7^2

해설 $63 = 3^2 \times 7$

18. 다음 중 200 의 약수가 <u>아닌</u> 것은?

② $2^2 \times 5^2$ ③ 2×5^3 ① 2×5 $\textcircled{4} \ 2^3 \times 5$ $\textcircled{5} \ 5^2$

 $200 = 2^3 \times 5^2$ 200 의 약수

	1	1	5	5^{2}	
	2	2	2×5	2×5^2	
	2^{2}	2^2	$2^2 \times 5$	$2^2 \times 5^2$	
	2^{3}	2^3	$2^3 \times 5$	$2^3 \times 5^2$	
이므로 아닌 것은 ③이다.					
이므로 아닌 것은 ③이다.					

19. $2^2 \times 3 \times 7$ 의 약수가 <u>아닌</u> 것은?

- ① 2×3 ② $2^2 \times 7$ ③ 3^2

 $\textcircled{3} \times 7 \qquad \qquad \textcircled{3} \quad 2 \times 3 \times 7$

해설

 $(2^2 \times 3 \times 7$ 의 약수)는 $(2^2$ 의 약수)×(3의 약수)×(7의 약수)이다.

20. $2^2 \times 5 \times 7$ 의 약수인 것은?

해설

① 2×3 ② $2^3 \times 7$ ③ 3^2 ④ $3 \times 5 \times 7$

 $4 3 \times 5 \times 7 \qquad (9) 2^2 \times 5 \times$

①, ③, ④ : 소인수 3 이 들어있다. ②: 2 의 지수가 문제의 수보다 크다.

- ${f 21}$. 자연수 $2^2 \times 3 \times 5$ 의 약수 중에서 두 번째로 큰 수를 a , 세 번째로 큰 수를 b 라 할 때, a + b 의 값을 구하면?
 - ① 15 ② 30

해설

 $2^2 \times 3 \times 5$ 의 약수 중 두 번째로 큰 수는 $2 \times 3 \times 5 = 30$, 세 번째로

큰 수는 $2^2 \times 5 = 20$ 이므로, a + b = 30 + 20 = 50 이다.

22. 자연수 $2^3 \times 5 \times 7$ 의 약수 중에서 두 번째로 큰 수를 a , 세 번째로 큰 수를 b 라 할 때, a-b 의 값을 구하여라.

답:

➢ 정답: 70

 $2^3 \times 5 \times 7$ 의 약수 중 두 번째로 큰 수는 $2^2 \times 5 \times 7 = 140$, 세

번째로 큰 수는 $2 \times 5 \times 7 = 70$ 이므로, a - b = 140 - 70 = 70이다.

23. $3^a \times 5^b$ 이 45 를 약수로 가질 때, 두 자연수 a, b 의 최솟값의 합을 구하여라.

▶ 답:

➢ 정답: 3

해설 $3^a \times 5^b$ 이 $45 = 3^2 \times 5$ 을 약수로 가지므로, $a \leftarrow 2$ 이상의 자연수,

b 는 1 이상의 자연수가 되어야 한다. 그 중 최솟값은 $a=2,\ b=1$ 일 때이므로 a+b=3 이다.

- ${f 24.} \quad 3^a imes 5^b$ 이 225 를 약수로 가질 때, 두 자연수 $a, \ b$ 의 최솟값을 고르면?
 - ① 1, 1 ② 1, 2 ③ 2, 1 ④ 2, 2 ⑤ 2, 3

해설

 $3^a \times 5^b$ 이 $225 = 3^2 \times 5^2$ 을 약수로 가지므로, a 는 2 이상의 자연수, b 는 2 이상의 자연수가 되어야 한다. 그 중 최솟값은 a = 2, b = 2 일 때이다.

25. 다음 중 360 의 약수가 <u>아닌</u> 것은?

 3^2 ② 2×3 ③ $2^3 \times 5$ ④ $2^2 \times 3 \times 5$

 $360 = 2^3 \times 3^2 \times 5$ 이므로 $2 \times 3^3 \times 5$ 는 360의 약수가 아니다.

26. 소인수분해를 이용하여 72 의 약수를 구하기 위해 만든 것이다. 빈 칸에 알맞은 수를 모두 구해 그 합을 구하여라.

×	1	2	2^2	2^3
1	1	2	4	
3	3		12	24
3^{2}		18	36	72

▶ 답:

▷ 정답: 23

×	1	2	2^2	2^3
1	1	2	4	8
3	3	6	12	24
3^2	9	18	36	72
	+9 = 23			12

- **27.** x는 96의 약수일 때, x값이 될 수 <u>없는</u> 것은?
 - ① 2
- ② 2×3 ③ $2^2 \times 3$

4 2 × 3³ 5 2⁵

④ 96 = 2 × 2 × 2 × 2 × 2 × 3 = 2⁵ × 3 이므로 2 × 3³ 은 96의

약수가 아니다.

28. 1881 는 a,b,c 의 곱으로 표현된다. a+b+c 의 최솟값은 얼마인지 구하여라.

답:▷ 정답: 39

02. 0

해설

 $1881 = 3 \times 3 \times 11 \times 19$ 따라서, 순서에서 상관없이 a, b, c 가 될 수 있는 수를 살펴보면,

(9,11,19), (3,19,33), (3,11,57), (3,3,209) 이다. ∴ a+b+c의 최솟값= 9+11+19=39

29. 다음 중 100 의 약수는?

① 30 ② $5^2 \times 7^2$ ③ 80 ④ $2^2 \times 5^2$ ⑤ $2^3 \times 5 \times 7$

해설 100 을 소인수분해하면 100 = $2^2 \times 5^2$ 이다. 이때 2^2 의 약수는

1, 2, 2² 이고, 5² 의 약수는 1, 5, 5² 이다. 다음 표와 같이 2² 의 약수와 5² 의 약수를 각각 곱하면 100 의 약수는 1, 2, 4, 5, 10, 20, 25, 50, 100 이다.

1	1×1=1	$1 \times 2 = 2$	$1\times2^2=4$
5	5×1=5	5×2=10	$5 \times 2^2 = 20$
$5^{^2}$	$5^2 \times 1 = 25$	$5^2 \times 2 = 50$	$5^2 \times 2^2 = 100$