

1. 이차방정식  $x^2 - 3x - 2 = 0$  의 근이  $x = \frac{A \pm \sqrt{B}}{2}$  일 때,  $A - B$  의 값은?

- ① -14      ② 14      ③ 20      ④ -20      ⑤ 17

해설

$$x = \frac{3 \pm \sqrt{17}}{2} \text{ 이므로 } A = 3, B = 17$$

$$\therefore A - B = -14$$

2. 다음 이차함수의 그래프 중에서 아래로 볼록하면서 폭이 가장 좁은 것은?

①  $y = \frac{1}{4}x^2$

②  $y = -\frac{1}{4}x^2$

③  $y = 2x^2$

④  $y = -2x^2$

⑤  $y = -x^2$

해설

$y = kx^2$  ( $k > 0$ ) 의 꼴은 아래로 볼록하고,  $k$  의 절댓값이 클수록 폭이 좁아진다.

3.  $y$  는  $x$  의 제곱에 비례하고  $x = 4$  일 때  $y = -8$  이다.  $x$  의 값이  $-3$ 에서  $-1$  까지 2 만큼 증가할 때,  $y$  의 값의 증가량을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 4

해설

$$y = ax^2, f(4) = -8 \text{ } \circ\text{]므로}$$

$$-8 = a \times 4^2, a = -\frac{1}{2}$$

$$y = -\frac{1}{2}x^2$$

$$f(-3) = -\frac{1}{2} \times (-3)^2 = -\frac{9}{2}$$

$$f(-1) = -\frac{1}{2} \times (-1)^2 = -\frac{1}{2}$$

$$\therefore -\frac{1}{2} - \left(-\frac{9}{2}\right) = 4$$

4. 이차함수  $y = -(x + 1)^2$  의  $y$ 의 범위는?

①  $y \geq -1$

②  $y \leq -1$

③  $y \geq 0$

④  $y \leq 0$

⑤  $y \geq 1$

해설

실수의 제곱은 항상 0 또는 양수이기 때문에 이 그래프의  $y$ 의  
값의 범위는  $y \leq 0$  이다.

5.  $y = (k+1)(k-2)x^2 - 5x + 3$  이  $x$ 에 관한 이차함수일 때, 다음 중 상수  $k$ 의 값이 될 수 없는 것을 모두 골라라.

- Ⓐ 1 Ⓑ 2 Ⓒ 3 Ⓓ -1 Ⓔ -2  
Ⓑ -3

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: Ⓑ

▷ 정답: Ⓒ

해설

이차함수는  $y = ax^2 + bx + c$ 의 형태에서  $a \neq 0$ 이어야 하므로  $(k+1)(k-2) \neq 0$ 이어야 한다. 따라서  $k \neq -1, k \neq 2$ 이다.

6. 다음 이차방정식 중에서 [ ] 안의 수가 해가 되는 것을 모두 고르면?(정답 2 개)

①  $(x - 3)^2 = 4x$  [ 1 ]

②  $(x + 2)(x - 3) = 14$  [ -1 ]

③  $x^2 + 2x - 3 = 0$  [ 3 ]

④  $x^2 = -4x + 12$  [ -2 ]

⑤  $2x(x - 3) = 0$  [ 0 ]

해설

[ ] 안의 수를 각 식의  $x$ 에 대입하여 성립하는 것을 찾는다.

①  $(x - 3)^2 = 4x$ 에  $x = 1$ 을 대입하면  $4 = 4$ 가 되어 성립한다.

⑤  $2x(x - 3) = 0$ 에  $x = 0$ 을 대입하면  $0 = 0$ 이 되어 성립한다.

7. 이차방정식  $x^2 + x + 3k = 0(k \neq 0)$  의 한 근이  $k$  일 때,  $k$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : -4

해설

주어진 식에  $k$ 를 대입하면

$$k^2 + k + 3k = 0, k^2 + 4k = 0$$

$$k(k + 4) = 0$$

$$\therefore k = -4(k \neq 0)$$

8. 다음 두 이차방정식을 동시에 만족시키는  $x$ 의 값을 구하여라.

보기

$$x^2 - 2x - 8 = 0, x^2 + x - 20 = 0$$

▶ 답 :

▷ 정답 :  $x = 4$

해설

$$x^2 - 2x - 8 = (x - 4)(x + 2) = 0$$

$$\therefore x = 4, -2$$

$$x^2 + x - 20 = (x + 5)(x - 4) = 0$$

$$\therefore x = 4, -5$$

따라서 공통근은  $x = 4$  이다.

9. 다음에 주어진 이차방정식 중에서 중근을 갖는 것을 모두 고른 것은?

보기

㉠  $x^2 - 4 = 0$

㉡  $x^2 = 8x - 16$

㉢  $(3x + 1)^2 = 1$

㉣  $x^2 = 0$

㉤  $(4x - 1)(x + 2) = 3x - 3$

① ㉠, ㉡, ㉢

② ㉡, ㉣

③ ㉠, ㉡, ㉤

④ ㉡, ㉤

⑤ ㉡, ㉢, ㉤

해설

중근을 갖는 이차방정식은  $(ax + b)^2 = 0$ 의 꼴이다.

㉡  $x^2 = 8x - 16 \leftrightarrow x^2 - 8x + 16 = 0 \leftrightarrow (x - 4)^2 = 0$

$\therefore x = 4$  (중근)

㉢  $x^2 = 0$

$\therefore x = 0$  (중근)

㉤  $(4x - 1)(x + 2) = 3x - 3 \leftrightarrow 4x^2 + 4x + 1 = 0$

$(2x + 1)^2 = 0$

$\therefore x = -\frac{1}{2}$  (중근)

10. 두 이차방정식이 중근을 가질 때,  $n - m$ 의 값을 구하여라.

$$x^2 - 6x = m, \quad (x - 5)^2 = n$$

▶ 답 :

▶ 정답 : 9

해설

$x^2 - 6x - m = 0$ 이 중근을 가지려면  $(x - 3)^2 = 0$  꼴이 되어야 한다.

$$\therefore -m = 9, \quad m = -9$$

$(x - 5)^2 = n$ 이 중근을 가지려면  $n = 0$ 이어야 한다.

$$\therefore n - m = 0 - (-9) = 9$$

11. 이차방정식  $(x - 2)^2 = 5$  의 두 근의 곱을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -1

해설

$$(x - 2)^2 = 5$$

$$\therefore x = 2 \pm \sqrt{5}$$

두 근의 곱을 구하면

$$(2 + \sqrt{5})(2 - \sqrt{5}) = 4 - 5 = -1$$

12. 다음 이차방정식  $2x^2 - 4x + k = 0$ 에 대하여 다음 설명 중 알맞은 것을 모두 고른 것은?

- ㉠  $k = 2$  이면  $x = 1$  인 중근을 갖는다.
- ㉡  $k = 0$  이면 두 근의 곱은 0 이다.
- ㉢  $k = -6$  이면 두 근의 합은 2 이다.
- ㉣  $k < 2$  이면 근이 없다.

① ㉡, ㉢

② ㉠, ㉡, ㉢

③ ㉠, ㉡

④ ㉠, ㉡, ㉢, ㉣

⑤ ㉣

### 해설

㉠  $k = 2$  일 때  $2x^2 - 4x + 2 = 0$

$$x^2 - 2x + 1 = (x - 1)^2 = 0 \therefore x = 1 \text{ (중근)}$$

㉡  $k = 0$  일 때  $2x^2 - 4x = 0$

$$x^2 - 2x = x(x - 2) = 0 \therefore x = 0, 2 \text{ 이므로 두 근의 곱은 } 0$$

㉢  $k = -6$  일 때  $2x^2 - 4x - 6 = 0$

$$x^2 - 2x - 3 = (x - 3)(x + 1) = 0$$

$$x = 3, -1 \text{ 이므로 두 근의 합은 } 2$$

㉣  $D/4 = 4 - 2k$ 에서  $4 - 2k > 0$

$k < 2$  일 때 서로 다른 두 근을 가진다.

$\therefore$  옳은 것은 ㉠, ㉡, ㉢

13. 자연수 1에서  $n$  까지의 합을 구하는 식을 나타낸 것이다. 이 식을 이용하여 1부터  까지를 더하면 그 합이 28이라고 할 때, 빈칸에 들어갈 수를 구하여라.

$$\frac{n(n+1)}{2}$$

▶ 답 :

▷ 정답 : 7

해설

$$\frac{n(n+1)}{2} = 28 \text{ 이므로}$$

$$n^2 + n - 56 = 0$$

$$(n+8)(n-7) = 0$$

$$n > 0 \text{ 이므로 } n = 7 (\because n > 0)$$

14. 둘레의 길이가 32cm이고, 넓이가  $56\text{cm}^2$ 인 직사각형의 가로의 길이를  $x$  라 할 때, 다음 중 옳은 것은?

①  $x(32 - x) = 56$

②  $x(16 - x) = 28$

③  $x(32 - x) = 28$

④  $x(16 - x) = 56$

⑤  $x(32 - x) = 112$

해설

가로의 길이를  $x\text{cm}$ 라 하면, 세로의 길이는  $(16 - x)\text{cm}$ 이다.

$$\therefore x(16 - x) = 56$$

15. 다음 중 원점을 꼭짓점,  $y$  축을 축으로 하고 점  $(-1, 3)$  을 지나는 포물선의 방정식은?

①  $y = (x - 1)^2 + 3$

②  $y = (x + 1)^2 + 3$

③  $y = x^2 + 2$

④  $y = x^2 + 3$

⑤  $y = 3x^2$

해설

원점을 꼭짓점으로 하고  $y$  축을 축으로 하는 포물선의 식은

$y = ax^2$  이고, 점  $(-1, 3)$  을 지나므로

$$3 = a \times (-1)^2, a = 3$$

$$\therefore y = 3x^2$$

16. 이차함수  $y = -3x^2$  의 그래프를  $x$  축의 방향으로 3 만큼 평행이동시키면 점  $(2, a)$ 를 지난다고 한다.  $a$ 의 값을 구하면?

- ① -1      ② -2      ③ -3      ④ -4      ⑤ -5

해설

$y = -3x^2$  의 그래프를  $x$  축의 방향으로 3 만큼 평행이동한 함수의 식은  $y = -3(x - 3)^2$  이고, 점  $(2, a)$  를 지나므로

$$a = -3(2 - 3)^2$$

$$\therefore a = -3$$

17. 다음은 이차방정식  $ax^2 + 2bx + c = 0$  ( $a \neq 0$ )을 푸는 과정이다. ① ~ ⑤에 들어갈 식이 바르지 못한 것은? (단,  $b^2 - ac \geq 0$ )

$$ax^2 + 2bx + c = 0 \quad (a \neq 0)$$

$$x^2 + \frac{2b}{a}x = -\frac{c}{a}$$

$$x^2 + \frac{2b}{a}x + ① = -\frac{c}{a} + ①$$

$$(x + ②)^2 = ③$$

$$x = ④ \pm ⑤$$

$$① \frac{b^2}{a^2}$$

$$④ -\frac{b}{a}$$

$$② \frac{b}{a}$$
  
⑤  $\frac{\sqrt{b^2 - ac}}{a^2}$

$$③ \frac{b^2 - ac}{a^2}$$

### 해설

$$ax^2 + 2bx + c = 0 \quad (a \neq 0)$$

양변을  $a$ 로 나누고 상수항을 이항하면

$$x^2 + \frac{2b}{a}x = -\frac{c}{a},$$

양변에  $\frac{b^2}{a^2}$  을 더하면

$$x^2 + \frac{2b}{a}x + \frac{b^2}{a^2} = -\frac{c}{a} + \frac{b^2}{a^2}$$

$$\left(x + \frac{b}{a}\right)^2 = \frac{b^2 - ac}{a^2}$$

$$x + \frac{b}{a} = \pm \frac{\sqrt{b^2 - ac}}{a}$$

$$x = -\frac{b}{a} \pm \frac{\sqrt{b^2 - ac}}{a}$$

∴ ⑤가 잘못 되었다.

18.  $0 < a < b$  이고,  $(a - b + 3)(a - b - 2) = 6$  일 때,  $a - b$ 의 값은?

① 3

② -4

③ -3

④ 7

⑤ 1

해설

$$a - b = t \text{로 치환하면 } t^2 + t - 12 = 0$$

$$(t + 4)(t - 3) = 0$$

$$\therefore t = -4 \text{ 또는 } t = 3$$

$$0 < a < b \text{이므로 } t = a - b < 0$$

$$\therefore a - b = -4$$

19. 이차방정식  $ax^2 + 2x + a = 0$ 에 대한 다음 설명 중 옳지 않은 것을 고르면?

- ①  $a = -1$  이면 중근을 갖는다.
- ②  $a = \frac{1}{2}$  이면 서로 다른 두 근을 갖는다
- ③ 이차방정식의 근은  $x = \frac{-1 \pm \sqrt{1-a^2}}{a}$  이다.
- ④  $a = 3$  이면 근을 갖지 않는다
- ⑤  $a \geq -1$  이면 서로 다른 두 개의 양의 정수를 근으로 갖는다.

### 해설

판별식  $D = 2^2 - 4a^2 = 4(1 - a^2) = 4(1 + a)(1 - a)$

- ①  $a = -1$  이면  $D = 0$  이 되어 중근을 갖는다.

- ②  $a = \frac{1}{2}$  이면  $D > 0$  이 되어 서로 다른 두 근을 갖는다.

- ③ 근의 공식으로 풀면  $x = \frac{-1 \pm \sqrt{1-a^2}}{a}$

- ④  $a = 3$  이면  $D < 0$  이 되어 근을 갖지 않는다.

- ⑤  $a \geq -1$  이면  $D \geq 0$  이므로 중근 또는 서로 다른 두 근을 갖는다.

20. 이차방정식  $x^2 - 6x + m - 1 = 0$ 의 근의 개수가 1개일 때, 상수  $m$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 10

해설

$x^2 - 6x + m - 1 = 0$  이 중근을 가져야 하므로  $m - 1 = 9$ 이다.

$$\therefore m = 10$$

21. 차가 5인 두 자연수의 곱이 126일 때, 두 수 중 작은 수로 알맞은 것을 고르면?

① 7

② 9

③ 11

④ 13

⑤ 15

해설

$$x(x+5) = 126$$

$$x^2 + 5x - 126 = 0$$

$$(x+14)(x-9) = 0$$

$$x = 9 \text{ 또는 } x = -14$$

따라서  $x$ 는 자연수이므로  $x = 9$ 이다.

22. 지상에서 20m의 높이에 있는 건물의 옥상에서 초속 30m로 똑바로 위로 던진 공의  $x$ 초 후의 높이를  $h$ m라 하면  $h = -5x^2 + 30x + 20$ 인 관계가 성립한다. 공이 다시 건물의 옥상으로 떨어질 때까지 걸리는 시간은?

- ① 2초      ② 4초      ③ 6초      ④ 8초      ⑤ 10초

해설

$h = -5x^2 + 30x + 20$ 에서 공이 옥상에 떨어지는 것은 높이  $h$ 가 20이 될 때이다.

$$20 = -5x^2 + 30x + 20 \Leftrightarrow x^2 - 6x = 0$$

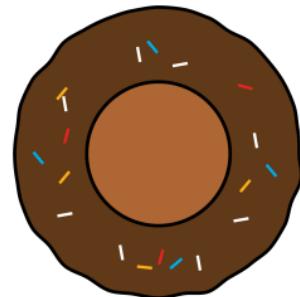
$$x(x - 6) = 0$$

$$x = 0 \text{ 또는 } x = 6$$

$$x > 0 \text{ 이므로 } x = 6$$

23. 다음 그림과 같이 원 모양의 빵의 둘레에 폭이 20 cm인 크림을 바르려고 한다. 크림의 넓이가 빵과 크림의 넓이의 합의  $\frac{3}{4}$ 이라고 할 때, 빵의 반지름은?

- ① 17      ② 19      ③ 20  
④ 22      ⑤ 23



### 해설

빵의 반지름을  $x$  cm라 하면

$$\pi(x+20)^2 - \pi x^2 = \frac{3}{4}\pi(x+20)^2$$

$$\frac{1}{4}\pi(x+20)^2 = \pi x^2$$

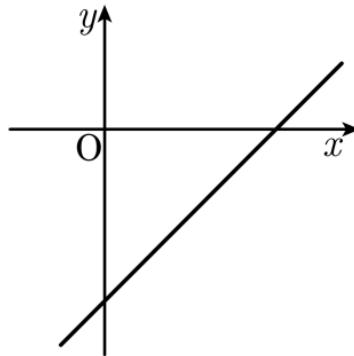
$$(x+20)^2 = 4x^2$$

$$3x^2 - 40x - 400 = 0$$

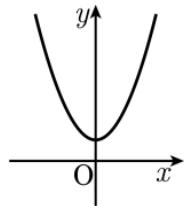
$$(x-20)(3x+20) = 0$$

$$\therefore x = 20 \ (\because x > 0)$$

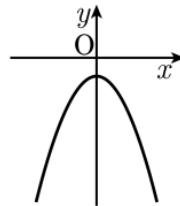
24. 일차함수  $y = ax + b$  의 그래프가 다음 그림과 같을 때, 다음 중 이차  
함수  $y = ax^2 + b$  의 그래프의 개형은?



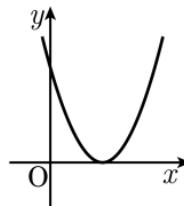
①



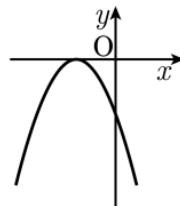
②



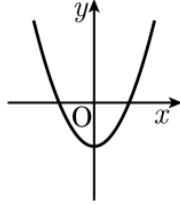
③



④



⑤



해설

$y = ax + b$  의 그래프에서  
 $a > 0, b < 0$  이다.

25. 이차함수  $y = x^2 - 2x + k - 1$  의 그래프가  $x$  축과 두 점에서 만나기 위한  $k$ 의 값의 범위를 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 :  $k < 2$

해설

$$D/4 = (-1)^2 - (k - 1) > 0, 1 - k + 1 > 0 \quad \therefore k < 2$$