

1. 연립방정식 $\begin{cases} 0.4x + 0.5y = 1.1 \\ \frac{2}{7}(2x + y) = 2 \end{cases}$ 을 풀면?

- ① (-4, -1) ② (-4, 1) ③ (-1, 3)
④ (4, -1) ⑤ (4, 1)

해설

$$\begin{cases} 0.4x + 0.5y = 1.1 & \cdots ① \\ \frac{2}{7}(2x + y) = 2 & \cdots ② \end{cases}$$

① $\times 10$, ② $\times 7$ 하면,

$$\begin{cases} 4x + 5y = 11 & \cdots ③ \\ 4x + 2y = 14 & \cdots ④ \end{cases}$$

③ - ④ 를 하면,

$x = 4, y = -1$ 이다.

2. 일차함수 $y = -2x + 2$ 의 그래프가 지나는 사분면을 모두 써라.

▶ 답: 사분면

▶ 답: 사분면

▶ 답: 사분면

▷ 정답: 제 1사분면

▷ 정답: 제 2사분면

▷ 정답: 제 4사분면

해설



3. 일차방정식 $3x + 2y = 6$ 의 그래프 위의 두 점을 $(a, 0)$, $(0, b)$ 라고 할 때, ab 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 6

해설

$3x + 2y = 6$ 에 $(a, 0)$, $(0, b)$ 를 각각 대입하면

$$3a = 6, \quad a = 2$$

$$2b = 6, \quad b = 3$$

$$\therefore ab = 6$$

4. x, y 가 자연수일 때, 일차방정식 $x+2y = 6$ 의 해는 모두 몇 쌍인가?

- ① 1 쌍 ② 2 쌍 ③ 3 쌍 ④ 4 쌍 ⑤ 5 쌍

해설

(4, 1), (2, 2)

5. 연립방정식 $\begin{cases} ax + by = 2 \\ bx - ay = 6 \end{cases}$ 을 푸는데 a, b 를 바꾸어 놓고 풀어서 $x = 1, y = 2$ 를 얻었다. 처음 주어진 연립방정식의 해를 구하면?

① $x = 1, y = 2$ ② $x = -1, y = -2$

③ $x = -2, y = -1$

④ $x = 1, y = -2$

⑤ $x = 2, y = 1$

해설

$$\begin{cases} ax + by = 2 \\ bx - ay = 6 \end{cases} \quad \text{에 } a, b \text{를 바꾸면}$$

$$\begin{cases} bx + ay = 2 \\ ax - by = 6 \end{cases} \quad \text{이다.}$$

$x = 1, y = 2$ 를 대입

$$\begin{cases} b + 2a = 2 \\ a - 2b = 6 \end{cases} \Rightarrow a = 2, b = -2$$

$$a, b \text{ 값을 원래의 연립방정식에 대입하면 } \begin{cases} 2x - 2y = 2 \\ -2x - 2y = 6 \end{cases} \quad \text{을}$$

풀면

$$x = -1, y = -2$$

6. 다음 연립방정식 중 해가 없는 것은?

$$\begin{array}{ll} \textcircled{1} & \left\{ \begin{array}{l} x - y = 3 \\ 2x - 2y = 6 \end{array} \right. \\ \textcircled{3} & \left\{ \begin{array}{l} 2x + y = 1 \\ x + y = 2 \end{array} \right. \\ \textcircled{5} & \left\{ \begin{array}{l} x + y = 0 \\ x - 2y = 0 \end{array} \right. \end{array}$$
$$\begin{array}{ll} \textcircled{2} & \left\{ \begin{array}{l} 3x - y = 1 \\ 6x = 2y + 2 \\ x = y + 3 \\ 2x - 2y = 5 \end{array} \right. \\ \textcircled{4} & \end{array}$$

해설

두 방정식의 미지수의 계수는 각각 같고 상수항이 다를 때 해가 없다.

따라서 ④ $\left\{ \begin{array}{l} x = y + 3 \cdots \textcircled{7} \\ 2x - 2y = 5 \cdots \textcircled{8} \end{array} \right.$ $2 \times \textcircled{7}$ 는 ⑤와 상수항만 다르

므로 해가 없다.

- ① 해가 무수히 많다.
- ② 해가 무수히 많다.
- ③ 1쌍의 해가 있다.
- ⑤ 1쌍의 해가 있다.

7. 일차함수 $y = ax + 2$ 의 그래프가 두 점 $(1, 1), (3, b)$ 를 지난다고 할 때, ab 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 1

해설

$$y = ax + 2 \text{ 에 } (1, 1) \text{ 대입}$$

$$1 = a + 2, \quad a = -1$$

$$y = -x + 2 \text{ 에 } (3, b) \text{ 대입}$$

$$b = -3 + 2 = -1, \quad b = -1$$

$$ab = (-1) \times (-1) = 1$$

8. 문세와 시경이가 같이 일을 하면 4일만에 끝낼 수 있는 일을 문세가 2일하고 시경이가 8 일을 하여 일을 끝마쳤다. 문세가 하루에 할 수 있는 일의 양을 x , 시경이가 하루에 할 수 있는 일의 양 y 라고 할 때, x, y 에 대한 연립방정식으로 나타내면?

$$\begin{array}{ll} \textcircled{1} & \left\{ \begin{array}{l} x + y = 4 \\ 2x + 8y = 1 \end{array} \right. \\ \textcircled{3} & \left\{ \begin{array}{l} 4x + 4y = 1 \\ 2x + 8y = 1 \end{array} \right. \\ \textcircled{5} & \left\{ \begin{array}{l} 4x + 4y = 1 \\ 8x + 2y = 1 \end{array} \right. \end{array} \quad \begin{array}{ll} \textcircled{2} & \left\{ \begin{array}{l} x + y = 8 \\ x - y = 4 \end{array} \right. \\ \textcircled{4} & \left\{ \begin{array}{l} 4x - 4y = 1 \\ 2x - 8y = 1 \end{array} \right. \end{array}$$

해설

문세가 하루에 할 수 있는 일의 양을 x , 시경이가 하루에 할 수 있는 일의 양을 y 라고 하고, 전체의 양을 1이라 하면 $\left\{ \begin{array}{l} 4x + 4y = 1 \\ 2x + 8y = 1 \end{array} \right.$

과 같은 식이 나온다.

9. 연립방정식 $\begin{cases} 3x - 5y = k & \cdots ① \\ 2x - 3y = 6 & \cdots ② \end{cases}$ 을 만족하는 x 와 y 의 값의 비가 $3 : 1$ 일 때, k 의 값은?

- ① 2 ② 5 ③ 8 ④ 11 ⑤ 14

해설

$x : y = 3 : 1$ 에서 $x = 3y$
 $x = 3y$ 를 ②식에 대입하면
 $6y - 3y = 6 \quad \therefore y = 2, x = 6$
(6, 2) 를 ①식에 대입하면
 $18 - 10 = 8 \quad \therefore k = 8$

10. 아들이 시속 20km 의 속력으로 자전거를 타고 집을 나선 지 5 분 후에
지갑을 놓고 간 것을 어머니가 자동차를 타고 시속 30km 로 달려서
아들을 만났다. 어머니는 출발한지 몇 분 후에 아들을 만났는가?

- ① 5 분 ② 6 분 ③ 8 분 ④ 10 분 ⑤ 12 분

해설

아들이 자전거를 타고 간 시간을 x 분, 어머니가 자동차를 타고

간 시간을 y 분이라 하면

두 사람이 움직인 거리는 같으므로

$$20 \times \frac{x}{60} = 30 \times \frac{y}{60}$$

$$\frac{x}{3} = \frac{y}{2}, x = \frac{3}{2}y \dots ①$$

아들이 어머니보다 5분 먼저 출발했으므로

$$x = y + 5 \dots ②$$

①식을 ②에 대입하면

$$\frac{3}{2}y = y + 5$$

$$\frac{1}{2}y = 5$$

$$\therefore y = 10(\text{분})$$