

1. 다음 보기 중  $x$ 에 대한 이차방정식인 것은 모두 몇 개인지 구하여라.

보기

- |                       |                  |
|-----------------------|------------------|
| Ⓐ $(x+1)(x-3) = 0$    | Ⓑ $x^2 - 2x + 3$ |
| Ⓒ $x(2-x) = 1 - 2x^2$ | Ⓓ $4x - 6 = 0$   |
| Ⓔ $a^2 - 2a = 3$      | Ⓕ $x(x-1) = x^2$ |

▶ 답:

개

▷ 정답: 2개

해설

- Ⓐ 정리하면  $x^2 - 2x - 3 = 0$  :  $x$ 에 대한 이차방정식이다.  
Ⓑ  $x$ 에 대한 이차식이다.  
Ⓒ 정리하면  $x^2 + 2x - 1 = 0$  :  $x$ 에 대한 이차방정식이다.  
Ⓓ  $x$ 에 대한 일차방정식이다.  
Ⓔ  $a$ 에 대한 이차방정식이다.  
Ⓕ 정리하면  $-x = 0$  :  $x$ 에 대한 일차방정식이다.

2. 이차방정식  $x^2 + 10x - 24 = 0$  을 풀어라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답:  $x = -12$  또는  $-12$

▷ 정답:  $x = 2$  또는  $2$

해설

$$x^2 + 10x - 24 = 0$$

$$(x + 12)(x - 2) = 0$$

$$\therefore x = -12 \text{ 또는 } x = 2$$

3. 다음 중 그래프의 폭이 가장 넓은 것은?

①  $y = \frac{1}{4}x^2$       ②  $y = 2x^2$       ③  $y = -\frac{1}{3}x^2$   
④  $y = -5x^2$       ⑤  $y = \frac{4}{3}x^2$

해설

$y = ax^2$  에서  $a$ 의 절댓값이 작을수록 그래프의 폭이 넓다.

4. 이차함수  $y = 3(x - 1)^2 - 3$ 의 그래프는  $y = 3x^2$ 의 그래프를  $x$ 축의 방향으로  $a$ 만큼,  $y$ 축의 방향으로  $b$ 만큼 평행이동한 그래프이다.  $a, b$ 를 각각 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답:  $a = 1$

▷ 정답:  $b = -3$

해설

$y = 3x^2$ 의 그래프를  $x$ 축의 방향으로  $a$ 만큼,  $y$ 축의 방향으로  $b$ 만큼 평행이동한 그래프의식은  $y = 3(x - a)^2 + b$  이므로  $a = 1, b = -3$ 이다.

5. 이차함수  $y = 3x^2 - 12x + 1$ 의 그래프의 축의 방정식은?

- ①  $x = 2$       ②  $x = -2$       ③  $x = 4$   
④  $x = -4$       ⑤  $x = 6$

해설

$$\begin{aligned}y &= 3x^2 - 12x + 1 \\&= 3(x^2 - 4x + 4 - 4) + 1 \\&= 3(x - 2)^2 - 11\end{aligned}$$

따라서 축의 방정식은  $x = 2$ 이다.

6. 두 근이 2, -5이고  $x^2$  의 계수가 1인 이차방정식의 상수항은?

- ① 10      ② -10      ③ 3      ④ -3      ⑤ -5

해설

$$(x - 2)(x + 5) = 0$$

$$x^2 + 3x - 10 = 0$$

7. 다음 두 이차방정식을 동시에 만족하는  $x$ 의 값을 구하여라.

$$2x^2 - 9x + 9 = 0, \quad 4x^2 - 8x + 3 = 0$$

▶ 답:

▷ 정답:  $x = \frac{3}{2}$

해설

$$2x^2 - 9x + 9 = 0$$

$$(x - 3)(2x - 3) = 0$$

$$x = 3 \text{ 또는 } x = \frac{3}{2}$$

$$4x^2 - 8x + 3 = 0$$

$$(2x - 3)(2x - 1) = 0$$

$$x = \frac{3}{2} \text{ 또는 } x = \frac{1}{2}$$

8.  $x$ 에 대한 이차방정식  $3(x - 4)^2 = \frac{a}{2}$  가 중근을 가진다고 할 때, 상수  $a$ 의 값과 중근의 합을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 4

해설

중근을 가지기 위한 조건은  
(완전제곱식)=0 이므로  
 $3(x - 4)^2 = \frac{a}{2}, (x - 4)^2 = \frac{a}{6}, a = 0$ 이다.  
또한 중근은  $x = 4$  이므로  
 $0 + 4 = 4$

9. 다음은 이차방정식을  $(x + p)^2 = q$  의 꼴로 나타내는 과정이다.  
(가)~(마)에 들어갈 수가 아닌 것은?

$$\begin{aligned}x^2 + 3x &= 2 \\x^2 + 3x + (\text{가}) &= 2 + (\text{나}) \\(x + (\text{다}))^{(\text{라})} &= (\text{마})\end{aligned}$$

- ① (가) :  $\frac{9}{4}$       ② (나) :  $\frac{9}{4}$       ③ (다) :  $\frac{3}{2}$   
④ (라) : 2      ⑤ (마) : 5

해설

$$\begin{aligned}x^2 + 3x + \frac{9}{4} &= 2 + \frac{9}{4} \\(x + \frac{3}{2})^2 &= \frac{17}{4}\end{aligned}$$

따라서 (마)는  $\frac{17}{4}$  이다.

10. 이차방정식  $0.3x^2 - 0.4(x - 3) = 2.1$ 의 해를 구하면?

Ⓐ  $x = \frac{2 \pm \sqrt{31}}{3}$  Ⓑ  $x = \frac{2 \pm 4\sqrt{2}}{3}$  Ⓒ  $x = \frac{2 \pm \sqrt{33}}{3}$   
Ⓓ  $x = \frac{2 \pm \sqrt{34}}{3}$  Ⓨ  $x = \frac{2 \pm \sqrt{35}}{3}$

해설

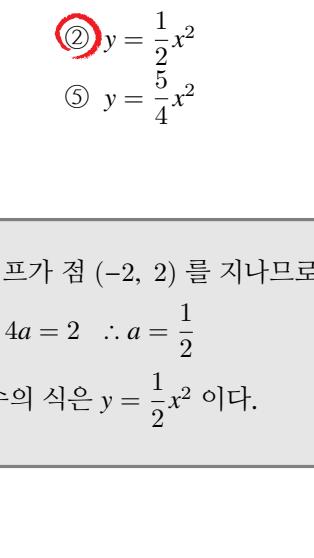
양변에 10을 곱하면

$$3x^2 - 4(x - 3) = 21$$

$$3x^2 - 4x - 9 = 0$$

$$\therefore x = \frac{2 \pm \sqrt{31}}{3}$$

11. 다음 그림과 같이 원점을 꼭짓점으로 하고 점  $(-2, 2)$  를 지나는 포물선을 그래프로 하는 이차함수의 식은?



- ①  $y = \frac{1}{4}x^2$       ②  $y = \frac{1}{2}x^2$       ③  $y = \frac{3}{4}x^2$   
④  $y = \frac{3}{2}x^2$       ⑤  $y = \frac{5}{4}x^2$

해설

$y = ax^2$  의 그래프가 점  $(-2, 2)$  를 지나므로

$$2 = a \times (-2)^2, \quad 4a = 2 \quad \therefore a = \frac{1}{2}$$

따라서 이차함수의 식은  $y = \frac{1}{2}x^2$  이다.

12. 다음 보기는 이차함수  $y = 3x^2$  의 그래프의 특징을 적은 것이다. 옳은 것을 모두 고르면?

보기

- Ⓐ 꼭짓점이 원점이고,  $y$  축에 대하여 대칭이다.
- Ⓑ 점  $(-3, 27)$  을 지난다.
- Ⓒ 아래로 볼록하며, 제 1, 2 사분면을 지난다.
- Ⓓ  $y$ 의 값의 범위는  $y \geq 0$  이다.
- Ⓔ  $x < 0$  인 범위에서  $x$  가 증가하면  $y$  도 증가한다.

① Ⓐ

② Ⓑ, Ⓒ

③ Ⓑ, Ⓒ, Ⓓ

④ Ⓐ, Ⓑ, Ⓒ, Ⓓ

⑤ Ⓑ, Ⓒ, Ⓓ, Ⓕ, Ⓖ

해설

$y = ax^2$  의 그래프는 다음의 기본성질을 갖는다.

꼭짓점은  $(0, 0)$ , 대칭축은  $y$  축, 즉  $x = 0$

$a > 0$  이면 아래로 볼록,  $a < 0$  이면 위로 볼록

$|a|$  이 작을수록 포물선의 폭이 넓다.

$y = -ax^2$  과  $x$  축에 대하여 대칭

이상의 성질에서 볼 때, Ⓑ, Ⓒ, Ⓓ은 옳다.

Ⓔ 아래로 볼록이고 꼭짓점이 원점이므로  $y \geq 0$

Ⓕ 아래로 볼록하고 축이  $x = 0$  이므로

$x > 0$  일 때,  $x$  가 증가하면  $y$  도 증가한다. 따라서 옳지 않다.

13. 이차함수  $y = 2x^2$  의 그래프를  $y$  축의 방향으로 3 만큼 평행이동시켰을 때 꼭짓점의 좌표를 구하여라.

- ①  $(0, 0)$       ②  $(0, -2)$       ③  $(3, 0)$   
④  $(0, 3)$       ⑤  $(-2, 0)$

해설

$y = 2x^2$  의 그래프를  $y$  축의 방향으로 3 만큼 평행이동 시켰으므로  $y = 2x^2 + 3$  이다.  
따라서 꼭짓점의 좌표는  $(0, 3)$ 이다.

14. 이차함수  $y = -3x^2 + 6x + 1$  의 꼭짓점의 좌표는?

- ①  $(-1, 4)$       ②  $(-1, -4)$       ③  $(1, -4)$   
④  $(4, -1)$       ⑤  $(1, 4)$

해설

$$\begin{aligned}y &= -3x^2 + 6x + 1 \\&= -3(x^2 - 2x + 1 - 1) + 1 \\&= -3(x - 1)^2 + 4\end{aligned}$$

이므로 꼭짓점의 좌표는  $(1, 4)$ 이다.

15.  $y = -2x^2$  을  $x$  축의 방향으로 3 만큼,  $y$  축의 방향으로 1 만큼 평행이동 했더니  $(2, a)$  를 지난다고 한다.  $a$  의 값을 구하면?

- ① -2      ② -1      ③ 0      ④ 1      ⑤ 2

해설

$$y = -2x^2 \Rightarrow y = -2(x - 3)^2 + 1$$
$$a = -2(2 - 3)^2 + 1 = -1$$

16. 이차함수  $y = -x^2 - 2x + 1$ 에서  $x$ 의 값이 증가함에 따라  $y$ 의 값이 감소하는  $x$ 의 값의 범위는?

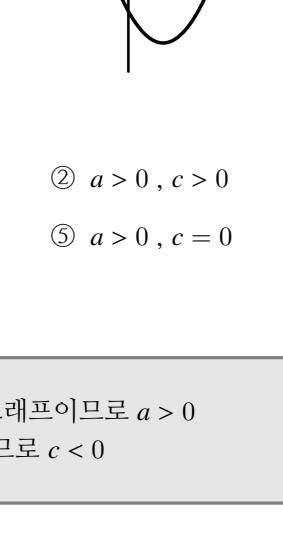
- ①  $x < -1$       ②  $x > -1$       ③  $x < 1$   
④  $x > 1$       ⑤  $x > 0$

해설

$$\begin{aligned}y &= -x^2 - 2x + 1 \\&= -(x^2 + 2x + 1 - 1) + 1 \\&= -(x + 1)^2 + 2\end{aligned}$$

대칭축이  $x = -1$  이고 위로 볼록한 포물선이다.

17. 이차함수  $y = ax^2 - 3x + c$  의 그래프가 다음과 같을 때,  $a, c$  의 부호는?



- ①  $a > 0, c < 0$       ②  $a > 0, c > 0$       ③  $a < 0, c > 0$   
④  $a < 0, c < 0$       ⑤  $a > 0, c = 0$

해설

아래로 볼록한 그래프이므로  $a > 0$   
 $y$  절편이 음수이므로  $c < 0$

18. 다음 중 이차방정식의 해가 모두 양수인 것은?

- ①  $(x - 2)(x + 3) = 0$       ②  $x^2 + 2x = 0$   
③  $3x^2 + x - 1 = 0$       ④  $x^2 - 9x + 14 = 0$   
⑤  $2x^2 - 8 = 0$

해설

④  $x = 2, x = 7$  일 때 성립한다.

19. 이차방정식  $x^2 - 4x - 12 = 0$  의 근의 개수를  $a$  개,  $\frac{1}{4}x^2 - 2x + 4 = 0$

의 근의 개수를  $b$  개라 할 때,  $a, b$  를 근으로 하는  $x^2 + px + q = 0$  의  
근의 개수를 구하면?

① 2 개

② 1 개

③ 0 개

④ 무수히 많다.

⑤ 근의 개수를 구할 수 없다.

해설

$x^2 - 4x - 12 = 0$  에서  $(-4)^2 + 4 \times 12 > 0$  이므로  $a = 2$  이다.

$\frac{1}{4}x^2 - 2x + 4 = 0$  에서  $(-2)^2 - 4 \times \frac{1}{4} \times 4 = 0$  이므로  $b = 1$  이다.

2, 1 을 근으로 하는 방정식을 구하면  $(x - 2)(x - 1) = 0$ ,  $x^2 - 3x + 2 = 0$  이고 근의 개수는  $(-3)^2 - 4 \times 2 \times 1 > 0$  이므로 2 개다.

20. 이차방정식  $x^2 + (k+1)x + 1 = 0$  이 중근을 가질 때의  $k$ 의 값이  
이차방정식  $x^2 + ax + b = 0$  의 두 근일 때,  $a+b$ 의 값은?

- ① -3      ② 3      ③ 2      ④ 1      ⑤ -1

해설

$$x^2 + (k+1)x + 1 = 0 \text{ } \circ\mid \text{중근을 가지려면 } (k+1)^2 - 4 \times 1 \times 1 = 0$$

$$k^2 + 2k - 3 = 0$$

$$(k-1)(k+3) = 0$$

$$\therefore k = -3 \text{ 또는 } k = 1$$

$$-3, 1 \text{ } \circ\mid x^2 + ax + b = 0 \text{ 의 두 근이므로}$$

$$9 - 3a + b = 0, a + a + b = 0$$

두 식을 연립하면  $a = 2, b = -3$ 이다.

$$\therefore a + b = 2 + (-3) = -1$$

21. 이차방정식  $x^2 + 2x + c = 0$  이 서로 다른 실근을 가질 때, 다음 중  $c$ 의 값으로 적당한 것은?

① -2      ② 1      ③  $\frac{3}{2}$       ④ 5      ⑤  $\frac{\sqrt{10}}{3}$

해설

이차방정식이 서로 다른 두 실근을 갖기 위한 조건은

$D > 0$  이다. (단,  $x$ 의 계수가 짝수일 경우  $\frac{D}{4} > 0$ )

$$\therefore (-1)^2 - c > 0$$

$$\therefore c < 1$$

22. 이차함수  $f(x) = -x^2 + ax - 1$ 에 대하여  $f(1) = 2$ ,  $f(-1) = b$  일 때,  
상수  $a$ ,  $b$ 의 합  $a+b$ 의 값은?

- ① 2      ② 1      ③ 0      ④ -2      ⑤ -4

해설

$$f(1) = 2, \quad -1^2 + a \times 1 - 1 = 2, \quad -1 + a - 1 = 2$$

$$\therefore a = 4$$

$$f(x) = -x^2 + 4x - 1 \text{ } \circ] \text{므로}$$

$$f(-1) = -(-1)^2 + 4(-1) - 1 = -1 - 4 - 1 = -6$$

$$\therefore b = -6$$

$$\therefore a + b = 4 + (-6) = -2$$

23. 이차함수  $y = 2x^2 + bx + c$  의 그래프가 두 점  $(1, 3)$ ,  $(2, 6)$  을 지날 때, 상수  $b$ ,  $c$  에 대하여  $c - b$  의 값은?

① 5      ② 7      ③ 9      ④ 11      ⑤ 13

해설

$x = 1, y = 3$  을 대입하면  
 $3 = 2 + b + c, b + c = 1 \dots\dots \textcircled{\text{①}}$   
 $x = 2, y = 6$  을 대입하면  
 $6 = 8 + 2b + c, 2b + c = -2 \dots\dots \textcircled{\text{②}}$   
①, ② 을 연립하여 풀면  $b = -3, c = 4$  이므로  $c - b = 4 - (-3) = 7$  이다.

24. 이차방정식  $(x+5)(m-x) = n$ 의 중근  $x = -3$ 을 가질 때,  $m+n$ 의 값을 구하여라.(단,  $m, n$ 은 상수)

▶ 답:

▷ 정답: 3

해설

$$x^2 + (5-m)x - 5m + n = 0 \text{ 과 } (x+3)^2 = 0 \text{에서}$$
$$(x+3)^2 = 0 \text{을 전개한 후, } x \text{의 계수와 상수항을 비교해 보면}$$
$$5 - m = 6, \quad m = -1$$
$$-5m + n = 9, \quad n = 4$$
$$\therefore m + n = 3$$

25. 서로 다른 수  $x, y$ 에 대하여  $x^2 - 4xy + 4y^2 = 3x - 6y$  가 성립할 때,  
 $x - 2y$ 의 값을 구하여라. (단,  $x \neq 2y, xy \neq 0$ )

▶ 답:

▷ 정답: 3

해설

$$\begin{aligned}x^2 - 4xy + 4y^2 &= 3x - 6y \\x^2 - 4xy + 4y^2 - 3x + 6y &= 0 \\(x - 2y)^2 - 3(x - 2y) &= 0 \\(x - 2y)(x - 2y - 3) &= 0 \\x \neq 2y \text{ 이므로 } x - 2y - 3 &= 0, x - 2y = 3 \text{ 이다.}\end{aligned}$$