

1. 다음 이차방정식 중 해가 없는 것은?

- ①  $x^2 - 6x - 2 = 0$       ②  $x^2 - 3x - 4 = 0$   
③  $2x^2 - 2x + 2 = 0$       ④  $2x^2 - 4x + 2 = 0$   
⑤  $x^2 - x - 12 = 0$

해설

③  $D = (-2)^2 - 4 \times 2 \times 2 < 0$  : 해가 없다.

2. 이차방정식  $ax^2 + 2x + a = 0$ 에 대한 다음 설명 중 옳지 않은 것을 고르면?

- ①  $a = -1$  이면 중근을 갖는다.
- ②  $a = \frac{1}{2}$  이면 서로 다른 두 근을 갖는다
- ③ 이차방정식의 근은  $x = \frac{-1 \pm \sqrt{1-a^2}}{a}$  이다.
- ④  $a = 3$  이면 근을 갖지 않는다
- ⑤  $a \geq -1$  이면 서로 다른 두 개의 양의 정수를 근으로 갖는다.

해설

판별식  $D = 2^2 - 4a^2 = 4(1 - a^2) = 4(1 + a)(1 - a)$

①  $a = -1$  이면  $D = 0$  이 되어 중근을 갖는다.

②  $a = \frac{1}{2}$  이면  $D > 0$  이 되어 서로 다른 두 근을 갖는다.

③ 근의 공식으로 풀면  $x = \frac{-1 \pm \sqrt{1-a^2}}{a}$

④  $a = 3$  이면  $D < 0$  이 되어 근을 갖지 않는다.

⑤  $a \geq -1$  이면  $D \geq 0$  이므로 중근 또는 서로 다른 두 근을 갖는다.

3. 이차방정식  $x^2 - 3x - 1 = 0$  의 근의 개수를  $a$  개,  $\frac{1}{2}x^2 - 2x + 2 = 0$  의  
근의 개수를  $b$  개라 할 때,  $a - b$ 를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 1

해설

$$x^2 - 3x - 1 = 0 \text{ 에서 } D = (-3)^2 - 4 \times 1 \times (-1) = 13 > 0$$

서로 다른 두 근을 가지므로  $a = 2$

$$\frac{1}{2}x^2 - 2x + 2 = 0 \text{의 양변에 2 를 곱하면}$$

$$x^2 - 4x + 4 = 0, (x - 2)^2 = 0 \text{ 중근을 가지므로 } b = 1$$

따라서  $a - b = 1$ 이다.

4. 방정식  $(2-x-y)^2 - (x^2+y^2) = 4$  를 만족하는 자연수의 순서쌍  $(x, y)$ 에 대하여  $x^2 + y^2$  의 값을 구하여라. (단  $x \neq y$ )

▶ 답:

▷ 정답: 45

해설

$$(2-x-y)^2 - (x^2+y^2) = 4,$$
$$xy - 2(x+y) = 0, \quad (x-2)(y-2) = 4$$

$x-2$	1	2	4	-1	-2	-4
$y-2$	4	2	1	-4	-2	-1

○ 중에서  $x, y$  가 자연수인 경우는 (단,  $x \neq y$ )

$x$	3	6
$y$	6	3

따라서  $x^2 + y^2 = 3^2 + 6^2 = 45$  ○]다.

5. 이차방정식  $x^2 + ax - 10 = 0$  의 해가 정수일 때, 정수  $a$ 의 개수를 구하면?

① 1      ② 2      ③ 4      ④ 5      ⑤ 6

해설

곱이  $-10$ 인 두 정수는  
 $-10 = (-1) \times 10 = 1 \times (-10)$   
 $= (-2) \times 5 = 2 \times (-5)$   
 $(-1, 10), (1, -10), (-2, 5), (2, -5)$   
이므로 두 수의 합은  $-9, 9, -3, 3$ 이다.  
 $a = 9$  또는  $a = -9$  또는  $a = 3$  또는  $a = -3$   
따라서 정수  $a$ 의 개수는 4이다.

6. 이차방정식  $0.2x^2 - 0.3x - 1 = 0$  의 두 근 중에서 큰 근을  $k$  라고 할 때,  $k$  보다 크지 않은 최대의 정수를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 3

해설

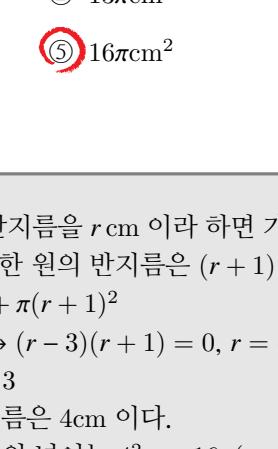
$0.2x^2 - 0.3x - 1 = 0$  의 양변에 10 을 곱하면

$$2x^2 - 3x - 10 = 0$$

$$\therefore x = \frac{3 \pm \sqrt{89}}{4}$$

따라서  $k = \frac{3 + \sqrt{89}}{4}$  이므로 최대 정수는 3 이다.

7. 다음 그림과 같이 원 세 개가 포개어져 있다. 가장 큰 원의 넓이가 나머지 두 원의 넓이의 합과 같을 때, 색칠한 부분의 넓이는?



- ①  $12\pi\text{cm}^2$       ②  $13\pi\text{cm}^2$       ③  $14\pi\text{cm}^2$   
④  $15\pi\text{cm}^2$       ⑤  $16\pi\text{cm}^2$

해설

가장 작은 원의 반지름을  $r$  cm이라 하면 가장 큰 원의 반지름은

$(r + 2)$  cm, 색칠한 원의 반지름은  $(r + 1)$  cm이 된다.

$$\pi(r + 2)^2 = \pi r^2 + \pi(r + 1)^2$$

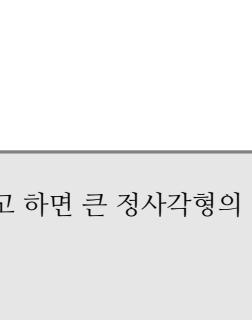
$$r^2 - 2r - 3 = 0 \rightarrow (r - 3)(r + 1) = 0, r = -1, 3 \text{에서}$$

$r > 0$  이므로  $r = 3$

색칠한 원의 반지름은 4cm이다.

따라서 색칠한 원의 넓이는  $4^2\pi = 16\pi(\text{cm}^2)$ 이다.

8. 다음 그림과 같은 두 정사각형의 넓이의 합이  $97\text{cm}^2$  일 때, 작은 정사각형의 둘레의 길이를 구하여라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : 16cm

해설

작은 정사각형의 한 변의 길이를  $x\text{cm}$  라고 하면 큰 정사각형의 한 변의 길이는  $(13 - x)\text{cm}$  이다.

$$x^2 + (13 - x)^2 = 97$$

$$2x^2 - 26x + 169 = 97$$

$$x^2 - 13x + 36 = 0$$

$$(x - 4)(x - 9) = 0$$

$$x = 4 \text{ 또는 } x = 9$$

따라서 작은 정사각형의 한 변의 길이는 4cm, 큰 정사각형의 한 변의 길이는 9cm 이다.

따라서 작은 정사각형의 둘레의 길이는  $4 \times 4 = 16(\text{cm})$  이다.

9. 길이가 5cm인 선분을 두 부분으로 나누어 그 각각의 선분을 한 변으로 하는 정사각형을 그렸더니 두 정사각형의 넓이의 비가 2 : 3이 되었다. 작은 정사각형의 한 변의 길이는?

- ①  $-10 - \sqrt{6}$       ②  $-10 + \sqrt{6}$       ③  $-5 + 5\sqrt{6}$   
④  $-5 - 5\sqrt{6}$       ⑤  $-10 + 5\sqrt{6}$

해설

두 변의 길이를  $x$  cm,  $(5 - x)$  cm라 하면

$$x^2 : (5 - x)^2 = 2 : 3$$

$$3x^2 = 2(5 - x)^2$$

$$x^2 + 20x - 50 = 0$$

$$x = -10 \pm 5\sqrt{6}$$

$$0 < x < 5 \text{ } \circ \text{므로 } x = -10 + 5\sqrt{6}$$

10. 한 변의 길이가  $x$  인 정사각형에서 한 변의 길이는 20% 늘이고 다른 한 변의 길이는 20% 줄일 때, 새로 만들어지는 직사각형의 넓이의 변화는?

- ① 1% 줄어든다      ② 1% 늘어난다      ③ 4% 줄어든다  
④ 4% 늘어난다      ⑤ 변화가 없다

해설

처음 정사각형의 넓이는  $x^2$   
새로운 직사각형의 넓이는  
 $(x + 0.2x)(x - 0.2x) = 1.2x \times 0.8x = 0.96x^2$

따라서 새로 만들어지는 직사각형의 넓이는 처음 정사각형의 넓이보다 4% 줄어든다.

11. 가로 3cm, 세로 8cm의 직사각형이 있다. 가로의 길이를  $x$  cm 만큼 늘리고, 세로의 길이를  $x$  cm 만큼 줄였더니, 원래 직사각형 넓이보다  $6\text{ cm}^2$  만큼 커졌다. 다음 보기 중,  $x$ 를 구하는 이차방정식은?

①  $x^2 + 5x + 6 = 0$

②  $x^2 - 5x + 6 = 0$

③  $x^2 - 5x - 6 = 0$

④  $x^2 - 5x - 18 = 0$

⑤  $x^2 + 5x - 18 = 0$

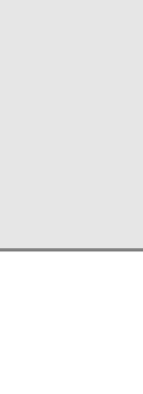
해설

$$3 \times 8 + 6 = (3+x)(8-x)$$

$$\therefore x^2 - 5x + 6 = 0$$

12. 다음 그림과 같이 가로가 3, 세로가 7 인 직사각형 모양의 사진이 있다. 이 사진의 둘레에 폭이 일정하게 종이를 붙일 때, 종이의 넓이가 24 라고 하면, 종이의 폭은?

① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5



해설

종이의 폭을  $x$ 라 하면, 종이와 액자의 넓이의 합은

$$(3 + 2x)(7 + 2x) = 21 + 24$$

$$4(x^2 + 5x - 6) = 0$$

$$(x + 6)(x - 1) = 0$$

$$x > 0 \text{ 이므로 } x = 1$$

13. 포물선  $y = -2x^2 + 2mx - 6$  의 축의 방정식이  $x = 1$  일 때,  $m$  의 값을 구하면?

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

해설

축의 방정식이  $x = 2$  이므로

$$\begin{aligned}y &= -2x^2 + 2mx - 6 \\&= -2(x-1)^2 + q \\&= -2x^2 + 4x - 2 + q\end{aligned}$$

$$\therefore 2m = 4, m = 2$$

14. 다음 그래프처럼 꼭짓점이 점(1, -2)를 지날 때, 올바른 이차함수의 식을 고른 것은?

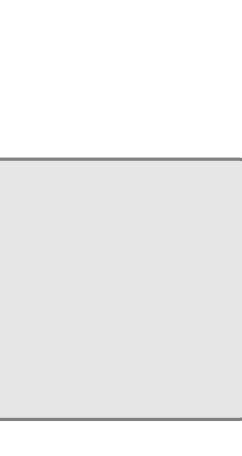
①  $y = 6x^2 - 11x - 2$

②  $y = 6x^2 - 12x + 4$

③  $y = -2x^2 - 12x + 4$

④  $y = 6x^2 + 12x + 4$

⑤  $y = 6x^2 - 12x - 4$



해설

꼭짓점이 점(1, -2)를 지나므로

$$y = a(x - 1)^2 - 2$$

또한, 점(0, 4)를 지나므로

$$4 = a - 2 \quad \therefore a = 6$$

$$\therefore y = 6x^2 - 12x + 4$$

15. 다음 중 이차함수  $y = \frac{1}{2}x^2 + ax + 9$  의 축의 방정식이  $x = -3$  일 때,  
꼭짓점의 좌표를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $\left(-3, \frac{9}{2}\right)$

해설

$$\begin{aligned}y &= \frac{1}{2}x^2 + ax + 9 \text{ 의 축 } x = -3 \text{ 으므로} \\y &= \frac{1}{2}(x+3)^2 + q \quad \therefore a = 3, q = \frac{9}{2} \\&= \frac{1}{2}(x^2 + 6x + 9) + q \\&= \frac{1}{2}x^2 + 3x + \frac{9}{2} + q \\y &= \frac{1}{2}x^2 + ax + 9 = \frac{1}{2}x^2 + 3x + \frac{9}{2} + q\end{aligned}$$

따라서 꼭짓점의 좌표는  $\left(-3, \frac{9}{2}\right)$ 이다.

16. 이차함수  $y = x^2 - 8x + 12$  를  $y$  축의 방향으로  $p$  만큼 평행이동하면  $x$  축과 만나는 두 점 사이의 거리가 처음의 두 배가 된다고 한다. 이 때,  $p$  의 값은?

① -12      ② -10      ③ -6      ④ -3      ⑤ 7

해설

$y = x^2 - 8x + 12 = (x-2)(x-6)$  이므로  $x$  축과 만나는 두 점은  $(2, 0), (6, 0)$  이고 축은  $x = 4$  이다.

이 그래프가  $y$  축의 방향으로만 평행이동했으므로 그래프의 축은 변하지 않은 상태에서  $x$  축과 만나는 두 점 사이의 거리가 두 배가 되려면 다음 그림처럼 좌우로 각각 2 만큼 늘어나서  $(0, 0), (8, 0)$  을 지나게 된다.



따라서 평행이동한 식은  $y = x(x-8) = x^2 - 8x$   
이는  $y = x^2 - 8x + 12$  를  $y$  축의 방향으로 -12 만큼 평행이동한  
식이므로  $p = -12$  이다.

17. 이차함수  $y = x^2 - 4x + 1$ 의 그래프를  $x$  축의 방향으로 2 만큼 평행이동하면 점  $(3, m)$ 을 지난다.  $m$ 의 값을 구하면?

- ① 6      ② 2      ③ **-2**      ④ -4      ⑤ -6

해설

$$y = x^2 - 4x + 1 = (x - 2)^2 - 3$$

$x$  축의 방향으로 2 만큼 평행이동하면

$$y = (x - 2 - 2)^2 - 3$$

따라서  $y = (x - 4)^2 - 3$

$(3, m)$ 을 대입하면  $m = (-1)^2 - 3 = -2$ 이다.

18. 이차함수  $y = -\frac{1}{3}x^2$  의 그래프를 평행이동하였더니 꼭짓점의 좌표가  $(3, -2)$  가 되었다고 할 때,  $y = -\frac{1}{3}x^2$  위에 있는 점  $(-1, m)$  은 어떤 점으로 옮겨지는지 구하여라.

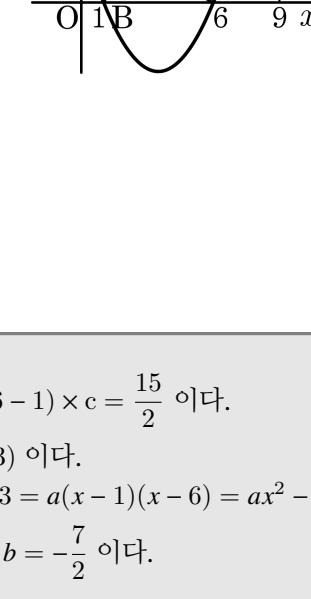
▶ 답:

▷ 정답:  $\left(2, -\frac{7}{3}\right)$

해설

$(-1, m)$   $\circ| y = -\frac{1}{3}x^2$  위의 점이므로  $m = -\frac{1}{3}$   
 $\left(-1, -\frac{1}{3}\right)$  을  $x$  축의 방향으로 3 만큼,  $y$  축의 방향으로 -2 만큼  
평행이동하면  $\left(2, -\frac{7}{3}\right)$  이다.

19. 다음 그림은 이차함수  $y = ax^2 + bx + c$  의 그래프이다. 삼각형 ABC  
의 넓이가  $\frac{15}{2}$  일 때, 삼각형 BCD 의 넓이를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 30

해설

$$\triangle ABC = \frac{1}{2} \times (6 - 1) \times c = \frac{15}{2} \text{ 이다.}$$

$$c = 3, \therefore A(0, 3) \text{ 이다.}$$

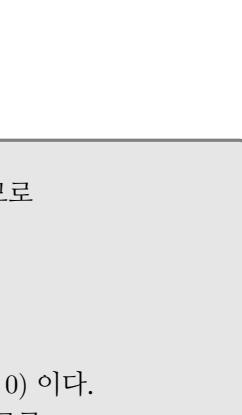
$$y = ax^2 + bx + 3 = a(x - 1)(x - 6) = ax^2 - 7ax + 6a$$

$$6a = 3, a = \frac{1}{2}, b = -\frac{7}{2} \text{ 이다.}$$

$$y = \frac{1}{2}x^2 - \frac{7}{2}x + 3 \text{ 이므로 } D(9, 12) \text{ 이다.}$$

$$\triangle BCD = \frac{1}{2} \times (6 - 1) \times 12 = 30$$

20. 이차함수  $y = 2(x-1)^2 - 8$ 의 그래프가  $x$  축과 만나는 점을 각각 A, B 라 하고,  $y$  축과의 교점을 C 라 할 때,  $\triangle ABC$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 12

해설

i )  $x$  축과의 교점은  $y = 0$  일 때  $x$ 의 값으로

$$2(x-1)^2 - 8 = 0$$

$$2x^2 - 4x - 6 = 2(x^2 - 2x - 3)$$

$$= 2(x-3)(x+1) = 0$$

$$\therefore x = 3 \text{ 또는 } x = -1$$

따라서 A의 좌표는  $(-1, 0)$  B의 좌표는  $(3, 0)$  이다.

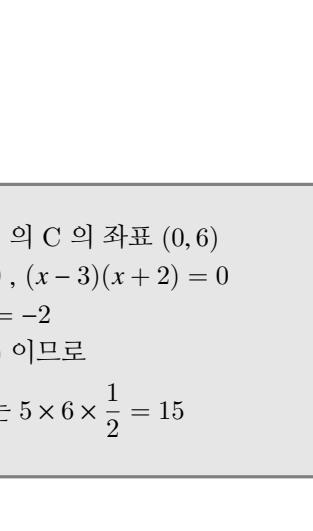
ii )  $y$  축과의 교점은  $x = 0$  일 때  $y$ 의 값으로

$$y = 2(0-1)^2 - 8 = -6$$

따라서 C 좌표는  $(0, -6)$  이다.

$$\text{iii) } \triangle ABC = 4 \times 6 \times \frac{1}{2} = 12$$

21. 이차함수  $y = -x^2 + x + 6$  의 그래프가 다음 그림과 같을 때,  $\triangle ABC$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 15

해설

$$y = -x^2 + x + 6 \text{ 의 } C \text{ 의 좌표 } (0, 6)$$

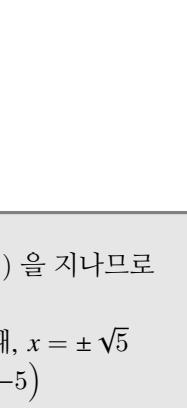
$$-x^2 + x + 6 = 0, (x - 3)(x + 2) = 0$$

$$\therefore x = 3 \text{ 또는 } x = -2$$

$A(-2, 0), B(3, 0)$  이므로

$$\triangle ABC \text{ 의 넓이는 } 5 \times 6 \times \frac{1}{2} = 15$$

22. 다음 그림에서 사각형 ABCD 는 네 꼭짓점이 이차함수  $y = ax^2$  의 그래프 위에 있는 사다리꼴이다. 사각형 ABCD 의 넓이를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답:  $4 + 4\sqrt{5}$

해설

$$y = ax^2 \text{ 가 점 } (-1, -1) \text{ 을 지나므로}$$

$$-1 = a, a = -1$$

$$y = -x^2, y = -5 \text{ 일 때, } x = \pm \sqrt{5}$$

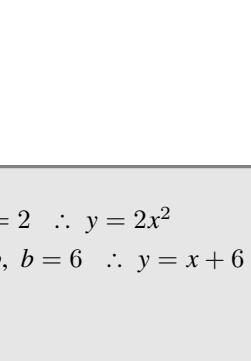
$$A(-1, -1), B(-\sqrt{5}, -5)$$

$$C(\sqrt{5}, -5), D(1, -1)$$

(□ABCD 의 넓이)

$$= (2 + 2\sqrt{5}) \times (5 - 1) \times \frac{1}{2} = 4 + 4\sqrt{5}$$

23. 이차함수  $y = ax^2$ 의 그래프와 직선  $y = x + b$ 가 점 A(2, 8)과 점 B에서 만날 때,  $\triangle ABO$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답:  $\frac{21}{2}$

해설

$$y = ax^2 \text{ 에 점 } (2, 8) \text{ 을 대입, } 8 = 4a, a = 2 \quad \therefore y = 2x^2$$

$$y = x + b \text{ 에 점 } (2, 8) \text{ 을 대입, } 8 = 2 + b, b = 6 \quad \therefore y = x + 6$$

$y = 2x^2$  과  $y = x + 6$  의 교점을 구하면

$$2x^2 = x + 6$$

$$2x^2 - x - 6 = 0$$

$$(2x + 3)(x - 2) = 0$$

$$\therefore x = -\frac{3}{2} \text{ 또는 } x = 2$$

$$\therefore B\left(-\frac{3}{2}, \frac{9}{2}\right)$$

$y = x + 6$  에서  $x = -6$  일 때,  $y = 0$  이므로



$$\triangle ABO \text{의 넓이 } = \frac{1}{2} \times 6 \times 8 - \frac{1}{2} \times 6 \times \frac{9}{2} = \frac{21}{2} \text{이다.}$$

24.  $y = 2x^2$  의 그래프를  $x$  축의 방향으로  $-3$  만큼,  $y$  축의 방향으로  $-2$  만큼 평행이동시킨 그래프의  $x$  절편과  $y$  절편을 연결한 삼각형의 넓이를 구하면?

① 8      ② 10      ③ 12      ④ 14      ⑤ 16

해설

$y = 2(x + 3)^2 - 2 = 2x^2 + 12x + 16$ 에서  $x$  절편은  $-4$ 와  $-2$ ,  $y$  절편은 16

따라서 삼각형의 넓이는  $\frac{1}{2} \times 2 \times 16 = 16$ 이다.